# А. Перекрёстная проверка

ограничение по времени на тест: 1 секунда ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт

> ввод: стандартный ввод вывод: стандартный вывод

Разбейте множество из N объектов, каждый из которых принадлежит к одному из M классов, на K частей. Каждый объект должен попасть ровно в одну часть так, чтобы размеры частей, а также распределение классов по этим частям было сбалансировано. Формально, пусть cnt(x, c) — число объектов с классом c попавших в часть x, тогда должно выполняться

$$\forall x, y, c : |cnt(x, c) - cnt(y, c)| \le 1 \text{ in } \forall x, y : \left| \sum_{c} cnt(x, c) - \sum_{c} cnt(y, c) \right| \le 1.$$

# Входные данные

Первая строка: три целых числа N, M, K ( $1 \le N \le 10^5$ ,  $1 \le M$ ,  $K \le N$ ) — число объектов, классов и частей.

Вторая строка: N целых чисел  $C_i$  ( $1 \le C_i \le M$ ) — класс i-го объекта.

# Выходные данные

Выведите K строк. Каждая строка x начинается с целого числа S — размера части x. Далее идут S целых чисел — номера объектов попавших в часть x. Объекты нумеруются с единицы.

#### Пример

# входные данные 10 4 3 1 2 3 4 1 2 3 1 2 1 выходные данные 4 1 4 9 10 3 2 3 5 3 6 7 8 Скопировать

# Примечание

В первой части содержится четыре объекта, два из них первого класса, один второго и один четвёртого. Во второй и третьей части по три объекта первых трёх классов.

# В. F-мера

ограничение по времени на тест: 1 секунда ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт

> ввод: стандартный ввод вывод: стандартный вывод

В результате эксперимента по классификации на K классов была получена матрица неточностей (Confusion matrix) CM, где CM[c,t] — число объектов класса c, которые были классифицированы как t. Посчитайте по данной матрице неточностей средневзвешенную по классам макро и микро F-меру.

# Входные данные

Первая строка содержит целое число K — число классов ( $1 \le K \le 20$ ). Далее идёт K строк — описание матрицы неточностей. Каждая строка c содержит K целых чисел — c-я строка матрицы неточностей.  $\forall c, t : 0 \le CM[c, t] \le 100$  и  $\exists c, t : CM[c, t] \ge 1$ .

# Выходные данные

Выведите два вещественных числа с плавающей точкой — взвешенно усреднённую по классам макро и микро F-меру. Абсолютная погрешность ответа не должна превышать  $10^{-6}$ .

#### Примеры

входные данные	Скопировать
2 0 1 1 3	
выходные данные	Скопировать
0.6 0.6	
входные данные	Скопировать
3 3 1 1 3 1 1 1 3 1	
выходные данные	Скопировать
0.326860841 0.316666667	

# Примечание

В первом примере классы распределены как 1:4. Точность (precision), полнота (recall) и F-мера первого класса равны 0, а второго 0.75. При этом средняя точность, полнота и F-мера равны 0.6.

# С. Непараметрическая регрессия

ограничение по времени на тест: 2 секунды ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт ввод: стандартный ввод вывод: стандартный вывод

Реализуйте алгоритм непараметрической регрессии, который бы поддерживал различные функции расстояний, ядер и окон. Описание ядер можно найти здесь: https://en.wikipedia.org/w/index.php?oldid=911077090. Обратите внимание, что определение Прямоугольного ядра в данной задаче отличается.

#### Входные данные

Первая строка содержит два целых числа N и M — число объектов и признаков ( $1 \le N \le 100, 1 \le M \le 10$ ).

Далее идёт N строк — описание набора данных. Каждая строка i содержит M+1 целое число  $d_{i,j}$  ( $-100 \le d_{i,j} \le 100$ ) — описание i-го объекта. Первые M из этих чисел признаки i-го объекта, а последнее — его целевое значение.

Следующая строка описывает объект запроса q. Она состоит из M целых чисел  $d_{q,j}$  ( $-100 \le d_{q,j} \le 100$ ) — признаки объекта q.

Далее идут три строки состоящих из строчных латинских букв.

Первая из них — название используемой функции расстояния: manhattan, euclidean, chebyshev.

Вторая — название функции ядра: uniform, triangular, epanechnikov, quartic, triweight, tricube, gaussian, cosine, logistic, sigmoid.

Третья — название типа используемого окна: fixed — окно фиксированной ширины, variable — окно переменной ширины.

Последняя строка содержит параметр окна: целое число h ( $0 \le h \le 100$ ) — радиус окна фиксированной ширины, либо целое число K ( $1 \le K \le N$ ) — число соседей учитываемое для окна переменной ширины.

#### Выходные данные

Выведите одно вещественное число с плавающей точкой — результат запроса. Допустимая абсолютная и относительная погрешность 10<sup>-6</sup>.

