

## Pontifícia Universidade Católica de Minas Gerais Fundamentos Teóricos da Computação Prof. Mark Alan Junho Song

- Dê a definição recursiva do conjunto de strings sobre o alfabeto { a, b } que contenha um número par de b's.
- 2. Mostre que:

```
a. (ba)^+ (a*b* U a*) = (ba)* ba^+ (b* U \lambda).
b. b^+ (a*b* U \lambda) b = b (b*a* U \lambda) b^+.
```

- 3. Forneça as expressões regulares para o conjunto de strings sobre:
  - a.  $\Sigma = \{a, b\}$  de tamanho >= 2, no qual todos os a's precedem todos os b's.
  - b.  $\Sigma = \{a, b\}$  que contém o substring aa.
  - c.  $\Sigma = \{a, b\}$  que possui exatamente um par aa.
  - d.  $\Sigma = \{a, b, c\}$  que começa com a, contém exatamente dois b's e termina com cc.
  - e.  $\Sigma = \{a, b\}$  que contém o substring ab e o substring ba.
  - f.  $\Sigma = \{a, b, c\}$  que contém o substring aa, bb e cc.
  - g.  $\Sigma = \{a, b, c\}$  no qual cada b é imediatamente seguido por pelo menos um c.
  - h.  $\Sigma = \{a, b, c\}$  de tamanho 3.
  - i.  $\Sigma = \{a, b, c\}$  com tamanho menor que 3.
  - j.  $\Sigma = \{a, b, c\}$  com tamanho maior que 3.
  - k.  $\Sigma = \{a, b\}$  com um número par de a's e impar de b's.
- 4. Nos seguintes exercícios, construa AFD's segundo os enunciados.
  - a. O conjunto de strings sobre  $\Sigma = \{a, b\}$  que não contém o substring aaa.
  - b. O conjunto de strings sobre  $\Sigma = \{a, b, c\}$  que começa com a, tem exatamente dois b's e termina com exatamente cc.
- 5. Para cada uma das linguagens abaixo, dê um λ-AFN correspondente:
  - a. (ab)\*ba
  - **b.**  $(ab)^*(ba)^*$
  - c.  $(ab)^*ba \cup (ab)^*(ba)^*$
  - d.  $(aa(a \cup b)^+bb)^*$
- 6. Para cada um dos autômatos acima gere o AFD equivalente.
- 7. As seguintes linguagens são regulares? Prove.
  - a.  $\{0^n 1^m \mid m, n \ge 0\}$
  - b.  $\{0^n 1^m 0^n \mid m, n \ge 0\}$