Analysis III Exponentialfunktionen ableiten II

Auf einem Konto werden 10 000 € zu 1,5 % p.A. angelegt. Das Wachstum des Guthabens kann durch eine *Exponentialfunktion* abhängig von der Zeit *t* modelliert werden:

$$g(t) = \underline{\hspace{1cm}}$$

Mit welcher Rate wächst das Guthaben nach 2 Jahren?

Lösungsansatz

- A) Exponential funktion als e-Funktion darstellen.
- B) Ableitung bilden.
- C) t = 2 in die Ableitung einsetzen.
- **A)** Nutzen sie den *natürlichen Algorithmus* und die *Potenzgesetze*, um die Funktion g(t) als e-Funktion darzustellen. (Stellen sie die Basis 1,015 als Potenz von e dar.)



$$g(t) = \underline{\hspace{1cm}} = \underline{\hspace{1cm}}$$

☆ Leiten sie aus dem Beispiel eine *allgemeine Regel* zur Umformung von Exponentialfunktionen ab.





B) Ermitteln sie mit *GeoGebra*¹ die Ableitung(en) von

$$f_1(x) = e^{k \cdot x} \qquad f_1'(x) = \underline{\qquad}$$



$$f_2(x) = e^{k \cdot x + n}$$
 $f_2'(x) =$



Wenden sie die Regel² auf g(t) (in der Darstellung als e-Funktion) an:

$$g'(t) = \underline{\hspace{1cm}}$$



C) Berechnen sie g'(2) und interpretieren sie das Ergebnis im Sachzusammenhang.

$$g'(2) = \underline{\hspace{1cm}}$$



v.2019-05-05 @①\$②

¹Nutzen sie die Konstruktionsanleitung auf der Rückseite.

²Denken sie auch an die anderen Ableitungsregeln.

Untersuchung von e^{kx} in GeoGebra

- 1) Starten sie GeoGebra in der "GRAFIKRECHNER"-Ansicht.
- 2) In der Seitenleiste links können sie Eingaben machen (neben dem "+"-Symbol).
- 3) Klicken sie in das Eingabefeld und geben sie ein:

$$f(x) = e^kx$$

V Hinweis: Geben sie die Symbole genauso ein. GeoGebra macht den Rest.

- 4) Bestätigen sie mit "ENTER". GeoGebra zeigt die Funktion an und erstellt einen "Schieberegler", mit dem k verändert werden kann.
- 5) Das nächste Eingabefeld sollte automatisch ausgewählt worden sein. Geben sie hier ein

$$P = (0, f(0))$$

und bestätigen sie wieder mit "ENTER".

6) Geben sie im nächsten Feld ein

7) Und zuletzt

8) Untersuchen sie nun die Steigung der Tangente an der Stelle $\bf 0$ für verschiedene Werte von k, indem sie den Schieberegler manipulieren.

Untersuchung von e^{kx+n} in GeoGebra

Gehen sie vor wie oben beschrieben, aber geben sie in Schritt 3) die neue Funktion ein:

$$f(x) = e^kx + n$$

Vermutungen überprüfen

① Um ihre Vermutungen zu überprüfen kann GeoGebra ihnen die Ableitung der Funktion direkt anzeigen mit der Eingabe

v.2019-05-05 @①\$②