





КУРСЫ В МОСКВЕ ▼

ОНЛАЙН-КУРСЫ ▼

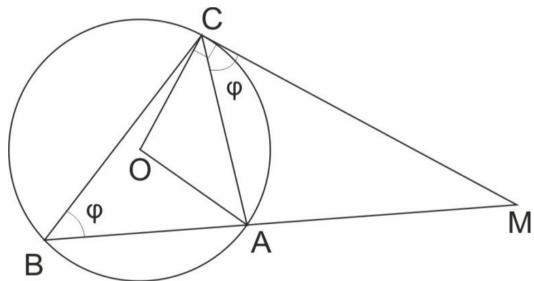
ПОДГОТОВКА ПРЕПОДАВАТЕЛЕЙ (HTTPS://EGE-STUDY.RU/PROGRAMMA-POVYSHENIYA-KVALIFIKACII-UCHITELEJ-MATEMATIKI/)

БЕСПЛАТНЫЕ MATEPИAЛЫ (HTTPS://EGE-STUDY.RU/RU/EGE/MATERIALY/)

Центр подготовки к ЕГЭ (https://ege-study.ru) > Материалы для подготовки к ЕГЭ и ОГЭ (https://ege-study.ru/ru/ege/materialy/) > Угол между касательной и хордой

## Угол между касательной и хордой

Угол между касательной и хордой, проведенной через точку касания, равен половине угловой величины дуги, заключенной между ними.



(/wp-content/uploads/2019/07/518.jpg)

Касательная перпендикулярна радиусу, проведенному в точку касания.

Пусть  $\angle MCA = \varphi$ . Тогда  $\angle OCA = 90^\circ - \varphi$ . Треугольник ОСА – равнобедренный, ОА = ОС (как радиусы окружности). Значит,  $\angle AOC = 180^\circ - 2\,(90^\circ - \varphi) = 2\varphi$ , что и требовалось доказать.

Заметим, что  $\angle ABC = \varphi$  – как вписанный, опирающийся на ту же дугу.

## Задача ЕГЭ по теме «Угол между касательной и хордой»

Угол между хордой AB и касательной BC к окружности равен  $32^\circ$ . Найдите величину меньшей дуги, стягиваемой хордой AB. Ответ дайте в градусах.

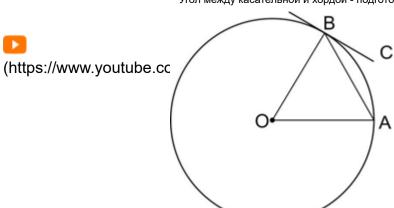
Сдай ЕГЭ! Бесплатные материалы для подготовки каждую неделю!

Введите Email

Подписаться!

□ Я преподаватель

'.instagram.com/egestudiya/)



## (/wp-content/uploads/2019/07/85.png)

Касательная ВС перпендикулярна радиусу ОВ, проведенному в точку касания. Значит, угол ОВС равен 90°, и тогда угол ОВА равен  $90^{\circ}-32^{\circ}=58^{\circ}$ . Угол ОАВ также равен  $58^{\circ}$ , так как треугольник ОАВ – равнобедренный, его стороны ОА и ОВ равны радиусу окружности. Тогда третий угол этого треугольника, то есть угол АОВ, равен  $180^{\circ}-58^{\circ}\cdot 2=64^{\circ}$ .

Центральный угол равен угловой величине дуги, на которую он опирается, и тогда дуга AB равна  $64^{\circ}$ .

Эту задачу можно решить быстрее, зная теорему об угле между касательной и хордой.

Угол между касательной и хордой, проведенной через точку касания, - это угол ABC. Он равен половине угловой величины дуги, заключенной между касательной BC и хордой AB, то есть дуги AB. Значит, дуга AB равна  $64^{\circ}$ .

Ответ: 64.

Сдай ЕГЭ! Бесплатные материалы для подготовки каждую неделю!

Я преподаватель