

ANNEE 2007-2008

FACULTE DE PHARMACIE

DATE: 9 AVRIL 2008

CORRECTION DE LA COLLE DE PHYSIQUE N°3

DUREE : 2 HEURES
NOM:
PRENOM:
NOTE : / 40

Constantes universelles de physique

Célérité de la lumière dans le vide Constante de Plank Charge élémentaire Masse au repos de l'électron Masse au repos du neutron Masse au repos du proton Nombre d'Avogadro Le Rydberg Constante des gaz parfaits Constante de Boltzmann

Constante

Permittivité du vide Perméabilité du vide

Valeur exacte

c = 299 792 458 ms⁻¹
h = 6,626176.10⁻³⁴ J.s
e = 1,6021892.10⁻¹⁹ C

$$m_e = 9,109534.10^{-31}$$
 Kg
 $m_n = 1,675.10^{-27}$ Kg
 $m_p = 1,6726485.10^{-27}$ Kg
 $N_A = 6,022045.10^{23}$ mol⁻¹
 $R = 10973732$ m⁻¹
 $R = 8,314$ J.mol⁻¹.K⁻¹
 $K_B = \frac{R}{N_A} = 1,3805941.10^{-23}$ J.K⁻¹
 $\epsilon_0 = 8,85419.10^{-12}$ F.m⁻¹
 $\mu_0 = 1,3.10^{-6}$ H.m⁻¹

Approximation

$$c = 3.10^8 \text{ m.s}^{-1}$$

$$h = 6,6.10^{-34} \text{ J.s}$$

$$e = 1,6.10^{-19} \text{ C}$$

$$m_e = 9,11.10^{-31} \text{ Kg}$$

$$m_n = 1,68.10^{-27} \text{ Kg}$$

$$m_p = 1,67.10^{-27} \text{ Kg}$$

$$N_A = 6,023.10^{23} \text{ mol}^{-1}$$

$$R = 1,097.10^7 \text{ m}^{-1}$$

$$R = 8,31 \text{ J.mol}^{-1}\text{J.K}^{-1}$$

$$K_B = \frac{R}{N_A} = 1,38.10^{-23} \text{ J.K}^{-1}$$

$$\epsilon_0 = \frac{1}{4\pi 10^{-7}c^2} = 9.10^{-12} \text{ F.m}^{-1}$$

$$\mu_0 = 1,3.10^{-6} \text{ H.m}^{-1}$$

I – Dimension de grandeurs (....../ 2 points) :

Donner les dimensions, en système SI, des grandeurs suivantes (justification demandée):

1. Résistivité électrique
$$\rho$$
 : $\rho = \frac{U \times S}{I \times i} = \frac{R \times S}{I}$ d'où $[\rho] = M.L^3.T^{-3}.I^{-2}$

2. Mobilité des porteurs de chagres k ou
$$\mu$$
 : $k = \frac{1}{n \times e \times \rho} = \frac{E}{v}$ d'où $[k] = M^{-1}.T^2.I$

3. Coefficient d'absorption molaire A : A = log
$$\left(\frac{I_0}{I}\right)$$
 = $\epsilon_{\lambda} \times I \times C$ d'où $\left[A\right]$ = 1

4. Constante radioactive
$$\lambda$$
 : $\lambda = \frac{In2}{T_{1/2}} \ d'où \ \left[\lambda\right] = T^{-1}$

II - Les semi-conducteurs (....../ 7 points):

La résistivité ρ d'un cristal de silicium pur est de 2500 Ω .m⁻¹ à 25°C.

