Липецкий государственный технический университет

Факультет автоматизации и информатики Кафедра автоматизированных систем управления

ИНДИВИДУАЛЬНОЕ ДОМАШНЕЕ ЗАДАНИЕ по дисциплине

«Математическое программирование»

Студент		
Группа АИ-20-1	Подпись, дата	Глубоков Г.В.
Руководитель		
к.т.н.,доц.	Подпись, дата	Качановский Ю.П.

Задание кафедры:

Написать программу, реализующую один из методов оптимизации. Проверить работу программы тестами из лабораторных работ. Сравнить и проанализировать результаты. Программа должна позволять вводить тесты из файла и из формы ввода, а также сохранять отчет о результатах работы.

Вариант 6: Метод Хука-Дживса

- 1. Описание методов и алгоритмов решения
- 1.1 Метод деления интервала пополам

Метод Хука — Дживса, также известный как метод конфигураций — как и алгоритм Нелдера — Мида, служит для поиска безусловного локального экстремума функции и относится к прямым методам, то есть опирается непосредственно на значения функции. Алгоритм делится на две фазы: исследующий поиск и поиск по образцу.

На начальном этапе задаётся стартовая точка (обозначим её 1) и шаги h_i по координатам. Затем замораживаем значения всех координат кроме 1-й, вычисляем значения функции в точках x_0+h_0 и x_0-h_0 (где x_0 — первая координата точки, а h_0 — соответственно значение шага по этой координате) и переходим в точку с наименьшим значением функции. В этой точке замораживаем значения всех координат кроме 2-й, вычисляем значения функции в точках x_1+h_1 и x_1-h_1 , переходим в точку с наименьшим значением функции и т. д. для всех координат. В случае, если для какой-нибудь координаты значение в исходной точке меньше, чем значения для обоих направлений шага, то шаг по этой координате уменьшается. Когда шаги по всем координатам h_i станут меньше соответствующих значений e_i , алгоритм завершается, и точка 1 признаётся точкой минимума.

На этапе поиска по образцу откладывается точка 3 в направлении от 1 к 2 на

том же расстоянии. Её координаты получаются по формуле , где x_i — точка с номером i, λ — параметр алгоритма, обычно выбирающийся равным 2. Затем в новой точке 3 проводится исследующий поиск, как на 1 фазе алгоритма, за исключением того, что шаг на этой фазе не уменьшается. Если на этой фазе в результате исследующего поиска удалось получить точку 4, отличную от точки 3, то точку 2 переобозначим на 1, а 4 на 2 и повторим поиск по образцу. В случае если не удаётся найти точку 4, отличную от точки 3, то точку 2 переобозначим на точку 1 и повторим 1-ю фазу алгоритма — исследующий поиск.

Алгоритм:

Шаг 1. Определить:

начальную точку $x^{(0)}$

приращения Δ^{i} , i = 1, 2, 3, ..., N,

коэффициент уменьшения шага $\alpha > 1$,

параметр окончания поиска $\varepsilon > 0$.

Шаг 2. Провести исследующий поиск.

Шаг 3. Был ли исследующий поиск удачным (найдена ли точка с меньшим значением целевой функции)?

Да: перейти к шагу 5.

Нет: продолжать.

Шаг 4. Проверка на окончание поиска. Выполняется ли неравенство $\|\Delta x\| < \varepsilon$?

Да: прекратить поиск; текущая точка аппроксимирует точку оптимума x^* .

Нет: уменьшить приращения по формуле

$$\Delta^{i} = \Delta^{i} / \alpha, i = 1, 2, 3, ..., N,$$

Перейти к шагу 2.

Шаг 5. Провести поиск по образцу:

$$x^{(k+1)} = x^{(k)} + (x^{(k)} - x^{(k-1)}).$$

(k+1) Шаг 6. Провести исследующий поиск, используя x^{P} в качестве базовой точки; пусть $x^{(k+1)}$ — полученная в результате точка.

Шаг 7. Выполняется ли неравенство $f(x^{(k+1)}) < f(x^{(k)})$?