#### Примеры

```
ВХОДНЫЕ ДАННЫЕ

3 2
0 2 1
1 1 0
2 0 1
0 0
euclidean
uniform
fixed
2

ВЫХОДНЫЕ ДАННЫЕ

0.0000000000
```

# Входные данные 3 2 0 2 1 1 1 0 2 0 1 0 0 euclidean gaussian variable 2 Выходные данные Скопировать

#### Примечание

В случае неопределённости, когда в окно не попало ни одного объекта, требуется вывести значение по умолчанию для задачи регрессии — среднее значение целевой переменной по всем объектам из обучающей выборки.

# D. Линейная регрессия

ограничение по времени на тест: 1 секунда ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт ввод: стандартный ввод вывод: стандартный вывод

Найдите коэффициенты уравнения прямой по заданному набору данных.

#### Входные данные

Первая строка содержит два целых числа N ( $1 \le N \le 10^4$ ) — число объектов в обучающем множестве, и M ( $1 \le M \le \min(N, 1000)$ ) — число признаков у объектов исключая зависимую переменную.

Следующие N строк содержат описание объектов. i-я из этих строк содержит описание i-го объекта, M+1 целых чисел. Первые M из этих чисел:  $X_{i,j}$  ( $\left|X_{i,j}\right| \leq 10^9$ ) — признаки i-го объекта, а последнее  $Y_i$  ( $\left|Y_i\right| \leq 10^9$ ) — значение его зависимой переменной.

#### Выходные данные

Выведите M+1 вещественных чисел с плавающей точкой  $A_i$  — коэффициенты прямой из уравнения

$$Y = A_0 \cdot X_0 + A_1 \cdot X_1 + \cdots + A_{M-1} \cdot X_{M-1} + A_M$$

#### Система оценки

Целевая функция ошибки SMAPE вычисленная на скрытом множестве данных.  $SMAPE(Y, \hat{Y}) = \frac{1}{|Y|} \sum_{i} \frac{|Y_i - Y_i|}{|Y_i| + |\hat{Y}_i|}$ , где Y и  $\hat{Y}$  — вектор предсказанных и реальных значений целевой переменной.

Пусть  $Score = 100 \cdot \frac{B-S}{B-J}$ , где S — SMAPE вашего решения, J — SMAPE решения эталона с запасом  $\approx 1\%$ , B — SMAPE наивного решения с запасом  $\approx 2\%$ .

Тогда Verdict = 
$$\begin{cases} Ok & Score ≥ 100 \\ PartiallyCorrect & 0 ≤ Score < 100 \\ WrongAnswer & Score < 0 \end{cases}$$

#### Примеры

входные данные	Скопировать
2 1 2015 2045 2016 2076	
выходные данные	Скопировать
31.0 -60420.0	

# входные данные

Скопировать

- 4 1
- 1 0
- 1 2 2
- 2 4

#### выходные данные

Скопировать

2.0

#### Примечание

He стоит «дудосить» тестирующую систему для подбора оптимальных параметров алгоритма! Их следует настраивать локально используя следующие наборы данных: https://drive.google.com/file/d/1D2xJ6ujn4qR73suNJ64DGosfUlb-xmqD

Эти наборы данных отличаются от тех, на которых будет тестироваться ваше решение, но они получены тем же самым методом генерации. Каждый набор данных начинается с целого положительного числа M ( $1 \le M \le 1000$ ) — число признаков. Далее следуют два множества объектов: тренировочное и тестовое. Каждое множество начинается с целого положительного числа  $N_t$  ( $1 \le N_t \le 10^4$ ) — число объектов в множестве. Далее следуют  $N_t$  объектов в формате, который соответствует формату задачи на codeforces.

# Е. Метод опорных векторов

ограничение по времени на тест: 1 секунда ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт ввод: стандартный ввод вывод: стандартный вывод

Найдите коэффициенты  $\lambda_i$  опорных векторов и сдвиг b, для классификации по формуле  $class(x) = sign(\sum_i y_i \cdot \lambda_i \cdot k(x, x_i) + b)$ , где x — это векторное описание запрашиваемого объекта, а k — функция ядра.

#### Входные данные

В первой строке находится целое число N ( $1 \le N \le 100$ ) — число объектов в обучающем множестве.

Следующие N строк содержат описание объектов по одному объекту на строке. i-й объект описывается N+1 целым числом: первые N из них  $K_{i,j}$  (  $\left|K_{i,j}\right| \leq 10^9$ ) — значение функции ядра между i-м и j-м объектом, последнее  $Y_i$  ( $Y_i = \pm 1$ ) — класс i-го объекта.

Далее идёт строка содержащая целое число C ( $1 \le C \le 10^5$ ) — ограничение на коэффициенты  $\lambda_i$ .

# Выходные данные

Выведите N+1 число с плавающей точкой: первые N чисел — коэффициенты  $\lambda_i$  ( $0 \le \lambda_i \le C$ ,  $\sum \lambda_i \cdot Y_i = 0$ ) соответствующие объектам из тренировочного множества, последнее число b ( $|b| \le 10^{12}$ ) — коэффициент сдвига.

