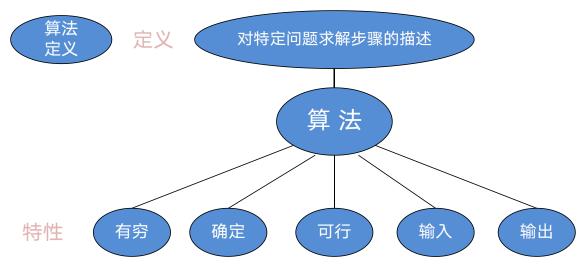




算法定义





微信公众号: 王道在线

王道论坛网址:www.cskaoyan.com



时间复杂度

微信公众号:王道在线

王道论坛网址: www.cskaoyan.com



时间复杂度指算法中所有语句的频度(执行次数)之和。 记为:

T(n)=O(f(n))

其中, n是问题的规模; f(n)是问题规模n的某个函数。

表示随着问题规模II的增大,算法执行时间的增长率和f(II)的增长率相同。

常见的时间复杂度:

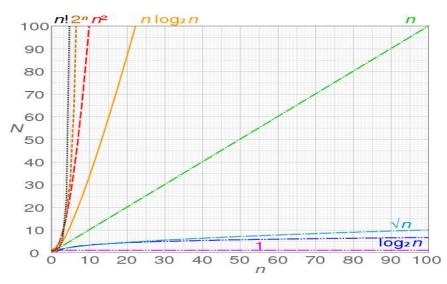
 $O(1) < O(log_2 n) < O(n) < O(nlog_2 n) < O(n^2) < O(n^3) < O(2^n) < O(n!)$

最高阶数越小,说明算法的时间性能越好。

微信公众号: 王道在线

王道论坛网址: www.cskaoyan.com









示例程序1:

```
int sum=0; //执行一次
sum=n*(n+1)/2; //执行一次
printf("%d",sum); //执行一次
```

算法的执行次数等于3。 时间复杂度为T(n)=O(1) 表示不会随n的增长而增长。

微信公众号: 王道在线

王道论坛网址: www.cskaoyan.com





示例程序2:

int x=2; while (x<n/2)x=2*x;

【2011年计算机联考真题】

执行频率最高的语句为 "x=2*x"。 设该语句共执行了t次,则 2^{t+1} <n/2,故t= $log_2(n/2)$ - $1=log_2n$ -2时间复杂度T(n)= $O(log_2n)$





示例程序3:

```
int sum=0,i=1;
while(i<n) {
    sum=sum+i;
    i++;
}
printf("%d",sum);</pre>
```

执行频率最高的语句是while循环体中的代码。 一共执行n次。

时间复杂度T(n)=O(n)

微信公众号: 王道在线

王道论坛网址: www.cskaoyan.com





示例程序4:

```
int i,x=2;
for(i=0;i<n;i++)
{
    x=0;
    while(x<n/2)
    x=2*x;
}</pre>
```

执行频率最高的语句为"x=2*x"。 设该语句内层循环执行了 log_2n 次,外层执行了n次,因此总计执行次数为 $nlog_2n$ 次。





示例程序5:

```
int i,j;
for(i=0;i<n;i++) {
    for(j=0;j<m;j++)
        sum=sum+1;
}</pre>
```

对于外层循环,相当于内部时间复杂度为O(m)的语句再循环n次。 所以时间复杂度T(n)=O(m×n) 如果m=n,则时间复杂度T(n)=O(n²)

▶时间复杂度的乘法规则

微信公众号:王道在线

王道论坛网址: www.cskaoyan.com





示例程序6:

```
int sum1=0,sum2=0,i,j;
for(i=0;i<n;i++)
    sum1=sum1+i;
for(j=0;j<m;j++)
    sum2=sum2+j;
printf("%d,%d",sum1,sum2);</pre>
```

两个循环没有嵌套,串行执行。 所以时间复杂度T(n)=O(n)+O(m) 取最大的,即时间复杂度T(n)=max(O(n)+O(m)) >时间复杂度的加法规则



思考题: 如果一个算法的执行次数 为 3n³+5n,那么该算法的时间复 杂度为多少?

是O(n³),因为时间复杂度计算忽略 高阶项系数和低阶项

微信公众号: 王道在线

王道论坛网址: www.cskaoyan.com



空间复杂度



空间复杂度S(n)指算法运行过程中所使用的辅助空间的大小。 记为:

$$S(n)=O(f(n))$$

- ▶除了需要存储算法本身的指令、常数、变量和输入数据外,还需要存储对数据操作的存储单元。
- ▶若输入数据所占空间只取决于问题本身,和算法无关,这样只需分析该算法在实现时所需的辅助单元即可。
- ▶算法原地工作是指算法所需的辅助空间是常量,即0(1)。

微信公众号: 王道在线

王道论坛网址: www.cskaoyan.com