Да: положить
$$x^{(k-1)} = x^{(k)}, x^{(k)} = x^{(k+1)}$$
.

Перейти к шагу 5.

Нет: перейти к шагу 4.

- 2. Руководство оператора
- 2.1 Назначение программы

Данная программа предназначена для нахождения минимума функции методом Хука-Дживса

Входными данными являются: целевая функция, начальная точка, приращение, точность вычислений, шаг для исследующего поиска, коэффициент усиления для поиска по образцу.

Выходными данными является отчет, содержащий все шаги данного метода.

- 1) Ввод данных пользователем. Указанная функция позволяет пользователю вручную ввести данные. Доступно пользователю сразу после запуска web страницы.
- 2) Загрузка исходных данных. Данная функция позволяет загрузить из файла исходные данные для поиска минимума. После загрузки данные могут быть отредактированы без изменения исходного файла с данными. Доступно пользователю сразу после запуска web страницы.
- 3) Поиск минимума функции с подробным описанием шагов выполнения программы. Позволяет пользователю найти минимум функции с помощью метода Хука-Дживса. Доступно пользователю после ввода всех необходимых данных или после загрузки исходных данных из текстового файла.
- 4) Сохранение результата работы программы. Дает пользователю возможность сохранить результат работы программы в текстовый файл.

Приложение реализовано с помощью HTML, css, javascript.

2.2 Условия выполнения программы

Для запуска web страницы необходимо иметь на компьютере браузер (Google Chrome, Opera, Firefox, Safari, Яндекс, Internet Explorer и др.)

Минимальные требования для работы браузера «Яндекс»:

- 1. Windows 7, Windows 8, Windows 8.1, Windows 10 или более поздней версии.
- 2. Процессор Pentium 4 1 GHz
- 3. 512 МБ свободной оперативной памяти;
- 4. 400 МБ свободной памяти на жёстком диске;
- 5. Мышь, клавиатура и Монитор;

2.3 Выполнение программы

Интерфейс программы представлен на рисунке 1.

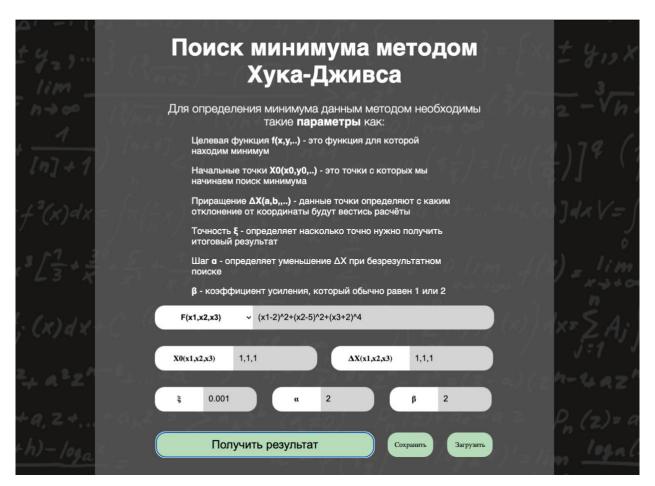


Рисунок 1 – Интерфейс программы

Заголовок поля «F(x1,x2,x3)» позволяет выбрать количество переменных в функции.

Кнопка «Загрузить файл» позволяет загрузить функцию и ее параметры из файла.

Кнопка «Сохранить файл» позволяет сохранить введённые данные в файл.

Поле «F(x1,x2,x3)» позволяет указать функцию для которой необходимо найти корень.

Поле «X0(x1,x2,x3)» позволяют указать начальную точку метода Хука-Дживса.

Поле « $\Delta X(x1,x2,x3)$ » позволяет указать приращение для метода Хука-Дживса.

Поле «ξ» позволяет указать точность расчёта для метода Хука-Дживса.

Поле «а» позволяет указать уменьшение приращения.

Поле «β» позволяет указать коэффициент усиления для метода Хука-Дживса.