# Система оценки

Пусть  $Score = 100 \cdot \frac{F-B}{J-B}$ , где  $F - F_1$ -мера вашего решения,  $J - F_1$ -мера решения эталона с запасом  $\approx 1\%$ ,  $B - F_1$ -мера наивного решения с запасом  $\approx 2\%$ .

Тогда 
$$Verdict = \begin{cases} Ok & Score \ge 100 \\ PartiallyCorrect & 0 \le Score < 100 \\ WrongAnswer & Score < 0 \end{cases}$$

```
Скопировать
входные данные
5 4 6 9 11 10 -1
4 5 6 9 10 11 -1
6 6 8 12 14 14 -1
9 9 12 18 21 21 1
11 10 14 21 25 24 1
10 11 14 21 24 25 1
выходные данные
                                                                                                      Скопировать
0.0
0.0
1.0
1.0
0.0
0.0
-5.0
```

Реализуйте наивный байесовский классификатор.

Априорные вероятности классов оцениваются обыкновенным частотным методом.

Для оценки вероятности встречи слов в каждом классе используется модель Бернулли с аддитивным сглаживанием (сглаживание Лапласа)  $p(x) = \frac{count(x) + a}{\sum_{1 \le x \ne 0} count(y) + a \cdot |Q|}$ , где x — рассматриваемое событие, а Q — множество всех событий.

Каждое слово это отдельный признак с двумя возможными событиями встретилось / не встретилось.

#### Входные данные

В первой строке содержится целое положительное число K ( $1 \le K \le 10$ ) — число классов.

Во второй строке содержится K целых положительных чисел  $\lambda_C$  ( $1 \le \lambda_C \le 10$ ) — штрафы за ошибки классификации сообщений соответствующих классов.

В третьей строке содержится целое положительное число  $\alpha$  ( $1 \le \alpha \le 10$ ) — интенсивность аддитивного сглаживания.

Следующая строка содержит целое положительное число N (1 ≤ N ≤ 200) — число сообщений в обучающей выборке.

Следующие N строк содержат описания соответствующих сообщений из обучающей выборки. Каждое сообщение в ней начинается с целого положительного числа  $C_i$  ( $1 \le C_i \le K$ ) — класса к которому относится i-е сообщение. Далее следует целое положительное число  $L_i$  ( $1 \le L_i \le 10^4$ ) — число слов в i-м сообщении. Затем следует содержание сообщения —  $L_i$  слов состоящих из маленьких латинских букв.

Далее в отдельной строке содержится целое положительное число M (1 ≤ M ≤ 200) — число сообщений в проверочной выборке.

Следующие M строк содержат описания соответствующих сообщений из проверочной выборки. Каждое сообщение в ней начинается с целого положительного числа  $L_j$  ( $1 \le L_j \le 10^4$ ) — число слов в j-м сообщении. Затем следует содержание сообщения — L, слов состоящих из маленьких латинских букв.

Гарантируется, что сумма длин всех сообщений в обучающей и проверочной выборках меньше чем 2 · 10<sup>6</sup>.

#### Выходные данные

входные данные

Выведите M строк — результаты мягкой классификации оптимального наивного байесовского классификатора соответствующих сообщений из проверочной выборки. Допустимая абсолютная и относительная погрешность 10<sup>-4</sup>.

Каждый ј-й результат мягкой классификации должен содержать К чисел  $p_C$  — вероятности того, что ј-е сообщение относится к классу C.

Скопировать

#### Пример

```
111
1
1 2 ant emu
2 3 dog fish dog
3 3 bird emu ant
1 3 ant dog bird
2 emu emu
5 emu dog fish dog fish
5 fish emu ant cat cat
2 emu cat
1 cat
                                                                                                      Скопировать
выходные данные
0.4869739479 0.1710086840 0.3420173681
0.1741935484 0.7340501792 0.0917562724
0.4869739479 0.1710086840 0.3420173681
0.4869739479 0.1710086840 0.3420173681
0.4869739479 0.3420173681 0.1710086840
```

#### Примечание

В примере условные вероятности выглядят следующим образом:

$$p(w_x|c_y)$$
 ant bird dog emu fish  $c_1$  3/4 1/2 1/2 1/2 1/4  $c_2$  1/3 1/3 2/3 1/3 2/3  $c_3$  2/3 2/3 1/3 2/3 1/3

Слово сат не рассматривается, так как оно ни разу не встретилось в обучающей выборке.

Для первого запроса 
$$X$$
:  $p(c_1) \cdot p(X \mid c_1) = \frac{2}{4} \cdot \left(1 - \frac{3}{4}\right) \cdot \left(1 - \frac{1}{2}\right) \cdot \left(1 - \frac{1}{2}\right) \cdot \left(1 - \frac{1}{4}\right)$  и  $p(c_1 \mid X) = \frac{3/256}{3/256 + 1/243 + 2/243}$ 

# G. Дерево принятия решений

ограничение по времени на тест: 1.5 секунд ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт ввод: стандартный ввод вывод: стандартный вывод

Постройте дерево принятия решений.

