Lista 1 - FTC

Gustavo Lopes Rodrigues

17 de agosto de 2021

Questão 1.

 $\int:\,N\to N$ tal que f(x)=2x+1

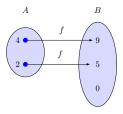


Figura 1: f é total e injetora, mas não sobrejetora.

 \int : N \rightarrow N tal que f(x) = x % 2

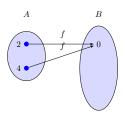


Figura 2: f é total e sobrejetora, mas não injetora.

 $\int:\, N \to N$ tal que f(x)=2x - 1

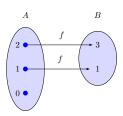


Figura 3: f não é total, mas é injetora e sobrejetora.

Questão 2.

$$n^{3} + 3n^{2} + 3n = n^{3} - 1$$

$$3n^{2} + 3n + 1 = 0$$
(1)

$$\triangle = b^2 - 4ac$$

$$\triangle = 9 - 12$$

$$\triangle = -4$$
(2)

A solução para essa equação não está no conjunto de números reais.

Questão 3.

 $(A \cap B)' = A' \cup B'$

$$A = [1, 3, 5, 7]$$

$$B = [2, 5, 7, 8, 9]$$

$$C = [1, 2, 3, 5, 7, 8, 9] \Rightarrow \text{Conjunto universo}$$
(3)

$$D = A \cap B = [5, 7]$$

$$(A \cap B)' = C - D = [1, 2, 3, 8, 9]$$
(4)

$$A' = C - A = [2, 8, 9]$$

 $B' = C - B = [1, 3]$ (5)

$$A' \cup B' = [1, 2, 3, 8, 9] \tag{6}$$

$$A' \cup B' = (A \cap B)' \tag{7}$$

Questão 4.

$$\begin{array}{l} f(0,0) = 0 \\ f(a,b) = a, \ para \ b = 1 \\ f(a,b) = a + f(a,b \ \text{--}1), \ para \ b \geq 1 \end{array}$$

- 1. **base:** $(0,1) \in f$
- 2. passo recursivo: se $b \ge 1$ e $(a,b-1) \in f$
- 3. fechamento: só pertence a N o número que pode ser obtido de acordo com (1) e (2)

Questão 5.

$$1 + 2^{n} < 3^{n}$$

$$2^{0} + 2^{n} < 3$$

$$log(2)^{0} + log(2)^{n} < log(3)^{1}$$

$$0 * log(2) + n * log(2) < log(3)$$

$$n < \frac{log(3)}{log(2)}$$

$$n < log_{2}^{3}$$

$$n < 1.58496250072$$
(8)

Questão 6.

- $R_1 = \{(a,b)|b \text{ e } a \text{ possuem um fator comum(MDC) maior que 1}\} \subset NxN$ É uma relação em N
- $R_2 = \{(a,b)|b-a$ é divisível por 5} < NxN É uma relação em N
- $R_3 = \{(a,b)|b-a$ é par $\} \subset ZxZ$ É uma relação em Z*