Сценарий:

- 1) Пользователь запускает web страницу.
- 2) Вписывает значения в поля «F(x1,x2,x3)», «X0(x1,x2,x3)», « $\Delta X(x1,x2,x3)$ », « ξ », « α », « β »
- 3) Пользователь нажимает на кнопку «Получить результат». Ниже кнопки появляется результат нахождения минимума, расписанный по шагам.
- 4) При необходимости пользователь может сохранить результат нажатием кнопки «Сохранить результат (.txt)».
- 5) Для повторного использования достаточно изменить необходимые данные в полях и снова нажать на кнопку «Получить результат».

2.4 Сообщение оператору

В данном разделе приведены сообщения об ошибках и отчет результата программы. Вывод данных сообщений происходит в дополнительном всплывающем окне.

Ошибки

- 1) «Ошибка ввода данных (подробная ошибка).» значит, что пользователь не корректно ввёл данные.
- 2) «Ошибка сервера» значит, что на серверной стороне произошла ошибка.

3. Результаты тестирования программы

На рисунке 2 представлен интерфейс программы после запуска.

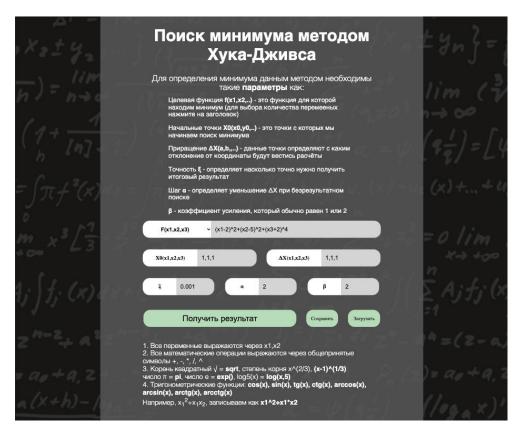


Рисунок 2 — Интерфейс программы после запуска На рисунке 3 представлен ввод данных из текстового файла.

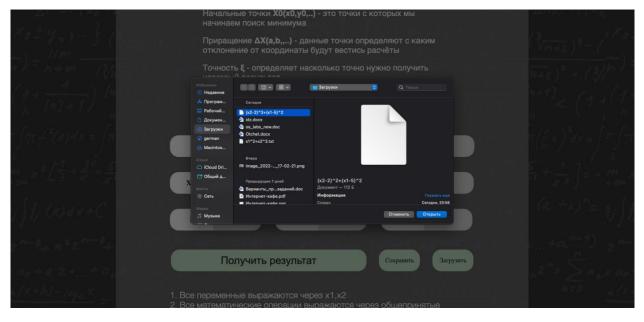


Рисунок 3 – Ввод данных из файла

На рисунке 4 представлен результат ввода данных из текстового файла.



Рисунок 4 – Результат ввода данных из файла

На рисунке 5 представлен результат расчета программы.



Рисунок 5 – Результат расчета программы

На рисунке 6 представлено сохранение результата расчета программы в файл с помощью приложения.

```
Начальные значения

бункция: (x2-2)-2+(x1-5)-2

Начальная точка: (1,1)

Прирамение: (1,1)

Прирамение: (1,1)

Прирамение: (1,1)

Меспедующий поиск

Временная базисная точка (1,1)

Меспедующий поиск

Временная базисная точка (1,1)

Меспедующий поиск был удачный

Назавание функции в а временной базисной точке f(1,1) = 17

Значение функции в за временной базисной точке f(2,2) = 9

Поиск по бразву

Временная базисная точка (4,4)

Меспедующий поиск был удачный

Новая базисная точка (4,1)

Меспедующий поиск

Временная базисная точка (1,1)

Меспедующий поиск

Временная базисная точка (1,1)

Меспедующий поиск

Временная базисная точка (1,1)

Меспедующий поиск

Временная базисная точка (1,1,5)

Меспедующий поиск

Временная базисная точка (1,1,5)

Меспедующий поиск

Временная базисная точка (1,1,6)

Меспедующий поиск

Временная базисная точка (1,1,6)

Меспедующий поиск

Временная базисная точка (1,6)

Поиск по образву

Временная базисная точка (1,6)

Поиск по образву

Временная базисная точка (5,6)

Меспедующий поиск

Временная базисная точка (5,6)

Меспедующий поиск

Временная базисная точка (5,1)

Меспедующий поиск были дачный

Новая базисная точка (5,1) = 1
```