#### Входные данные

Первая строка содержит три целых положительных числа M ( $1 \le M \le 100$ ) — число признаков у объектов (исключая класс), K ( $1 \le K \le 20$ ) — число классов и H ( $1 \le H \le 10$ ) — максимальная глубина (в рёбрах) дерева принятия решений.

Вторая строка содержит целое положительное число N (1 < N < 4000) — число объектов в обучающей выборке.

Следующие N строк содержат описания объектов в обучающей выборке. В i-й из этих N строк перечислено M+1 целое число: первые M чисел  $A_{i,j}$  ( $|A_{i,j}| \le 10^9$ ) — признаки i-го объекта, последнее число  $C_i$  ( $1 \le Ci \le K$ ) — его класс.

#### Выходные данные

Выведите построенное дерево принятия решений.

В первой строке выведите целое положительное число S ( $1 \le S \le 2^{11}$ ) — число вершин в дереве.

В следующих S строках выведите описание вершин дерева. В у-й из этих строк выведите описание у-й вершины:

- Если v-я вершина узел, выведите через пробел: заглавную латинскую букву 'Q', целое положительное число f<sub>v</sub> (1 ≤ f<sub>v</sub> ≤ M) индекс признака по которому происходит проверка в данном узле, вещественное число с плавающей точкой b<sub>v</sub> константа с которой происходит сравнения для проверки, два целых положительных числа l<sub>v</sub> и r<sub>v</sub> (v < l<sub>v</sub> r<sub>v</sub> ≤ S) индекс вершины дерева в которую следует перейти, если выполняется условие A[f<sub>v</sub>] < b<sub>v</sub> , и индекс вершины дерева в которую следует перейти, если условие не выполняется.
- Если у-я вершина лист, выведите через пробел: заглавную латинскую букву 'C' и целое положительное число D<sub>V</sub> (1 ≤ D<sub>V</sub> ≤ K) класс объекта попавшего в данный лист.

Вершины нумеруются с единицы. Корнем дерева считается первая вершина.

#### Система оценки

Решение будет проверено на секретном наборе данных. На основании предсказанных и реальных классов вычисляется усреднённая по классам микро  $F_1$ -мера.

Пусть  $Score = 100 \cdot \frac{F-B}{J-B}$ , где  $F - F_1$ -мера вашего решения,  $J - F_1$ -мера решения эталона с запасом  $\approx 1\%$ ,  $B - F_1$ -мера наивного решения с запасом  $\approx 2\%$ .

Tогда Verdict = 
$$\begin{cases} Ok & Score \ge 100 \\ PartiallyCorrect & 0 \le Score \le 100 \\ WrongAnswer & Score \le 0 \end{cases}$$

```
ВХОДНЫЕ ДАННЫЕ

2 4 2
8
1 2 1
2 1 1
3 1 2
4 2 2
3 4 3
4 3 3
1 3 4
2 4 4

Выходные данные

7
0 1 2.5 2 5
0 2 2.5 3 4
C 1
C 4
0 2 2.5 6 7
C 2
```

#### Н. Логическое выражение

ограничение по времени на тест: 1 секунда ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт ввод; стандартный ввод вывод; стандартный вывод

Постройте искусственную нейронную сеть, вычисляющую логическую функцию (, заданную таблицей истинности.

#### Входные данные

Первая строка содержит целое число M ( $1 \le M \le 10$ ) — число аргументов f. Следующие  $2^M$  строк содержат значения f в таблице истинности (0 - ложь, 1 - истина). Строки в таблице истинности последовательно отсортированы по аргументам функции от первого к последнему. Например:

$$M = 1$$
  $M = 2$   $M = 3$   
 $f(0)$   $f(0,0)$   $f(0,0,0)$   
 $f(1)$   $f(1,0)$   $f(1,0,0)$   
 $f(0,1)$   $f(0,1,0)$   
 $f(1,1)$   $f(1,1,0)$   
 $f(0,0,1)$   
 $f(1,0,1)$   
 $f(0,1,1)$ 

#### Выходные данные

В первой строке выведите целое положительное число D (1 < D < 2) — число слоёв (преобразований) в вашей сети.

На следующей строке выведите D целых положительных чисел  $n_i$  ( $1 \le n_i \le 512$  и  $n_D = 1$ ) — число искусственных нейронов на i-м слое. Предполагается, что  $n_0 = M$ .

Далее выведите описание D слоёв. i-й слой описывается  $n_i$  строками, описанием соответствующих искусственных нейронов на i-м слое. Каждый искусственный нейрон описывается строкой состоящей из  $n_{i-1}$  вещественных чисел с плавающей точкой  $w_j$  и одного вещественного числа b — описание линейной зависимости текущего нейрона от выходов предыдущего i-го слоя. Линейная зависимость задается по формуле:  $Y = \sum w_i \cdot x_i + b$ . Предполагается, что после каждого вычисления линейной зависимости к её

результату применяется функция ступенчатой активации  $a(Y) = \begin{cases} 1 & Y > 0 \\ 0 & Y < 0 \end{cases}$ . Обратите внимание, что в нуле данная функция не

определена, и если в ходе вычисления вашей сети будет вызвана активация от нуля, вы получите ошибку.

