Задача равносильна следующей:

$$\begin{cases}
-x_1 + 7x_2 + s_1 = 49 \\
2x_1 - x_2 + s_2 = 6 \\
x_1, x_2, s_1, s_2 \ge 0
\end{cases}$$

$$4x_1 + x_2 \to max$$

В качестве начального допустимого решения возьмем (0,0).

1-я итерация:

| Базис | x_1 | x_2 | s_1 | s_2 | Решение |
|-------|-------|-------|-------|-------|---------|
| z | -4 | -1 | 0 | 0 | 0 |
| s_1 | -1 | 7 | 1 | 0 | 49 |
| s_2 | 2 | -1 | 0 | 1 | 6 |

| Базис | x_1 | Решение | Отношение |
|-------|-------|---------|----------------------------|
| s_1 | -1 | 49 | -49 (< 0, не подходит $)$ |
| s_2 | 2 | 6 | 3 (Оптимально) |

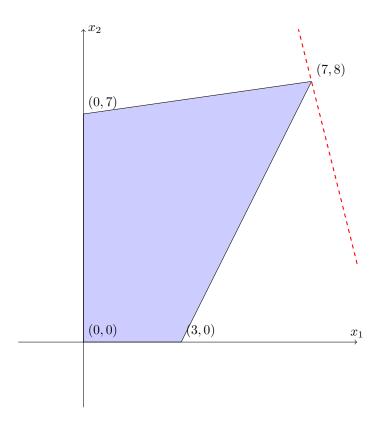
2-я итерация:

| Базис | x_1 | x_2 | s_1 | s_2 | Решение |
|-------|-------|----------------|-------|---------------|---------|
| z | 0 | -3 | 0 | 2 | 12 |
| s_1 | 0 | $\frac{13}{2}$ | 1 | $\frac{1}{2}$ | 52 |
| x_1 | 1 | $-\frac{1}{2}$ | 0 | $\frac{1}{2}$ | 3 |

| Базис | x_2 | Решение | Отношение |
|-------|----------------|---------|-----------------------|
| s_1 | $\frac{13}{2}$ | 52 | 8 (Оптимально) |
| x_1 | $-\frac{1}{2}$ | 3 | -6 (< 0, не подходит) |

3-я итерация:

| Базис | x_1 | x_2 | s_1 | s_2 | Решение |
|-------|-------|-------|----------------|-----------------|---------|
| z | 0 | 0 | $\frac{6}{13}$ | $\frac{29}{13}$ | 36 |
| x_2 | 0 | 1 | $\frac{2}{13}$ | $\frac{1}{13}$ | 8 |
| x_1 | 1 | 0 | $\frac{1}{13}$ | $\frac{7}{13}$ | 7 |



Ответ: 36, точка - (7, 8)

Задача равносильна следующей:

$$\begin{cases} -x_1 + 6x_2 + s_1 = 42 \\ 8x_1 + 3x_2 + s_2 = 72 \\ x_1, x_2, s_1, s_2 \ge 0 \end{cases}$$
$$2x_1 + 9x_2 \rightarrow \max$$

В качестве начального допустимого решения возьмем (0,0).

1-я итерация:

| Базис | x_1 | x_2 | s_1 | s_2 | Решение |
|-------|-------|-------|-------|-------|---------|
| z | -2 | -9 | 0 | 0 | 0 |
| s_1 | -1 | 6 | 1 | 0 | 42 |
| s_2 | 8 | 3 | 0 | 1 | 72 |

| Базис | x_2 | Решение | Отношение |
|-------|-------|---------|----------------|
| s_1 | 6 | 42 | 7 (Оптимально) |
| s_2 | 3 | 72 | 24 |

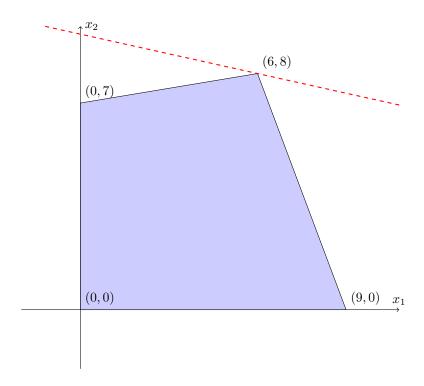
2-я итерация:

