Tarea 1

Métodos Matemáticos II

Alan Yahir Juarez Rubio 27/08/2022

1. Determine el dominio de las siguentes funciones

1.
$$f(t)=\sqrt{3-t}+\sqrt{2+t}$$

$$3-t \ge 0$$

$$-t \geq -3$$

$$t \leq 3$$

$$2+t \ge 0$$

$$t \geq -2$$

$$D_{(t)}=\left[-2,3
ight]$$

2.
$$f(x) = \frac{ln(x+1)}{x^2 + x - 6}$$

Denominador

$$x^2+x-6
eq 0$$

$$(x-2)(x+3) \neq 0$$

$$x-2
eq 0$$

$$x_1
eq 2$$
 🗸

Comprobación $x_1 \checkmark$

$$(2)^2 + (2) - 6$$

$$4 + 2 - 6 = 0$$

$$x+3
eq 0$$

$$x_2
eq -3$$
 🗸

Comprobación $x_2 \checkmark$

$$(-3)^2 + (-3) - 6$$

$$9 - 3 - 6 = 0$$

Numerador

$$x+1>0$$

$$x_3 > -1$$

$$D_{(x)}=(-1,2)\cup(2,\infty)$$

2. Encuentre el dominio y rango de $f(x) = \sqrt{4-x^2}$

$$4-x^2 \geq 0$$

$$-x^2 \ge -4$$

$$x^2 \leq 4$$

$$|x| \leq \sqrt{4}$$

$$|x| \leq 2$$

$$x_1 \leq 2$$

$$x_2 \geq -2$$

$$D_{(x)}=\left[-2,2
ight]$$

Resultado más bajo $x_1=2$

$$\sqrt{4-(2)^2}$$
 |

$$\sqrt{4-4}=0$$

Resultado más bajo $x_2=-2$

$$\sqrt{4-(-2)^2}$$

$$\sqrt{4-4}=0$$

Resultado más alto $x_3=0$

$$\sqrt{4-(0)^2} = 2$$

$$R_{(x)} = [-2, 2]$$

3. Para las siguentes funciones encuentre f+g, f/g, $f\circ g$ y $g\circ f$. Así como sus dominios.

3.
$$f(x) = x^2 - 1$$
, $g(x) = 2x - 1$

$$(f+g)(x) = x^2 - 1 + 2x - 1$$

$$(f+g)(x) = x^2 + 2x - 2$$

$$D_{(f+g)(x)}=\mathbb{R}$$

$$(f/g)(x) = \frac{x^2 - 1}{2x - 1}$$

$$2x-1 \neq 0$$

$$x
eq rac{1}{2}$$

$$D_{(f/g)(x)}=(-\infty,rac{1}{2})\cup(rac{1}{2},\infty)$$

$$(f\circ g)(x)=(2x-1)^2-1$$

$$(f\circ g)(x)=(4x^2-4x+1)-1$$

$$(f \circ g)(x) = 4x^2 - 4x$$

$$D_{(f\circ g)(x)}=\mathbb{R}$$

$$(g\circ f)(x)=2(x^2-1)-1$$

$$(g\circ f)(x)=2x^2-2-1$$

$$(g \circ f)(x) = 2x^2 - 3$$

$$D_{(g\circ f)(x)}=\mathbb{R}$$

4.
$$f(x) = 1 - 3x$$
, $g(x) = \cos(x)$

$$(f+g)(x) = 1 - 3x + \cos(x)$$

$$D_{(f+g)(x)}=\mathbb{R}$$

$$(f/g)(x) = \frac{1 - 3x}{\cos(x)}$$

La función inversa de cos es arccos

$$\cos(x) \neq 0$$

cos respecto al primer cuadrante:

$$\cos(x) \neq 0$$

$$x \neq \arccos(0)$$

$$x
eq rac{\pi}{2}$$

cos respecto al cuarto cuadrante

$$x
eq rac{\pi}{2}$$

$$x
eq 2\pi - rac{\pi}{2}$$

$$x \neq \frac{2\pi * 2 - \pi}{2}$$

$$x
eq rac{3\pi}{2}$$

Calcular el periodo de π con la fórmula $\frac{2\pi}{|b|}$ remplazando la b por 1