#### Примеры

входные данные

```
2

0

1

0

1

Выходные данные

Скопировать

2

2

1

1.0 -1.0 -0.5

1.0 1.0 -1.5

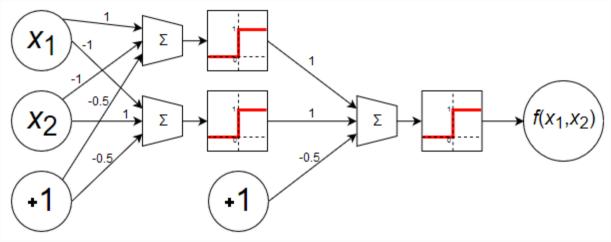
1 1 -0.5
```

Скопировать

# 1.0 1.0 -1.5 1 1 -0.5 ВХОДНЫЕ ДАННЫЕ Скопировать Выходные данные Скопировать Скопировать 2 2 1 1.0 -1.0 -0.5 -1.0 1.0 -0.5 1 1 -0.5

#### Примечание

Во втором примере в результате получается следующая сеть:



#### Матричная функция

ограничение по времени на тест: 1 секунда ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт ввод; стандартный ввод вывод: стандартный вывод

Вычислите матричную функцию и её производную по заданному графу вычислений.

#### Входные данные

В первой строже содержится три целых положительных числа N, M, K ( $1 \le M$ ,  $K \le N \le 50$ ) — число вершин в графе вычислений, число входных параметров (вершин). Далее следует N строк — описание вершин графа вычислений. i-я из этих строк содержит описание i-й вершины:

- var r c (1 ≤ r, c ≤ 25) входной параметр функции, матрица состоящая из r строк и c столбцов.
- tnh x (1 ≤ x ≤ i) матрица из значений гиперболического тангенса вычисленного от соответствующих компонент матрицы полученной из x-й вершины графа вычислений.
- rlu α<sup>-1</sup> x (1 ≤ α<sup>-1</sup> ≤ 100, 1 ≤ x ≤ i) матрица из значений функции параметрического линейного выпрямителя с параметром α
  вычисленной от соответствующих компонент матрицы полученной из x-й вершины графа вычислений. α<sup>-1</sup> целое число.
  Производная в нуле равна единице.
- mul a b (1 ≤ a, b ≤ i) произведение матриц полученных из a-й b-й вершины графа вычислений соответственно.
- sum  $len u_1 u_2 ... u_{len} (1 \le len \le 10, \forall_{1 \le j \le len} : 1 \le u_j \le i)$  сумма матриц полученных из вершин  $u_1, u_2, ..., u_{len}$  графа вычислений.
- had len u<sub>1</sub> u<sub>2</sub> ... u<sub>ten</sub> (1 ≤ len ≤ 10, ∀<sub>1 ≤ j ≤ len</sub>: 1 ≤ u<sub>j</sub> < i) произведение Адамара (покомпонентное) матриц полученных из вершин u<sub>1</sub>, u<sub>2</sub>, ..., u<sub>ten</sub> графа вычислений.

Гарантируется, что первые *М* вершин и только они имеют тип **var**. Последние *К* вершин считаются выходными. Гарантируется, что размеры матриц аргументов для каждой вершины согласованны.

Далее следует описание M матриц — входных параметров соответствующих вершин графа вычислений в порядке возрастания их индексов.

Затем следует описание К матриц — производных функции по соответствующим выходным вершинам в порядке возрастания их индексов. Обратите внимание, что производные вычислены только из некоторых скрытых вершин. Если какая-та выходная вершина зависит от другой выходной вершины, то соответствующую производную нужно досчитать.

Каждая строка, каждой матрицы расположена на отдельной строке. Матрицы состоят из целых чисел по модулю не превышающих 10

#### Выходные данные

входные данные

Выведите *К* матриц — значение параметров соответствующих выходных вершин графа вычисления в порядке возрастания их индексов. Затем выведите *М* матриц производных функции по соответствующим входным вершинам в порядке возрастания их индексов. Допустимая абсолютная и относительная погрешность 10<sup>-4</sup>.

Скопировать

#### Пример

```
6 3 1
var 1 3
var 3 2
var 1 2
mul 1 2
sum 2 4 3
rlu 10 5
-2 3 5
4 2
-2 0
2 1
4 -2
-1 1
выходные данные
                                                                                                           Скопировать
0.0 -0.1
-3.8 2.0 -1.9
2.0 -0.2
-3.0 0.3
-5.0 0.5
-1.0 0.1
```

#### Примечание

В примере вычисляется функция  $ReLU_{a=0.1} \begin{pmatrix} -2 & 3 & 5 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 4 & 2 \\ -2 & 0 \\ 2 & 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 4 & -2 \end{pmatrix}$ , а  $\begin{pmatrix} -1 & 1 \end{pmatrix}$  производная по её выходу.

