# Lista 1 - FTC

#### Gustavo Lopes Rodrigues

#### 17 de agosto de 2021

# Questão 1.

 $\int:\,N\to N$ tal que f(x)=2x+1

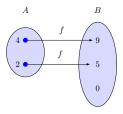


Figura 1: f é total e injetora, mas não sobrejetora.

 $\int$  : N  $\rightarrow$  N tal que f(x) = x % 2

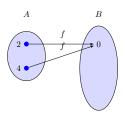


Figura 2: f é total e sobrejetora, mas não injetora.

 $\int:\, N \to N$ tal que f(x)=2x - 1

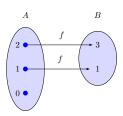


Figura 3: f não é total, mas é injetora e sobrejetora.

#### Questão 2.

$$n^{3} + 3n^{2} + 3n = n^{3} - 1$$
  

$$3n^{2} + 3n + 1 = 0$$
(1)

$$\triangle = b^2 - 4ac$$

$$\triangle = 9 - 12$$

$$\triangle = -4$$
(2)

A solução para essa equação não está no conjunto de números reais.

#### Questão 3.

 $(A \cap B)' = A' \cup B'$ 

$$\begin{split} A = & [1,3,5,7] \\ B = & [2,5,7,8,9] \\ C = & [1,2,3,5,7,8,9] \Rightarrow \text{Conjunto universo} \end{split} \tag{3}$$

$$D = A \cap B = [5, 7]$$

$$(A \cap B)' = C - D = [1, 2, 3, 8, 9]$$
(4)

$$A' = C - A = [2, 8, 9]$$
  
 $B' = C - B = [1, 3]$  (5)

$$A' \cup B' = [1, 2, 3, 8, 9] \tag{6}$$

$$A' \cup B' = (A \cap B)' \tag{7}$$

### Questão 4.

f(0,0) = 0

f(a,b) = a, para b = 1

f(a,b) = a + f(a,b-1), para  $b \ge 1$ 

- 1. **base:**  $(0,1) \in f$
- 2. passo recursivo: se  $b \ge 1$  e  $(a,b-1) \in f$
- 3. fechamento: só pertence a N o número que pode ser obtido de acordo com (1) e (2)

### Questão 5.

Prove que  $1+2^n<3^n$  para n<2

$$1 + 2^{n} < 3^{n}$$

$$2^{0} + 2^{n} < 3^{n}$$

$$log(2)^{0} + log(2)^{n} < log(3)^{n}$$

$$0 * log(2) + n * log(2) < n * log(3)$$

$$log(2) < log(3)$$
(8)

## Questão 6.

- $R_1 = \{(a,b)|b \text{ e } a \text{ possuem um fator comum(MDC) maior que 1}\} \subset NxN$  É uma relação em N
- $R_2 = \{(a,b)|b-a$  é divisível por 5} < NxN É uma relação em N
- $R_3 = \{(a,b)|b-a$  é par $\} \subset ZxZ$  É uma relação em Z\*