Mobilité des électrons de conduction $k_n=1350~cm^2.V^{-1}.s^{-1}$ Mobilité des trous positifs $k_p=480~cm^2.V^{-1}.s^{-1}$ Données:

1. Calculer le nombre de porteurs de charges mobiles en électrons, puis en trous par cm³ à 25°C (1 point).

$$n_p = \frac{1}{\rho \times e \times k_p} = \frac{1}{\frac{2500}{100} \times 1,6.10^{-19} \times 480} = 5,2.10^{14} \text{ trous.cm}^{-3}$$

$$n_n = \frac{1}{\rho \times e \times k_n} = \frac{1}{\frac{2500}{100} \times 1,6.10^{-19} \times 1350} = 1,9.10^{14} \text{ trous.cm}^{-3}$$

En première approximation, la variation de la conductivité intrinsèque avec la température T est exprimée par la loi :

$$\lambda_{int\,rins\`eque} = A \times exp \left(-\frac{\Delta E}{2K_BT} \right)$$

- $\lambda_{int\,rins\`eque} = A \times exp \bigg(-\frac{\Delta E}{2K_BT} \bigg) \hspace{1cm} \checkmark \hspace{1cm} \text{A est une constante.} \\ \checkmark \hspace{1cm} \Delta E \hspace{1cm} \text{est l'énergie nécessaire à la création d'une} \\ paire de porteurs mobiles$
 - K_B est la constante de Boltzmann
 - 2. Sachant que ∆E=1,106 eV, quelle doit être la température du cristal pour que la conductivité soit multiplié par 100 ? On exprimera le résultat en K, puis en °C (1 point).

$$\begin{split} \frac{\lambda_2}{\lambda_1} &= \exp \left[-\frac{\Delta E}{2K_B} \times \left(\frac{1}{T_2} - \frac{1}{T_1} \right) \right] \\ \ln(100) &= -\frac{1,106 \times 1,6.10^{-19}}{2 \times 1,38.10^{-23}} \left(\frac{1}{T_2} - \frac{1}{298} \right) \\ T_2 &= 379 \text{ K} = 106 \text{ °C} \end{split}$$

Dans un cristal de Silicium, on introduit du phosphore à raison de 5 atomes de Phosphore (Z = 15) pour 10^8 atomes de Silicium (Z = 14).

3. A-t-on fabriqué un semi-conducteur intrinsèque ou un semi-conducteur extrinsèque? Justifier votre réponse (1 point) :

Il s'agit d'un semi-conducteur extrinsèque puisqu'il a été dopé : on a modifié le réseau cristallin.

4. Quel type de semi-conducteur obtient-on? Pourquoi? (1 point):

Le phosphore est pentavalent (5 électrons dans sa bande de valence) : il possède donc 1 électron célibataire de plus que le silicium. Il sera donc de type N (négatif).

5. En admettant que chaque électron excédentaire du Phosphore devient un électron de conduction, quelle est à 25 °C la conductivité électrique du silicium ainsi dopé (on négligera l'apport des atomes de Silicium par rapport aux atomes de Phosphore) (1 point).

 $\rho(Si) = 2.32 \text{ g.cm}^{-3}$ $M(Si) = 28,09 \text{ g.mol}^{-1}$ Données:

On calcule dans un premier temps le nombre d'atomes de Silicium par unité de volume :

$$N = \frac{N_A \times \rho}{M \times 10^{-3}} = \frac{6,023.10^{23} \times 2,32}{28,09} = 4,97.10^{22} \text{ atomes de Si/cm}^3 = 4,97.10^{28} \text{ atomes de Si/m}^3$$

On en déduit le nombre d'atomes de Phosphore par unité de volume :

$$n' = \frac{5 \times N}{10^8} = 2,49.10^{21}$$
 atomes de P/m³

On détermine ainsi la conductivité électrique du phosphore dans le Silicium :

$$\gamma_P = \text{n'}\!\!\times\!\! e \times k_p = 2,\!49.10^{21} \times 1,\!6.10^{-19} \times 1350.10^{-4} = 53,\!8~\text{S.m}^{-1}$$

6. En déduire la valeur de la résistivité du silicium ainsi dopé (on négligera toujours l'apport des atomes de Silicium par rapport aux atomes de Phosphore) (1 point).

