

---

# Todo list

sauber und ausführlich machen . . . . .	III
alle tabellen nochmal korrektur lesen . . . . .	III
make tables look nice . . . . .	III
eventuell table heads dick machen . . . . .	III
sets hinzufügen . . . . .	III
entweder überall gams äquivalnt ergänzen oder überall weg lassen . . . . .	III
tables and figures verzeichniss . . . . .	1
hier noch mit rein das batterie speicher in kombination mit einem windpark positive spillovers haben kann . . . . .	3
- vor und nachteile, begrenzte kapazität des anschlusspunkts, überschüssige energie kann zum laden genutzt werden. . . . .	3
forschungsfrage ergänzen . . . . .	4
noch mit rein erste entscheidung RL -> dann 4 mögliche Ausgänge!!!!!!!!!! . . . . .	9
den part nochmal nachdenken . . . . .	9
den part mit den speicherzuständen eventuell in die Modellierungsansatz Diskussion . . . . .	9
abshcnitt ergänzen . . . . .	9
aussortieren was noch mit oben rein soll . . . . .	9
ausführliche Erklärung stochastische Programmierung . . . . .	10
gewinnmaximierung . . . . .	11

---

abkürzungen . . . . .	11
verweis wissenschaftliche arbeit und appendix für umsetzung . . . . .	11
abschnitt ergänzen . . . . .	11
den part nochmal nachdenken . . . . .	12
abschnitt ergänzen . . . . .	12
Übersicht über zeitlichen Ablauf der einzelnen Märkte . . . . .	13
eventuell raus lassen oder halt in vereinfachungsassumptions mit rein . . . . .	14
den Part Menge als abstrakte binäre Aktivierungsvariable eventuell nochmal über- arbeiten und entsprechend oben anpassen . . . . .	15
eventuell binär variable nur an Preis koppeln und das dann anders heraus ziehen . . .	15
formelzeichen kontrollieren . . . . .	17
alle gleichungen checken wegen $\forall$ . . . . .	17
alle gleichungen mit nummerierung und beschreibung? überarbeiten . . . . .	17
annahme perfekte Vorrassicht Windpark . . . . .	18
ref . . . . .	18
mindestmenge? . . . . .	18
eventuell erklärung wieder mit positive und negative Arbeit? . . . . .	18
speicherkapazitätskosten weg lassen? . . . . .	24
entscheiden ob ich kapazitätskosten noch mit rein nehme . . . . .	28
referenz ergänzen . . . . .	29
price in titel ergänzen . . . . .	40
verweis einfügen . . . . .	41
appendix verweis . . . . .	41
variablen noch in anfangstabelle einfügen . . . . .	46
nochmal nach windprofil suchen im gesamten text und schauen ob das da noch korrekt erklärt ist . . . . .	46

---

ziel für das hoch und runter setzten der linie ... -> erklärung was ich damit bezwecken möchte in dem entsprechendem Mark .. habe ich das schon mit drinne? . . . . .	46
das ist eine grafik mit den alten average preise, mache eine graifk mit den richtigen grenzpreisen . . . . .	47
grafiken verschiedene Preisszenarien . . . . .	47
appendix verweis zu python code . . . . .	47
abbildungen ergänzen . . . . .	48
den teil drinne lassen? . . . . .	48
ref entsoe . . . . .	48
Python Code appendix verweis . . . . .	48
eventuell nochmal umformulieren da sehr ähnlich zu DA . . . . .	49



Research Project

# **Optimizing Strategies for battery storages in combination with renewable energy production facility at the German aFFr/DA markets**

Sebastian Trümper

Born on: 13th September 1990 in Naumburg  
Matriculation number: 3631139

30th March 2025

Supervisor

Dr. Hannes Hobbie, Margrit Wicke, Dr. Christoph Zöphel

# Abstract

abstract

# Table of Contents

Abstract . . . . .	I
1 Introduction . . . . .	2
2 Literature Review . . . . .	5
3 Methology . . . . .	8
3.1 General model explanation . . . . .	9
3.2 Market Modeling Approaches . . . . .	10
3.3 Market Design Descriptions . . . . .	13
3.3.1 RL . . . . .	14
3.3.2 DA . . . . .	17
3.3.3 RA . . . . .	18
3.3.4 Battery & Working Point Adjustments . . . . .	19
3.3.5 Access Point . . . . .	20
3.3.6 Complete Model . . . . .	21
3.4 Timeline Creation . . . . .	39
3.5 Simplification . . . . .	49
4 Results . . . . .	51
5 Conclusion . . . . .	52
6 Appendix . . . . .	53
Bibliography . . . . .	54

# Sets & Variables & Parameters

## Abbreviations

Abbreviations	Description
aFRR	automatic Frequency Restoration Reserve
GAMS	General Algebraic Modeling System
TSO	transmission system operators
CBMP	grenzüberschreitenden Grenzpreis
ARIMA	Autoregressive Integrated Moving Average
SARIMA	Seasonal Autoregressive Integrated Moving Average
TBATS	Trigonometric seasonality Box-Cox transformation ARMA errors Trend Seasonal components

Groß geschriebene Variablen werden endogen ermittelt. Klein geschriebene Variablen werden exogen vorgeschrieben.

Variable	Description	
$RL$	Regelleistungsmarkt	
$DA$	Day Ahead Markt	
$RA$	Regelarbeitsmarkt	
$Q_y^i$	Gebotsmenge der Art i(=in/out) am Markt y	
$(X_y^i)$	(lineare Gebotsmenge der Art i(=in/out) am Markt y)	
$P_y^i$	Gebotspreis der Art i(=in/out) am Markt y	
$E_{DA}^{in}$	$EnergyInDA(t)$	energy in day a
$E_{DA}^{out}$	$EnergyOutDA(t)$	energy out day
$E_{RT}^{in}$	$EnergyInRT(t)$	energy in real
$E_{RT}^{out}$	$EnergyOutRT(t)$	energy out rea
$ER$	emergency reload $B_y^i$	Binäre Variable die den Zuschlag (B=1) o

## Parameter

Variables - simplified model + wind park

Parameter	GAMS Equivalent	Description
$f_{DA}$	<i>priceForeCastDA(t)</i>	forecast price day ahead market
$f_{RT}$	<i>priceForeCastRT(t)</i>	forecast price real time market
$p_{DA}$	<i>priceProbDA</i>	probability for price $p_{DA}$
$p_{RT}$	<i>priceProbRT</i>	probability for price $p_{RT}$
$r$	Rate mit der der Stromspeicher geladen/entladen werden kann	
$a$	Anschlusskapazität	
$z^{in}(t)$	<i>binaryInDA(t)</i>	binary variable if bid is accepted
$z^{out}(t)$	<i>binaryOutDA(t)</i>	binary variable if bid is accepted
$\omega_{DA}(p_{DA})$	Wahrscheinlichkeit für Zuschlag bei Preis $p_{DA}$	
$\omega_y^i(p_y^i)$	Gebotswahrscheinlichkeit für $p_y^i$	
$p_y^i(s_y^i)$	Gebotspreis der Art i(=in/out) am Markt y für Szenario $s_y^i$	
$\omega_y^i(s_y^i)$	Gebotswahrscheinlichkeit für entsprechendes Preisszenario $s_y^i$	
$c_y^i$	Markclearingpreis der Art i(=in/out) am Markt y	
$m$	eine sehr große Zahl	

Table 1: Variables

Parameter	GAMS	Description
$f_{DA}$	<i>priceForeCastDA(t)</i>	forecast price day ahead market
$f_{RT}$	<i>priceForeCastRT(t)</i>	forecast price real time market
$E_{DA}^{in}$	<i>EnergyInDA(t)</i>	energy in day ahead market
$E_{DA}^{out}$	<i>EnergyOutDA(t)</i>	energy out day ahead market
$E_{RT}^{in}$	<i>EnergyInRT(t)</i>	energy in real time market
$E_{RT}^{out}$	<i>EnergyOutRT(t)</i>	energy out real time market
$E_{stor}^{in}$		
$E_{stor}^{out}$		
$p_{WP}^+$	costs of emergency working point $p_{WP}^-$	costs of emergency working point

Table 2: Variables

$Ertrag_{DA}$	erzielter Ertrag im Day Ahead Markt
$B_{DA}$	binär Variable welche signalisiert ob am Day Ahead Markt teilgenommen wird
$Q_{DA}$	gebotene Menge am Day Ahead Markt
$P_{DA}$	gebotener Preis am Day Ahead Markt



tables  
and  
figures  
verzeich-  
niss

# 1 Introduction

1. Einführung ins Thema Kurze Darstellung des Themas.

Warum ist das Thema relevant (wissenschaftlich, gesellschaftlich, praktisch)?

Aktueller Forschungsstand oder gesellschaftlicher Kontext (je nach Fachgebiet).

Beispiel: „In den letzten Jahren ist das Interesse an nachhaltiger Stadtentwicklung stark gestiegen. Besonders die Rolle grüner Infrastruktur wird dabei zunehmend als zentral betrachtet.“

2. Problemstellung Was genau ist die Forschungsfrage oder das Problem?

Gibt es eine Forschungslücke oder ein konkretes Problem, das du adressierst?

Beispiel: „Trotz umfangreicher Forschung zur Wirkung urbaner Grünflächen fehlen Studien zur langfristigen Wirkung auf die mentale Gesundheit in dicht besiedelten Quartieren.“

3. Zielsetzung und Forschungsfrage(n) Was willst du mit der Arbeit erreichen?

Welche Forschungsfrage(n) leitest du daraus ab?

Beispiel: „Ziel dieser Arbeit ist es, die Wirkung von urbaner Begrünung auf das subjektive Wohlbefinden von Stadtbewohner:innen zu untersuchen. Die zentrale Forschungsfrage lautet daher: Welche Effekte hat grüne Infrastruktur auf das psychische Wohlbefinden in urbanen Räumen?“

4. Methodisches Vorgehen (kurz) Wie wirst du vorgehen (z.B. Literaturarbeit, empirisch, qualitativ/quantitativ)?

Beispiel: „Zur Beantwortung der Forschungsfrage wird eine qualitative Inhaltsanalyse von Experteninterviews durchgeführt.“

5. Aufbau der Arbeit Wie ist die Arbeit strukturiert?

Kurzer Überblick über die Kapitel.

Beispiel: „Kapitel 2 stellt die theoretischen Grundlagen dar, Kapitel 3 erläutert das methodische

Vorgehen, Kapitel 4 präsentiert die Ergebnisse und Kapitel 5 diskutiert diese im Kontext der Forschungsfrage.“

– positive synergie plant/battery

Im Allgemeinen ok, ich lasse das erstmal so stehen und überarbeite dann wenn ich genauer weiß wo genau der rote Pfaden liegen wird.

The accelerating transition towards renewable energy sources presents both opportunities and challenges for modern power systems. But, the inherent variability and limited predictability of renewable energy generation pose challenges to grid stability and economic efficiency. As a result, flexible technologies such as battery energy storage systems (BESS) have become increasingly important to ensure reliable and market-efficient integration of renewable resources.

When deployed in conjunction with renewable energy plants, battery storage systems offer complementary capabilities. While wind farms primarily participate in the day-ahead market based on forecasted production, battery systems can operate more strategically by responding rapidly to price signals and grid requirements.

In particular, the provision of ancillary services—especially frequency regulation has emerged as a promising revenue stream for storage technologies. Germany's balancing markets, including the secondary control reserve (aFRR), offer significant potential for batteries due to their fast ramping capabilities and high availability.

Combining renewable energy generation with battery storage in a co-located hybrid system allows operators to diversify revenue streams by participating simultaneously in multiple electricity markets. However, such joint operation requires sophisticated optimization techniques that consider market mechanisms, physical constraints, and operational synergies. In this context, mathematical programming tools such as GAMS (General Algebraic Modeling System) are well-suited to model and solve complex multi-market dispatch problems.

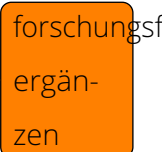
This paper presents a mixed-integer optimization model developed in GAMS to simulate the joint operation of a wind farm and a co-located battery storage system. The wind farm's revenues are derived from the German day-ahead electricity market, while the battery system

hier  
noch  
mit rein  
das  
batterie  
speicher  
in kom-  
bination  
mit  
einem  
wind-  
park  
positive  
spillovers  
haben  
kann

- vor  
und  
nachteile,  
begren-  
zte

participates in the secondary balancing market. The model aims to maximize total system profit while adhering to market and technical constraints.

(This work contributes to the growing body of research on hybrid renewable systems by addressing the integration of distinct market participation strategies and quantifying the economic benefits of coordinated operation.) -----



forschungsförderung

## 2 Literature Review

1. perfektes wissen unrealistisch
2. konkrete preise unrealistisch

durch die steigenden durchdringung des energie markt mit erneuerbaren energien gibt es ein paar neue herausforderungen für die betreiber von erneuerbaren kraftwerken und netzbetreibern.

- geringe preise bei underforecast - hohe preise bei overforecast -> besonders starke auswirkung bei hohem anteil erneuerbarer energien

-> wie gleiche ich den nachteil aus -> temporäre verschiebung der produktion durch speicher

- eventuell paper wieso batterien der beste speicher wären und dann entsprechend diese noch in das model mit den randdaten einfügen

- verschiedene analysestrategien für batterie management vorstellen

Energy Storage Arbitrage Under Day-Ahead and Real-Time Price Uncertainty

-> binäre variablen + speicherstatus ist an szenario gebunden (komplexität explodiert) -> außerdem ohne besonderheiten des deutschen marktes

Optimal Operation of Independent Storage Systems in Energy and Reserve Markets With High Wind Penetration -> kein deutsches marktdesign

Bidding strategy for a battery storage in the German secondary balancing power market -zwar deutscher markt aber altes marktdesign

Demonstration of participation in the German balancing power market using a large-capacity hybrid battery storage system - neues marktdesign aber kein fokus auf model sondern generelle setup analyse

-> probleme mit den forecast ... eventuell dazu nochmal ein paper

wir probieren ein relativ leichtes model zu schaffen aus dem man generelle strategien ableiten

kann. - unabhängiges model von den forecast daten approximierter speicher (siehe modell)

- wirtschaftliche frage/herausforderung - systemische frage/herausforderung The integration of battery storage systems with renewable energy sources, particularly wind energy, has garnered increasing attention in recent years as a strategy to mitigate the variability of renewables and improve grid stability. Numerous studies have explored the techno-economic feasibility and operational strategies of hybrid wind-storage systems, especially in the context of market participation and ancillary service provision.

**Wind Energy and Day-Ahead Market Participation** Wind farms primarily participate in the day-ahead electricity market, where they are scheduled based on forecasted generation. However, due to the intermittent nature of wind, the accuracy of forecasts plays a critical role in market performance. According to Morales et al. (2014), wind power producers face significant uncertainty in both generation and market prices, leading to potential imbalances and penalties. Strategies such as improved forecasting (Pinson, 2013) and risk-aware bidding (Bathurst et al., 2002) have been proposed to mitigate these uncertainties and maximize revenue in day-ahead markets.

**Role of Battery Storage in Power Systems** Battery energy storage systems (BESS) offer operational flexibility by decoupling generation from consumption, enabling energy arbitrage, peak shaving, and ancillary service provision (Zakeri and Syri, 2015). When co-located with wind farms, storage systems can enhance the economic value of wind energy by reducing curtailment and participating in multiple electricity markets (Lund et al., 2015).

In hybrid configurations, storage can shift energy from periods of high generation and low prices to periods of high demand and prices, effectively arbitraging across the day-ahead market. Beyond arbitrage, BESS are particularly suited for participation in ancillary service markets due to their fast response and ramping capabilities.

**Participation in the German Secondary Balancing Market** Germany's ancillary service market includes primary (FCR), secondary (aFRR), and tertiary (mFRR) reserves. Battery storage has gained a competitive edge in the secondary control reserve market (aFRR), given its technical characteristics and minimal ramping delay (Regelleistung.net, 2023). Research by Nooij and van den Broek (2021) demonstrates that batteries can significantly contribute to balancing markets, especially under regulatory frameworks that favor flexibility.

The economic potential of battery participation in the German balancing market has been explored in various studies. For instance, Schittekatte et al. (2020) analyzed the revenue stacking potential for BESS across different markets in Germany, highlighting that aFRR remains one of the most lucrative avenues for flexible assets. However, market saturation and regulatory changes can significantly influence profitability (Kunze et al., 2019).

**Optimization Models for Hybrid Systems** To capture the complexity of market interactions and technical constraints, mixed-integer linear programming (MILP) and stochastic optimization models are widely employed (Conejo et al., 2010). These models consider operational constraints, forecast uncertainties, and market rules to optimize bidding strategies and dispatch schedules. Recent studies (e.g., Zhang et al., 2021; Garcia et al., 2022) have modeled co-located wind-storage systems, optimizing their joint operation to maximize total profit across energy and ancillary service markets.

