

【爱启航】2020考研数学基础班讲义

主讲: 张宇

😘:张宇考研数学 💣:宇哥考研





引言

1.课程设置

讲课内容:所讲即所考

课程难度:重点讲解基础知识,了解真实考研难度。

2.简单重复

念念不忘,必有回想

3.建议资料

《张宇高等数学 18 讲》、《张宇线性代数 9 讲 》、《张宇概率论与数理统计 9 讲》《题源 1000 题》

4.课程要求

全程记笔记,课后背笔记



第一章 极限

核心考点:

函数极限: 定义使用、计算、存在性、应用、连续与间断

数列极限:定义及使用、存在性及计算

一、函数极限的定义及使用(请在下面空白处记笔记)





【例题 1】求 $\lim_{x\to 0} \frac{\tan \pi x}{|x|(x^2-1)}$

【例题 2】[取自《题源 1000 题》数一、数三 P4 题 1.36,数二 P5 题 1.37,]

已知
$$\lim_{x\to 1} f(x)$$
 存在 $f(x) = \frac{x - \arctan(x-1)-1}{(x-1)^3} + 2x^2 e^{x-1} \cdot \lim_{x\to 1} f(x)$, 求 $f(x)$

【例题 3】 若
$$\lim_{x \to x_0} \frac{f(x)}{x - x_0} = A$$
 存在,求 $\lim_{x \to x_0} f(x)$



【例题 4】[取自《题源 1000 题》数一、数三 P8, 题 1.90(1),数二 P9, 题 1.92 (1)]

证明: $\exists x \rightarrow 0^+$ 时,不等式 $0 < \tan^2 x - x^2 < x^4$ 成立

【例题 5】[取自《题源 1000 题》数一、数三 P4, 题 1.35,数二 P4, 题 1.36]

设
$$\lim_{x\to 0} \frac{\ln\left[1+\frac{f(x)}{\sin x}\right]}{a^x-1} = A, (a>0, a\neq 1), 求 \lim_{x\to 0} \frac{f(x)}{x^2}$$



二、函数极限的计算

- 1.七种未定式
 - ①化简先行

②洛必达求函数极限

【例题 1】[取自《题源 1000 题》数一、数二、数三 P3, 题 1.6]

$$\Re \lim_{x \to 0} \frac{(3 + 2\tan x)^x - 3^x}{3\sin^2 x + x^3 \cos \frac{1}{x}}.$$

【例题 2】[取自《题源 1000 题》数一、数二、数三 P3, 题 1.8]

$$\Re \lim_{x \to 0} \int_0^x \frac{\sin 2t}{\sqrt{4 + t^2} \int_0^x (\sqrt{t + 1} - 1) dt} dt$$



【例题 3】[取自《题源 1000 题》数一、数二、数三 P3, 题 1.10]

求
$$\lim_{x \to 3^+} \frac{\cos x \ln(x-3)}{\ln(e^x - e^3)}$$
.

【例题 4】 [取自《题源 1000 题》数一、数二、数三 P3, 题 1.14]

$$\vec{x} \lim_{x \to 0} \left(\frac{1+x}{1-e^{-x}} - \frac{1}{x} \right).$$

【例题 5】[取自《题源 1000 题》数一、数二、数三 P3, 题 1.9]

$$\lim_{x \to \infty} e^{-x} \left(1 + \frac{1}{x} \right)^{x^2}.$$