| Базис | x_1 | x_2 | s_1 | s_2 | Решение |
|-------|----------------|-------|----------------|-------|---------|
| z | $-\frac{7}{2}$ | 0 | $\frac{3}{2}$ | 0 | 63 |
| x_2 | $-\frac{1}{6}$ | 1 | $\frac{1}{6}$ | 0 | 7 |
| s_2 | $\frac{17}{2}$ | 0 | $-\frac{1}{2}$ | 1 | 51 |

| Базис | x_1 | Решение | Отношение |
|-------|----------------|---------|---------------------------|
| x_2 | $-\frac{1}{6}$ | 7 | -42 (< 0, не подходит $)$ |
| s_2 | $\frac{17}{2}$ | 51 | 6 (Оптимально) |

3-я итерация:

| Базис | x_1 | x_2 | s_1 | s_2 | Решение |
|-------|-------|-------|-----------------|----------------|---------|
| z | 0 | 0 | $\frac{22}{17}$ | $\frac{7}{17}$ | 84 |
| x_2 | 0 | 1 | $\frac{8}{51}$ | $\frac{1}{51}$ | 8 |
| x_1 | 1 | 0 | $-\frac{1}{17}$ | $\frac{2}{17}$ | 6 |



Ответ: 84, точка - (6, 8)

Задача равносильна следующей:

$$\begin{cases} x_1 + 4x_2 + s_1 = 12\\ x_1 - 4x_2 + s_2 = 4\\ x_1, x_2, s_1, s_2 \ge 0\\ 4x_1 + x_2 \to max \end{cases}$$

В качестве начального допустимого решения возьмем (0,0).

1-я итерация:

| Базис | x_1 | x_2 | s_1 | s_2 | Решение |
|-------|-------|-------|-------|-------|---------|
| z | -4 | -1 | 0 | 0 | 0 |
| s_1 | 1 | 4 | 1 | 0 | 12 |
| s_2 | 1 | -4 | 0 | 1 | 4 |

| Базис | x_1 | Решение | Отношение |
|-------|-------|---------|----------------|
| s_1 | 1 | 12 | 12 |
| s_2 | 1 | 4 | 4 (Оптимально) |

2-я итерация:

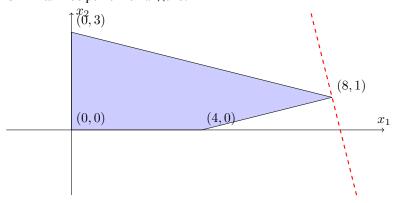
| Базис | x_1 | x_2 | s_1 | s_2 | Решение |
|-------|-------|-------|-------|-------|---------|
| z | 0 | -17 | 0 | 4 | 16 |
| s_1 | 0 | 8 | 1 | -1 | 8 |
| x_1 | 1 | -4 | 0 | 1 | 4 |

| Базис | x_2 | Решение | Отношение |
|-------|-------|---------|-----------------------|
| s_1 | 8 | 8 | 1 (Оптимально) |
| x_1 | -4 | 4 | -1 (< 0, не подходит) |

3-я итерация:

| Базис | x_1 | x_2 | s_1 | s_2 | Решение |
|-------|-------|-------|----------------|----------------|---------|
| z | 0 | 0 | $\frac{17}{8}$ | $\frac{15}{8}$ | 33 |
| x_2 | 0 | 1 | $\frac{1}{8}$ | $-\frac{1}{8}$ | 1 |
| x_1 | 1 | 0 | $\frac{1}{2}$ | $\frac{1}{2}$ | 8 |

Оптимальное решение найдено.



Ответ: 33, точка - (8, 1)

Задача равносильна следующей:

$$\begin{cases}
-2x_1 + x_2 + s_1 = 3 \\
7x_1 + 3x_2 + s_2 = 35 \\
x_1, x_2, s_1, s_2 \ge 0 \\
x_1 + x_2 \to max
\end{cases}$$

В качестве начального допустимого решения возьмем (0,0).