The integration of such models within software environments like GAMS (General Algebraic Modeling System) allows for a detailed representation of temporal constraints, market dynamics, and technical performance, making it suitable for evaluating real-world hybrid systems.

**Research Gap and Contribution** While a growing body of literature addresses the economic optimization of wind and storage systems, few studies explicitly model a co-located system participating simultaneously in the day-ahead and the German secondary balancing markets. Furthermore, most models assume ideal or simplified market conditions, leaving room for more detailed representations that reflect the regulatory and technical nuances of actual markets. This paper contributes to the literature by developing a GAMS-based optimization model that captures the joint operation of a wind farm and battery storage, with distinct market participation strategies and revenue streams.

Carlo Brancucci Martinez-Anido  
Carlo Brancucci Martinez-Anido  
Greg Brinkman  
Bri-Mathias S. Hodge  
Bri-Mathias S. Hodge  
he analysis concludes that electricity price volatility increases even as electricity prices decrease with increasing wind penetration levels. The impact of wind power on price volatility is larger in the shorter term (5-min compared to hour-to-hour). The results presented show that over-forecasting wind power increases electricity prices while under-forecasting wind power reduces them.

## 3 Methology



### 3.1 General model explanation

was wird in dem model überhaupt dargestellt - profit maximierender ansatz

- reihenfolge der Entscheidungen
- wann klärt sich welche szenario unsicherheit auf

Ziel des Modells ist es auf möglichst einfache Weise eine Vermarktungsoptimierung eines Batteriespeichers in Kombination mit einem Windpark vorzunehmen. Generell gibt es verschiedenste Möglichkeiten dies zu modellieren. Der Batteriespeicher wird am sekundären Regelleistung und Regelarbeitsmarkt vermarktet. Der Windpark wird am Day-Ahead-Markt angeboten. Wichtig hierbei ist es alle 3 Märkte miteinander zu verbinden ohne eine zu hohe Komplexität zu benötigen, die die Berechenbarkeit einschränkt. Besonders wichtig ist dies zum Beispiel beim Batteriespeicher. Der aktuelle Ladestatus viertelstündlich neu berechnet. Selbst bei nur 2 möglichen Szenarien wären das  $2^{96} = 79228162514264337593543950336$  mögliche Batteriespeicher Zustände am Ende des Tages. Wenn man beachtet, dass die Planung immer für den Folgetag erfolgt, müsste man sogar  $2^{182} = 6,13 \cdot 10^{54}$  mögliche Batteriespeicher Zustände beachten, bevor man wieder Planungssicherheit hat. Da dies offensichtlich nicht mehr berechenbar ist, muss man von perfekter Voraussicht ausgehen und so nur einen Batteriespeicherweg berechnen. Oder bestimmte Vorgänge innerhalb der Zeitkurve approximieren.

Lösungsansätze für dieses und andere Probleme sind im Abschnitt [] zu finden. Weiterhin ist zu beachten, dass sich der Windpark und der Batteriespeicher einen gemeinsamen Anschlusspunkt teilen, so ist die maximale Leistung beider begrenzt.

Es folgt eine Diskussion verschiedener Modellansätze. Anschließend werden die Einzelmodelle der verschiedenen Märkte betrachtet und zum Schluss zusammengeführt.

Zur Analyse des vorliegenden Problems wurde ein Modell in GAMS erstellt. Ziel des Modells war es auf möglichst geringem Rechenaufwand einen Batteriespeicher zu optimieren, der mit einer Anlage zur Produktion erneuerbarer Energien kombiniert wurde. Dabei sollte vermieden werden, auf sehr detaillierte Zeitreihenvorhersagen, weil sehr aufwendig, angewiesen zu sein. Es sollten aber auch Grundannahmen wie perfekte Voraussicht vermieden werden, um realistische Planungsentscheidungen abzubilden.

noch  
mit rein  
erste  
entscheidun  
RL ->  
dann  
4 mög-  
liche  
Aus-  
gänge!!!!!!!

den  
part  
noch-  
mal  
nachden-  
ken

den  
part  
mit den  
speicherzus  
even-  
tuell  
in die  
Mode-  
lierung-  
sansatz  
Diskus-  
sion

abschnitt  
eränzen

aussortieren  
was

(Zur Vereinfachung werden zuerst alle Formeln für nur einen Zeitschritt aufgestellt. Am Ende wird die Zeitvariable entsprechend hinzugefügt.)

Das grundlegende Modell stellt einen Energiespeicher da, der am Regelleistungsmarkt, Day Ahead Markt und Regelarbeitsmarkt vermarktet werden kann. Der daraus resultierende Profit soll maximiert werden. Für jede Teilentscheidung/Markt existiert ein eigenes Modell. So kann, für jedes Teilmodell, vermieden werden die anschließenden Marktergebnisse (Zuschlag oder Ablehnung) zu integrieren. Dies ist wichtig, da anderen Falls der Algorithmus allwissend wäre und nur perfekte Gebote errechnen würde. Die Ergebnisse eines jeden Teilmodells werden immer an das nachfolgende Modell übergeben und erst an dieser Stelle ausgewertet. Jedes Teilmodell ermittelt Mengengebote zu bestimmten Preisen. Die verschiedenen Preise werden durch verschiedene Szenarien abgebildet. Jedem Szenario ist eine bestimmte Wahrscheinlichkeit zugeordnet. (Die Preis-Wahrscheinlichkeits-Kombinationen der verschiedenen Szenarien wurden vorher exogen mittels SARIMA-Analyse ermittelt.) Ein Gebot stellt sich dann wie folgt dar:

ausführliche  
Erklärung  
stochas-  
tische  
Pro-  
gram-  
mier-  
ung

- modeldesign erklären -> verschiedene designoptionen dann "design optionen"/alternativen/erklärung?!?  
part erklären normalerweise liegt die logik in den daten und ich lasse den solver die logik in den daten erkennen. wenn ich aber keinen realistischen vorcast daten habe muss ich die logik in das programm schon selber legen.

das wesentliche meiner

- anschluss punkt
- kombination aus park und batterie

## 3.2 Market Modeling Approaches

ansatz wie das darzustellende umgesetzt wird damit es optimierbar ist

- eventuell in Konzepte umbenennen und ganz allgemein über verschiedene konzepte sprechen

Verschiedene Modellierungsansätze erfordern unterschiedliche zu grunde liegende Datensätze und anders herum. So erfordert zum Beispiel ein stochastische model, welches eine opti-

mierung über mehrere unsichere mögliche Szenarien vornimmt, einen Datensatz der diese verschiedenen Szenarien abbildet. Bei der direkten verwendung historischer Daten benötigt man ein model, welches von einer perfekten Vorhersage ausgeht und so nur eine Datenreihe berücksichtigt.

Im folgenden werden verschiedene Ansätze bezüglich Model und Daten besprochen.

gewinnmax

Ein möglicher Modellierungsansatz ist der der dem Model die perfekte Vorhersage unterstellt, hier werden historische Daten eingespeist und anschließend die Ergebnisse unter dieser Prämisse betrachtet. So werden dann die perfekten Ergebnisse mit einem abgeschätzten Prozentsatz herunterskaliert um zu einem realistisch erzielbaren ergebnis zu kommen. Der Vorteil dieser Methode in unserem Fall läge in der einfachen Komplexität. Da man immer genau weiß was eintritt muss auch nur ein einzelner Zeitstrahl verfolgt werden. Der Nachteil liegt ganz klar darin das man bei der Betrachtung der Ergebnisse eventuell auf falsche Strategien schließt. So müssen in unserem Fall Entscheidungen getroffen werden mit unsicherer Zukunft Szenarien.

So kann es sein das zum Beispiel die Anschlusskapazität es nicht zulässt zugleich am DA-Markt und am RA- zu bieten. Bei perfekter Vorraussicht weiß ich genau welche entscheidung bei

abkürzung

gegeben Daten die richtige ist auch wenn der Unterschied zwischen den beiden Entscheidungen nur marginal ist. Dies ist dann aber nur eine Einzelfallentscheidung, in realität kann es aber sein, dass eine andere strategie, über mehrere Fälle hinweg sich als vorteilhaft herausstellt. So lassen sich mit diesem Ansatz gut Einzelfall entscheidungen treffen aber nicht gut

verweis  
wis-  
senschaft-  
liche  
arbeit  
und ap-  
pendix  
für um-  
setzung

auf eine allgemeine Strategie schließen. Um eine Allgemeinere Strategie ableiten zu können bieten sich stochastische programmieransätze an. Diese bestimmen optimale Entscheidungen unter betrachtung mehrerer möglicher unsicherer Zukunftsszenarien. So wird im Model eine entscheidungsvariable mit mehreren szenarien und deren eintrittswahrscheinlichkeiten kombiniert um so auf eine best mögliche Entscheidung unter Unsicherheit zu schließen. So lassen sich einfacher optimalere allgemein gültige Strategien ableiten, allerdings ist hier die Erstellung der dafür notwendigen Daten wesentlich schwieriger. So braucht man verschiedene Datensätze die die verschiedenen Szenarien präsentieren und muss diese Datensätze auch mit eintrittswahrscheinlichkeiten bewerten. Im folgenden werden mehrere Ansätze diskutiert wie man dies für Zeitreihen-Datensätze macht . Außerdem müssen müssen oft vereinfachende

abschnitt  
ergän-  
zen

Annahmen getroffen werden um die Modelkomplexität zu reduzieren. Besonders wichtig ist dies zum Beispiel beim Batteriespeicher. In unserem Model wird der aktuelle Ladestatus des Batteriespeichers viertelstündlich neu berechnet. Selbst bei nur 2 möglichen betrachteten Szenarien müsste man  $2^{96} = 79228162514264337593543950336$  mögliche Batteriespeicher

Zustände am Ende des Tages betrachten. Wenn man beachtet das die Planung immer für den Folgetag erfolgt müsste man sogar  $2^{182} = 6,13 * 10^{54}$  mögliche Batteriespeicher Zustände beachten bevor man wieder Planungssicherheit hat. Deswegen werden erfolgt eine Betrachtung verschiedener Vereinfachungen in Kapitel []

In Summe sind die Vorteile eine stochastischem Ansatzes größer, vor allem um die hier vorliegende Forschungsfrage nach allgemein gültigen Strategien zu beantworten. Zur erstellung von optimalen allgemeinen strategien

den  
part  
noch-  
mal  
nachden-  
ken  
abschnitt  
ergän-  
zen

### 3.3 Market Design Descriptions

Das Modell ist in der Lage an drei Märkten zu bieten. Ein Gebot umfasst immer eine Menge sowie einen dazu gehörigen Preis. Zuerst erfolgt das Gebot am Regelleistungsmarkt, dann am Day Ahead Markt und schließlich das Gebot am Regelarbeitsmarkt.

- vielleicht noch eine allgemeine Aussage wie Szenarien in den verschiedenen Marktmodellen zu interpretieren sind. .. oder ich beschreibe zuerst die verschiedenen Märkte und dann die Erstellung der dafür nötigen Daten.

Ziel ist es dabei den Profit zu maximieren, dieser setzt sich aus der Menge und dem Preis zusammen. Die Menge ist dabei die Menge die am Markt angeboten wird und der Preis ist der Preis zu dem die Menge angeboten wird.

So ergibt sich der Ertrag wie folgt:

$$\text{Ertrag} = \text{Menge} * \text{Preis}$$

In Kombination mit unserem stochastischen Ansatz wird eine Wahrscheinlichkeit ( $\omega$ ) hinzugefügt. Die Bedeutung der einzelnen Wahrscheinlichkeiten ist in der detaillierten Beschreibung der einzelnen Märkte zu finden. Der zu erwartende Ertrag ergibt sich dann aus der Summe aller Möglichkeiten:

$$\text{Ertrag} = \sum_s \text{Menge} * \text{Preis} * \omega(\text{Preis})$$

Die verschiedenen Preise werden in Form von verschiedenen Szenarien abgebildet. Die Mengengebote können für jedes Preisszenario separat abgegeben werden. In Tabelle ?? ist ein Beispiel für die Szenarien und deren Wahrscheinlichkeiten zu finden. Die Wahrscheinlichkeit in diesem Fall würde angeben mit welcher Wahrscheinlichkeit das Gebot zum dazugehörigen Preis angenommen werden würde.

Übersicht  
über  
zeit-  
lichen  
Ablauf  
der ein-  
zelnen  
Märkte

Scenario $s_{RL}^{out}$	Price $p(s_{RL}^{out})$	Probability $\omega(s_{RL}^{out})$
s1	90	0.6
s2	100	0.5
s3	110	0.4

**Table 3.1:** Example Scenario Data Table

Die zu optimierende Zielfunktion für dieses Beispiel wäre dann wie folgt:

$$\maxProfit = \sum_{s_{RL}^{out}} Q_{RL}^{out}(s_{RL}^{out}) * p(s_{RL}^{out}) * \omega(s_{RL}^{out})$$

In den folgenden Kapiteln werden zuerst die einzelnen Märkte individuell beschrieben subsection 3.3.1 bis ???. Nachfolgend wird die Überführung der Einzelmarktprobleme in eine Gesamtentscheidung erläutert [subsection 3.3.6].

### 3.3.1 RL

#### general description

Der aFFr Markt in Deutschland trennt sich in 2 Teile auf. Zum einen in den Regelleistungsmarkt und zum anderen in den Regelarbeitsmarkt. Am Regelleistungsmarkt wird die Bereitstellung von positiver oder negativer Regelleistung für ein 4 Stunden Zeitfenster am nächsten Tag geboten. Auktionsschluss ist jeweils um 9 Uhr am Vortag. Die Abrechnung erfolgt in [(Euro/MW)/h] der bezahlte Preis entspricht dabei dem eigenem Gebotspreis ("Pay-as-bid"-Verfahren). [<https://www.next-kraftwerke.de/wissen/day-ahead-handel>] Bei bezugschlagtem Regelleistungsgebot muss auch für den selben Zeitraum am Regelarbeitsmarkt Gebote abgegeben werden. Die Mindestgebotsmenge beträgt 1 MW und zur Teilnahme ist eine Präqualifikation notwendig.

#### model implementation

Für den Regelleistungsmarkt ergibt sich dann die folgende Zielfunktion.

$$\maxProfit_{RL} = Q_{RL} * p_{RL} * \omega_{RL}(p_{RL}) \quad \forall t_{block}$$

eventuell  
raus  
lassen  
oder  
halt in  
vereinfachungs-  
sas-  
sumptions  
mit rein

Durch Umwandlung in ein Szenario abhängiges Problem ergibt sich dann die folgende Gleichung:

$$\max Profit_{RL} = \sum_{t_{block}, s_{RL}} Q_{RL}(t_{block}, s_{RL}) * p_{RL}(t_{block}, s_{RL}) * \omega_{RL}(t_{block}, s_{RL})$$

Zu beachten ist, dass auch die Menge nun Szenarioabhängig ist, so kann theoretisch auf für jedes angenommene Szenario separat geboten werden. Praktisch ist dies nicht an zu nehmen, da der Algorithmus die höchst mögliche Menge immer dem höchsten Preiserwartungswert zuordnen wird. Auf diese Weise dient die Menge als abstrakte binäre Aktivierungsvariable der verschiedenen Preisszenarien.

