

Universidad Nacional de Ingeniería Escuela Profesional de Matemática Ciclo 2021-2

[Introducción a las Ecuaciones Diferenciales Ordinarias - CM2G2] [Prof: Los Profesores] UNI, 09 de noviembre de 2021

Práctica Calificada 4

1. Sea a > 0, se define el operador diferencial L[y(x)] = xy''(x) + y'(x) con dominio en

$$V = \{ v \in C^2[a, b] : v(a) = v(b) = 0 \}.$$

Demostrar que L es simétrico sobre V.

[5ptos]

2. Probar que si $y_1(x)$ e $y_2(x)$ son dos soluciones de la ecuación autoadjunta

$$L[y(x)] = \frac{d}{dx} \left(p(x) \frac{d}{dx} y(x) \right) + q(x)y(x) = 0,$$

para $x \in (a, b)$, entonces $p(x)W(y_1, y_2)(x)$ es una constante.

[5ptos]

3. Resuelva el siguiente PVF usando el método de expansión de autofunciones

$$u'' + u =: Lu = f(x) := \cos x \quad \forall x \in (0, \pi)$$

 $u(0) = u(\pi) = 0.$

[10ptos]