## 1 Импульс тела

Центр масс системы	Формулы и свойства
Определение	$\vec{R}_c = \frac{\sum m_i \vec{r_i}}{\sum m_i}$
Скорость системы	$\vec{V_c} = \frac{\mathrm{d}\vec{R}}{\mathrm{d}t} = \frac{\sum m_i \vec{v_i}}{\sum m_i}$
Импульс системы	$\vec{P_c} = M\vec{V_c} = \sum m_i \vec{v_i}$

Уравнение Мещерского	Схема процессов массы
$m(t)\frac{\mathrm{d}\vec{v}}{\mathrm{d}t} = \vec{u_1}\frac{\mathrm{d}m_1}{\mathrm{d}t} - \vec{u_2}\frac{\mathrm{d}m_2}{\mathrm{d}t} + \vec{F}$	$ec{u_1}$ $\vec{l}$ $\vec{r}$
$m(t)$ — мгновенная масса $ec{u_1} = ec{v_1} - ec{v}$ (отн. присоединение) $ec{u_2} = ec{v_2} - ec{v}$ (отн. выброс) $ec{F}$ — внешние силы	$\vec{u_2} \xrightarrow{\frac{\mathrm{d}m_2}{\mathrm{d}t}} \vec{v}$

## 2 Вращательное движение твёрдого тела

Поступательное движение	Вращательное движение
$ec{r}$	$\alpha$
$\frac{\mathrm{d}\vec{r}}{\mathrm{d}t} = \vec{v}  \left[\frac{\mathrm{M}}{\mathrm{c}}\right]$	$rac{\mathrm{d}ec{lpha}}{\mathrm{d}t} = ec{\omega}  \left[rac{\mathrm{pag}}{\mathrm{c}} ight]$
$ec{f}$ сила	$ec{M} = [ec{r}  imes ec{f}]$ момент силы
m macca	<i>I</i> момент инерции
$ec{p}=mec{v}$ импульс	$ec{L} = I ec{\omega}$ момент импульса
$\frac{\mathrm{d}\vec{p}}{\mathrm{d}t} = \vec{f}$	$\frac{\mathrm{d}\vec{L}}{\mathrm{d}t} = \vec{M}$

Таблица 1: Сравнение параметров движения

Тип системы	Формула момента инерции
Точечные массы	$I = \sum_{i} m_{i} r_{i}^{2} = m_{1} r_{1}^{2} + m_{2} r_{2}^{2} + \dots + m_{n} r_{n}^{2}$
Непрерывное тело	$I = \int r^2 dm = \int_V \rho(\vec{r}) r^2 dV$
Линейная плотность	$I = \int r^2 dm = \int_L \lambda(l) r^2 dl,  dm = \lambda dl$
Поверхностная плотность	$I = \int r^2 dm = \int_S \sigma(\vec{r}) r^2 dS,  dm = \sigma dS$

Таблица 2: Общие формулы для вычисления момента инерции

Теорема Гюйгенса-Штейнера	Схема
$I_{ m new} = I_{ m \tiny II,M.} + m d^2$	$I_{\text{пеw}}$ Новая ось $I_{\text{new}}$ Новая ось $I_{\text{пеw}}$

Тело	Ось вращения	Момент инерции
Стержень	Через центр	$\frac{1}{12}mL^2$
Стержень	Через конец	$\frac{1}{3}mL^2$
Кольцо	Через центр	$mR^2$
Диск	Через центр	$\frac{1}{2}mR^2$
Шар	Через центр	$\frac{2}{5}mR^2$
Сфера	Через центр	$\frac{2}{3}mR^2$
Цилиндр	Ось симметрии	$\frac{1}{2}mR^2$
Пластина $a \times b$	Через центр	$\frac{1}{12}m(a^2+b^2)$

Таблица 3: Моменты инерции однородных тел

## 3 Работа, мощность, энергия

Работа и мощность	Формулы
Механическая работа	$A = \int_{L} \vec{F} \cdot d\vec{r} = \vec{F} \cdot \vec{s} = Fs \cos \alpha$
Мощность	$P = \frac{dA}{dt} = \vec{F} \cdot \vec{v} = Fv \cos \alpha$

Энергия	Формулы и определения
Полная механическая энергия	E = K + T + U $K -$ поступательная кинетическая $T -$ вращательная кинетическая $U -$ потенциальная энергия
Кинетические энергии	$K = \frac{1}{2}mv^2 \qquad T = \frac{1}{2}I\omega^2$
Закон сохранения механической энергии	$E_1=E_2$ для консервативных систем
Консервативные силы	$\vec{F} = -\nabla U = -\operatorname{grad} U^{1}$ $A_{1\to 2} = U_{1} - U_{2}$
Примеры потенциальных энергий	Гравитация: $U=mgh$ Упругость: $U=rac{1}{2}kx^2$ Кулоновская: $U=rac{kq_1q_2}{r}$

 $<sup>\</sup>nabla^{-1}$   $\nabla$  – оператор набла (градиент):  $\nabla = \left(\frac{\partial}{\partial x}, \frac{\partial}{\partial y}, \frac{\partial}{\partial z}\right) = \frac{\partial}{\partial x}\vec{i} + \frac{\partial}{\partial y}\vec{j} + \frac{\partial}{\partial z}\vec{k}$