Zu beachten ist das sowohl positive als auch negative Leistungsgebote abgegeben werden können. Die Aufteilung in angenommene und Abgelehnte Gebote erfolgt durch die Wahrscheinlichkeiten  $\omega$  und  $1 - \omega$ . Das wäre an dieser Stelle noch nicht nötig, macht aber die spätere integration der anderen Märkte einfacher.

den  
Part  
Menge  
als ab-  
strakte  
binäre  
Aktivier-  
ungs-  
variable  
even-  
tuell  
noch-  
mal  
über-  
arbeiten  
und  
ents-  
prechend  
oben  
an-  
passen

eventuell  
binär  
variable  
nur an  
Preis  
koppeln  
und  
das

$$\begin{aligned}
\max Profit_{RL} = & \\
& \text{accepted RL in \& out:} \\
& + \sum_{s_{RL}^{out}} \sum_{s_{RL}^{in}} (\omega_{RL}^{in}(t_{block}, s_{RL}^{in}) * \omega_{RL}^{out}(t_{block}, s_{RL}^{out})) * ( \\
& + (Q_{RL}^{in}(t_{block}, s_{RL}^{in}) * p_{RL}^{in}(t_{block}, s_{RL}^{in})) \\
& + (Q_{RL}^{out}(t_{block}, s_{RL}^{out}) * p_{RL}^{out}(t_{block}, s_{RL}^{out})) \\
& \text{accepted RL in \& declined out:} \\
& + \sum_{s_{RL}^{out}} \sum_{s_{RL}^{in}} (\omega_{RL}^{in}(t_{block}, s_{RL}^{in}) * (1 - \omega_{RL}^{out}(t_{block}, s_{RL}^{out}))) * ( \\
& + (Q_{RL}^{in}(t_{block}, s_{RL}^{in}) * p_{RL}^{in}(t_{block}, s_{RL}^{in})) \\
& \text{declined RL in \& accepted out:} \\
& + \sum_{s_{RL}^{out}} \sum_{s_{RL}^{in}} ((1 - \omega_{RL}^{in}(t_{block}, s_{RL}^{in})) * \omega_{RL}^{out}(t_{block}, s_{RL}^{out})) * ( \\
& + (Q_{RL}^{out}(t_{block}, s_{RL}^{out}) * p_{RL}^{out}(t_{block}, s_{RL}^{out})) \\
& \tag{3.1} \\
& \forall t_{hour} = \left\lfloor \frac{t_{quarter}}{4} \right\rfloor, t_{block} = \left\lfloor \frac{t_{quarter}}{16} \right\rfloor
\end{aligned}$$

Die Nebenbedingungen 3.2 bis ??tellen sicher das die Gebotenen Mengen positiv sind. Außer- dem das die Anschlusskapazität  $a$  nicht überschritten wird [3.4] und das die Batterie die ents- prechende Leistung bedienen kann [3.3]. Außerdem ist es wichtig das der Batteriespeicher Status im entsprechenden Zeitfenster die Gebotene Leistung erfüllen kann [3.5 & 3.6]. Hierbei ist zu beachten das die Gebotene Leistung pro Stunde notiert ist und der Batteriespeicher im viertelstunden takt berechnet wird. Deswegen muss die gebotene Leistung mit 0.25 multipliz- iert werden um den viertelstunden wert zu entsprechen. Sollte also beispielsweise 100MW geboten am RL geboten werden so muss für jede viertelstunde im entsprechenden Block 25MWh postive bzw. negative Arbeit vorgehalten werden.



$$0 \leq Q_{RL}^{in}(s_{RL}^{in}), Q_{RL}^{out}(s_{RL}^{out}) \quad \forall s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out} \quad (3.2)$$

$$r \geq \sum_{s_{RL}^{in}} Q_{RL}^{in}(s_{RL}^{in}), \sum_{s_{RL}^{out}} Q_{RL}^{out}(s_{RL}^{out}) \quad (3.3)$$

$$a + \sum_{s_{RL}^{in}} Q_{RL}^{in}(s_{RL}^{in}) \geq \sum_{s_{RL}^{out}} Q_{RL}^{out}(s_{RL}^{out}) \quad (3.4)$$

$$Q_{RL}^{in}(t_{block}, s_{RL}^{in}) * 0.25 \leq BatCap - BatStat(t_{quarter}, s_{RA}) \quad \forall t_{block} = \left\lfloor \frac{t_{quarter}}{16} \right\rfloor \quad (3.5)$$

$$Q_{RL}^{out}(t_{block}, s_{RL}^{out}) * 0.25 \leq BatStat(t_{quarter}, s_{RA}) \quad \forall t_{block} = \left\lfloor \frac{t_{quarter}}{16} \right\rfloor \quad (3.6)$$

### 3.3.2 DA

#### general description

Die erneuerbare Energien anlage wird am Day-Ahead Markt vermarktet. Hier werden Gebote für 1h Fenster am folgetag getätigt. Die Auktion schließt um 12 am Vortag. Die Mindestmenge beträgt 0.1 MWh. Es werden Gebote zwischen -500 Euro und 3000 Euro akzeptiert. Die Abrechnung erfolgt in [Euro/MWh] und der Preis wird im "Pay-as-cleared" Verfahren festgelegt. Das heißt alle bekommen den Preis des am höchsten noch bezugschlagtem Teilnehmers.

#### model implementation

Simultan zu dem vorherigen Kapitel ergeben sich dann die Gleichungen für den Day Ahead Markt. Der Day Ahead Markt ist der Markt an dem der Strom des Windparks vermarktet wird. Dementsprechend gibt es keine positiven und negativen Gebote. Als Windpark Betreiber verfügen wir über Betriebskosten nahe 0 und können unseren Strom zu einem sehr niedrigem Preis anbieten. In der Praxis versetzt uns das in die Lage quasi frei wählen zu können ob wir am Day Ahead Markt bezugschlagt werden und den Clearing Preis erhalten oder nicht. Die Wahrscheinlichkeit  $\omega_{DA}(t_{hour}, s_{DA})$  gibt hierbei die Wahrscheinlichkeit für den entsprechenden  $p(t_{hour}, s_{DA})$  an. So wird der zu erwartende Profit wie folgt berechnet:

formelzeich-  
kontrollieren

alle  
gleichungen  
checken  
wegen  
 $\forall$

alle  
gleichungen mit  
numerierung  
und  
beschreibung?  
überarbeiten

$$\max_{Q_{DA}(t_{hour}, S_{DA})} Profit_{DA} = \sum_{t_{hour}} Q_{DA}(t_{hour}) * \sum_{t_{hour}, S_{DA}} p(t_{hour}, S_{DA}) * \omega_{DA}(t_{hour}, S_{DA}) \quad (3.7)$$

$$\rightarrow \max_{Q_{DA}(t_{hour}, S_{DA})} Profit_{DA} = \sum_{t_{hour}} Q_{DA}(t_{hour}) * p_{DA}^{exp}(t_{hour}) \quad (3.8)$$

3

Wichtig zu beachten ist das wir nicht frei wählen können wieviel Strom über den Windpark generiert wird sondern das wir nach oben hin durch gegebene Wetterbedingungen begrenzt sind. Außerdem verfügen wir auch über die möglichkeit anstatt strom in das netz ein zu speisen den strom zu speichern und damit die Batterie wieder auf zuladen [3.10].

$$0 \leq Q_{DA}(t_{hour}, S_{DA}) \quad \forall t_{hour}, S_{DA} \quad (3.9)$$

$$Q_{DA}(t_{hour}) \leq capPark * windProfil(t_{hour}) - Q_{reload}(t_{hour}) \quad \forall t_{hour} \quad (3.10)$$

$$Q_{DA}(t_{hour}) \leq a \quad \forall t_{hour} \quad (3.11)$$

### 3.3.3 RA

#### general description

Am sekundären Regelarbeitsmarkt wird auf 15 Minuten Fenster Geboten. Auktionsschluss ist jeweils 25 Minuten vor Beginn des 15 Minuten Blocks. Jeder vorqualifizierte Teilnehmer darf an diesem Markt mit bieten, egal ob ein Zuschlag am Regelleistungsmarkt erfolgt ist oder nicht. Wurde ein Regelleistungsmarktgebot bezugschlagt so muss auch auf das entsprechende Zeitfenster am Regelarbeitsmarkt geboten werden. Beahlt wird jeweils nur die tatsächlich erbrachte Leistung. Der Abruf der Leistung erfolgt anhand der Merit-Order Liste, vom billigsten zum teuersten Anbieter. Mit einem hohem angebotenen Regelarbeitspreis sinkt so die Wahrscheinlichkeit für den Abruf der angebotenen Regelarbeit. Dies ist ein Pay-as-cleared Market sprich alle Teilnehmer bekommen den Preis des letzten bezugschlagtem Teilnehmers. Seit dem Beitritt Deutschlands zum PICASSO Netzwerk entspricht der Grenzpreis dem CBMP [1].

annahme  
per-  
fekte  
Vorraus-  
sicht  
Wind-  
park

ref  
mindestmer  
eventuell  
erklärung  
wieder

## model implementation

Simultan zum Regelleistungsmarkt ergibt sich der Regelarbeitsmarkt. Die Wahrscheinlichkeit gibt hierbei an wie warscheinlich ein Abbruch der Arbeit ist.

$$\begin{aligned} \max Profit = \sum_{t_{quarter}} \left[ \sum_{S_{RA}} 1/|S_{RA}| * p_{RA}^{in}(t_{quarter}, S_{RA}) * Q_{RA}^{in}(t_{quarter}, S_{RA}) \right. \\ \left. + \sum_{S_{RA}} 1/|S_{RA}| * p_{RA}^{out}(t_{quarter}, S_{RA}) * Q_{RA}^{out}(t_{quarter}, S_{RA}) \right] \end{aligned} \quad (3.12)$$

Auch die zu erbringende Arbeit unterliegt ein paar Restriktionen. So muss natürlich der Batteriespeicher in der Lage sein die Arbeit zu leisten [3.18 & 3.17]. Und der Anschlusspunkt muss auch noch über genügend Kapazitäten verfügen [3.16 & 3.15].

$$\sum_{S_{RA}} Q_{RA}^{out}(t_{quarter}, S_{RA}) \leq r/4 \quad \forall S_{RA}, t_{quarter} \quad (3.13)$$

$$\sum_{S_{RA}} Q_{RA}^{in}(t_{quarter}, S_{RA}) \leq r/4 \quad \forall S_{RA}, t_{quarter} \quad (3.14)$$

$$\sum_{S_{RA}} Q_{RA}^{out}(t_{quarter}, S_{RA}) \leq a/4 \quad \forall S_{RA}, t_{quarter} \quad (3.15)$$

$$\sum_{S_{RA}} Q_{RA}^{in}(t_{quarter}, S_{RA}) \leq a/4 \quad \forall S_{RA}, t_{quarter} \quad (3.16)$$

$$\sum_{S_{RA}} Q_{RA}^{out}(t_{quarter}, S_{RA}) \leq BatStat(t_{quarter}, S_{RA}) \quad \forall S_{RA}, t_{quarter} \quad (3.17)$$

$$\sum_{S_{RA}} Q_{RA}^{in}(t_{quarter}, S_{RA}) \leq BatCap - BatStat(t_{quarter}, S_{RA}) \quad \forall S_{RA}, t_{quarter} \quad (3.18)$$

$$(3.19)$$

### 3.3.4 Battery & Working Point Adjustments

Die grundlegenden eigenschaften des Batteriespeichers werden durch Parameter in kombination mit Nebenbedingungen beschrieben. So verfügt der Batteriespeicher über eine

maximale Lade und Entladeleistung  $r$  und eine maximale Kapazität  $BatCap$ . Der Batteriestatus wird viertelstündlich neu berechnet und ist in der Gleichung 3.21 zu finden. Da die Nachlade-menge  $Q_{reload}$ , die vom Windpark stammt, stündlich berechnet wird muss sie noch für die viertelstunden umgerechnet werden. Ansonsten ergibt sich der Batteriespeicherstatus für den Zeitpunkt  $t_{quarter} + 1$  aus der Batteriespeicherstatus des vorherigen Zeitpunkts  $t_{quarter}$  und der tatsächlich erbrachten negativen Regularbeit abzüglich der tatsächlich erbrachten positiven Regularbeit. Des weiteren besteht die möglichkeit einer Arbeitspunktanpassung  $WP$ . Diese kann vorgenommen werden um den Ladestand den Batterie so an zu passen das die eingegangenen Verbindlichkeiten erfüllt werden können.

$$\begin{aligned}
BatStat(t_{quarter, S_{RA}} + 1) = BatStat(t_{quarter, S_{RA}}) &+ \frac{1}{4} Q_{reload}(t_{hour}) \\
&+ \sum_{S_{RA}} 1/|S_{RA}| * Q_{RA}^{in}(t_{quarter, S_{RA}} \\
&- \sum_{S_{RA}} 1/|S_{RA}| * Q_{RA}^{out}(t_{quarter, S_{RA}}) \\
&- \sum_{S_{RA}} 1/|S_{RA}| * WP_{out}(t_{quarter, S_{RA}}) \\
&+ \sum_{S_{RA}} 1/|S_{RA}| * WP_{in}(t_{quarter, S_{RA}})
\end{aligned} \tag{3.20}$$

$$\forall t_{quarter}, t_{hour} = \left\lfloor \frac{t_{quarter}}{4} \right\rfloor \tag{3.21}$$

$$0 \leq BatStat(t_{quarter}) \tag{3.22}$$

$$BatStat(t_{quarter, S_{RA}}) \leq BatCap \tag{3.23}$$

### 3.3.5 Access Point

Der Access Point repräsentiert den gemeinsamen Anschlusspunkt von Windpark und Batteriespeicher an das Stromnetz. Die maximale Leistung die durch den Anschlusspunkt fließen kann beträgt  $\alpha$ . Diese Leistungsgrenze gilt in beide Richtungen wie in Gleichung 3.24 und 3.25 zu sehen ist. Da die Bedingung für alle viertel Stunden gelten muss wir die Arbeit des Windparks geviertelt.

$$\begin{aligned}
& a + Q_{RA}^{in}(t_{quarter}, S_{RA}) + WP_{in}(t_{quarter}, S_{RA}) \\
& \geq \\
& \frac{1}{4} Q_{DA} + Q_{RA}^{out}(t_{quarter}, S_{RA}) + WP_{out}(t_{quarter}, S_{RA}) \\
& \quad \forall S_{RA}, t_{quarter}, t_{hour} = \left\lfloor \frac{t_{quarter}}{4} \right\rfloor \quad (3.24) \\
& a + \frac{1}{4} Q_{DA} + Q_{RA}^{out}(t_{quarter}, S_{RA}) + WP_{out}(t_{quarter}, S_{RA}) \\
& \geq
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
& Q_{RA}^{in}(t_{quarter}, S_{RA}) + WP_{in}(t_{quarter}, S_{RA}) \\
& \quad \forall S_{RA}, t_{quarter}, t_{hour} = \left\lfloor \frac{t_{quarter}}{4} \right\rfloor \quad (3.25)
\end{aligned}$$

### 3.3.6 Complete Model

Um alles in einem gesamten model zusammenfügen zu können sind noch ein paar anpassungen notwendig. Zum einen wird der RL markt zuerst geschlossen. Das heißt wenn die entscheidung am für den DA markt fällt ist das der Ausgang vom RL Markt bekannt. Das bedeutet wiederum die Variablen am in den Anschließendenden Märkten können unter berücksichtigung der verschiedenen möglichen Ausgänge geplant werden. Um dieß möglich zu machen werden alle folgenden Variablen in die 4 Grundszenarien aufgesplittet.

Diese wären:

1. angenommenes positives und negatives Regelleistungsmarktgebot  $\rightarrow Variable^{...rB}$
2. angenommener positives und abgelehntes negatives Regelleistungsmarktgebot  $\rightarrow Variable^{...rO}$
3. abgelehntes positives und angenommener negatives Regelleistungsmarktgebot  $\rightarrow Variable^{...rI}$
4. abgelehntes positives und negatives Regelleistungsmarktgebot  $\rightarrow Variable^{...rN}$

So können außerdem Dimensionen pro Variable vermieden werden und die komplexität des grundmodels reduziert werden. Um aber alle Grundsätzlichen Preisooptionen (Szenarien) und deren Folgeplanungen in allen Variablen berücksichtigen zu können werden die Dimension der Variablen  $Q_{DA}$ ,  $Q_R^{out}$  &  $Q_R^{in}$  um die Dimensionen  $s_R^{out}L$  &  $s_R^{in}L$  erweitert. Die resultierenden, gesplitteten und hoch dimensionierten Objekt-Funktionen der folgemärkte werden dann entsprechend in die zu maximierende Profitgleichung der ersten Entscheidung am