$$\frac{\frac{2\pi}{|1|}}{\frac{2\pi}{1}}$$

$$\frac{27}{1}$$

$$2\pi$$

Entonces tenemos que

$$x
eq rac{\pi}{2}+2\pi k,rac{3\pi}{2}+2\pi k$$

$$x
eq rac{\pi}{2} + \pi k, k \in \mathbb{Z}$$

$$D_{(f/g)(x)}=\mathbb{R}-\Big\{rac{\pi}{2}+\pi k\Big\},\ k\in\mathbb{Z}$$

$$(f \circ g)(x) = 1 - 3\cos(x)$$

$$D_{(f\circ g)(x)}=\mathbb{R}$$

$$(g \circ f)(x) = \cos(1 - 3x)$$

$$D_{(g\circ f)(x)}=\mathbb{R}$$

5.
$$f(x) = x + \frac{1}{x}$$
 y $g(x) = \frac{x+1}{x+2}$

$$(f+g)(x) = x + rac{1}{x} + rac{x+1}{x+2}$$

$$(f+g)(x)=rac{x(x)(x+2)+1(x+2)+x(x+1)}{x(x+2)}$$

$$(f+g)(x)=rac{x^3+2x^2+x+2+x^2+x}{x(x+2)}$$

$$(f+g)(x) = \frac{x^3 + 3x^2 + 2x + 2}{x(x+2)}$$

$$x_1
eq 0$$

$$x+2 \neq 0$$

$$x_2
eq -2$$

$$D_{(f+g)(x)} = (-\infty, -2) \cup (-2, 0) \cup (0, \infty)$$

$$(f/g)(x)=rac{x+rac{1}{x}}{rac{x+1}{x+2}}$$

$$(f/g)(x) = \frac{\frac{x^2+1}{x}}{\frac{x+1}{x+2}}$$

$$(f/g)(x) = rac{(x^2+1)(x+2)}{x(x+1)}$$

$$(f/g)(x) = rac{x^3 + 2x^2 + x + 2}{x(x+1)}$$

$$x_1
eq 0$$

$$x+1 \neq 0$$

$$x_2
eq -1$$

$$D_{(f/g)(x)} = (-\infty, -1) \cup (-1, 0) \cup (0, \infty)$$

$$(f\circ g)(x)=(\frac{x+1}{x+2})+\frac{1}{(\frac{x+1}{x+2})}$$

$$(f\circ g)(x)=\frac{x+1}{x+2}+\frac{x+2}{x+1}$$

$$(f\circ g)(x=rac{(x+1)^2+(x+2)^2}{(x+2)(x+1)}$$

$$(f\circ g)(x)=rac{\left(x^2+2x+1
ight)+\left(x^2+4x+4
ight)}{(x+2)(x+1)}$$

$$(f \circ g)(x) = \frac{2x^2 + 6x + 5}{(x+2)(x+1)}$$

$$x+2
eq 0$$

$$x_1
eq -2$$

$$x+1 \neq 0$$

$$x_2
eq -1$$

$$D_{(f\circ g)(x)} = (-\infty, -2) \cup (-2, -1) \cup (-1, \infty)$$

$$(g\circ f)(x)=rac{(x+rac{1}{x})+1}{(x+rac{1}{x})+2}$$

$$(g\circ f)(x)=rac{\dfrac{x(x)+1+1(x)}{x}}{\dfrac{x(x)+1+2(x)}{x}}$$

$$(g\circ f)(x)=\frac{\frac{x^2+x+1}{x}}{\frac{x^2+2x+1}{x}}$$

$$(g\circ f)(x) = rac{x(x^2+x+1)}{x(x^2+2x+1)}$$

$$\frac{(g \circ f)(x) = \frac{x^3 + x^2 + x}{x^3 + 2x^2 + x}}{x^3 + 2x^2 + x}$$
$$= = (g \circ f)(x) = \frac{x^2 + x + 1}{x^2 + 2x + 1}$$

$$x^{3} + 2x^{2} + x \neq 0$$

 $x^{3} + x^{2} + x^{2} + x \neq 0$
 $x^{2}(x+1) + x(x+1) \neq 0$
 $(x^{2} + x)(x+1) \neq 0$
 $x(x+1)(x+1) \neq 0$
 $x(x+1)^{2} \neq 0$

$$x_1 = 0$$

Comprobación $x_1 \neq 0$

$$(0)^3 + 2(0)^2 + (0) = 0$$

$$(x+1)(x+1) \neq 0$$

$$x+1
eq 0$$

$$x_2 \neq -1$$

Comprobación $x_2
eq -1$

$$(-1)^3 + 2(-1)^2 + (-1)$$

$$-1 + 2 - 1 = 0$$

$$D_{(g\circ f)}=(-\infty,-1)\cup(-1,0)\cup(0,\infty)$$