$$\rho = \frac{1}{\gamma_P} = \frac{1}{53.8} = 1.86 \ \Omega.m$$

7. En ne négligeant plus l'apport des atomes de Silicium, calculer la conductivité électrique total du Silicium ainsi dopé. L'approximation réalisée lors de la question 5 est-elle justifiée ? (1 point).

$$\gamma = \gamma_P + \gamma_n = 53.8 + \frac{1}{2500} = 53.8004 \text{ S.m}^{-1}$$

L'écart relatif entre les 2 valeurs est négligeable :

$$\varepsilon = \frac{\gamma_n}{\gamma} \times 100 = \frac{\frac{1}{2500}}{53,8004} \times 100 = 0,0007$$
 %

L'approximation est tout à fait justifiée.

III - Courant dans les solutions électrolytiques (......./ 6 points) :

On dissout 24 g d'acide acétique (de masse molaire 60 g.mol⁻¹) de formule CH₃COOH dans 500 mL d'eau. L'acide acétique est un acide faible. On émet l'hypothèse que cet acide faible est dissocié à q=6%.

Données:
$$k^{-}(CH_3COO^{-}) = 4.10^{-8} \text{ m}^2.\text{s}^{-1}.\text{V}^{-1}$$
 $K^{+}(H^{+}) = 34.10^{-8} \text{ m}^2.\text{s}^{-1}.\text{V}^{-1}$

Cette solution est placée dans une cuve parallélépipédique, de surface $S=10~\rm cm^2$ et de longueur 20 cm, dans laquelle deux électrodes, situées aux extrémités de la cuve, sont mises sous une tension de 100 V.

1. Calculer la vitesse des cations et des anions (1 point).

$$v(H^{+}) = k^{+} \times E = k^{+} \times \frac{U}{I} = 34.10^{-8} \times \frac{100}{0.2} = 170 \text{ } \mu\text{m.s}^{-1}$$

 $v(CH_{3}COOH) = k^{-} \times E = k^{-} \times \frac{U}{I} = 4.10^{-8} \times \frac{100}{0.2} = 20 \text{ } \mu\text{m.s}^{-1}$

2. Déterminer le nombre de porteurs de charges mobiles (pcm) par unité de volume (1 point).

$$n = \alpha \times \frac{m/M}{V} \times N_A = 0.06 \times \frac{24/60}{0.5 \cdot 10^{-3}} \times 6.02 \cdot 10^{23} = 2.88 \cdot 10^{25} \text{ pcm.m}^{-3}$$

3. En déduire la valeur du vecteur densité de courant j (1 point).

$$j = n \times e \times \left(k^{+} + k^{-}\right) \times \frac{U}{I} = 2,88.10^{25} \times 1,6.10^{-19} \times \left(34.10^{-8} + 4.10^{-8}\right) \times \frac{100}{0,2} = 875,5 \text{ A.m}^{-2}$$

4. Calculer la conductivité de la solution γ (1 point).

$$\gamma = n \times e \times \left(k^{+} + k^{-}\right) = 2,88.10^{25} \times 1,6.10^{-19} \times \left(34.10^{-8} + 4.10^{-8}\right) = 1,76 \text{ S.m}^{-1}$$

5. En déduire la résistivité de la solution ρ (1 point).

$$\rho=\frac{1}{\gamma}=\frac{1}{1,76}=0,57~\Omega.m$$

6. Calculer la valeur du courant électrique i (1 point).

$$i = j \times S = 875,5 \times 10.10^{-4} = 875,5 \text{ mA}$$

IV - Rayons X (....../ 6 points):

Un tube de rayons X à anode de molybdène fonctionne sous une tension de 45 kV

1. Quelle est la longueur d'onde minimale λ_0 (en nm) des rayonnements émis ? Est-ce bien un rayonnement X, sachant que qu'un rayon X a une longueur d'onde entre 0,001 nm et 10 nm ? (1 point)

$$\lambda_0 = \frac{h\nu}{U \times e} = \frac{6.6.10^{-34} \times 3.10^8}{45000 \times 1.6.10^{-19}} = 2.75.10^{-11} \ m = 0.0275 \ nm$$

Il s'agit bien d'un rayonnement X car la longueur d'onde est comprise entre 0,001 nm et 10 nm.