RL markt eingefügt [3.26]. Außerdem müssen die stündlich berechneten Erträge aus den Regelleistungsmarkt und dem Day-Ahead Markt noch für die viertelstündliche Berechnung angepasst werden

$$\max Profit = - Costs$$

$$+ \sum_{t_{quarter}}$$

accepted RL in & out:

$$\begin{aligned} & + \sum_{s_{RL}^{out}} \sum_{s_{RL}^{in}} (\omega_{RL}^{in}(t_{block}, s_{RL}^{in}) * \omega_{RL}^{out}(t_{block}, s_{RL}^{out})) * ( \\ & + (\frac{1}{4} * (Q_{RL}^{in}(t_{block}, s_{RL}^{in}) * p_{RL}^{in}(t_{block}, s_{RL}^{in}))) \\ & + (\frac{1}{4} * (Q_{RL}^{out}(t_{block}, s_{RL}^{out}) * p_{RL}^{out}(t_{block}, s_{RL}^{out}))) \\ & + (\frac{1}{4} * (Q_{DA}^B(t_{hour}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}) * p_{DA}^{exp}(t_{hour}))) \\ & + (\sum_{s_{RA}} 1 / |s_{RA}| * p_{RA}^{in}(t_{quarter}, s_{RA}) * Q_{RA}^{inrB}(t_{quarter}, s_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out})) \\ & + (\sum_{s_{RA}} 1 / |s_{RA}| * p_{RA}^{out}(t_{quarter}, s_{RA}) * Q_{RA}^{outrB}(t_{quarter}, s_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}))) \end{aligned}$$

accepted RL in & declined out:

$$\begin{aligned} & + \sum_{s_{RL}^{out}} \sum_{s_{RL}^{in}} (\omega_{RL}^{in}(t_{block}, s_{RL}^{in}) * (1 - \omega_{RL}^{out}(t_{block}, s_{RL}^{out}))) * ( \\ & + (\frac{1}{4} * (Q_{RL}^{in}(t_{block}, s_{RL}^{in}) * p_{RL}^{in}(t_{block}, s_{RL}^{in}))) \\ & + (\frac{1}{4} * (Q_{DA}^I(t_{hour}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}) * p_{DA}^{exp}(t_{hour}))) \\ & + (\sum_{s_{RA}} 1 / |s_{RA}| * p_{RA}^{in}(t_{quarter}, s_{RA}) * Q_{RA}^{inrI}(t_{quarter}, s_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out})) \\ & + (\sum_{s_{RA}} 1 / |s_{RA}| * p_{RA}^{out}(t_{quarter}, s_{RA}) * Q_{RA}^{outrI}(t_{quarter}, s_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}))) \end{aligned}$$

declined RL in & accepted out:

$$\begin{aligned} & + \sum_{s_{RL}^{out}} \sum_{s_{RL}^{in}} ((1 - \omega_{RL}^{in}(t_{block}, s_{RL}^{in})) * \omega_{RL}^{out}(t_{block}, s_{RL}^{out})) * ( \\ & + (\frac{1}{4} * (Q_{RL}^{out}(t_{block}, s_{RL}^{out}) * p_{RL}^{out}(t_{block}, s_{RL}^{out}))) \\ & + (\frac{1}{4} * (Q_{DA}^O(t_{hour}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}) * p_{DA}^{exp}(t_{hour}))) \\ & + (\sum_{s_{RA}} 1 / |s_{RA}| * p_{RA}^{in}(t_{quarter}, s_{RA}) * Q_{RA}^{inrO}(t_{quarter}, s_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out})) \\ & + (\sum_{s_{RA}} 1 / |s_{RA}| * p_{RA}^{out}(t_{quarter}, s_{RA}) * Q_{RA}^{outrO}(t_{quarter}, s_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}))) \end{aligned}$$

declined RL in & out:

$$\begin{aligned} & + \sum_{s_{RL}^{out}} \sum_{s_{RL}^{in}} ((1 - \omega_{RL}^{in}(t_{block}, s_{RL}^{in})) * (1 - \omega_{RL}^{out}(t_{block}, s_{RL}^{out}))) * ( \\ & + (\frac{1}{4} * (Q_{DA}^N(t_{hour}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}) * p_{DA}^{exp}(t_{hour}))) \\ & + (\sum_{s_{RA}} 1 / |s_{RA}| * p_{RA}^{in}(t_{quarter}, s_{RA}) * Q_{RA}^{inrN}(t_{quarter}, s_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out})) \\ & + (\sum_{s_{RA}} 1 / |s_{RA}| * p_{RA}^{out}(t_{quarter}, s_{RA}) * Q_{RA}^{outrN}(t_{quarter}, s_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}))) \end{aligned}$$

$$\text{Costs} = (\text{BatCap} * \text{batCosts}) - \text{workingCosts} \quad (3.27)$$

Die Kosten hierbei ergeben sich aus den Arbeitspunktanpassung und den Kosten für die benötigte Speicherkapazität [3.27]. Die zu erwartenden WorkingPointkosten ergeben sich dabei aus dem gegenteiligen Marktespreis des Regelarbeitmarktes faktoriert um einen WorkingPointFaktor *WPF*. Diese Annahme legt zur Grunde, dass wenn ich zum Beispiel spontan Leistung abgeben möchte jemand anderes sich spontan dazu bereit erklären muss diese Leistung wiederum auf zu nehmen. Sprich wir haben eine positive Leistungsabgabe und zahlen dafür das jemand anderes eine negative Leistungsabgabe bereitstellt. Der Preis für diese negative Leistungsabgabe ist vom Preis des negativen Regelarbeitmarktes abgeleitet und um einen workingPoint factor angepasst [3.29].

speicherkapazität  
weg  
lassen?



$$workingCosts = \sum_{t_{quarter}}$$

accepted RL in & out:

$$\begin{aligned} & \sum_{s_{RL}^{out}} \sum_{s_{RL}^{in}} (\omega_{RL}^{in}(t_{block}, s_{RL}^{in}) * \omega_{RL}^{out}(t_{block}, s_{RL}^{out})) * ( \\ & + \sum_{s_{RA}} WP_{RA}^{inrB}(t_{quarter}, s_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}) * p_{ER}^{in} * WPF * 1 / |s_{RA}| ) \\ & + \sum_{s_{RA}} WP_{RA}^{outrB}(t_{quarter}, s_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}) * p_{ER}^{in} * WPF * 1 / |s_{RA}| \end{aligned} \quad (3.28)$$

accepted RL in & declined out:

$$\begin{aligned} & + \sum_{s_{RL}^{out}} \sum_{s_{RL}^{in}} (\omega_{RL}^{in}(t_{block}, s_{RL}^{in}) * (1 - \omega_{RL}^{out}(t_{block}, s_{RL}^{out}))) * ( \\ & + \sum_{s_{RA}} WP_{RA}^{inrl}(t_{quarter}, s_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}) * p_{ER}^{in} * WPF * 1 / |s_{RA}| ) \\ & + \sum_{s_{RA}} WP_{RA}^{outrl}(t_{quarter}, s_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}) * p_{ER}^{in} * WPF * 1 / |s_{RA}| \end{aligned}$$

declined RL in & accepted out:

$$\begin{aligned} & + \sum_{s_{RL}^{out}} \sum_{s_{RL}^{in}} ((1 - \omega_{RL}^{in}(t_{block}, s_{RL}^{in})) * \omega_{RL}^{out}(t_{block}, s_{RL}^{out})) * ( \\ & + \sum_{s_{RA}} WP_{RA}^{inrO}(t_{quarter}, s_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}) * p_{ER}^{in} * WPF * 1 / |s_{RA}| ) \\ & + \sum_{s_{RA}} WP_{RA}^{outrO}(t_{quarter}, s_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}) * p_{ER}^{in} * WPF * 1 / |s_{RA}| \end{aligned}$$

declined RL in & out:

$$\begin{aligned} & + \sum_{s_{RL}^{out}} \sum_{s_{RL}^{in}} (1 - (\omega_{RL}^{in}(t_{block}, s_{RL}^{in}) * (1 - \omega_{RL}^{out}(t_{block}, s_{RL}^{out})))) * ( \\ & + \sum_{s_{RA}} WP_{RA}^{inrN}(t_{quarter}, s_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}) * p_{ER}^{in} * WPF * 1 / |s_{RA}| ) \\ & + \sum_{s_{RA}} WP_{RA}^{outrN}(t_{quarter}, s_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}) * p_{ER}^{in} * WPF * 1 / |s_{RA}| \end{aligned}$$

$$\forall t_{hour} = \left\lfloor \frac{t_{quarter}}{4} \right\rfloor$$

(3.29)

Zur Berechnung des Batteriespeicherstatus ergibt sich dann folgende Gesamtgleichung:

$$BatStat(t_{quarter, S_{RA}} + 1) = BatStat(t_{quarter, S_{RA}})$$

accepted RL in & out:

$$\begin{aligned} & + \sum_{s_{RL}^{out}} \sum_{s_{RL}^{in}} (\omega_{RL}^{in}(t_{block}, s_{RL}^{in}) * \omega_{RL}^{out}(t_{block}, s_{RL}^{out})) * ( \\ & + Q_{reload}^{rB}(t_{hour}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out})/4) \\ & + (WP_{RA}^{inrB}(t_{quarter}, S_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}) + Q_{RA}^{inrB}(t_{quarter}, S_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out})) \\ & - (WP_{RA}^{outrB}(t_{quarter}, S_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}) + Q_{RA}^{outrB}(t_{quarter}, S_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out})) \end{aligned}$$

accepted RL in & declined out:

$$\begin{aligned} & + \sum_{s_{RL}^{out}} \sum_{s_{RL}^{in}} (\omega_{RL}^{in}(t_{block}, s_{RL}^{in}) * (1 - \omega_{RL}^{out}(t_{block}, s_{RL}^{out}))) * ( \\ & + Q_{reload}^{rl}(t_{hour}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out})/4) \\ & + (WP_{RA}^{inrl}(t_{quarter}, S_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}) + Q_{RA}^{inrl}(t_{quarter}, S_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out})) \\ & - (WP_{RA}^{outrl}(t_{quarter}, S_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}) + Q_{RA}^{outrl}(t_{quarter}, S_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out})) \end{aligned}$$

declined RL in & accepted out:

$$\begin{aligned} & + \sum_{s_{RL}^{out}} \sum_{s_{RL}^{in}} ((1 - \omega_{RL}^{in}(t_{block}, s_{RL}^{in})) * \omega_{RL}^{out}(t_{block}, s_{RL}^{out})) * ( \\ & + Q_{reload}^{rO}(t_{hour}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out})/4) \\ & + (WP_{RA}^{inrO}(t_{quarter}, S_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}) + Q_{RA}^{inrO}(t_{quarter}, S_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out})) \\ & - (WP_{RA}^{outrO}(t_{quarter}, S_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}) + Q_{RA}^{outrO}(t_{quarter}, S_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out})) \end{aligned}$$

declined RL in & out:

$$\begin{aligned} & + \sum_{s_{RL}^{out}} \sum_{s_{RL}^{in}} (1 - (\omega_{RL}^{in}(t_{block}, s_{RL}^{in}) * (1 - \omega_{RL}^{out}(t_{block}, s_{RL}^{out})))) * ( \\ & + Q_{reload}^{rN}(t_{hour}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out})/4) \\ & + (WP_{RA}^{inrN}(t_{quarter}, S_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}) + Q_{RA}^{inrN}(t_{quarter}, S_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out})) \\ & - (WP_{RA}^{outrN}(t_{quarter}, S_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}) + Q_{RA}^{outrN}(t_{quarter}, S_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out})) \end{aligned}$$

$$\forall t_{quarter}, t_{hour} = \left\lfloor \frac{t_{quarter}}{4} \right\rfloor \quad (3.30)$$

Die Anschlusspunkt- Restriktionen muss für alle möglichen Ausgänge und Folgevariablen definiert werden. Außerdem als absicherung in die positive und in die negative Richtung.

$$\begin{aligned}
& a + \sum_{s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}} WP_{RA}^{inrB}(t_{quarter}, s_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}) + Q_{RA}^{inrB}(t_{quarter}, s_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}) \\
& \geq \sum_{s_{DA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}} (Q_{DA}^B(t_{hour}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}) * 0.25) \\
& + \sum_{s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}} WP_{RA}^{outrB}(t_{quarter}, s_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}) + Q_{RA}^{outrB}(t_{quarter}, s_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}) \\
& \forall t_{quarter}, t_{hour} = \left\lfloor \frac{t_{quarter}}{4} \right\rfloor
\end{aligned} \tag{3.31}$$

$$\begin{aligned}
& a + \sum_{s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}} WP_{RA}^{inrl}(t_{quarter}, s_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}) + Q_{RA}^{inrl}(t_{quarter}, s_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}) \\
& \geq \sum_{s_{DA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}} (Q_{DA}^{rl}(t_{hour}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}) * 0.25) \\
& + \sum_{s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}} WP_{RA}^{outrl}(t_{quarter}, s_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}) + Q_{RA}^{outrl}(t_{quarter}, s_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}) \\
& \forall t_{quarter}, t_{hour} = \left\lfloor \frac{t_{quarter}}{4} \right\rfloor
\end{aligned} \tag{3.32}$$

$$\begin{aligned}
& a + \sum_{s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}} WP_{RA}^{inrO}(t_{quarter}, s_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}) + Q_{RA}^{inrO}(t_{quarter}, s_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}) \\
& \geq \sum_{s_{DA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}} (Q_{DA}^{rO}(t_{hour}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}) * 0.25) \\
& + \sum_{s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}} WP_{RA}^{outrO}(t_{quarter}, s_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}) + Q_{RA}^{outrO}(t_{quarter}, s_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}) \\
& \forall t_{quarter}, t_{hour} = \left\lfloor \frac{t_{quarter}}{4} \right\rfloor
\end{aligned} \tag{3.33}$$

$$\begin{aligned}
& a + \sum_{s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}} WP_{RA}^{inrN}(t_{quarter}, s_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}) + Q_{RA}^{inrN}(t_{quarter}, s_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}) \\
& \geq \sum_{s_{DA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}} (Q_{DA}^{rN}(t_{hour}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}) * 0.25) \\
& + \sum_{s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}} WP_{RA}^{outrN}(t_{quarter}, s_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}) + Q_{RA}^{outrN}(t_{quarter}, s_{RA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}) \\
& \forall t_{quarter}, t_{hour} = \left\lfloor \frac{t_{quarter}}{4} \right\rfloor
\end{aligned} \tag{3.34}$$

$$\begin{aligned}
& a + \sum_{S_{DA}, S_{RL}^{in}, S_{RL}^{out}} (Q_{DA}^B(t_{hour}, S_{RL}^{in}, S_{RL}^{out}) * 0.25) \\
& + \sum_{S_{RL}^{in}, S_{RL}^{out}} WP_{RA}^{outB}(t_{quarter}, S_{RA}, S_{RL}^{in}, S_{RL}^{out}) + Q_{RA}^{outB}(t_{quarter}, S_{RA}, S_{RL}^{in}, S_{RL}^{out}) \\
& \geq \sum_{S_{RL}^{in}, S_{RL}^{out}} WP_{RA}^{inrB}(t_{quarter}, S_{RA}, S_{RL}^{in}, S_{RL}^{out}) + Q_{RA}^{inrB}(t_{quarter}, S_{RA}, S_{RL}^{in}, S_{RL}^{out}) \\
& \forall t_{quarter}, t_{hour} = \left\lfloor \frac{t_{quarter}}{4} \right\rfloor
\end{aligned} \tag{3.35}$$

$$\begin{aligned}
& a + \sum_{S_{DA}, S_{RL}^{in}, S_{RL}^{out}} (Q_{DA}^I(t_{hour}, S_{RL}^{in}, S_{RL}^{out}) * 0.25) \\
& + \sum_{S_{RL}^{in}, S_{RL}^{out}} WP_{RA}^{outI}(t_{quarter}, S_{RA}, S_{RL}^{in}, S_{RL}^{out}) + Q_{RA}^{outI}(t_{quarter}, S_{RA}, S_{RL}^{in}, S_{RL}^{out}) \\
& \geq \sum_{S_{RL}^{in}, S_{RL}^{out}} WP_{RA}^{inrI}(t_{quarter}, S_{RA}, S_{RL}^{in}, S_{RL}^{out}) + Q_{RA}^{inrI}(t_{quarter}, S_{RA}, S_{RL}^{in}, S_{RL}^{out}) \\
& \forall t_{quarter}, t_{hour} = \left\lfloor \frac{t_{quarter}}{4} \right\rfloor
\end{aligned} \tag{3.36}$$

$$\begin{aligned}
& a + \sum_{S_{DA}, S_{RL}^{in}, S_{RL}^{out}} (Q_{DA}^O(t_{hour}, S_{RL}^{in}, S_{RL}^{out}) * 0.25) \\
& + \sum_{S_{RL}^{in}, S_{RL}^{out}} WP_{RA}^{outO}(t_{quarter}, S_{RA}, S_{RL}^{in}, S_{RL}^{out}) + Q_{RA}^{outO}(t_{quarter}, S_{RA}, S_{RL}^{in}, S_{RL}^{out}) \\
& \geq \sum_{S_{RL}^{in}, S_{RL}^{out}} WP_{RA}^{inrO}(t_{quarter}, S_{RA}, S_{RL}^{in}, S_{RL}^{out}) + Q_{RA}^{inrO}(t_{quarter}, S_{RA}, S_{RL}^{in}, S_{RL}^{out}) \\
& \forall t_{quarter}, t_{hour} = \left\lfloor \frac{t_{quarter}}{4} \right\rfloor
\end{aligned} \tag{3.37}$$

$$\begin{aligned}
& a + \sum_{S_{DA}, S_{RL}^{in}, S_{RL}^{out}} (Q_{DA}^N(t_{hour}, S_{RL}^{in}, S_{RL}^{out}) * 0.25) \\
& + \sum_{S_{RL}^{in}, S_{RL}^{out}} WP_{RA}^{outN}(t_{quarter}, S_{RA}, S_{RL}^{in}, S_{RL}^{out}) + Q_{RA}^{outN}(t_{quarter}, S_{RA}, S_{RL}^{in}, S_{RL}^{out}) \\
& \geq \sum_{S_{RL}^{in}, S_{RL}^{out}} WP_{RA}^{inrN}(t_{quarter}, S_{RA}, S_{RL}^{in}, S_{RL}^{out}) + Q_{RA}^{inrN}(t_{quarter}, S_{RA}, S_{RL}^{in}, S_{RL}^{out}) \\
& \forall t_{quarter}, t_{hour} = \left\lfloor \frac{t_{quarter}}{4} \right\rfloor
\end{aligned} \tag{3.38}$$

working point Kosten - unterschiedliche q's sparen uns eine dimension und wir können besser je nach eintreffenden szenario bestimmte marktreulatorische und reale restriktionen in gleichungen formulieren - außerdem bedarf es einer zusammenführung der verschiedenen skalierungen der zeitachsen und einer entsprechenden skalierung der Werte der betroffenen Zeitreihen. - auch die batterie, workingpoint variablen müssen entsprechend hoch

entscheiden  
ob ich  
kapazität kos  
ten  
noch  
mit rein  
nehme

dimensioniert werden.