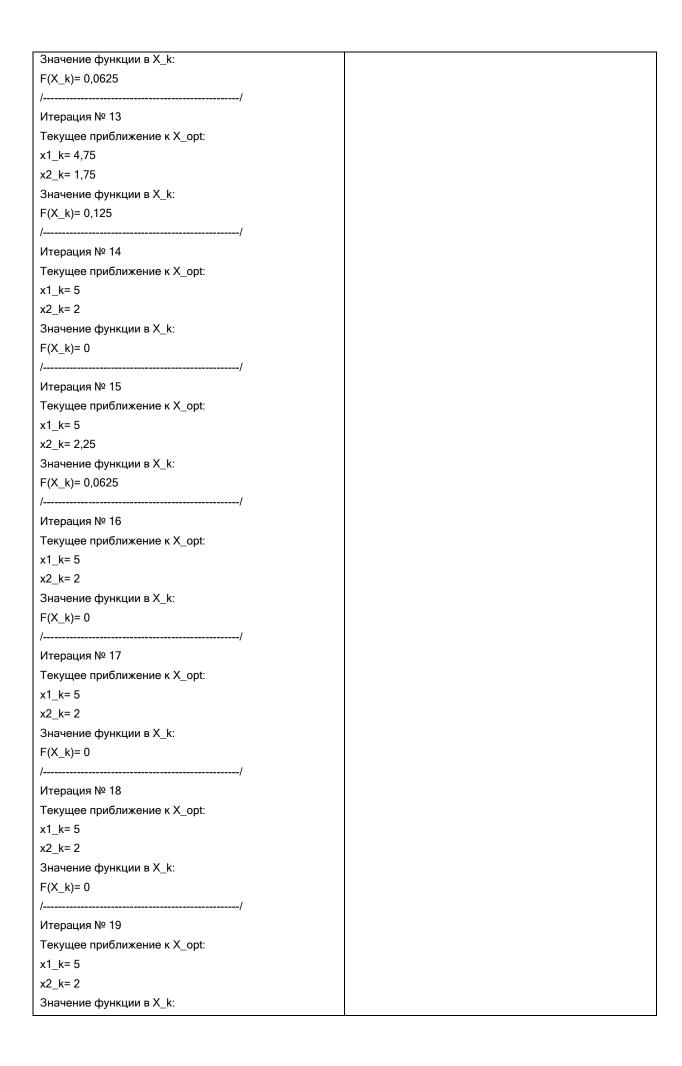
Рисунок 6 — Сохранение результата расчета программы в файл с помощью приложения

