

Распределенные системы

Оглавление

0.1	Формализм. Логические часы Лампорта (свойства и алгоритм)	2
0.2	Формализм. Векторные часы (свойства и алгоритм)	3
0.3	Формализм. Часы с прямой зависимостью (свойства и алгоритм) . .	4

0.1 Формализм. Логические часы Лампорта (свойства и алгоритм)

Кратко опишем используемые далее обозначения.

Обозначение	Объект
$P, Q, R, \dots \in \mathbb{P}$	Процессы
$a, b, c, \dots \in \mathbb{E}$	События в процессах $\text{proc}(e) \in \mathbb{P}$
$m \in \mathbb{M}$	Сообщения, $\text{snd}(m), \text{rcv}(m) \in \mathbb{E}$.

Таблица 1: Общие обозначения

Определение. Отношение *Произошло-до* (\rightarrow) – минимальный строгий частичный порядок на $\mathbb{E} \times \mathbb{E}$ такой, что

- $e \rightarrow f$, если e, f в одном процессе и e идет перед f .
- Если m – сообщение, то $\text{snd}(m) \rightarrow \text{rcv}(m)$.

Определение. *Логические часы.* Определим функцию $C : \mathbb{E} \rightarrow \mathbb{N}$ так, чтобы

$$\forall e, f \in \mathbb{E} \ e \rightarrow f \implies C(e) < C(f).$$

Алгоритм. (Логические часы Лампорта)

- Каждый процесс хранит счетчик.
- Перед посылкой процесс увеличивает счетчик на единицу.
- При посылке дополнительно посылается счетчик.
- Получатель обновляет свое время следующим образом:

$$C \leftarrow \max(C, C_r) + 1.$$

Свойства логических часов Лампорта:

- Время события не уникально.
- Являются логическими часами в смысле определения.

0.2 Формализм. Векторные часы (свойства и алгоритм)

Определение. *Векторные часы.* Определим функцию $VC : \mathbb{E} \rightarrow N^k$ так, чтобы

$$\forall e, f \in \mathbb{E} \quad e \rightarrow f \iff VC(e) < VC(f).$$

Сравнение производится покомпонентно.

Алгоритм. (Векторное время)

- Каждый процесс хранит свой вектор-время (размер – число процессов).
- Перед посылкой сообщения процесс увеличивает свою компоненту на единицу.
- При приеме сообщение берется покомпонентный максимум:

$$VC \leftarrow \max(VC, VC_r).$$

Свойства векторного времени:

- Векторное время уникально для каждого события.
- Векторное время полностью передает отношение произошло-до.
-

$$\forall e, f \in \mathbb{E}: \text{proc}(e) = P_i, \text{proc}(f) = P_j \implies \left(e \rightarrow f \iff \begin{pmatrix} VC(e)_i \\ VC(e)_j \end{pmatrix} < \begin{pmatrix} VC(f)_i \\ VC(f)_j \end{pmatrix} \right).$$

0.3 Формализм. Часы с прямой зависимостью (свойства и алгоритм)

Определение.

$$e \rightarrow_d f \iff e < f \vee \exists m \in \mathbb{M}: e \leq \text{snd}(m) \wedge \text{rcv}(m) \leq f.$$

Определение. Часы с прямой зависимостью. Определим функцию $VC_d: \mathbb{E} \rightarrow N^k$ так, чтобы

$$\forall e, f \in \mathbb{E}: e \rightarrow_d f \iff VC_d(e) < VC_d(f).$$

Алгоритм. (Часы с прямой зависимостью)

Алгоритм полностью повторяет алгоритм для векторных часов, за исключением того, что посылается только та компонента времени, которая соответствует процессу-отправителю.