2. Quelle doit être l'épaisseur $X_{1/2}$ d'un écran en fer pour atténuer de 50% le flux de rayons X à la longueur d'onde λ_0 ? (1 point)

Données : Coefficient d'atténuation massique du Fer $\mu_m(Fe) = 1,90 \text{ cm}^2.g^{-1}$ Masse volumique du Fer $\rho_{Fe} = 7,87 \text{ kg.dm}^{-3}$

Attention à l'unité de la masse volumique du fer :

$$\mu = \rho \times \mu_m = 1.9 \times 7.87 = 14.95 \text{ cm}^{-1}$$

$$X_{1/2} = \frac{ln2}{\mu} = \frac{ln2}{14,95} = 4,63.10^{-2} \text{ cm}$$

Une feuille de béryllium ($\rho_{Be}=1,85$ g.cm⁻³) de même épaisseur $X_{1/2}$, absorbe 1,2% du rayonnement à la même longueur d'onde λ_0 .

3. Quel est le coefficient d'atténuation linéaire (en cm⁻¹) du béryllium à cette longueur d'onde ? (1 point)

$$\phi = \phi_0 \exp(-\mu X_{1/2}) \Leftrightarrow \mu = \frac{-\ln(\frac{\phi}{\phi_0})}{X_{1/2}} \Leftrightarrow \mu = \frac{-\ln(\frac{98.8}{100})}{4.63.10^{-2}} = 0.26 \text{ cm}^{-1}$$

4. Quel est son coefficient d'atténuation massique (en cm².g-¹) (1 point) ?

$$\mu_{m} = \frac{\mu}{\rho} = \frac{0.26}{1.85} = 0.14 \text{ cm}^{2}.\text{g}^{-1}$$

Le coefficient d'atténuation massique varie selon la relation $\mu_m = K.Z^4.\lambda^3$ où Z représente le numéro atomique et K une constante.

5. Calculer l'épaisseur de demi-atténuation du fer à la longueur d'onde λ =0,3 nm (1 point).

$$\begin{split} \mu_m \left(\lambda = 0,3 \text{ nm} \right) &= \text{K.Z}^4.\lambda^3 = \frac{\mu_m (\lambda_0)}{\lambda_0^3} \times \lambda^3 = 182 \text{ cm}^2.g^{-1} \\ \mu \left(\lambda = 0,3 \text{ nm} \right) &= \mu_m \left(\lambda = 0,3 \text{ nm} \right) \times \rho = 182 \times 1,85 = 336 \text{ cm}^{-1} \\ X_{1/2} &= \frac{\ln 2}{\mu} = \frac{\ln 2}{336} = 2,06.10^{-3} \text{ cm} \end{split}$$

6. Donner la dimension de la constante K (1 point).

$$[K] = L^{-1}.M^{-1}$$

V - Radioactivité du Sodium 22 (....../ 5 points) :

Le sodium 22 est radioactif β^+ ou CE. La proportion de noyaux de ²²Na qui se désintègrent à la suite d'une capture électronique est de 9,74%.

Les noyaux se désintégrant par émission β^+ suivent deux possibilités : 90,2 % passent par un état excité et 0,06% se désintègrent en passant directement à l'état stable.