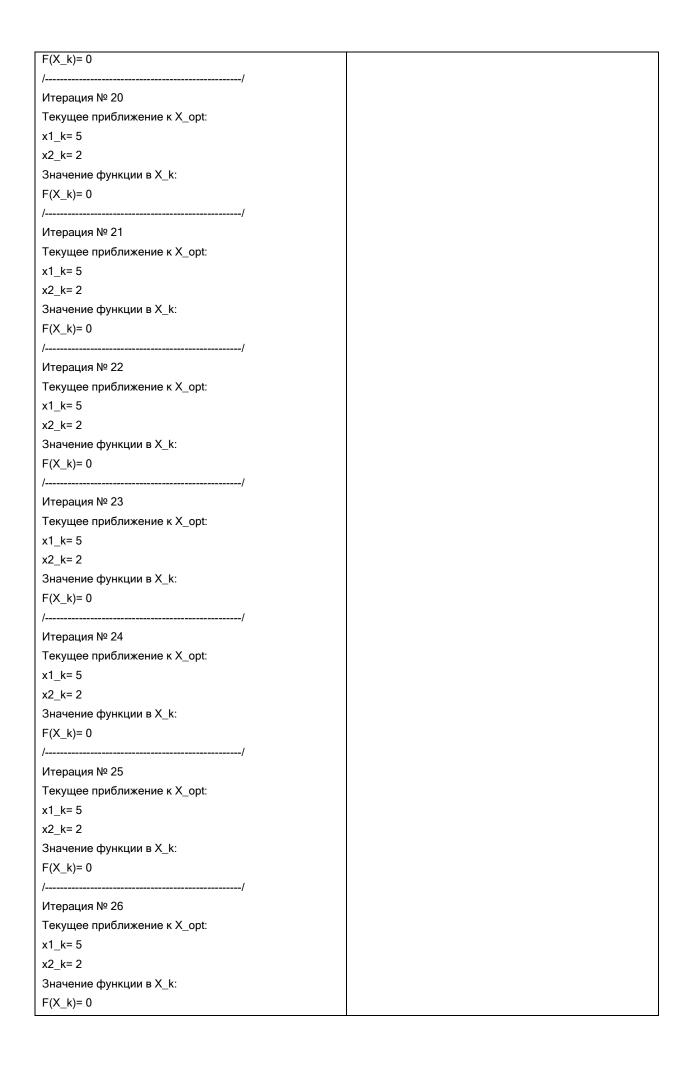
Сравним результаты, полученные с помощью созданного приложения, с результатами приложения из первой лабораторной работы. В таблице 1 представлены результаты данного сравнения.

Таблица 1 – Результаты сравнения

Метод Хука-Дживса (программа из второ лабораторной работы)	й Метод Хука-Дживса (созданное приложение)
Оптимизация методом Хука - Дживса	Начальные значения
//	Функция: (х2-2)^2+(х1-5)^2
Целевая функция: (x2-2)^2+(x1-5)^2	Начальная точка: (11)
Начальная точка:	Приращение: (11)
x1_0=1	альфа: 2
x2_0=1	Бетта: 2
Точность вычислений: 0,001	Эпсилон: 0.001
Начальный шаг: 1	Итерация номер: 1
//	Исследующий поиск
Итерация № 1	Временная базисная точка (1,1)
Текущее приближение к X_opt:	Исследующий поиск был удачный
x1_k= 2	Новая базисная точка: (2,2)
x2_k= 2	Значение функции в временной базисной точке f(1,1)
Значение функции в X_k:	= 17
F(X_k)= 9	Значение функции в новой базисной точке f(2,2) = 9
//	
Итерация № 2	Поиск по образцу
Текущее приближение к X_opt:	Временная базисная точка (4,4)
x1_k= 3	
x2_k= 3	Итерация номер: 2
Значение функции в Х_k:	Исследующий поиск
F(X_k)= 5	Временная базисная точка (1,1)
//	Исследующий поиск был удачный
Итерация № 3	Новая базисная точка: (5,3)
Текущее приближение к X_opt:	Значение функции в временной базисной точке f(1,1)
x1_k= 4	= 5
x2_k= 4	Значение функции в новой базисной точке f(5,3) = 1
Значение функции в Х_k:	
F(X_k)= 5	Поиск по образцу
//	Временная базисная точка (11,5)
Итерация № 4	
Текущее приближение к X_opt:	Итерация номер: 3
x1_k= 5	Исследующий поиск
x2_k= 3	Временная базисная точка (1,1)
Значение функции в Х_k:	Исследующий поиск был удачный
F(X_k)= 1	Новая базисная точка: (10,6)
//	Значение функции в временной базисной точке f(1,1)
Итерация № 5	= 45
Текущее приближение к X_opt:	Значение функции в новой базисной точке f(10,6) = 41
x1_k= 7	

