## 1 Системы координат

Левая система координат	Правая система координат
y $x$	x $y$ $x$
Векторное произведение:	Векторное произведение:
$\vec{x} \times \vec{y} = -\vec{z}$	$\vec{x} \times \vec{y} = \vec{z}$
Используется редко	Стандарт в нашем курсе

Система	Координаты	Формулы связи
Декартова	(x,y,z)	
Полярная	$(r, \varphi)$ радиус, полярный угол	$x = r\cos\varphi$ $y = r\sin\varphi$
Цилиндрическая	( ho, arphi, z) радиус, полярный угол, высота	$x = \rho \cos \varphi$ $y = \rho \sin \varphi$ $z = z$
Сферическая	$(r, \theta, \varphi)$ радиус, зенит, азимут	$x = r \sin \theta \cos \varphi$ $y = r \sin \theta \sin \varphi$ $z = r \cos \theta$

Таблица 1: Связи координат в различных системах

## 2 Импульс тела

Центр масс системы	Формулы и свойства
Определение	$\vec{R}_c = \frac{\sum m_i \vec{r_i}}{\sum m_i}$
Скорость системы	$\vec{V_c} = \frac{\mathrm{d}\vec{R}}{\mathrm{d}t} = \frac{\sum m_i \vec{v_i}}{\sum m_i}$
Импульс системы	$\vec{P_c} = M\vec{V_c} = \sum m_i \vec{v_i}$

Уравнение Мещерского	Схема процессов массы
$m(t)\frac{\mathrm{d}\vec{v}}{\mathrm{d}t} = \vec{u_1}\frac{\mathrm{d}m_1}{\mathrm{d}t} - \vec{u_2}\frac{\mathrm{d}m_2}{\mathrm{d}t} + \vec{F}$	$\vec{u_1}$ $\vec{f}$
$m(t)$ — мгновенная масса $ec{u_1} = ec{v_1} - ec{v}$ (отн. присоединение) $ec{u_2} = ec{v_2} - ec{v}$ (отн. выброс) $ec{F}$ — внешние силы	$\vec{u_2} \xrightarrow{\frac{\mathrm{d}m_2}{\mathrm{d}t}} \vec{v}$

## 3 Вращательное движение твёрдого тела

Поступательное движение	Вращательное движение
$ec{r}$	$\alpha$
$\frac{\mathrm{d}\vec{r}}{\mathrm{d}t} = \vec{v}  \left[\frac{\mathrm{M}}{\mathrm{c}}\right]$	$rac{\mathrm{d}ec{lpha}}{\mathrm{d}t} = ec{\omega}  \left[rac{\mathrm{pag}}{\mathrm{c}} ight]$
$ec{f}$ сила	$ec{M} = [ec{r}  imes ec{f}]$ момент силы
m macca	<i>I</i> момент инерции
$ec{p}=mec{v}$ импульс	$ec{L} = I ec{\omega}$ момент импульса
$\frac{\mathrm{d}\vec{p}}{\mathrm{d}t} = \vec{f}$	$\frac{\mathrm{d}\vec{L}}{\mathrm{d}t} = \vec{M}$

Таблица 2: Сравнение параметров движения

Тип системы	Формула момента инерции
Точечные массы	$I = \sum_{i} m_{i} r_{i}^{2} = m_{1} r_{1}^{2} + m_{2} r_{2}^{2} + \dots + m_{n} r_{n}^{2}$
Непрерывное тело	$I = \int r^2 dm = \int_V \rho(\vec{r}) r^2 dV$

Таблица 3: Общие формулы для вычисления момента инерции

Теорема Гюйгенса-Штейнера	Схема
$I_{ m new} = I_{ m \tiny II,M.} + m d^2$	$I_{\text{II,M.}}$ $I_{\text{new}}$ Новая ось $I_{\text{II,M.}}$

Тело	Ось вращения	Момент инерции
Стержень	Через центр	$\frac{1}{12}mL^2$
Стержень	Через конец	$\frac{1}{3}mL^2$
Кольцо	Через центр	$mR^2$
Диск	Через центр	$\frac{1}{2}mR^2$
Шар	Через центр	$\frac{2}{5}mR^2$
Сфера	Через центр	$\frac{2}{3}mR^2$
Цилиндр	Ось симметрии	$\frac{1}{2}mR^2$
Пластина $a \times b$	Через центр	$\frac{1}{12}m(a^2+b^2)$

Таблица 4: Моменты инерции однородных тел

## 4 Работа, мощность, энергия

Работа и мощность	Формулы
Механическая работа	$A = \int_L \vec{F} \cdot d\vec{r} = \vec{F} \cdot \vec{s} = Fs \cos \alpha$
Мощность	$P = \frac{dA}{dt} = \vec{F} \cdot \vec{v} = Fv \cos \alpha$

Энергия	Формулы и определения
Полная механическая энергия	E = K + T + U $K -$ поступательная кинетическая $T -$ вращательная кинетическая $U -$ потенциальная энергия
Кинетические энергии	$K = \frac{1}{2}mv^2 \qquad T = \frac{1}{2}I\omega^2$
Закон сохранения механической энергии	$E_1=E_2$ для консервативных систем
Консервативные силы	$\vec{F} = -\nabla U = -\operatorname{grad} U^1$ $A_{1\to 2} = U_1 - U_2$
Примеры потенциальных энергий	Гравитация: $U=mgh$ Упругость: $U=rac{1}{2}kx^2$ Кулоновская: $U=rac{kq_1q_2}{r}$

 $<sup>\</sup>nabla^{-1}$   $\nabla$  – оператор набла (градиент):  $\nabla = \left(\frac{\partial}{\partial x}, \frac{\partial}{\partial y}, \frac{\partial}{\partial z}\right) = \frac{\partial}{\partial x}\vec{i} + \frac{\partial}{\partial y}\vec{j} + \frac{\partial}{\partial z}\vec{k}$