Eine vollständige aufführung aller Nebenbedingungen sowie ein vollständiges Modell zum herunterladen befindet sich unter Appendix

- können frei entscheiden ob wir am DA/RA markt teilnehmen

Appendix

referenz  
ergän-  
zen

Formelzeichen	Erklärung
$\omega()$	Wahrscheinlichkeit für Preis/Mengen Kombination
$E()$	Ertrag von Preis/Mengen Kombination am Markt
$RL^{in/out}$	Preis/Mengen Kombination am Regelleistungsmarkt
$DA$	Preis/Mengen Kombination am Day Ahead Markt
$RA^{in/out}$	Preis/Mengen Kombination am Regelarbeitsmarkt

Table 3.2: table

Um die optimale Erststufenentscheidung zu berechnen wird der Erwartungswert sämtlicher Zweige des Szenario-Baum ausgerechnet. Die Entscheidung zu welchem Preis am positiven sowie negativen Regelleistungsmarkt geboten werden soll erfolgt zeitgleich. Daraus ergeben sich 4 Szenarien:

1.  $RL^{in}$  &  $RL^{out}$  angenommen
2. nur  $RL^{in}$  angenommen
3. nur  $RL^{out}$  angenommen
4.  $RL^{in}$  &  $RL^{out}$  abgelehnt

Es folgt eine systematische Darstellung dieser Rechnung:

$$\begin{aligned}
maxProfit = & \\
& \sum \sum \omega(RL^{in}) * \omega(RL^{out}) * \left[ E(RL^{in}) + E(RL^{out}) \right. \\
& \quad + \sum_{DA} \omega(DA) * \left( E(DA) \right. \\
& \quad \quad + \sum_{RA^{in}} \omega(RA^{in}) * E(RA^{in}) \\
& \quad \quad + \sum_{RA^{out}} \omega(RA^{out}) * E(RA^{out}) \left. \right) \\
& \quad + \sum_{DA} (1 - \omega(DA)) * \left( \sum_{RA^{in}} \omega(RA^{in}) * E(RA^{in}) \right. \\
& \quad \quad \left. + \sum_{RA^{out}} \omega(RA^{out}) * E(RA^{out}) \right) \left. \right] \\
& + \sum \sum (1 - \omega(RL^{in})) * \omega(RL^{out}) * \left[ E(RL^{in}) + E(RL^{out}) \right. \\
& \quad + \sum_{DA} \omega(DA) * \left( E(DA) \right. \\
& \quad \quad + \sum_{RA^{in}} \omega(RA^{in}) * E(RA^{in}) \\
& \quad \quad + \sum_{RA^{out}} \omega(RA^{out}) * E(RA^{out}) \left. \right) \\
& \quad + \sum_{DA} (1 - \omega(DA)) * \left( \sum_{RA^{in}} \omega(RA^{in}) * E(RA^{in}) \right. \\
& \quad \quad \left. + \sum_{RA^{out}} \omega(RA^{out}) * E(RA^{out}) \right) \left. \right]
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
& + \sum \sum \omega(RL^{in}) * (1 - \omega(RL^{out})) * \left[ E(RL^{in}) + E(RL^{out}) \right. \\
& \quad + \sum_{DA} \omega(DA) * \left( E(DA) \right. \\
& \quad \quad + \sum_{RA^{in}} \omega(RA^{in}) * E(RA^{in}) \\
& \quad \quad \left. + \sum_{RA^{out}} \omega(RA^{out}) * E(RA^{out}) \right) \\
& \quad \left. + \sum_{DA} (1 - \omega(DA)) * \left( \sum_{RA^{in}} \omega(RA^{in}) * E(RA^{in}) \right. \right. \\
& \quad \quad \left. \left. + \sum_{RA^{out}} \omega(RA^{out}) * E(RA^{out}) \right) \right] \\
& + \sum \sum (1 - \omega(RL^{in})) * (1 - \omega(RL^{out})) * \left[ E(RL^{in}) + E(RL^{out}) \right. \\
& \quad + \sum_{DA} \omega(DA) * \left( E(DA) \right. \\
& \quad \quad + \sum_{RA^{in}} \omega(RA^{in}) * E(RA^{in}) \\
& \quad \quad \left. + \sum_{RA^{out}} \omega(RA^{out}) * E(RA^{out}) \right) \\
& \quad \left. + \sum_{DA} (1 - \omega(DA)) * \left( \sum_{RA^{in}} \omega(RA^{in}) * E(RA^{in}) \right. \right. \\
& \quad \quad \left. \left. + \sum_{RA^{out}} \omega(RA^{out}) * E(RA^{out}) \right) \right]
\end{aligned}$$

## Berechnung optimale Erststufenentscheidungen

Da die einzelnen Mengen, je nach Szenario, unterschiedlichen Restriktionen unterliegen werden ihnen separate Variablen zugewiesen. Es folgt eine ausführliche Formel für die Berechnung der optimalen Erststufenentscheidung: (Die einzelnen Mengen Formelzeichen setzen sich wie folgt zusammen:

1.  $Q$  - Menge
2.  $Q_y$  - am welchem Markt die Menge Geboten wird
3.  $Q_y^i$  - (nur für die Regelmärkte) welche Art von Leistung geboten wird: negativ→in / positiv→out



4.  $Q_y^{ir\cdots}$  - welchen Restriktionen die Menge unterliegt, da in vorhergehenden Märkten entsprechende Zuschläge erfolgt sind

Beispiele:

- $Q_{RA}^{outRL}$  - positive Menge am Regelarbeitsmarkt restriktiert durch ein bezuschlagtes Regelleistungsmarkt-Gebot
- $Q_{DA}^{RL}$  - Menge am Day Ahead Markt restriktiert durch ein bezuschlagtes Regelleistungsmarkt-Gebot
- $Q_{RA}^{in}$  - negative Menge am Regelarbeitsmarkt mit keinen Restriktionen

$$\begin{aligned}
 \text{for accepted RL in\&out:} \\
 \maxProfit = & \sum_{s_{RL}^{out}} \sum_{s_{RL}^{in}} \omega_{RL}(s_{RL}^{in}) * \omega_{RL}(s_{RL}^{out}) * \left[ \frac{1}{4} * Q_{RL}^{in}(s_{RL}^{in}) * p(s_{RL}^{in}) + \frac{1}{4} * Q_{RL}^{out}(s_{RL}^{out}) * p(s_{RL}^{out}) \right. \\
 & + \sum_{s_{DA}} \omega_{DA}(s_{DA}) \left( \frac{1}{4} (Q_{DA}^{RL}(s_{DA}) * p(s_{DA})) \right. \\
 & + \sum_{s_{RA}^{in}} Q_{RA}^{inRLDA}(s_{RA}^{in}) * p(s_{RA}^{in}) * \omega_{RA}(s_{RA}^{in}) \\
 & + \sum_{s_{RA}^{out}} Q_{RA}^{outRLDA}(s_{RA}^{out}) * p(s_{RA}^{out}) * \omega_{RA}(s_{RA}^{out}) \Big) \\
 & + \sum_{s_{DA}} (1 - \omega_{DA}(s_{DA})) * \left( \sum_{s_{RA}^{in}} Q_{RA}^{inRL}(s_{RA}^{in}) * p(s_{RA}^{in}) * \omega_{RA}(s_{RA}^{in}) \right. \\
 & \left. \left. + \sum_{s_{RA}^{out}} Q_{RA}^{outRL}(s_{RA}^{out}) * p(s_{RA}^{out}) * \omega_{RA}(s_{RA}^{out}) \right) \right]
 \end{aligned}$$

for accepted RL in & declined out:

$$\begin{aligned}
& + \sum_{s_{RL}^{out}} \sum_{s_{RL}^{in}} \omega_{RL}(s_{RL}^{in}) * (1 - \omega_{RL}(s_{RL}^{out})) * \left[ Q_{RL}^{in}(s_{RL}^{in}) * p(s_{RL}^{in}) \right. \\
& \quad + \sum_{s_{DA}} \omega_{DA}(s_{DA}) * \left( Q_{DA}^{RL}(s_{DA}) * p(s_{DA}) \right. \\
& \quad + \sum_{s_{RA}^{in}} Q_{RA}^{inrRLDA}(s_{RA}^{in}) * p(s_{RA}^{in}) * \omega_{RA}(s_{RA}^{in}) \\
& \quad \left. + \sum_{s_{RA}^{out}} Q_{RA}^{outrDA}(s_{RA}^{out}) * p(s_{RA}^{out}) * \omega_{RA}(s_{RA}^{out}) \right) \\
& \quad + \sum_{s_{DA}} (1 - \omega_{DA}(s_{DA})) \\
& \quad \left. * \left( \sum_{s_{RA}^{in}} Q_{RA}^{inrRL}(s_{RA}^{in}) * p(s_{RA}^{in}) * \omega_{RA}(s_{RA}^{in}) \right. \right. \\
& \quad \left. \left. + \sum_{s_{RA}^{out}} Q_{RA}^{outrRL}(s_{RA}^{out}) * p(s_{RA}^{out}) * \omega_{RA}(s_{RA}^{out}) \right) \right]
\end{aligned}$$

for declined RL in& accepted out:

$$\begin{aligned}
& + \sum_{s_{RL}^{out}} \sum_{s_{RL}^{in}} (1 - \omega_{RL}(s_{RL}^{in})) * \omega_{RL}(s_{RL}^{out}) * \left[ Q_{RL}^{out}(s_{RL}^{out}) * p(s_{RL}^{out}) \right. \\
& \quad + \sum_{s_{DA}} \omega_{DA}(s_{DA}) * \left( Q_{DA}^{RL}(s_{DA}) * p(s_{DA}) \right. \\
& \quad + \sum_{s_{RA}^{in}} Q_{RA}^{inrDA}(s_{RA}^{in}) * p(s_{RA}^{in}) * \omega_{RA}(s_{RA}^{in}) \\
& \quad \left. + \sum_{s_{RA}^{out}} Q_{RA}^{outrRLDA}(s_{RA}^{out}) * p(s_{RA}^{out}) * \omega_{RA}(s_{RA}^{out}) \right) \\
& \quad + \sum_{s_{DA}} (1 - \omega_{DA}(s_{DA})) \\
& \quad \left. * \left( \sum_{s_{RA}^{in}} Q_{RA}^{in}(s_{RA}^{in}) * p(s_{RA}^{in}) * \omega_{RA}(s_{RA}^{in}) \right. \right. \\
& \quad \left. \left. + \sum_{s_{RA}^{out}} Q_{RA}^{outrRL}(s_{RA}^{out}) * p(s_{RA}^{out}) * \omega_{RA}(s_{RA}^{out}) \right) \right]
\end{aligned}$$

for declined RL in& out:

$$\begin{aligned}
& + \sum_{s_{RL}^{out}} \sum_{s_{RL}^{in}} (1 - \omega_{RL}(s_{RL}^{in})) * (1 - \omega_{RL}(s_{RL}^{out})) * \left[ \sum_{s_{DA}} \omega_{DA}(s_{DA}) \right. \\
& \quad * \left( Q_{DA}(s_{DA}) * p(s_{DA}) \right. \\
& \quad + \sum_{s_{RA}^{in}} Q_{RA}^{inrDA}(s_{RA}^{in}) * p(s_{RA}^{in}) * \omega_{RA}(s_{RA}^{in}) \\
& \quad + \left. \sum_{s_{RA}^{out}} Q_{RA}^{outrDA}(s_{RA}^{out}) * p(s_{RA}^{out}) * \omega_{RA}(s_{RA}^{out}) \right) \\
& \quad + \sum_{s_{DA}} (1 - \omega_{DA}(s_{DA})) \\
& \quad * \left( \sum_{s_{RA}^{in}} Q_{RA}^{in}(s_{RA}^{in}) * p(s_{RA}^{in}) * \omega_{RA}(s_{RA}^{in}) \right. \\
& \quad + \left. \sum_{s_{RA}^{out}} Q_{RA}^{out}(s_{RA}^{out}) * p(s_{RA}^{out}) * \omega_{RA}(s_{RA}^{out}) \right) \left. \right]
\end{aligned}$$

### Nebenbedingungen

$Q_{DA} \leq capPark$  Anschlusspunkt:

$$a + Q_{RA}^{in} \geq Q_{RA}^{outrRLDA} + Q_{DA}^{rRL}$$

$$a + Q_{RA}^{in} \geq Q_{RA}^{outrDA} + Q_{DA}$$

$$a + Q_{RA}^{in} \geq Q_{RA}^{out}$$

Batterie Restriktionen:

$$Q_{RL}^{out}, Q_{RL}^{in}, Q_{RA}^{out}, Q_{RA}^{in}, Q_{RA}^{outrRL}, Q_{RA}^{inrRL}, Q_{RA}^{outrDA}, Q_{RA}^{inrDA}, Q_{RA}^{outrRLDA}, Q_{RA}^{inrRLDA} \leq r$$

Markt Restriktionen:

$$\sum_{s_{RA}^{out}} Q_{RA}^{outrRL} \geq \sum_{s_{RL}^{out}} Q_{RL}^{out}$$

$$\sum_{s_{RA}^{in}} Q_{RA}^{inrRL} \geq \sum_{s_{RL}^{in}} Q_{RL}^{in}$$

$$\sum_{s_{RA}^{out}} Q_{RA}^{outrRLDA} \geq \sum_{s_{RL}^{out}} Q_{RL}^{out}$$

$$\sum_{s_{RA}^{in}} Q_{RA}^{inrRLDA} \geq \sum_{s_{RL}^{in}} Q_{RL}^{in}$$

### Berechnung optimale Zweitstufenentscheidung

Die vorher berechneten optimalen Gebotsmengen  $q_{RL}^{in*}$  &  $q_{RL}^{out*}$  und Preise  $p(s_{RL}^{out})$  &  $p(s_{RL}^{in})$  werden nun exogen in das Modell eingespeist. Sie werden mit einer binären Variable gekoppelt welche angibt ob zum entsprechenden Preis ein Zuschlag erfolgt. Die korrekte Setzung der binären Variable wird über eine Kombination aus 2 Nebenbedingungen sicher gestellt.