#### Свёрточная сеть

ограничение по времени на тест: 1 секунда ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт ввод: стандартный ввод вывод: стандартный вывод

Посчитайте значение выхода свёрточной сети и пересчитайте её производную.

#### Входные данные

В первой строже содержится описание входа свёрточной сети, трёхмерной матрицы. Высота этой матрицы совпадает с её шириной. Первое число  $N_0$  ( $1 \le N_0 \le 40$ ) — высота и ширина входной трёхмерной матрицы, второе число  $D_0$  ( $1 \le D_0 \le 10$ ) — её глубина. Следующие  $D_0 \times N_0 \times N_0$  чисел — описание трёхмерной матрицы, значения её ячеек выписанных в порядке: глубина, высота, ширина.

Следующая строка содержит одно число L ( $1 \le L \le 10$ ) — число слоёв (преобразований) в сети.

Следующие L строк содержат описания соответствующих преобразований:

- relu  $a^{-1}$  ( $1 \le a^{-1} \le 100$ ) функции параметрического линейного выпрямителя с параметром a.
- bias  $B_1, B_2, ..., B_D$  ( $|B_i| \le 10$ ) операция сдвига, прибавляющая к каждой ячейке матрицы на глубине i значение  $B_i$ , D глубина матрицы до и после преобразования.
- спут H K S P  $A_{1,1,1,1}, A_{1,1,1,2}, ..., A_{H,D,K,K}$   $(1 \le H \le 10, \ 1 \le K \le 5, \ 1 \le S \le K, \ 0 \le P \le K, \ \left|A_i\right| \le 10)$  свёртка с ядром A размера  $H \times D \times K \times K$  с шагом S с зеркальным заполнением рамки размера P, где D глубина матрицы до преобразования. H глубина матрицы после преобразования. Значения ячеек A выписаны в порядке: глубина полученной матрицы, глубина исходной матрицы, высота ядра, ширина ядра.
- $\bullet$  cnve H K S P  $A_{1,1,1,1}, A_{1,1,1,2}, ..., A_{H,D,K,K}$  свёртка с расширением границы. Аналогична предыдущей.
- cnvc H K S P A<sub>1,1,1,1</sub>, A<sub>1,1,1,2</sub>, ..., A<sub>H,D,K,K</sub> свёртка с заполнением с циклическим сдвигом. Аналогична предыдущей.

Гарантируется, что размеры всех многомерных матриц согласованы с соответствующими гипер-параметрами преобразований.

В последней строке записана производная по выходу сети.

Все числа во входных данных целые.

#### Выходные данные

Выведите значение выходной трёхмерной матрицы.

Далее выведите производную по входу сети.

Затем для каждого слоя сдвига и свёртки в возрастающем порядке номера слоя выведите производную по его параметрам.

Выходные матрицы могут содержать числа с плавающей точкой. Допустимая абсолютная и относительная погрешность  $10^{-4}$ .

#### Пример

#### 

#### Примечание

Пример заполнения угла рамки для свёрточного слоя:

cnvm	18	17	16	15	16	17	18	19	cnve	0	0	0	0	1	2	3	4	cnvc	12	13	14	10	11	12	13	14
	13	12	11	10	11	12	13	14		0	0	0	0	1	2	3	4		17	18	19	15	16	17	18	19
	8	7	6	5	6	7	8	9		0	0	0	0	1	2	3	4		22	23	24	20	21	22	23	24
	3	2	1	0	1	2	3	4		0	0	0	0	1	2	3	4		2	3	4	0	1	2	3	4
	8	7	6	5	6	7	8	9		5	5	5	5	6	7	8	9		7	8	9	5	6	7	8	9
	13	12	11	10	11	12	13	14		10	10	10	10	11	12	13	14		12	13	14	10	11	12	13	14
	18	17	16	15	16	17	18	19		15	15	15	15	16	17	18	19		17	18	19	15	16	17	18	19
	23	22	21	20	21	22	23	24		20	20	20	20	21	22	23	24		22	23	24	20	21	22	23	24

#### К. LSTM сеть

ограничение по времени на тест: 1 секунда ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт ввод; стандартный ввод вывод: стандартный вывод

Дана сеть LSTM для обработки последовательностей.

Каждый блок этой сети вычисляет результат по формулам:  $f_t = \sigma(W_t x_t + U_t h_{t-1} + b_t)$ ,  $i_t = \sigma(W_t x_t + U_t h_{t-1} + b_t)$ ,  $o_{t} = \sigma(W_{o}x_{t} + U_{o}h_{t-1} + b_{o}), \ c_{t} = f_{t} * c_{t-1} + i_{t} * tanh(W_{c}x_{t} + U_{c}h_{t-1} + b_{c}) \text{ if } h_{t} = o_{t} * c_{t}. \text{ Таде } x_{t} - \text{вход } t\text{-го блока, } h_{t} \text{ if } c_{t} - \text{векторы}$ краткосрочной и долгосрочной памяти, о, — выход t-го блока, а \* - произведение Адамара.