1-я итерация:

| Базис | x_1 | x_2 | s_1 | s_2 | Решение |
|-------|-------|-------|-------|-------|---------|
| z | -1 | -1 | 0 | 0 | 0 |
| s_1 | -2 | 1 | 1 | 0 | 3 |
| s_2 | 7 | 3 | 0 | 1 | 35 |

| Базис | x_1 | Решение | Отношение |
|-------|-------|---------|-----------------------------------|
| s_1 | -2 | 3 | $-\frac{3}{2}$ (< 0, не подходит) |
| s_2 | 7 | 35 | 5 (Оптимально) |

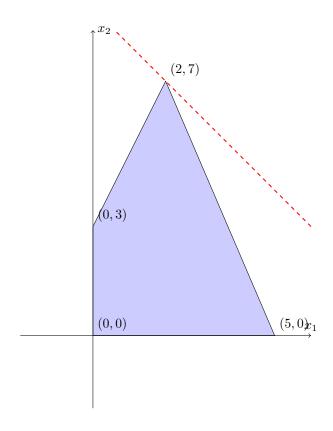
2-я итерация:

| Базис | x_1 | x_2 | s_1 | s_2 | Решение |
|-------|-------|----------------|-------|---------------|---------|
| z | 0 | $-\frac{4}{7}$ | 0 | $\frac{1}{7}$ | 5 |
| s_1 | 0 | $\frac{13}{7}$ | 1 | $\frac{2}{7}$ | 13 |
| x_1 | 1 | $\frac{3}{7}$ | 0 | $\frac{1}{7}$ | 5 |

| Базис | x_2 | Решение | Отношение |
|-------|----------------|---------|----------------|
| s_1 | $\frac{13}{7}$ | 13 | 7 (Оптимально) |
| x_1 | $\frac{3}{7}$ | 5 | $\frac{35}{3}$ |

3-я итерация:

| Базис | x_1 | x_2 | s_1 | s_2 | Решение |
|-------|-------|-------|-----------------|----------------|---------|
| z | 0 | 0 | $\frac{4}{13}$ | $\frac{3}{13}$ | 9 |
| x_2 | 0 | 1 | $\frac{7}{13}$ | $\frac{2}{13}$ | 7 |
| x_1 | 1 | 0 | $-\frac{3}{13}$ | $\frac{1}{13}$ | 2 |



Ответ: 9, точка - (2, 7)

Задача равносильна следующей:

$$\begin{cases} x_1 + 5x_2 + s_1 = 50\\ 9x_1 - 4x_2 + s_2 = 9\\ x_1, x_2, s_1, s_2 \ge 0\\ 9x_1 + 2x_2 \to max \end{cases}$$

В качестве начального допустимого решения возьмем (0,0).

1-я итерация:

| Базис | x_1 | x_2 | s_1 | s_2 | Решение |
|-------|-------|-------|-------|-------|---------|
| z | -9 | -2 | 0 | 0 | 0 |
| s_1 | 1 | 5 | 1 | 0 | 50 |
| s_2 | 9 | -4 | 0 | 1 | 9 |

| Базис | x_1 | Решение | Отношение |
|-------|-------|---------|----------------|
| s_1 | 1 | 50 | 50 |
| s_2 | 9 | 9 | 1 (Оптимально) |

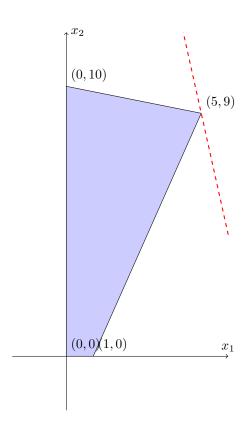
2-я итерация:

| Базис | x_1 | x_2 | s_1 | s_2 | Решение |
|-------|-------|----------------|-------|----------------|---------|
| z | 0 | -6 | 0 | 1 | 9 |
| s_1 | 0 | $\frac{49}{9}$ | 1 | $-\frac{1}{9}$ | 49 |
| x_1 | 1 | $-\frac{4}{9}$ | 0 | $\frac{1}{9}$ | 1 |

| Базис | x_2 | Решение | Отношение |
|-------|----------------|---------|-----------------------------------|
| s_1 | $\frac{49}{9}$ | 49 | 9 (Оптимально) |
| x_1 | $-\frac{4}{9}$ | 1 | $-\frac{9}{4}$ (< 0, не подходит) |

3-я итерация:

| Базис | x_1 | x_2 | s_1 | s_2 | Решение |
|-------|-------|-------|-----------------|-----------------|---------|
| z | 0 | 0 | $\frac{54}{49}$ | $\frac{43}{49}$ | 63 |
| x_2 | 0 | 1 | $\frac{9}{49}$ | $-\frac{1}{49}$ | 9 |
| x_1 | 1 | 0 | $\frac{4}{49}$ | $\frac{5}{49}$ | 5 |



Ответ: 63, точка - (5, 9)

Задача равносильна следующей:

$$\begin{cases} 6x_1 + 7x_2 + s_1 = 48 \\ x_2 + s_2 = 6 \\ x_1, x_2, s_1, s_2 \ge 0 \end{cases}$$
$$2x_1 + 3x_2 \to max$$

В качестве начального допустимого решения возьмем (0,0).