x2_k= 3	MOODORYIQUIAN ROMON BONDUS OTON BROMONION SOCIO
xz_к= з Значение функции в X_k:	Исследующий поиск вокруг этой временной базисной
	точки неудачен поэтому возвращаемся к старой базисной точке
F(X_k)= 5	Исследующий поиск
// Итерация № 6	Временная базисная точка (1,1)
Текущее приближение к X_opt:	Новая базисная точка: (5,2)
текущее приолижение к ∧_орг. x1_k= 6	Значение функции в временной базисной точке f(1,1)
x2_k= 2	= 1
х2_к- 2 Значение функции в X_k:	- і Значение функции в новой базисной точке f(5,2) = 0
–	Значение функции в новои оазиснои точке I(5,2) – 0
F(X_k)= 1 //	Πουργισο οδηρουιν
	Поиск по образцу
Итерация № 7	Временная базисная точка (5,0)
Текущее приближение к X_opt: x1_k= 5,5	Итерация номер: 4
	Исследующий поиск
x2_k= 2	Временная базисная точка (1,1)
Значение функции в X_k:	Исследующий поиск был удачный
F(X_k)= 0,25 //	Новая базисная точка: (5,1)
//	Значение функции в временной базисной точке f(1,1)
	= 4
Текущее приближение к X_opt:	Значение функции в новой базисной точке f(5,1) = 1
x1_k= 6	cha termo pyrikami z nezen caeneren re ike ((e, r)
x2_k= 1 Значение функции в X_k:	Исследующий поиск вокруг этой временной базисной
5начение функции в ∧_к. F(X_k)= 2	точки неудачен поэтому возвращаемся к старой
//	базисной точке
•	Исследующий поиск
Итерация № 9 Текущее приближение к X_opt:	Временная базисная точка (1,1)
х1_k= 5,5	Новая базисная точка: (5,2)
x2_k= 1,5	Значение функции в временной базисной точке f(1,1)
х2_к- 1,3 Значение функции в X_k:	= 0
F(X_k)= 0,5	Значение функции в новой базисной точке f(5,2) = 0
//	(0,2)
// Итерация № 10	Минимум функции: [5,2]
Текущее приближение к X_opt:	
x1_k= 5,25	
x2_k= 1,75	
Значение функции в Х_k:	
F(X k)= 0,125	
//	
Итерация № 11	
Текущее приближение к X_opt:	
x1_k= 5	
x2_k= 1,5	
Значение функции в Х_k:	
$F(X_k) = 0.25$	
//	
, Итерация № 12	
Текущее приближение к X_opt:	
x1_k= 5	
x2_k= 1,75	





//	
,, Итерация № 27	
Текущее приближение к X_opt:	
x1_k= 5	
x2_k= 2	
Значение функции в X_k:	
F(X_k)= 0	
//	
Итерация № 28	
Текущее приближение к X_opt:	
x1_k= 5	
x2_k= 2	
Значение функции в X_k:	
$F(X_k) = 0$	
//	
Итерация № 29	
Текущее приближение к X_opt:	
x1_k= 5	
x2_k= 2	
Значение функции в X_k:	
$F(X_k) = 0$	
//	
Итерация № 30	
Текущее приближение к X_opt:	
x1_k= 5	
x2_k= 2	
Значение функции в X_k:	
F(X_k)= 0	
//	
, Оптимум найден на итерации: 30	
Точка оптимума Х_орт:	
x1_opt= 5	
x2_opt= 2	
х2_ор:- 2 Значение функции в X_opt:	
Бначение функции в ∧_орг. F(X_opt)= 0	
Точность: 7,62939453125Е-6	
Длина шага: 7,62939453125Е-6	

4. Выводы по результатам сравнения

Согласно полученным результатам, можно сделать вывод, что созданное приложение производит правильные вычисления.

Приложения А

Алгоритм программы поиска методом Хука-Дживса на языке javascript const math = require('mathjs'); const parser = math.parser(); class Huk { input_data = { } resES = [{ flag: 1, }]; export_data = { } valueFunc(x) { try { let arg = "f(" + x.join(",") + ")";parser.evaluate("f"+this.input_data.type_func <u>'=</u>' + +this.input_data.function) return (parser.evaluate(arg)) } catch (e) { throw "Проверьте корректность введённых данных ("+e+")"; console.log(e);