Schematisch stellt sich dies dann wie folgt dar:

$$\sum_s q^*(s) * p(s) * B(s)$$

s.t.:

$$c \leq p(s) + M * B(s) \quad \forall s$$

$$c \geq p(s) - M * (1 - B(s)) \quad \forall s$$

$c$	Clearing Preis Markt
$p(s)$	Gebotspreis für Szenario $s$
$M$	sehr große Zahl
$B(s)$	binäre Variable welche angibt ob Szenariopreis zuschlag erhalten hat

Das gesamte Modell für den Day Ahead Markt ergibt sich dann wie folgt dar:

$$\begin{aligned}
 \max Profit = & \\
 & q_{RL}^{in*}(s_{RL}^{in}) * p(s_{RL}^{in}) * B_{RL}^{in}(s_{RL}) \\
 & + q_{RL}^{out*}(s_{RL}^{out}) * p(s_{RL}^{out}) * B_{RL}^{out}(s_{RL}) \\
 & + \sum_{s_{DA}} \omega_{DA}(s_{DA}) * \left( Q_{DA}(s_{DA}) * p(s_{DA}) \right. \\
 & \quad + \sum_{s_{RA}^{in}} Q_{RA}^{inrDA}(s_{RA}^{in}) * p(s_{RA}^{in}) * \omega_{RA}(s_{RA}^{in}) \\
 & \quad \left. + \sum_{s_{RA}^{out}} Q_{RA}^{outrDA}(s_{RA}^{out}) * p(s_{RA}^{out}) * \omega_{RA}(s_{RA}^{out}) \right) \\
 & + \sum_{s_{DA}} (1 - \omega_{DA}(s_{DA})) * \left( \sum_{s_{RA}^{in}} Q_{RA}^{in}(s_{RA}^{in}) * p(s_{RA}^{in}) * \omega_{RA}(s_{RA}^{in}) \right. \\
 & \quad \left. + \sum_{s_{RA}^{out}} Q_{RA}^{out}(s_{RA}^{out}) * p(s_{RA}^{out}) * \omega_{RA}(s_{RA}^{out}) \right)
 \end{aligned}$$

## Nebenbedingungen

Anschlusspunkt:

$$a + Q_{RA}^{in} \geq Q_{RA}^{outrDA} + Q_{DA}^{rRL}$$

$$a + Q_{RA}^{in} \geq Q_{RA}^{outrDA} + Q_{DA}$$

$$a + Q_{RA}^{in} \geq Q_{RA}^{out}$$

Batterie Restriktionen:

$$Q_{RA}^{out}, Q_{RA}^{in}, Q_{RA}^{outRL}, Q_{RA}^{inRL}, Q_{RA}^{outDA}, Q_{RA}^{inDA}, Q_{RA}^{outRLDA}, Q_{RA}^{inRLDA} \leq r$$

Markt Restriktionen:

$$Q_{RA}^{out} \geq q_{RL}^{out*}(s_{RL}^{out}) * B_{RL}^{out}(s_{RL}^{out})$$

$$Q_{RA}^{in} \geq q_{RL}^{in*}(s_{RL}^{in}) * B_{RL}^{in}(s_{RL}^{in})$$

$$Q_{RA}^{outRL} \geq q_{RL}^{out*}(s_{RL}^{out}) * B_{RL}^{out}(s_{RL}^{out})$$

$$Q_{RA}^{inRL} \geq q_{RL}^{in*}(s_{RL}^{in}) * B_{RL}^{in}(s_{RL}^{in})$$

$$Q_{RA}^{outDA} \geq q_{RL}^{out*}(s_{RL}^{out}) * B_{RL}^{out}(s_{RL}^{out})$$

$$Q_{RA}^{inDA} \geq q_{RL}^{in*}(s_{RL}^{in}) * B_{RL}^{in}(s_{RL}^{in})$$

$$Q_{RA}^{outRLDA} \geq q_{RL}^{out*}(s_{RL}^{out}) * B_{RL}^{out}(s_{RL}^{out})$$

$$Q_{RA}^{inRLDA} \geq q_{RL}^{in*}(s_{RL}^{in}) * B_{RL}^{in}(s_{RL}^{in})$$

Modell Restriktionen:

(Angenommene/Abgelehnte Gebote)

$$c_{RL}^{in} \leq p(s_{RL}^{in}) + M * B_{RL}^{in}(s_{RL}^{in}) \quad \forall s_{RL}^{in}$$

$$c_{RL}^{in} \geq p(s_{RL}^{in}) - M * (1 - B_{RL}^{in}(s_{RL}^{in})) \quad \forall s_{RL}^{in}$$

$$c_{RL}^{out} \leq p(s_{RL}^{out}) + M * B_{RL}^{out}(s_{RL}^{out}) \quad \forall s_{RL}^{out}$$

$$c_{RL}^{out} \geq p(s_{RL}^{out}) - M * (1 - B_{RL}^{out}(s_{RL}^{out})) \quad \forall s_{RL}^{out}$$

## Berechnung optimale Drittstufenentscheidung

Die optimalen 1. und 2. Stufenentscheidungen werden eingefügt. Simultan zum vorherigen Schritt werden sie mit binären Variablen kombiniert die das Eintreffen der verschiedenen Szenarien (Gebotsannahme/-ablehnung) signalisieren.

$$\maxProfit =$$

for accepted RL in&out:

$$\begin{aligned} & q_{RL}^{in*}(s_{RL}^{in}) * p(s_{RL}^{in}) * B_{RL}^{in}(s_{RL}^{in}) \\ & + q_{RL}^{out*}(s_{RL}^{out}) * p(s_{RL}^{out}) * B_{RL}^{out}(s_{RL}^{out}) \\ & + q_{DA}^{*}(s_{DA}) * p_{DA}(s_{DA}) * B_{DA}(s_{DA}) \\ & + \sum_{s_{RA}^{in}} Q_{RA}^{in}(s_{RA}^{in}) * p(s_{RA}^{in}) * \omega_{RA}(s_{RA}^{in}) \\ & + \sum_{s_{RA}^{out}} Q_{RA}^{out}(s_{RA}^{out}) * p(s_{RA}^{out}) * \omega_{RA}(s_{RA}^{out}) \end{aligned}$$

## Nebenbedingungen

Anschlusspunkt:

$$a + \sum_{s_{RA}^{in}} q_{RA}^{in*} \geq Q_{RA}^{out} + \sum_{s_{RA}^{out}} (q_{DA}^{out*} * B_{DA}^{out})$$

Batterie Restriktionen:

$$Q_{RA}^{out}, Q_{RA}^{in}, Q_{RA}^{outRL}, Q_{RA}^{inRL}, Q_{RA}^{outDA}, Q_{RA}^{inDA}, Q_{RA}^{outRLDA}, Q_{RA}^{inRLDA} \leq r$$

Markt Restriktionen:

$$Q_{RA}^{out} \geq q_{RL}^{out*}(s_{RL}^{out}) * B_{RL}^{out}(s_{RL}^{out})$$

$$Q_{RA}^{in} \geq q_{RL}^{in*}(s_{RL}^{in}) * B_{RL}^{in}(s_{RL}^{in})$$

(Angenommene/Abgelehnte Gebote)

$$c_{RL}^{in} \leq p(s_{RL}^{in}) + M * B_{RL}^{in}(s_{RL}^{in}) \quad \forall s_{RL}^{in}$$

$$c_{RL}^{in} \geq p(s_{RL}^{in}) - M * (1 - B_{RL}^{in}(s_{RL}^{in})) \quad \forall s_{RL}^{in}$$

$$c_{RL}^{out} \leq p(s_{RL}^{out}) + M * B_{RL}^{out}(s_{RL}^{out}) \quad \forall s_{RL}^{out}$$

$$c_{RL}^{out} \geq p(s_{RL}^{out}) - M * (1 - B_{RL}^{out}(s_{RL}^{out})) \quad \forall s_{RL}^{out}$$

$$c_{DA} \leq p(s_{DA}) + M * B_{DA}(s_{DA}) \quad \forall s_{DA}$$

$$c_{DA} \geq p(s_{DA}) - M * (1 - B_{DA}(s_{DA})) \quad \forall s_{DA}$$

### 3.4 Timeline Creation

wie werden die verschiedenen Zeitreihen erzeugt

Um auf gute allgemeine Strategien schließen zu können braucht es gute Daten. Falsche Daten würden auch zu falschen Ergebnissen/Strategien führen. Dabei gibt es verschiedene Ansätze diese Zeitreihendaten zu erstellen. Es folgt zuerst ein Überblick über die realwelt Daten um einen besseren Eindruck davon zu bekommen was wir probieren nach zu fragen / vorherzusagen bzw. über welche wesentlichen Eigenschaften die verschiedenen Marktdaten verfügen. Dazu werden die verschiedenen Marktdaten statistisch dargestellt. Anschließend werden verschiedene Analysemethoden diskutiert, kombiniert und angewandt. In diesem Abschnitt werden verschiedene Methoden zur Erstellung von Zeitreihen diskutiert.

#### Market Data Analysis

RL

Im ersten Fenster der Übersicht [3.1] sind der Realmarktdaten von 2023 für den negativen Kapazitätsmarktpreis zu sehen. Darunter ist der Trend und die Saisonalität abgebildet.

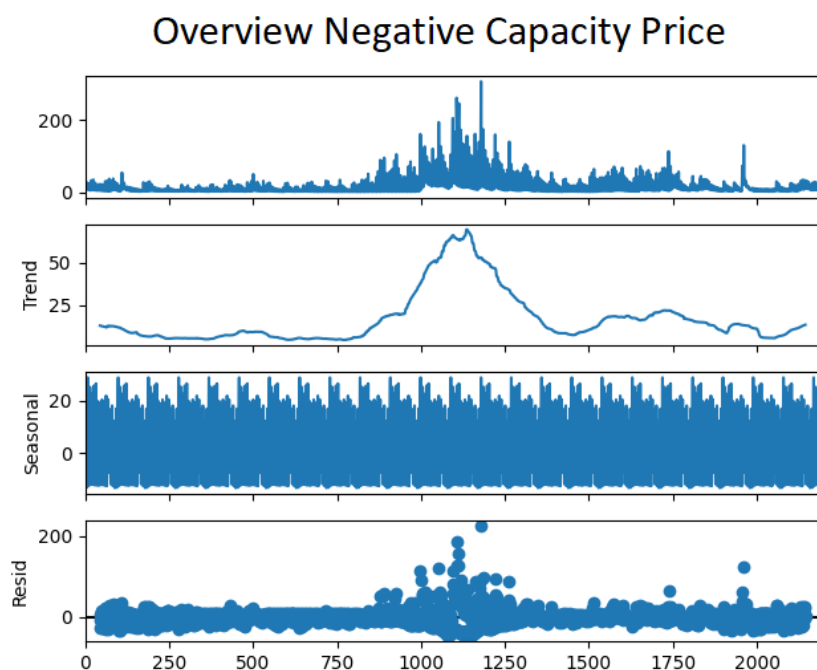
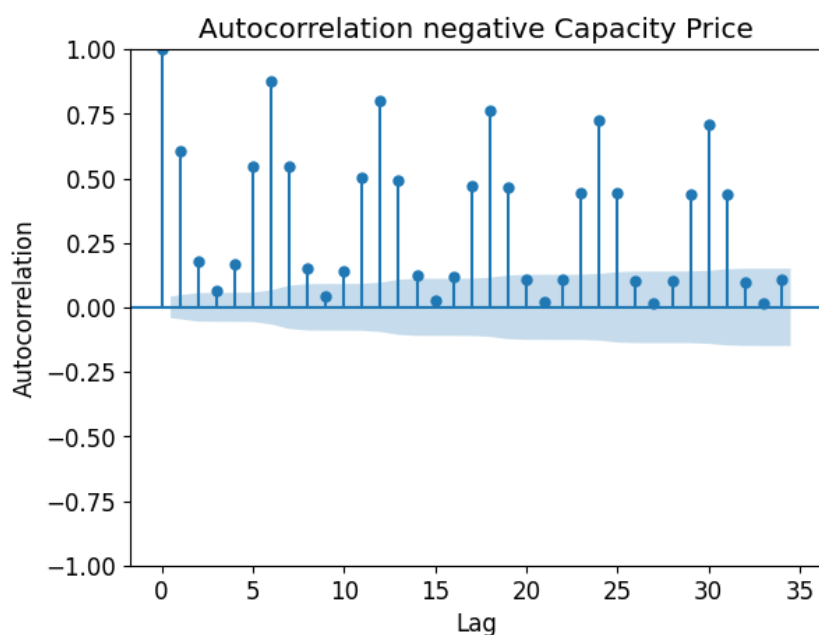


Figure 3.1: Total Average Negative Capacity Price

Bei einer genaueren Untersuchung der Saisonalität zeigt sich ein täglicher und ein leichter wöchentlicher Rhythmus in den Daten. Da es sich um Daten handelt, die sich auf 4h-Blöcke

beziehen sind alle 6 Lags als ein Tag zu interpretieren. Abbildung 3.2 zeigt dabei einen klaren täglichen Rhythmus in den Daten.



price in  
titel er-  
gänzen

Figure 3.2: Autocorrelation Negative Capacity Price - 5 Days

Und Abbildung 3.3 lässt zudem einen leichten wöchentlichen Zyklus erkennen.

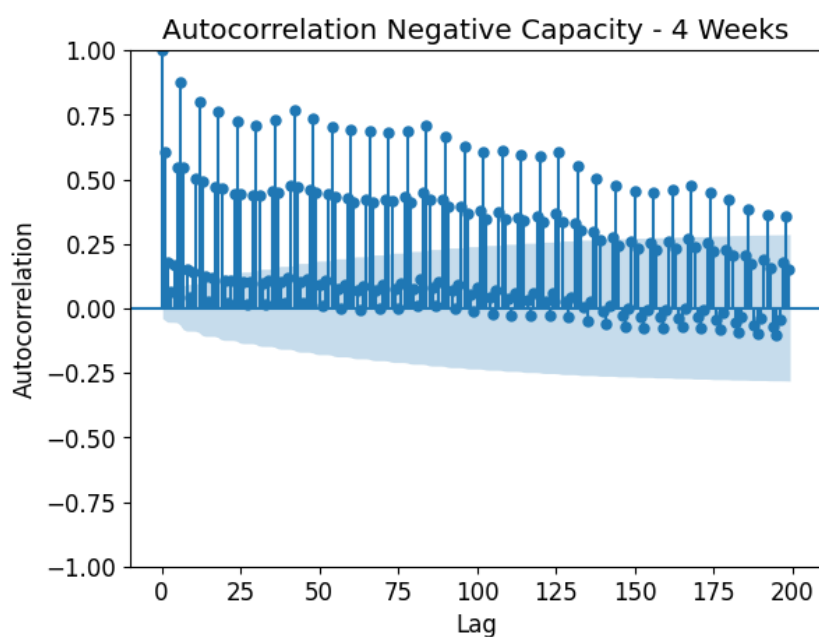


Figure 3.3: Autocorrelation Negative Capacity Price - 4 Weeks

Die Preise zu den positiven Kapazitätswerten verhalten sich ähnlich wie die negativen Kapazitätswerte.



Zur analyse und Zeitreihenvorhersage dieser Daten bieten sich nun, aufgrund der starken autocorrelation verschiedene statistische methoden an. Dabei stellt sich besonders die ARIMA methode heraus. Diese beruht auf autoregression und ist somit besonders gut für zeitreihen mit starker autorkorrelation geeignet. Um auch die Saisonalen effekte gut abbilden zu können gibt es eine Variante the ARIMA methode die SARIMA methode.

Ein ausführlicher Test der SARIMA methode, und der dafür notwendigen Tests befindet sich in Appendix . Dabei hat sich gezeigt, das die SARIMA methode schwächen mit der komplexität in sehr langen Zeitreihen hat. So stieg die Rechenzeit exponential an und langfristige vorhersagen zeigten eine klare verzerrung hinsichtlich des letzten Trends. Da wir aber kurzfristig ähnliche Jahresverläufe erwarten ist diese verzerrung folgend dem Trend am Jahresende nicht sinnvoll. Außerdem ist die SARIMA analyse dafür ausgelegt Zeitreihendaten mit nur einer saisonalität zu erstellen. Für multiple Saisonalitäten wären aufwendige manuelle anpassungen nötig. Ein Algorithmus der diese Nachteile vermeidet fußt auf den vorher genannten Konzepten und nennt sich TBATS. TBATS is acronym for Trigonometric seasonality Box-Cox transformation ARMA errors Trend Seasonal components. Dieser Algorithmus von SKTIME erlaubt eine einfachere Zeitreihenvorhersage bei gegebener multipler Saisonalität [3].

verweis  
einfü-  
gen

appendix  
verweis

Die somit vorhergsagte Zeitreihe ähnelt sehr der realen Zeitreihe [Abbildung 3.4]. zu Beachten ist das die hier zu sehende Zeitreihe die Zeitreihe mit der höchsten Wahrscheinlichkeit ist. So liegen 50% der möglichen betrachteten Werte darüber und 50% darunter. Wenn wir mit hilfe des vortrainierten predictors mehrere Szenarien/Zeitreihen erstellen wollen so führt die inherente steigende ungewissheit mit steigenden Zeitabstand zu einer größerem intervall in dem die Daten liegen [Abbildung 3.5]. Das macht inhaltlich sinn und mag für viele anwendungsfälle sinnvoll sein, wir gehen aber davon aus das die mittlere vorhersage nicht an genauigkeit verliert und wollen daraus szenarien generieren. Zu diesem Zweck wird die wahrscheinlichste/mittlere zeitreihenvorhersage genommen und manuel nach oben und nach unten um bestimmte Prozentsäte hoch bzw. herunterskaliert. Die so erstellten Preisvorhersagen werden dann mit den realen Preisen verglichen und berechnet zu wievielen Prozent mit der skalierten Zeitreihe ein Gebotszuschlag erfolgt wäre.