1-я итерация:

| Базис | x_1 | x_2 | s_1 | s_2 | Решение |
|-------|-------|-------|-------|-------|---------|
| z | -2 | -3 | 0 | 0 | 0 |
| s_1 | 6 | 7 | 1 | 0 | 48 |
| s_2 | 0 | 1 | 0 | 1 | 6 |

| Базис | x_2 | Решение | Отношение |
|-------|-------|---------|----------------|
| s_1 | 7 | 48 | $\frac{48}{7}$ |
| s_2 | 1 | 6 | 6 (Оптимально) |

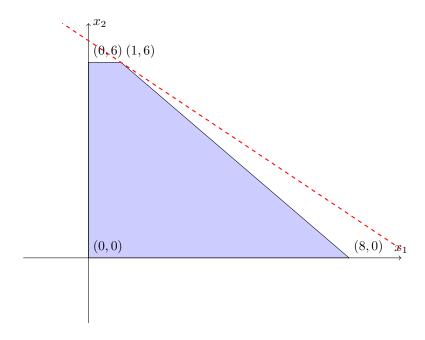
2-я итерация:

| Базис | x_1 | x_2 | s_1 | s_2 | Решение |
|-------|-------|-------|-------|-------|---------|
| z | -2 | 0 | 0 | 3 | 18 |
| s_1 | 6 | 0 | 1 | -7 | 6 |
| x_2 | 0 | 1 | 0 | 1 | 6 |

| Б | азис | x_1 | Решение | Отношение |
|---|-------|-------|---------|------------------------|
| | s_1 | 6 | 6 | 1 (Оптимально) |
| | x_2 | 0 | 6 | ∞ (не подходит) |

3-я итерация:

| Базис | x_1 | x_2 | s_1 | s_2 | Решение |
|-------|-------|-------|---------------|----------------|---------|
| z | 0 | 0 | $\frac{1}{3}$ | $\frac{2}{3}$ | 20 |
| x_1 | 1 | 0 | $\frac{1}{6}$ | $-\frac{7}{6}$ | 1 |
| x_2 | 0 | 1 | 0 | 1 | 6 |



Ответ: 20, точка - (1, 6)

Задача равносильна следующей:

$$\begin{cases} 2x_1 + 5x_2 + s_1 = 45 \\ 7x_1 - 2x_2 + s_2 = 21 \\ x_1, x_2, s_1, s_2 \ge 0 \end{cases}$$
$$9x_1 + 10x_2 \to max$$

В качестве начального допустимого решения возьмем (0,0).

1-я итерация:

| Базис | x_1 | x_2 | s_1 | s_2 | Решение |
|-------|-------|-------|-------|-------|---------|
| z | -9 | -10 | 0 | 0 | 0 |
| s_1 | 2 | 5 | 1 | 0 | 45 |
| s_2 | 7 | -2 | 0 | 1 | 21 |

| Базис | x_2 | Решение | Отношение |
|-------|-------|---------|------------------------------------|
| s_1 | 5 | 45 | 9 (Оптимально) |
| s_2 | -2 | 21 | $-\frac{21}{2}$ (< 0, не подходит) |

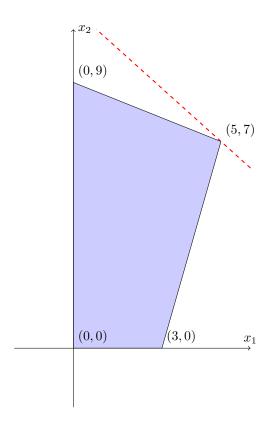
2-я итерация:

| Базис | x_1 | x_2 | s_1 | s_2 | Решение |
|-------|----------------|-------|---------------|-------|---------|
| z | -5 | 0 | 2 | 0 | 90 |
| x_2 | $\frac{2}{5}$ | 1 | $\frac{1}{5}$ | 0 | 9 |
| s_2 | $\frac{39}{5}$ | 0 | $\frac{2}{5}$ | 1 | 39 |

| Базис | x_1 | Решение | Отношение |
|-------|----------------|---------|----------------|
| x_2 | $\frac{2}{5}$ | 9 | $\frac{45}{2}$ |
| s_2 | $\frac{39}{5}$ | 39 | 5 (Оптимально) |

