Задача А. Кузнечик

Имя входного файла: grig.in
Имя выходного файла: grig.out
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

У одного из преподавателей параллели С в комнате живёт кузнечик, который очень любит прыгать по клетчатой одномерной доске. Длина доски — N клеток. К его сожалению он умеет прыгать только на $1, 2, \ldots, k$ клеток вперёд.

Однажды преподавателям стало интересно, сколькими способами кузнечик может допрыгать из первой клетки до последней. Помогите им ответить на этот вопрос.

Формат входных данных

В первой и единственной строке входного файла записано два целых числа — N и k $(1 \leqslant N \leqslant 30, 1 \leqslant k \leqslant 10).$

Формат выходных данных

Выведите одно число — количество способов, которыми кузнечик может допрыгать из первой клетки до последней.

grig.in	grig.out
8 2	21

Задача В. Ход конём

Имя входного файла: knight.in Имя выходного файла: knight.out
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Дана прямоугольная доска $N \times M$ (N строк и M столбцов). В левом верхнем углу находится шахматный конь, которого необходимо переместить в правый нижний угол доски. В данной задаче конь может перемещаться на две клетки вниз и одну клетку вправо или на одну клетку вниз и две клетки вправо.



Необходимо определить, сколько существует различных маршрутов, ведущих из левого верхнего в правый нижний угол.

Формат входных данных

Входной файл содержит два натуральных числа N и M ($1 \le N, M \le 50$).

Формат выходных данных

В выходной файл выведите единственное число — количество способов добраться конём до правого нижнего угла доски.

knight.in	knight.out
3 2	1
31 34	293930

Задача С. Ход конём - 2

Имя входного файла: knight2.in Имя выходного файла: knight2.out Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Дана прямоугольная доска $N \times M$ (N строк и M столбцов). В левом верхнем углу находится шахматный конь, которого необходимо переместить в правый нижний угол доски.

При этом конь может ходить следующим образом:



Необходимо определить, сколько существует различных маршрутов, ведущих из левого верхнего в правый нижний угол.

Формат входных данных

Входной файл содержит два натуральных числа N и M ($1\leqslant N,\,M\leqslant 50$). Гарантируется, что ответ на задачу не превышает 1000000000.

Формат выходных данных

В выходной файл выведите единственное число — количество способов добраться конём до правого нижнего угла доски.

knight2.in	knight2.out
4 4	2
2 3	1

Задача D. Калькулятор

Имя входного файла: calcul.in Имя выходного файла: calcul.out Ограничение по времени: 3 секунды Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Имеется калькулятор, который выполняет следующие операции:

- \bullet умножить число X на 2;
- \bullet умножить число X на 3;
- ullet прибавить к числу X единицу.

Определите, какое наименьшее количество операций требуется, чтобы получить из числа 1 число N.

Формат входных данных

Во входном файле написано натуральное число N, не превосходящее 10^6 .

Формат выходных данных

В первой строке выходного файла выведите минимальное количество операций. Во второй строке выведите числа, последовательно получающиеся при выполнении операций. Первое из них должно быть равно 1, а последнее N. Если решений несколько, выведите любое.

calcul.in	calcul.out
1	0
	1
5	3
	1 3 4 5
962340	17
	1 3 9 27 54 55 165 495 1485 4455 8910
	17820 17821 53463 160389 160390
	481170 962340

Задача Е. ПДД в ЛКШ

Имя входного файла: pdd.in
Имя выходного файла: pdd.out
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Совсем недавно девятиклассник Коля прибыл в Летнюю Кинематографическую Школу.

Первым делом он решил посетить киностудию. В детском лагере «Олененок», где ЛКШ проводится в этом году, проложено множество асфальтированных дорожек и их пересечения образуют перекрестки. «Олененок» — необычный лагерь, и поэтому на всех дорожках и перекрестках нарисована разметка, а так же действуют правила дорожного движения, за нарушение которых полагаются штрафы.

Киностудия расположена на юго-востоке от корпуса, в котором живет Коля, поэтому школьник решил передвигаться только на восток и на юг. Ему очень хотелось побыстрее добраться до киностудии, и потому он решил не обращать внимания на правила, и переходить перекрестки как ему вздумается. Однако, как настоящий ЛКШонок, Коля должен позаботиться о том, чтобы суммарный размер штрафов за его нарушения был минимален. Помогите ему в этом.

В вашем распоряжении карта лагеря, представляющая собой клетчатый прямоугольник N на M, в котором на пересечении i-ой строки и j-ого столбца указан размер штрафа при попадании на этот перекресток.

Корпус, в котором живет Коля находится в северо-западном углу лагеря, а киностудия — в юго-восточном. Помогите Коле добраться до места назначения, заплатив минимально возможный штраф.

Формат входных данных

В первой строке входного файла находятся два натуральных числа N и M ($1 \leqslant N, M \leqslant 1000$).

В последующих N строках содержатся по M чисел — карта лагеря «Олененок».

Формат выходных данных

В первой строчке выведите одно целое число — минимальный размер штрафа, который придётся заплатить Коле. Во второй строчке выведите количество перекрестков на пути. В следующих строчках выведите координаты перекрестков, через которые школьник пройдет. Гарантируется, что штраф не превысит 10^9 .

pdd.in	pdd.out
2 2	351
163 165	3
83 105	1 1
	2 1
	2 2

Задача F. Три единицы подряд

Имя входного файла: ones.in
Имя выходного файла: ones.out
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

По данному числу N определите количество последовательностей из нулей и единиц длины N, в которых никакие три единицы не стоят рядом.

Формат входных данных

Во входном файле написано натуральное число N, не превосходящее 35.

Формат выходных данных

Выведите количество искомых последовательностей. Гарантируется, что ответ не превосходит $2^{31}-1$.

ones.in	ones.out
4	13

Задача G. Плавные числа

Имя входного файла: numbers.in Имя выходного файла: numbers.out Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Назовём натуральное число плавным, если разность любых двух его соседних цифр не превосходит по модулю единицы. Определите количество N-значных плавных чисел. Запись числа не может начинаться с цифры 0.

Формат входных данных

Программа получает на вход одно целое число N ($1 \le N \le 20$).

Формат выходных данных

Программа должна вывести одно целое число — искомое количество плавных чисел.

numbers.in	numbers.out
2	26