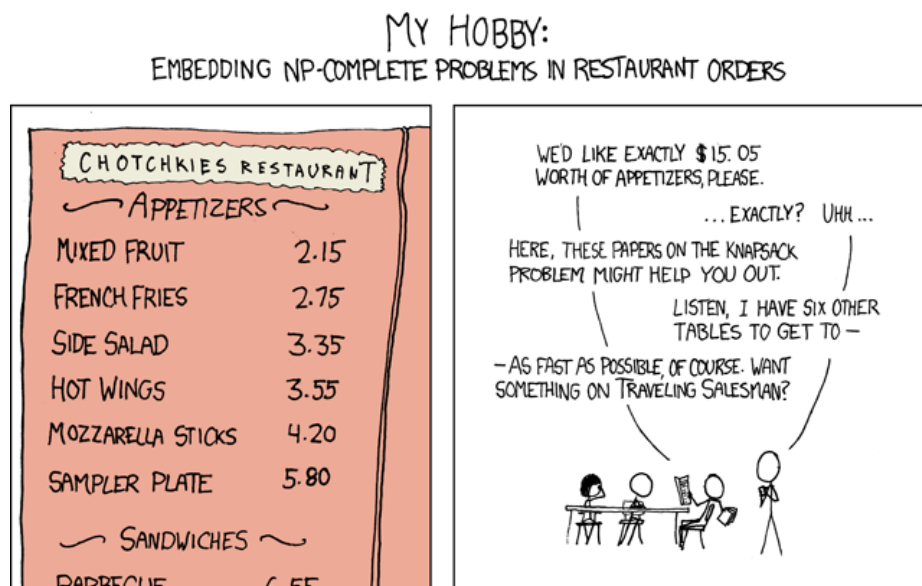


Chapitre 9

Que faire avec des problèmes NP-complets?

(Programme de khôlles)



Groupe A, B & C (CCINP et Mines-Telecom)

1. Définition d'un algorithme probabiliste, d'un algorithme de type *Las Vegas*, de type *Monte Carlo*.
2. Pour $M \neq AB - C$, on a $P_{X \leftarrow u(\{0,1\}^n)}(MX = 0_n) \leq \frac{1}{2}$. (démonstration)
3. Définition d'un faux positif, faux négatif.
4. Sélection du k^e éléments dans un tableau : majoration du nombre d'étapes pour sélectionner dans un tableau de taille n . (démonstration)
5. Définition d'un problème de minimisation, de maximisation, du coefficient d'approximation dans les deux cas.
6. Approximation pour MINVC, SOMMEPARTIELLE. (démonstrations)
7. Algorithme : Branch and bound (principe, différences et similitudes avec le backtracking, pseudo-code avec et sans élagage).

Groupe B & C (Mines, Centrale, X)

8. Théorème : Si X_n représente le nombre de comparaisons effectuées par le tri rapide randomisé sur un tableau de taille n , alors $E(X_n) \sim 2n \log(n)$. (démonstration)
9. Algorithme de MC associé au problème de PERFECTMATCHING : $P_R(\text{faux alors alors qu'il existe } CP) \leq \frac{1}{2}$. (démonstration)
10. Algorithme : Mélange de Knuth - principe et preuve de correction (l'invariant est à connaître!!!).
11. Approximation pour MAXCUT, COUPLAGEPOIDS MAX. (démonstrations)
12. Problème du voyageur de commerce (**À connaître par coeur!!**).
13. Algorithme de MC associé à MAXSAT, Théorème associé : En notant $E(\varphi)$ l'espérance du nombre de clauses satisfaites, tirer une valuation au hasard \implies de dire que $E(\varphi) \geq \frac{c}{2}$ avec c le nombre de clauses. (démonstration)
14. Théorème (toujours à propos du même algorithme) : Si φ est sous forme CNF alors la valuation calculée par cet algo satisfait au moins $E(\varphi)$ clauses. (démonstration)
15. Bien connaître la propriété sur l'heuristique d'un algo branch and bound, en fonction du type de problème (minimisation ou maximisation).

Groupe C (ENS)

16. Théorème : Soit $\varepsilon > 0$, si on dispose d'un algo polynomial qui résout le PVC avec erreur $(1 + \varepsilon)$ alors $P = NP$. (démonstration)