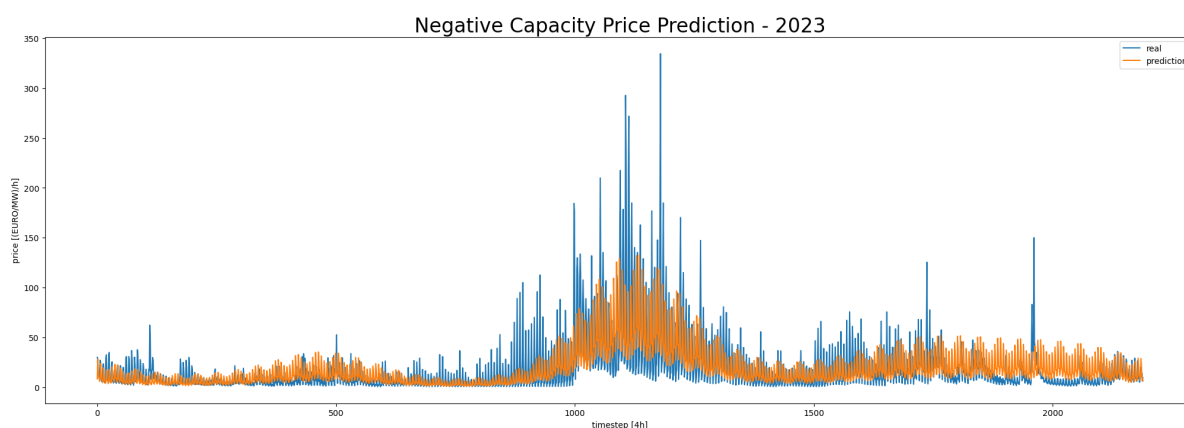


Figure 3.4: Negative Capacity Price Prediction - 2023

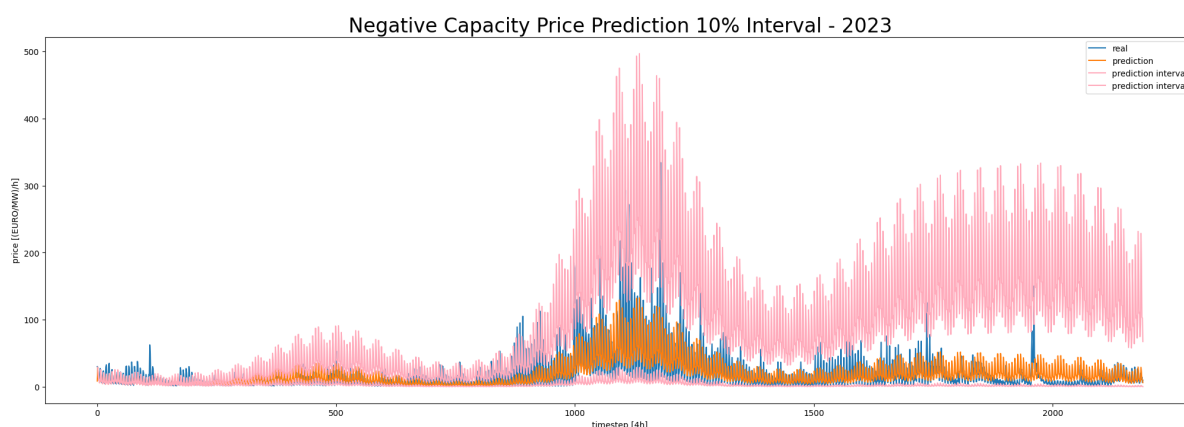


Figure 3.5: Negative Capacity Price Prediction 10% Interval - 2023

- hier eventuell noch rein das wenige daten ein hohes rauschen erzeugen - wobei zuviele daten ein overfitting verursachen können

## DA

Die Day-Ahead Markt Preise sind zwar Variabel unterliegen aber einem Täglichen wie Wöchentlichen Rythmus. Im Jahresverlauf sind nur allgemeine Trends ablesbar wie Abbildung 3.6 zeigt. Die außergewöhnliche Kurvenbewegung im Jahr 2022 ist mit dem Angriffskrieg Russlands gegen die Ukraine zu erklären und den daraus folgenden Turbulenzen am Gas Markt.

Da es sich beim DA Markt um einen pay-as-cleared markt handelt (alle bekommen den Preis des am höchsten bezugschlagtem Teilnehmers) und wir als Produzent erneuerbarer Energien mit sehr geringen Operationalen Kosten zu tun haben ist es für das model nur wichtig ob wir am markt teilnehmen und welcher clearing price zu erwarten ist.

wie and Grafik 3.7a bis 3.11b zu entnehmen ist zeigt der clearing price einen täglichen und

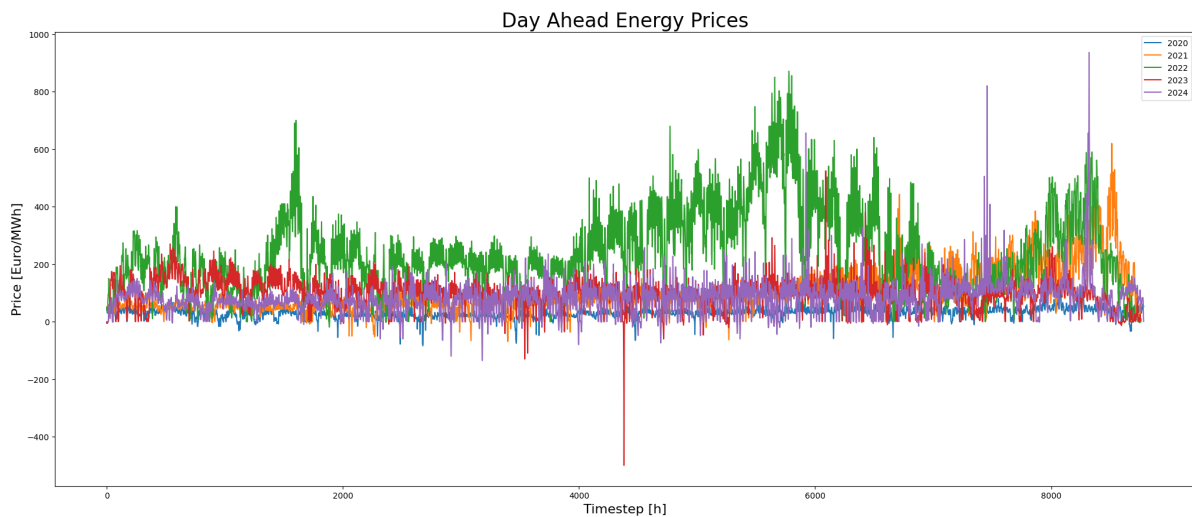
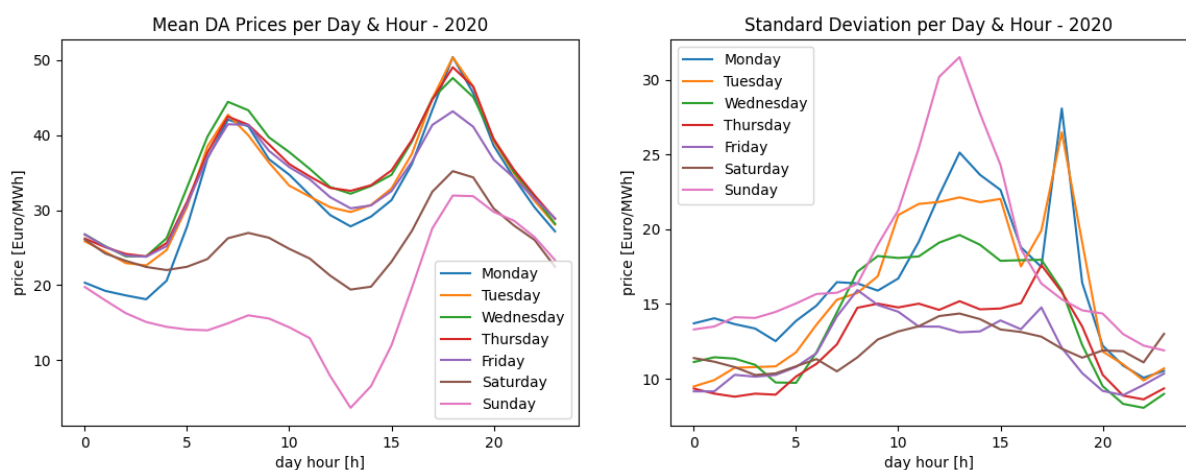


Figure 3.6: Overview DA prices

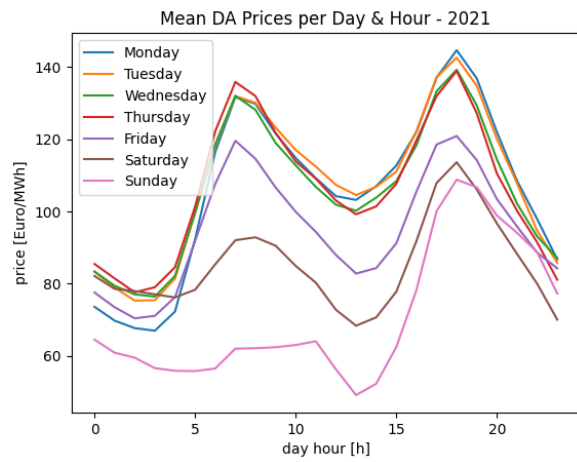
wöchentlich rythmus. Das Niveau verändert sich zwar lässt sich aber gut vorhersagen. Aufgrund des Marktdesigns brauchen wir auch nur einen erwarteten clearing price da wir in der Realität ein 0-Preis Gebot abgeben können und somit sogar wie sicher bezuschlagt werden. Der Erwartete Preis wird für unser Model als Mittelwert der Jahre 2020 bis 2024 ohne das Jahr 2022 kalkuliert. So erhalten die Saisonale Struktur in den Daten und gleichen Ausreißer nach oben sowie nach unten aus. So ergibt sich je nach Tageszeit, Wochentag und Jahresverlauf ein zuverlässig zu erwartender clearing-price. Das Niveau kann auch noch nachträglich leicht durch einen Skalierungsfaktor angepasst werden ohne die inherente Struktur der Daten zu gefährden.



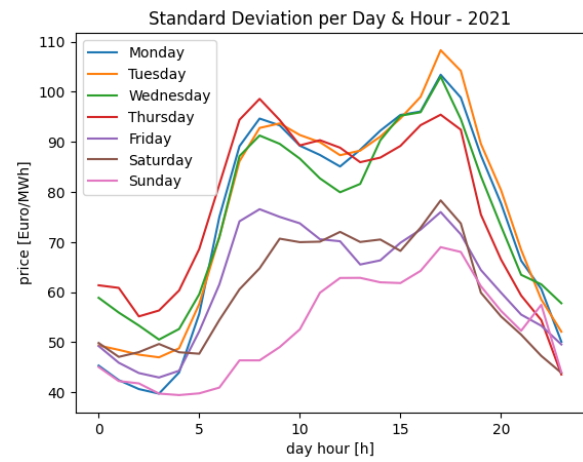
(a) Mean DA-Price

(b) Standard Deviation DA-Price

Figure 3.7: Daily and hourly DA-Data - 2020

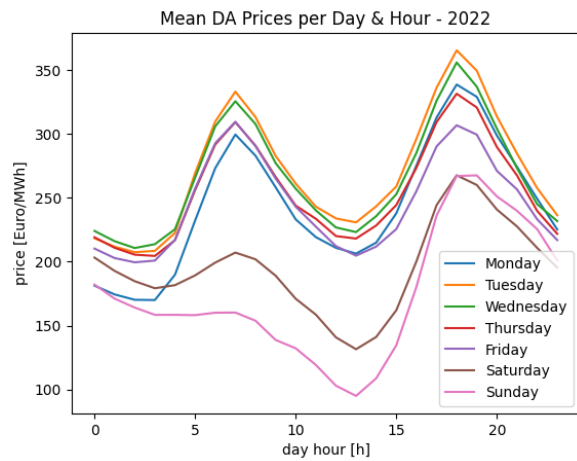


(a) Mean DA-Price

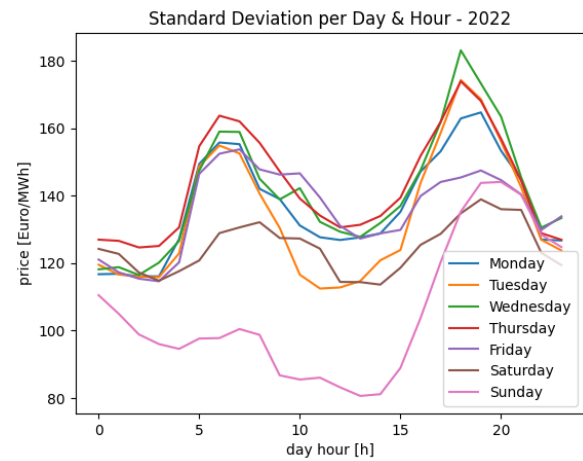


(b) Standard Deviation DA-Price

Figure 3.8: Daily and hourly DA-Data - 2021

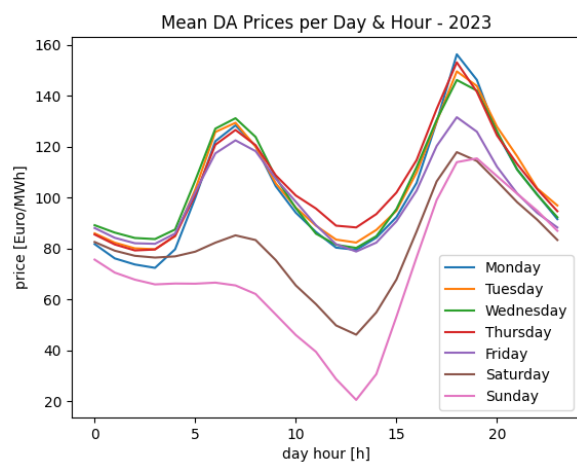


(a) Mean DA-Price

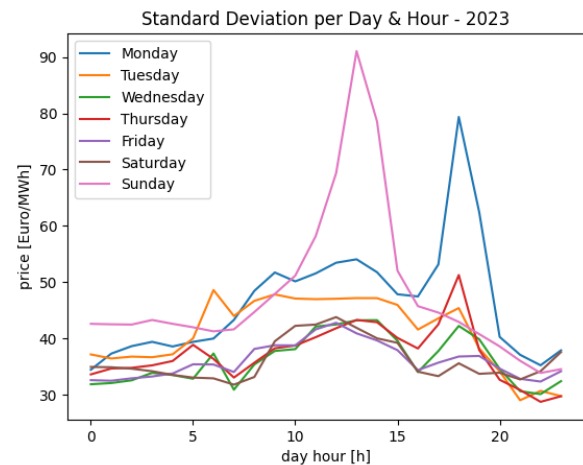


(b) Standard Deviation DA-Price

Figure 3.9: Daily and hourly DA-Data - 2022

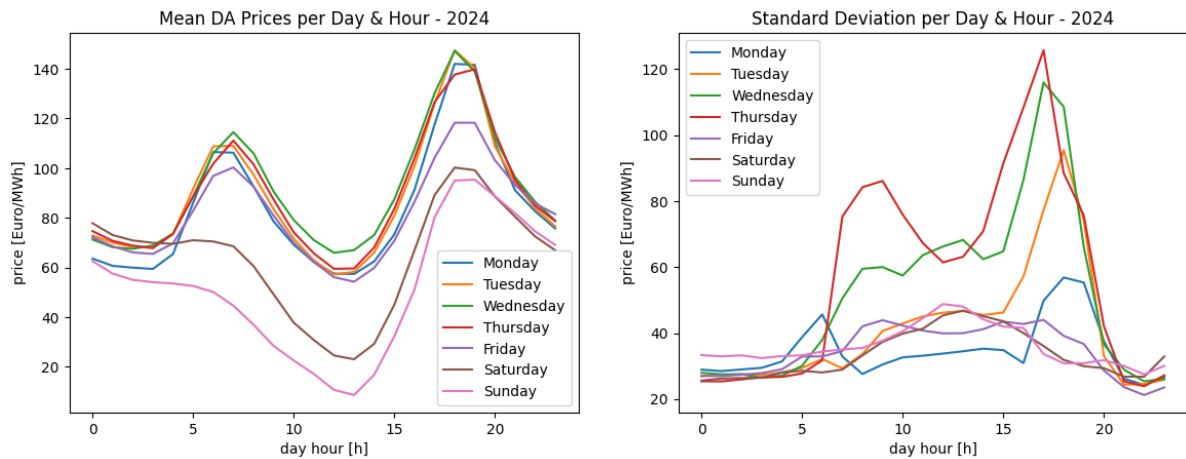


(a) Mean DA-Price



(b) Standard Deviation DA-Price

Figure 3.10: Daily and hourly DA-Data - 2023



(a) Mean DA-Price

(b) Standard Deviation DA-Price

Figure 3.11: Daily and hourly DA-Data - 2024

Des weiteren gehen wir für unsere Simulation davon aus das der simulierte erneuerbare Energien park ein onshore wind park in Deutschland ist. Um ein Windprofil zu erhalten dividieren wir die gesamte produktion von onshore windanlagen durch die gesamte Kapazität dieser anlagen [[2]]. Das gewonnene profil entspricht aber dem mittelwert der deutschen windonshore produktion. Sprich sie ist der mittelwert des windes der über ganz deutschland weht. so arbeiten nie alle windkraftanlagen in deutschland gleichzeitig bei 100%. das kann aber für unseren einzelnen windpark durchaus passieren. Um der begrenzung der maximalen Anschlusskapazität also eine sinnvolle bedeutung zu geben müssen wir also dieses profil entsprechend skalieren. Hierfür gehen wir davon aus das die gesamte deutsche windproduktion zumindest ein indikator dafür ist wieviel wind gerade an unserer anlage weht, skalieren aber die tiefen runter und die höhen hoch. eine weitere bedingung der Neuberechnung ist das die höchsten werte auf 1 liegen, unser windpark also mit voller Leistung produziert.