#### Входные данные

В первой строке находится число N ( $1 \le N \le 20$ ) — размер векторов LSTM.

Далее перечислены соответствующие матрицы и вектора  $W_h$   $U_h$   $B_h$   $W_v$   $U_h$   $B_v$   $W_o$ ,  $U_o$ ,  $B_o$ ,  $W_c$ ,  $U_c$ ,  $B_c$ 

Затем следует число M (1 ≤ M ≤ 20) — число элементов последовательности обрабатываемой LSTM сетью.

Далее следуют два вектора  $h_0$  и  $c_0$ , а также M векторов  $x_i$ .

Затем следует вектора производных сети по выходным векторам h<sub>M</sub> и c<sub>M</sub>, а также M векторов производных по выходам о, в обратном порядке  $o_{M}, o_{M-1}, ..., o_{1}$ .

Все вектора записаны N числами разделёнными пробелами на отдельной строке, а матрицы N векторами размера N. Все элементы векторов и матриц целые числа по модулю не превосходящие 10.

#### Выходные данные

Сперва выведите М векторов выходов сети о,.

Далее выведите два последних вектора памяти  $h_M$  и  $c_M$ .

Затем выведите М векторов производных сети по входам х, в обратном порядке.

Далее выведите два вектора производных сети по  $h_0$  и  $c_0$ .

После выведите производные по соответствующим матрицам и векторам параметров LSTM: W<sub>B</sub>, U<sub>F</sub>, B<sub>F</sub>, W<sub>C</sub>, U<sub>F</sub>, D<sub>F</sub>, U<sub>F</sub>, U<sub>F</sub>, U<sub>F</sub>, U<sub>F</sub>, U<sub>F</sub>, U<sub>F</sub>, U<sub>F</sub>, U<sub>F</sub>, U<sub>F</sub>,  $U_c$   $B_c$ 

Выходные вектора и матрицы могут содержать числа с плавающей точкой. Допустимая абсолютная и относительная погрешность  $10^{-6}$ .

Скопировать

# Пример

входные данные

# 1.233945759863131E-4

-2.875857041962763E-5 -0.23306186831759548

-0.37692699674663843 0.21113860108361812

-0.047420021082055105 0.27102651105684017

0.13551325552842008 0.13551325552842008 0.159905268234481

0.0799526341172405 0.0799526341172405 1.8924865599381104F-4

9.462432799690552E-5 9.462432799690552E-5 -0.10011198258925587

-0.050055991294627934 -0.050055991294627934

# L. Коэффициент корреляции Пирсона

ограничение по времени на тест: 1 секунда ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт ввод: стандартный ввод вывод: стандартный вывод

Посчитайте корреляцию Пирсона двух численных признаков.

# Входные данные

Первая строка содержит целое положительное число N ( $1 \le N \le 10^5$ ) — число объектов.

Следующие N строк содержат описания соответствующих объектов. Каждая из этих N строк содержит описание одного объекта: два целых числа  $x_1$  и  $x_2$  ( $-10^9 \le x_1, x_2 \le 10^9$ ) — значения первого и второго признака описываемого объекта.

# Выходные данные

Выведите одно вещественное число с плавающей точкой — корреляцию Пирсона двух признаков у заданных объектов. Допустимая абсолютная и относительная погрешность  $10^{-6}$ .

#### Пример

-0.500000000

входные данные	Скопировать	
5		
1 4		
2 5		
3 1		
4 2		
5 3		
выходные данные	Скопировать	

# М. Коэффициент ранговой корреляции Спирмена

ограничение по времени на тест: 1 секунда ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт ввод: стандартный ввод вывод: стандартный вывод

Посчитайте ранговую корреляцию Спирмена двух численных признаков.

# Входные данные

Первая строка содержит целое положительное число N ( $1 \le N \le 10^5$ ) — число объектов.

Следующие N строк содержат описания соответствующих объектов. Каждая из этих N строк содержит описание одного объекта: два целых числа  $x_1$  и  $x_2$  ( $-10^9 \le x_1, x_2 \le 10^9$ ) — значения первого и второго признака описываемого объекта. Гарантируется, что все значения каждого признака различны.

# Выходные данные

Выведите одно вещественное число с плавающей точкой — коэффициент ранговой корреляции Спирмена двух признаков у заданных объектов. Допустимая абсолютная и относительная погрешность  $10^{-6}$ .

#### Пример

-0.500000000

входные данные	Скопировать
5	
1 16	
2 25	
3 1	
4 4	
5 9	
выходные данные	Скопировать

# N. Расстояния

ограничение по времени на тест: 1 секунда ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт

> ввод: стандартный ввод вывод: стандартный вывод

Посчитайте зависимость категориального признака Y от числового X по внутриклассовому и межклассовому расстоянию:

- Внутриклассовое расстояние =  $\sum_{i,j:y_i=y_j} \left| x_i x_j \right|$
- Межклассовое расстояние =  $\sum_{i,j:y_i \neq y_j} \left| x_i x_j \right|$

# Входные данные

Первая строка содержит одно целое положительное число K ( $1 \le K \le 10^5$ ) — максимальное число различных значений Y второго признака.