}

```
reduceH(h) {
           let flag = 0, i;
           for (i = 0; i < h.length; i++) {
              if (h[i] > this.input_data.epsilant) {
                 h[i] /= this.input_data.alpha;
                 flag = 1;
              }
            }
           return {
              flag: flag,
              h: h,
            };
         }
         exploratory_search(x0, h) {
             let time_base_point = x0.slice(0), i, new_base_point, j, flag = 1, z_tbp,
z_x0;
             let new_h = \{\}
             for (j = 0; flag === 1; j++) \{
                console.log("h="+h);
                for (i = 0; i < x0.length; i++) {
                   time_base_point[i] += h[i];
                   z_tbp = this.valueFunc(time_base_point);
                   z_x0 = this.valueFunc(x0);
                   if (z_tbp < z_x0) {
                     continue;
                   } else {
                     time_base_point[i] -= 2 * h[i];
```

}

```
z_x0 = this.valueFunc(x0);
           if (z_tbp < z_x0) {
              continue;
           } else {
              time_base_point[i] += h[i];
           }
         }
       }
      if (z_tbp < z_x0) {
         new_base_point = time_base_point.slice(0);
         time\_base\_point = x0.slice(0);
         break;
      } else {
         new_h = this.reduceH(h.slice(0));
        h = new_h.h;
         if (new_h.flag === 0) {
           flag = new_h.flag;
           new_base_point = x0;
           break;
    }
   return {
      time_base_point,
      new_base_point,
      flag,
    }
}
```