Das erreichen wir indem wir zuerst das gesamt deutsche windprofil um dessen mittelwert absenken. so erhalten wir eine zahlenreihe aus positiven und negativen zahlen, die wenn wir sie nun skalieren stärker nach unten und nach oben abweichen. Anschließend wird wieder der Mittelwert hinzu addiert so erreichen wir eine neue zahlenreihe deren durchschnitt und summe der ursprünglichen entspricht, deren maximum aber bei 1 liegt [3.39].

$$wp_{our} = ((wp_{ger} - \bar{wp}_{ger}) * wsf) + \bar{wp}_{ger} \quad (3.39)$$

Der skalierungsfaktor berechnet sich dabei wie folgt:

$$wsf = \frac{1 - w\bar{p}_{ger}}{\max(w\bar{p}_{ger}) - w\bar{p}_{ger}} \quad (3.40)$$

### RA

Die RA unterliegen einer sehr hohen Variabilität und lassen sich nur sehr schwer statistisch vorherzusagen. So verfügen sie nur über eine sehr schwache autocorrelation mit nur ganz leichtem wöchentlichem rythmus 3.12.

hier ist der angebotspreis nicht zwar nicht für den profit ausschlaggebend aber für die ab-  
brufwahrscheinlichkeit die dann wiederum zur modellierung unserer Batteriespeichstatus  
wichtig ist.

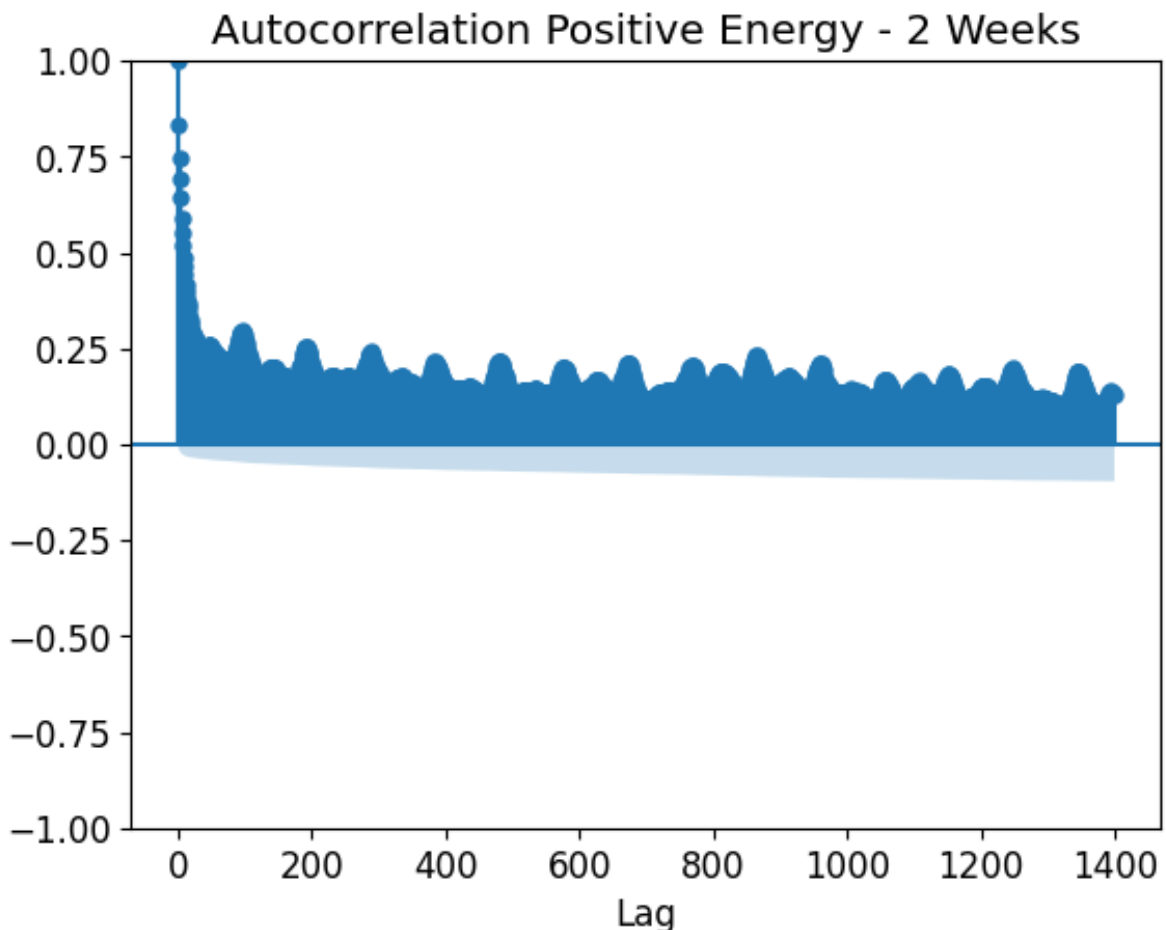


Figure 3.12: Total Average Positive Energy Price

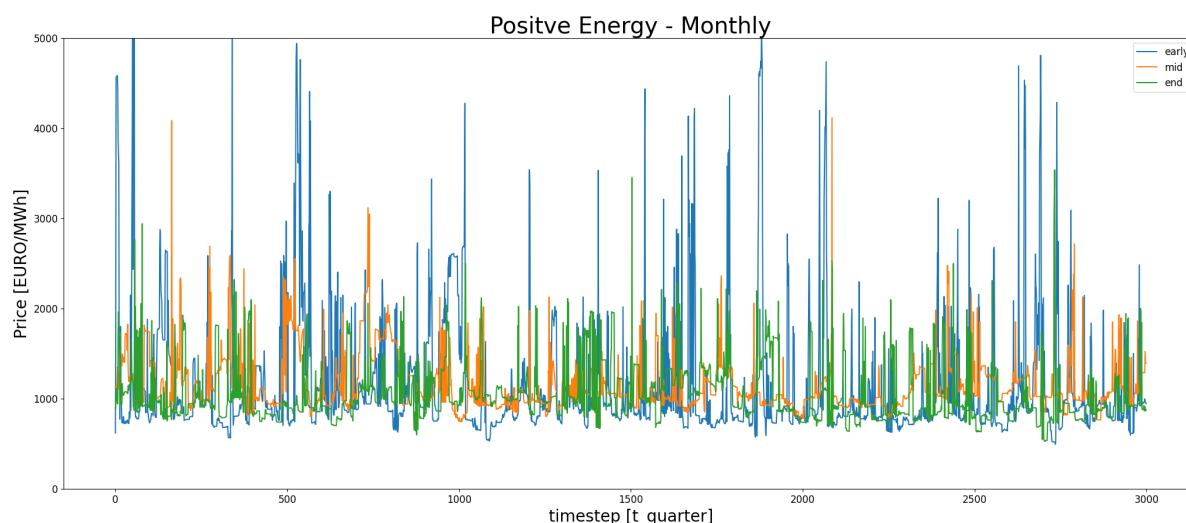
Auch Trends sind in den Daten keine vorhanden. So zeigt die Abbildung 3.13 beispielhaft

variablen  
noch in  
anfangs-  
stabelle  
einfü-  
gen

nochmal  
nach  
wind-  
profil  
suchen  
im ges-  
amten  
text  
und  
schauen  
ob  
das da  
noch  
korrekt  
erklärt  
ist

ziel für  
das  
hoch  
und  
runter  
setzen  
der linie  
... ->  
erklärung  
was ich  
damit  
bezwecken  
möchte

jeweils 30 Tage aus dem frühen, mittleren und spätem Jahresverlauf. Auch hier sind weder Trends noch Saisonale entwicklungen zu erkennen.



**Figure 3.13:** Overview Positive Energy Price

Zu szenario generation werden Realmarkt daten aus dem Jahre 2023 herangezogen. Das Jahr 2023 wird zuerst hinsichtlich volatiler Energiequellen untersucht [siehe Tabelle 3.3]. Hierbei zeigt sich das besonders Solar und Wind Onshore Kraftwerke einer volatilen Produktion unterliegen.

Source	Standard Deviation
Geothermal	5.956190
Fossil Oil	85.360298
Waste	133.320136
Hydro Water Reservoir	167.126363
Hydro Run-of-river and poundage	310.405850
Biomass	429.594441
Nuclear	1223.169733
Hydro Pumped Storage	1543.402759
Wind Offshore	1833.588012
Fossil Gas	2916.794393
Fossil Hard coal	3364.505964
Fossil Brown coal/Lignite	3799.694920
<b>Solar</b>	<b>9879.907341</b>
<b>Wind Onshore</b>	<b>10506.831136</b>

**Table 3.3:** Standard deviation per energy generator type

Anschließend wird die summierte Produktion von Solar und Wind Onshore je Zeitpunkt berechnet und durch die gesamte Produktion aller Kraftwerke zum gleichen Zeitpunkt geteilt. So erzielen wir den relativen Anteil dieser besonders volatilen Kraftwerke an der gesamten Produktion. Die These ist nun das wenn ein Vorhersagefehler eintritt dieser besonders starke Auswirkungen hat, da er einen größeren Anteil an der Gesamtproduktion betrifft. Diese

das ist eine grafik mit den alten average preise, mache eine graifk mit den richti-gen gren-zpreisen

grafiken ver-schiedene Preis-szenarien

appendix verweis zu python code

relativen Produktionsdaten volatiler Kraftwerke werden nun in 36 Quantile eingeteilt. Das erste, mittlere und letzten Quantil werden nun zur Szenariogeneration benutzt.

Hierfür werden die Zeitpunkte der Quantile, die auf stündlichen Daten beruhen, auf einen viertelstündlichen rythmus extrapoliert und dazugehörigen Regelarbeitsmarkt daten vom betreffenden Zeitabschnit exportiert.

So ergeben sich 10 mögliche Szenarien für Tage mit hoher, mittlerer und niedrigem Anteil einer volatilem Produktion. Die wahrscheinlichkeit wird dabei als gleichverteilt angenommen, so das jedes Szenario die eine Wahrscheinlichkeit von 10% hat.

Abbildung bis zeigt nun das zwar das allgemeine Preisniveau steigt, aber da man mit dem hohen Anteil erneuerbarer Energien kalkuliert und somit auf die hohe volatilität eingeplant ist halten sich ansonsten die Auswirkungen in grenzen. Die sehr hohen Ausreißer scheinen sich in den Szenarien zu zeigen in denen man nicht mit all zu hohen außreißern rechnet.

Data from ENTSOE transperency platform ->appendix

- verschiedene Methoden ... -> implementiert in python -> alle können dem model hinzugefügt werden -> ich habe dann aus diesen und jenen gründe diese Variante gewählt

abbildungen  
ergän-  
zen

den teil  
drinne  
lassen?

ref ent-  
soe

Python  
Code  
ap-  
pendix  
verweis



### 3.5 Simplification

wir betrachten uns als teil eines bieterbundes Um den rechenaufwand und die komplexität des models zu begrenzen wurden ein paar vereinfachungen vorgenommen.

Diese vereinfachungen beschränken kaum die realitätsnähe des Models.

Nochfolgende eine geordnete Aufführung welche Vereinfachungen getroffen wurden.

#### RL

Formal gibt es Mindestgebotsmengen jedoch können diese auch als Bieterbund erbracht werden. Zur vereinfachung der Nebenbedingungen betrachten wir uns als teil eines bieterbundes.

#### DA

Da der Day Ahead markt ein pay-as-cleared markt ist haben wir mit unserem Gebot nur einen einfluss darauf ob wir akzeptiert werden oder nicht. Wir haben keinen einfluss darauf welcher preis für unseren strom bezahlt wird. Da wir uns als betreiber eines Solar oder windparks betrachten haben wir betriebskosten nahe 0 die als gleich 0 angenommen werden. Da die Day ahead preise über 0 liegen können wir als resultat in der praxis selbst entscheiden ob wir ein gebot abgeben zu einem preis der sicher akzeptiert wird. Daraus folgt die vereinfachte optimierung für den DA-markt aus  $Profit_{DA} = Q_{DA} * erwarteterPreis_{DA}$ .

#### RA

Da auch der RA markt ein pay-as-cleared markt ist haben wir mit unserem Gebot nur einen einfluss darauf ob wir abgerufen werden oder nicht. Wir haben keinen einfluss darauf welcher preis für unseren strom bezahlt wird. Da wir uns als betreiber eines Batteriespeichers betriebskosten nahe 0 haben, werden diese in folge als 0 angenommen. So können wir den erwarteten RA markt preis soweit unterbieten das davon aus zu gehen ist das unser Gebot auch abgerufen wird. Das gilt auch anders herum. Da wir bei einem bezugschlagtem RL Gebot verpflichtet sind auch ein entsprechendes RA Gebot ab zu geben. So würde sich eine

eventuell  
noch-  
mal  
umfor-  
mu-  
lieren  
da sehr  
ähnlich  
zu DA

Nebenbedingung ergeben die die mindest Gebotsmenge am RA markt durch die aktzeptierte gebotsmenge am RL markt begrenzt. In zusammenhang mit den eingeführten betrachten Quantils-Szenarien würde dies aber zur einföhrung weiterer Dimensionen föhren müssen die die rechenkomplexität unnötig erhöhen. Praktisch lässt sich diese Regulatorische Bedingung durch einen sehr hohen Arbeitspreis umgehen der quasi sicherstellt das wir nicht abgerufen werden. Außerdem Stellen wir sicher das für jeden zeitpunkt im bezugschlagtem RL block genügend Speicherkapazität vorhanden wäre um notfalls den Abruf bedienen zu können. So vermeiden wir die rechenaufwendige direkt Verknüpfung von RL und RA markt und bilden trotzdem die realen mechanismen 1 zu 1 ab.

### **Battery Storage Status**

## 4 Results

## 5 Conclusion

1. nur ein tag, eventuell kommt der richtige reload erst in zusammenhang mit mehreren tagen zum tragen

## 6 Appendix

### 6.1 Further Model Constraints

$$\sum ((s_{DA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}), Q_{DA}^{rB}(t_{hour}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out})) \leq parkCap * parkProfile(t_{hour}) - \sum ((s_{DA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}), Q_{rB}reload(t_{hour}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out})); \quad (6.1)$$

$$\sum ((s_{DA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}), Q_{DA}^{rI}(t_{hour}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out})) \leq parkCap * parkProfile(t_{hour}) - \sum ((s_{DA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}), Q_{rI}reload(t_{hour}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out})); \quad (6.2)$$

$$\sum ((s_{DA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}), Q_{DA}^{rO}(t_{hour}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out})) \leq parkCap * parkProfile(t_{hour}) - \sum ((s_{DA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}), Q_{rO}reload(t_{hour}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out})); \quad (6.3)$$

$$\sum ((s_{DA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}), Q_{DA}^{rN}(t_{hour}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out})) \leq parkCap * parkProfile(t_{hour}) - \sum ((s_{DA}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out}), Q_{rN}reload(t_{hour}, s_{RL}^{in}, s_{RL}^{out})); \quad (6.4)$$

### 6.2 Digital Appendix

# Bibliography

- [1] 50hertz, amprion, TENNET, TRANSNET BW. 'Modellbeschreibung aFRR-Abrechnung ab 01.10.2021: Modell- & Schnittstellenbeschreibung'. In: (). URL: [https://www.regelleistung.net/xspproxy/api/StaticFiles/Regelleistung/Marktinformationen/Modalit%C3%A4ten\\_/Modalit%C3%A4ten\\_f%C3%BCr\\_Regelreserveanbieter\\_MfRRA/Modellbeschreibung\\_aFRR-Abrechnung\\_ab\\_01.10.2021.pdf](https://www.regelleistung.net/xspproxy/api/StaticFiles/Regelleistung/Marktinformationen/Modalit%C3%A4ten_/Modalit%C3%A4ten_f%C3%BCr_Regelreserveanbieter_MfRRA/Modellbeschreibung_aFRR-Abrechnung_ab_01.10.2021.pdf).
- [2] *ENTSO-E Transparency Platform*. 8.04.2025. URL: <https://transparency.entsoe.eu/>.
- [3] *TBATS — sktime documentation*. 5.04.2025. URL: [https://www.sktime.net/en/latest/api\\_reference/auto\\_generated/sktime.forecasting.tbats.TBATS.html](https://www.sktime.net/en/latest/api_reference/auto_generated/sktime.forecasting.tbats.TBATS.html).

ChatGPT was utilized in this work for the following purposes:

- As a search tool for specific functions.
- As an aid in refining formulations.

All suggestions were carefully reviewed and assessed individually.

### **Statement of authorship**

I hereby certify that I have authored this document entitled Analyzing Renewable Expansion Paths for Germany 2030 - A Cost-Efficient Calculation for Adaptive Power Plants independently and without undue assistance from third parties. No other than the resources and references indicated in this document have been used. I have marked both literal and accordingly adopted quotations as such. There were no additional persons involved in the intellectual preparation of the present document. I am aware that violations of this declaration may lead to subsequent withdrawal of the academic degree.

A handwritten signature in black ink, appearing to read 'S. Trümper', with a stylized flourish at the end.

Dresden, 28th March 2025

Sebastian Trümper