



Informe Laboratorio: Análisis Numérico

Práctica No. 6

Daniel Delgado

Código: 2182066

Grupo: B2

Escuela de Ingeniería de Sistemas e Informática
Universidad Industrial de Santander

30 de enero de 2021

1. Introducción

La interpolación, específicamente la interpolación polinómica, es una práctica la cual permite el encontrar más puntos a partir de un conjunto de puntos dados. Esto puede ser por la mera aproximación de puntos que sigan la tendencia de la función o la generación de un polinomio que se ajuste a un set de puntos dados.

En el presente informe, tratará las interpolaciones polinómicas de Newton y LaGrange y el como estas operan y se diferencian entre ellas. De la misma manera, se buscará entender el como cada una de estas se comporta en un contexto computacional y las ventajas de cada uno de estos.

La comprensión de las diferentes maneras de realizar interpolaciones, al igual que el desarrollo de la algoritmia relacionada, son los principales temas a a tratar durante el desarrollo del presente informe, así como la resolución de los problemas propuestos a manera de pregunta orientadora durante el desarrollo del componente práctico del mismo.

2. Desarrollo

1. Preguntas propuestas

De manera inicial, la guía de trabajo plantea algunas preguntas base con el fin de establecer los conceptos básicos que serán trabajados a lo largo del desarrollo del presente informe.

a) ¿Qué es la interpolación?

En términos simples, la interpolación se define como la obtención de puntos de una función indeterminada a partir de algunos puntos conocidos. Esto se hace comúnmente para la búsqueda de tendencias dadas por algunos datos o con el fin de realizar una aproximación de alguna función hacia algo más simple.

b) ¿Cómo se calcula un polinomio del Taylor de grado N?

Los polinomios de Taylor de grado N, aunque existen varias maneras de calcularlos, dentro de un dominio determinado $[a, b]$, es posible calcularlos a partir de la siguiente sumatoria la cual es usada para aproximar una función:

$$f(x) \approx P(x) = \sum_{k=0}^N \frac{f^{(k)}(x_0)}{k!} (x - x_0)^k$$

Es gracias a esto que podemos realizar aproximaciones polinómicas de algunas funciones más complejas como lo vienen siendo las funciones sinusoidales o exponenciales.

c) ¿Cómo se calculan las interpolaciones de Newton y LaGrange?

Estas interpolaciones son calculadas de dos maneras bastante diferentes pero toma datos similares para realizar este proceso.

La interpolación de LaGrange se realiza en dos partes, la primera, es el cálculo de los productos de los puntos que serán usados para realizar la generación del polinomio:

$$L_i(x) = \prod_{j=0, j \neq i}^n \frac{x - x_j}{x_i - x_j}$$

Seguidamente, empleando los valores obtenidos para L_i , se calculará el polinomio resultante de la interpolación a partir de la siguiente sumatoria:

$$f_n(x) = \sum_{i=0}^n L_i(x) f(x_i)$$

En cuanto a la interpolación de Newton, también conocida como diferencias divididas, es calculada a partir del siguiente proceso recursivo:

$$f_i(x_0, x_1, x_2, \dots, x_{i-1}, x_i) = \frac{f_{i-1}(x_0, x_1, \dots, x_{i-1}, x_i) - f_i(x_0, x_1, x_2, \dots, x_{i-1})}{x_i - x_0}$$

d) ¿Qué aplicaciones tiene la interpolación?

La interpolación tiene múltiples aplicaciones. Estas aplicaciones están principalmente relacionadas con la búsqueda de una función aproximada a partir de un polinomio de grado n . Estas aproximaciones pueden ser usadas principalmente para la simplificación de cálculos y la reducción de tiempos de computación para funciones donde la precisión no debe ser extremadamente alta.

3. Anexos