3-я итерация:

| Базис | x_1 | x_2 | s_1 | s_2 | Решение |
|-------|-------|-------|-----------------|-----------------|---------|
| z | 0 | 0 | $\frac{88}{39}$ | $\frac{25}{39}$ | 115 |
| x_2 | 0 | 1 | $\frac{7}{39}$ | $-\frac{2}{39}$ | 7 |
| x_1 | 1 | 0 | $\frac{2}{39}$ | $\frac{5}{39}$ | 5 |



Ответ: 115, точка - (5, 7)

Задача равносильна следующей:

$$\begin{cases} 4x_1 + 3x_2 + s_1 = 32\\ x_2 + s_2 = 8\\ x_1, x_2, s_1, s_2 \ge 0\\ 6x_1 + 5x_2 \to max \end{cases}$$

В качестве начального допустимого решения возьмем (0,0).

1-я итерация:

| Базис | x_1 | x_2 | s_1 | s_2 | Решение |
|-------|-------|-------|-------|-------|---------|
| z | -6 | -5 | 0 | 0 | 0 |
| s_1 | 4 | 3 | 1 | 0 | 32 |
| s_2 | 0 | 1 | 0 | 1 | 8 |

| Базис | x_1 | Решение | Отношение |
|-------|-------|---------|------------------------|
| s_1 | 4 | 32 | 8 (Оптимально) |
| s_2 | 0 | 8 | ∞ (не подходит) |

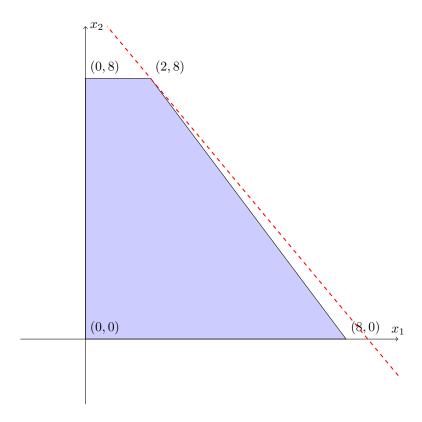
2-я итерация:

| Базис | x_1 | x_2 | s_1 | s_2 | Решение |
|-------|-------|----------------|---------------|-------|---------|
| z | 0 | $-\frac{1}{2}$ | $\frac{3}{2}$ | 0 | 48 |
| x_1 | 1 | $\frac{3}{4}$ | $\frac{1}{4}$ | 0 | 8 |
| s_2 | 0 | 1 | 0 | 1 | 8 |

| Базис | x_2 | Решение | Отношение |
|-------|---------------|---------|----------------|
| x_1 | $\frac{3}{4}$ | 8 | $\frac{32}{3}$ |
| s_2 | 1 | 8 | 8 (Оптимально) |

3-я итерация:

| Базис | x_1 | x_2 | s_1 | s_2 | Решение |
|-------|-------|-------|---------------|----------------|---------|
| z | 0 | 0 | $\frac{3}{2}$ | $\frac{1}{2}$ | 52 |
| x_1 | 1 | 0 | $\frac{1}{4}$ | $-\frac{3}{4}$ | 2 |
| x_2 | 0 | 1 | 0 | 1 | 8 |



Ответ: 52, точка - (2, 8)

Задача равносильна следующей:

$$\begin{cases}
-4x_1 + 5x_2 + s_1 = 5 \\
9x_1 - 2x_2 + s_2 = 72 \\
x_1, x_2, s_1, s_2 \ge 0
\end{cases}$$

$$9x_1 + x_2 \to max$$

В качестве начального допустимого решения возьмем (0,0).

