$$g_R:\;\omega_{0b}=\omega(k)-\mathbf{i}\delta$$