z_tbp = this.valueFunc(time_base_point);

```
search_obr(x1, x0, b) {
  try{
    let i, x^2 = [];
    for (i = 0; i < this.input_data.x0.length; i++) {
       x2[i] = x1[i] + b * (x1[i] - x0[i]);
    }
    return x2;
  }
  catch (e){
    throw "Ошибка сервера";
  }
}
main(req) {
  this.export_data = { };
  try {
     this.export_data = {
       request_params: [
          {
            iteration: 0,
            initial_data: {},
            ES: {
               h: [],
               time_base_point: this.input_data.x0,
               f_NBP: 0,
               f_TBP: 0,
               new_base_point: this.input_data.x0,
             },
             SO: {
```

```
new_base_point: this.input_data.x0,
                       f_NBP: 0,
                       f_TBP: 0,
                       time_base_point: this.input_data.x0,
                     },
                   }
                ]
              }
              this.input data = req;
             this.export_data.request_params[0].initial_data.function
req.function;
              this.export_data.request_params[0].initial_data.x0 = req.x0;
              this.export data.request params[0].initial data.h = req.h;
              this.export_data.request_params[0].initial_data.alpha = req.alpha;
              this.export_data.request_params[0].initial_data.betta = req.betta;
             this.export_data.request_params[0].initial_data.epsilant
                                                                                 =
req.epsilant;
             this.resES[0].time base point = this.input data.x0;
              this.resES[0].new_base_point = this.input_data.x0;
             let flag = 0;
                                H = " + this.input data.h + ", Альфа = " +
              console.log("
this.input_data.alpha + ", Fetta = " + this.input_data.betta);
              console.log("Начальная базисная точка: " + this.input data.x0);
              console.log("Номер итерации" + 1);
              this.export_data.request_params[1] = {
                iteration: 1,
                ES: {},
                SO: {},
              };
```

```
this.resES[1]
                                                                                =
this.exploratory_search(this.resES[0].time_base_point.slice(0),
this.input_data.h.slice(0));
             this.export_data.request_params[1].ES.time_base_point
                                                                                =
this.resES[0].time_base_point;
             this.export_data.request_params[1].ES.new_base_point
                                                                                =
this.resES[1].new_base_point;
             this.export data.request params[1].ES.f TBP
                                                                                =
this.valueFunc(this.resES[0].time_base_point);
             this.export_data.request_params[1].ES.f_NBP
                                                                                =
this.valueFunc(this.resES[1].new_base_point);
             console.log("Новая
                                         базисная
                                                         точка:
                                                                                 +
this.resES[1].new_base_point)
             if (this.resES[0].flag === 0) {
                console.log("Минимум
                                                 функции
                                                                                 +
this.resES[i].new_base_point);
                flag = 1;
             }
             for (let i = 2; flag === 0; i++) {
                this.resES[i] = \{\};
                this.export_data.request_params[i] = {
                  iteration: i,
                  ES: {},
                  SO: {},
                  msg: "",
                  DES: {}
                };
                console.log("Поиск по образцу");
                this.resES[i].time_base_point = this.search_obr(this.resES[i
1].new_base_point, this.resES[i - 2].new_base_point, this.input_data.betta);
```

```
this.export_data.request_params[i - 1].SO.new_base_point
this.resES[1].new_base_point;
               this.export_data.request_params[i - 1].SO.time_base_point
this.resES[i].time_base_point;
               console.log("Временная
                                             базисная
                                                                              +
                                                            точка:
this.resES[i].time_base_point)
               console.log("Номер итерации" + i);
               console.log("Исследующий поиск");
               console.log("F(" + this.resES[i].time_base_point + ") = " +
this.valueFunc(this.resES[i].time_base_point));
               this.resES[i]
                                                                              =
this.exploratory search(this.resES[i].time base point.slice(0),
this.input_data.h.slice(0));
               this.export_data.request_params[i].ES.time_base_point
this.resES[1].time_base_point;
               this.export_data.request_params[i].ES.new_base_point
                                                                              =
this.resES[i].new_base_point;
               this.export_data.request_params[i].ES.f_TBP
                                                                              =
this.valueFunc(this.resES[i].time_base_point);
               this.export_data.request_params[i].ES.f_NBP
                                                                              =
this.valueFunc(this.resES[i].new_base_point);
               console.log("Новая
                                         базисная
                                                                              +
                                                         точка:
this.resES[i].new_base_point)
               if (this.resES[i].flag === 0) {
                  console.log("Минимум
                                                 функции
                                                                   ="
                                                                              +
this.resES[i].new_base_point);
                  flag = 1;
                  break;
                }
```

```
if
                         (this.valueFunc(this.resES[i].new_base_point)
                                                                             <
this.valueFunc(this.resES[i - 1].new_base_point)) {
                 continue;
               } else {
                  console.log(this.valueFunc(this.resES[i].new base point) + ">"
+ this.valueFunc(this.resES[i - 1].new_base_point))
                 console.log("Исследующий поиск вокруг этой временной
базисной точки неудачен поэтому возвращаемся к старой базисной точке")
                  this.export_data.request_params[i].msg
                                                               "Исследующий
поиск вокруг этой временной базисной точки неудачен поэтому возвращаемся
к старой базисной точке";
                 this.resES[i].time_base_point
                                                            this.resES[i
                                                    =
1].new base point.slice(0);
                 console.log("Исследующий поиск");
                 console.log("F(" + this.resES[i].time_base_point + ") = " +
this.valueFunc(this.resES[i].time_base_point));
                 this.resES[i]
                                                                             =
this.exploratory search(this.resES[i].time base point.slice(0),
this.input_data.h.slice(0));
                  this.export_data.request_params[i].DES.time_base_point
                                                                             =
this.resES[1].time_base_point;
                 this.export_data.request_params[i].DES.new_base_point
                                                                             =
this.resES[i].new_base_point;
                  this.export_data.request_params[i].DES.f_TBP
                                                                             =
this.valueFunc(this.resES[i].time_base_point);
                  this.export_data.request_params[i].DES.f_NBP
                                                                             =
this.valueFunc(this.resES[i].new_base_point);
                 console.log("Новая
                                          базисная
                                                                             +
                                                         точка:
this.resES[i].new_base_point)
                 if (this.resES[i].flag === 0) {
```

```
console.log("Минимум
                                                     функции
this.resES[i].new_base_point);
                     flag = 1;
                     break;
                   }
                }
              }
             this.export\_data.request\_params.forEach(rp => \{
                if (Object.keys(rp.SO).length === 0) {
                  delete rp.SO
                }
              })
             return this.export_data;
           }
           catch (e){
             console.log(e)
             this.export_data.err=e;
             return this.export_data;
           }
         }
      }
      module.exports = Huk;
```