Следующая строка содержит одно целое положительное число N ( $1 \le N \le 10^5$ ) — число объектов.

Следующие N строк содержат описания соответствующих объектов. Каждая из этих N строк содержит описание одного объекта: два целых числа x и y ( $|x| \le 10^7, 1 \le y \le K$ ) — значения первого и второго признака описываемого объекта.

# Выходные данные

В первой строке выведите одно целое число — внутриклассовое расстояние.

Во второй строке выведите одно целое число — межклассовое расстояние.

входные данные	Скопировать
2	
4	
1 1 2 2	
3 2	
4 1	
выходные данные	Скопировать
8	
12	

# О. Условная дисперсия

ограничение по времени на тест: 1 секунда ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт ввод: стандартный ввод вывод: стандартный вывод

Вычислите критерий связи двух признаков категориального X и числового Y на основе математического ожидания условной дисперсии D(Y|X). Вероятности для X оцениваются обыкновенным частотным методом.

# Входные данные

Первая строка содержит одно целое положительное число K ( $1 \le K \le 10^5$ ) — максимальное число различных значений признака X.

Следующая строка содержит целое положительное число N ( $1 \le N \le 10^5$ ) — число объектов.

Следующие N строк содержат описания соответствующих объектов. Каждая из этих N строк содержит описание одного объекта: два целых положительных числа x и y ( $1 \le x \le K$ ,  $|y| \le 10^9$ ) — значения признаков X и Y.

# Выходные данные

Выведите одно вещественное число с плавающей точкой — математическое ожидание условной дисперсии. Допустимая абсолютная и относительная погрешность  $10^{-6}$ .

# Пример

1.25

входные данные	Скопировать
2	
4	
1 1	
2 2	
2 3	
1 4	
выходные данные	Скопировать

# Р. Хи-квадрат

ограничение по времени на тест: 1 секунда ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт

ввод: стандартный ввод вывод: стандартный вывод

Посчитайте зависимость двух категориальных признаков согласно критерию хи-квадрат (критерий согласия Пирсона).

# Входные данные

Первая строка содержит два целых положительных числа  $K_1$  и  $K_2$  ( $1 \le K_1$ ,  $K_2 \le 10^5$ ) — максимальное число различных значений первого и второго признака.

Следующая строка содержит целое положительное число N ( $1 \le N \le 10^5$ ) — число объектов.

Следующие N строк содержат описания соответствующих объектов. Каждая из этих N строк содержит описание одного объекта: два целых положительных числа  $x_1$  и  $x_2$  ( $1 \le x_1 \le K_1$ ,  $1 \le x_2 \le K_2$ ) — значения первого и второго признака описываемого объекта.

#### Выходные данные

Выведите одно вещественное число с плавающей точкой — критерий хи-квадрат зависимости двух признаков у заданных объектов. Допустимая абсолютная и относительная погрешность 10<sup>-6</sup>.

# Пример

входные данные	Скопировать
2 3	
5 1 2	
2 1	
1 1	
2 2 1 3	
выходные данные	Скопировать
0.83333333	

# Примечание

В примере реальное число наблюдений наблюдений выглядит как 1	1	1	1, а ожидаемое число наблюдений	1	1.2	1.2	0.6.
2	1	1	0	2	0.8	0.8	0.4

1 2 3

# Q. Условная энтропия

ограничение по времени на тест: 1 секунда ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт

ввод: стандартный ввод вывод: стандартный вывод

Вычислите критерий связи двух категориальных признаков X и Y на основе математического ожидания условной энтропии H(Y|X). Вероятности оцениваются обыкновенным частотным методом. При расчётах используйте натуральный логарифм ln(x), либо логарифм идентичный натуральному  $\log_e(x)$ .

# Входные данные

Первая строка содержит два целых положительных числа  $K_x$  и  $K_y$  ( $1 \le K_x$ ,  $K_y \le 10^5$ ) — максимальное число различных значений признаков X и Y.

Следующая строка содержит целое положительное число N ( $1 \le N \le 10^5$ ) — число объектов.

Следующие N строк содержат описания соответствующих объектов. Каждая из этих N строк содержит описание одного объекта: два целых положительных числа x и y ( $1 \le x \le K_x$ ,  $1 \le y \le K_y$ ) — значения признаков X и Y.

# Выходные данные

Выведите одно вещественное число с плавающей точкой — математическое ожидание условной энтропии. Допустимая абсолютная и относительная погрешность  $10^{-6}$ .

входные данные	Скопировать
2 3	
5	
1 2	
2 1	
1 1	
2 2	
1 3	
выходные данные	Скопировать
0.9364262454248438	