Analysis Vermischte Übungen

Aufgabe 1 Bilden sie die Ableitung der Funktion

a)
$$f(x) = \frac{1}{x}$$

b)
$$f(x) = \frac{4}{x}$$

c)
$$f(x) = 3x^{-4}$$

d)
$$f(x) = 7x^5 + 8x^{-2}$$

e)
$$f(x) = \frac{-3}{x^5} - 4x^3 + 3$$

f)
$$f(x) = 9x^6 - 7x^{-3} + \frac{2}{x^2} - 18$$

Aufgabe 6 Bringen sie das Gleichungssystem in Dreiecksgestalt

$$\begin{vmatrix} x+ & y- & z & = 3 \\ x+ & 2y- & 2z & = 2 \\ 2x- & y+ & 2z & = 15 \end{vmatrix}$$

a) n

Lösungen zu den Aufgaben

Lösung 1

a)
$$f'(x) = -\frac{1}{x^2} = -1x^{-2}$$

c)
$$f'(x) = -12x^{-5} = -\frac{12}{x^5}$$

e)
$$f'(x) = 15x^{-6} - 12x^2$$

b)
$$f'(x) = -\frac{4}{x^2} = -4x^{-2}$$

d)
$$f'(x) = 35x^4 - 16x^{-3}$$

f)
$$f'(x) = 54x^5 + 21x^{-4} - 4x^{-3}$$

Lösung 6

a) Mit der erweiterten Koeffizientenmatrix:

$$\begin{pmatrix}
1 & 1 & -1 & 3 \\
0 & 1 & -1 & -1 \\
0 & 0 & 1 & 6
\end{pmatrix}$$

Einsetzen von unten nach oben ergibt:

$$z = 6$$

$$y - z = y - 6 = -1$$

$$\Leftrightarrow y = 5$$

$$x + y - z = x + 5 - 6 = 3$$

$$\Leftrightarrow x = 4$$

b) Mit der erweiterten Koeffizientenmatrix:

$$\begin{pmatrix} -2 & 1 & 1 & -1 \\ 6 & -2 & -2 & 6 \\ 3 & -2 & 2 & 4 \end{pmatrix} \xleftarrow{\mid \cdot 3 \mid}_{+} \begin{vmatrix} \cdot 3/2 \\ \longleftarrow + \end{vmatrix}_{+}$$

$$\begin{pmatrix} -2 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 1 & 1 & 3 \\ 0 & -0, 5 & 3, 5 & 2, 5 \end{pmatrix} | \cdot 0, 5 \\ \leftarrow \qquad +$$

.2019-03-31

$$\begin{pmatrix}
-2 & 1 & 1 & -1 \\
0 & 1 & 1 & 3 \\
0 & 0 & 4 & 4
\end{pmatrix}$$

Einsetzen von unten nach oben ergibt:

$$4z = 4$$

$$\Leftrightarrow z = 1$$

$$y + z = y + 1 = 3$$

$$\Leftrightarrow y = 2$$

$$-2x + y + z = -2x + 2 + 1 = -1$$

$$\Leftrightarrow -2x = -4$$

$$\Leftrightarrow x = 2$$

v.2019-03-31