1-я итерация:

| Базис | x_1 | x_2 | s_1 | s_2 | Решение |
|-------|-------|-------|-------|-------|---------|
| z | -9 | -1 | 0 | 0 | 0 |
| s_1 | -4 | 5 | 1 | 0 | 5 |
| s_2 | 9 | -2 | 0 | 1 | 72 |

| Базис | x_1 | Решение | Отношение |
|-------|-------|---------|-----------------------------------|
| s_1 | -4 | 5 | $-\frac{5}{4}$ (< 0, не подходит) |
| s_2 | 9 | 72 | 8 (Оптимально) |

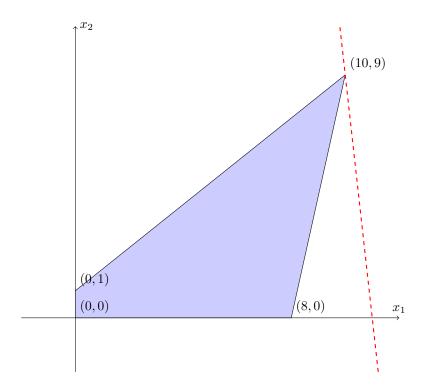
2-я итерация:

| Базис | x_1 | x_2 | s_1 | s_2 | Решение |
|-------|-------|----------------|-------|---------------|---------|
| z | 0 | -3 | 0 | 1 | 72 |
| s_1 | 0 | $\frac{37}{9}$ | 1 | $\frac{4}{9}$ | 37 |
| x_1 | 1 | $-\frac{2}{9}$ | 0 | $\frac{1}{9}$ | 8 |

| Базис | x_2 | Решение | Отношение |
|-------|----------------|---------|------------------------|
| s_1 | $\frac{37}{9}$ | 37 | 9 (Оптимально) |
| x_1 | $-\frac{2}{9}$ | 8 | -36 (< 0, не подходит) |

3-я итерация:

| Базис | x_1 | x_2 | s_1 | s_2 | Решение |
|-------|-------|-------|-----------------|-----------------|---------|
| z | 0 | 0 | $\frac{27}{37}$ | $\frac{49}{37}$ | 99 |
| x_2 | 0 | 1 | $\frac{9}{37}$ | $\frac{4}{37}$ | 9 |
| x_1 | 1 | 0 | $\frac{2}{37}$ | $\frac{5}{37}$ | 10 |



Ответ: 99, точка - (10, 9)

Задача равносильна следующей:

$$\begin{cases} x_1 + 10x_2 + s_1 = 50\\ 4x_1 - x_2 + s_2 = 36\\ x_1, x_2, s_1, s_2 \ge 0\\ 5x_1 - x_2 \to max \end{cases}$$

В качестве начального допустимого решения возьмем (0,0).

1-я итерация:

| Базис | x_1 | x_2 | s_1 | s_2 | Решение |
|-------|-------|-------|-------|-------|---------|
| z | -5 | 1 | 0 | 0 | 0 |
| s_1 | 1 | 10 | 1 | 0 | 50 |
| s_2 | 4 | -1 | 0 | 1 | 36 |

| Базис | x_1 | Решение | Отношение |
|-------|-------|---------|----------------|
| s_1 | 1 | 50 | 50 |
| s_2 | 4 | 36 | 9 (Оптимально) |

2-я итерация:

| Базис | x_1 | x_2 | s_1 | s_2 | Решение |
|-------|-------|----------------|-------|----------------|---------|
| z | 0 | $-\frac{1}{4}$ | 0 | $\frac{5}{4}$ | 45 |
| s_1 | 0 | $\frac{41}{4}$ | 1 | $-\frac{1}{4}$ | 41 |
| x_1 | 1 | $-\frac{1}{4}$ | 0 | $\frac{1}{4}$ | 9 |

| Базис | x_2 | Решение | Отношение | | |
|-------|----------------|---------|------------------------|--|--|
| s_1 | $\frac{41}{4}$ | 41 | 4 (Оптимально) | | |
| x_1 | $-\frac{1}{4}$ | 9 | -36 (< 0, не подходит) | | |

3-я итерация:

| Баз | вис | x_1 | x_2 | s_1 | s_2 | Решение |
|-----|-----|-------|-------|----------------|-----------------|---------|
| 2 | ž | 0 | 0 | $\frac{1}{41}$ | $\frac{51}{41}$ | 46 |
| x | 2 | 0 | 1 | $\frac{4}{41}$ | $-\frac{1}{41}$ | 4 |
| x | 1 | 1 | 0 | $\frac{1}{41}$ | $\frac{10}{41}$ | 10 |