Données :
$$Z(Na) = 11$$
 $m(^{22}Na) = 21,994434 u$ $Z(Ne) = 10$ $m(^{22}Ne) = 21,991383 u$ $Z(Mg) = 12$ $m(^{22}Mg) = 21,996231 u$ $m(e^{-}) = 511 \text{ keV}.$

1. Ecrire les réactions de désintégration CE et β^+ (1 point).

CE:
$${}^{22}_{11}\text{Na} + {}^{0}_{-1}\text{e}^{-} \rightarrow {}^{22}_{10}\text{Ne} + {}^{0}_{0}v_{e-}$$

 β^{+} : ${}^{22}_{11}\text{Na} \rightarrow {}^{22}_{10}\text{Ne} + {}^{0}_{1}\text{e}^{+} + {}^{0}_{0}v_{e-}$

2. Représenter le schéma de désintégration par émission β^+ (1 point).



3. Calculer l'énergie libérée par la transformation d'un atome de ²²Na en un atome fils qui se trouve à l'état fondamental (1 point).

L'énergie libérée lors d'une désintégration
$$\beta^+$$
 est de :
$$Q_{\beta^+} = \left(M_X - M_Y - 2m_{e^-}\right)\!c^2 = \left(21,994434 - 21,991383\right) \times 931,5 - 2 \times 0,511 = 1,82 \text{ MeV}$$

4. Les photons γ issus de la désintégration ont une énergie de 0,965 MeV. Quelle est l'énergie maximale des positons (1 point) ?

$$E_{positons} = Q_{\beta+} - E_{\gamma} = 1,82 - 0,965 = 0,857 \text{ MeV}$$

5. En déduire la vitesse maximale des positons en supposant qu'ils se comportent comme des électrons relativistes (1 point).

$$E_{positons} = (\gamma - 1)E_0 \Rightarrow \gamma = \frac{E_{positons}}{E_0} + 1 = \frac{0.857}{0.511} + 1 = 2.68$$

$$\gamma = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{V^2}{c^2}}} \Leftrightarrow V = \sqrt{\frac{1}{\gamma^2} + 1} \times c = \sqrt{1 - \frac{1}{2.68^2}} \times 3.10^8 = 2.78.10^8 \text{ m.s}^{-1}$$

VI - Electron d'une couche 3D (....../ 6 points) :

1. Exprimer l'expression de la norme du moment cinétique orbital L (1 point) :

 $L = \frac{h}{2\pi} \sqrt{I(I+1)} \text{ avec I le nombre quantique secondaire (ou azimutal ou orbital)}.$

2. Indiquer les valeurs possibles des 4 nombres quantiques pour cet électron de la couche 3D (explications nécessaires) (2 points) :

Le nombre quantique principal n définit la couche électronique et donc le niveau d'énergie : n=1. Le nombre quantique secondaire l définit la sous-couche électronique. Sa valeur est un entier entre 0 et n-1 : l=2 car c'est un électron D.

Le nombre quantique tertiaire (ou magnétique) m définit l'orientation de l'orbital atomique. Sa valeur est comprise entre -1 et +1: 1 = [-2, -1, 0, 1, 2].

Le nombre quantique de spin s quantifie le moment cinétique intrinsèque de l'électron (mouvement de rotation sur lui-même) : s = [-0,5; +0,5].

3. En déduire la valeur de L et donner son unité SI (1 point) :

$$L = \frac{h}{2\pi} \sqrt{I(I+1)} = 2,584.10^{-34}$$
 J.s

4. Un champ magnétique B est orienté selon l'axe Oz. Quelles sont les valeurs permises de l'angle θ entre l'axe Oz et L. Donner ces valeurs en degrés (1 point).

$$L_{Z} = m \times \frac{h}{2\pi} = L \times \cos \theta \Leftrightarrow \cos \theta = \frac{m \times h}{2\pi \times L}$$

$$\theta = [144,7^{\circ}; 114,1^{\circ}; 90,0^{\circ}; 65,9^{\circ}; 35,3^{\circ}]$$

5. Pour quelles valeurs de m, l'énergie magnétique est-elle nulle ? (1 point).

$$E_m = \gamma \! \times \! L \! \times \! B \! \times \! \cos \theta = 0 \Rightarrow \theta = 90^{\circ}$$

L'énergie magnétique s'annule pour m = 0.

VII - Réseau par réflexion (....../ 5 points) :

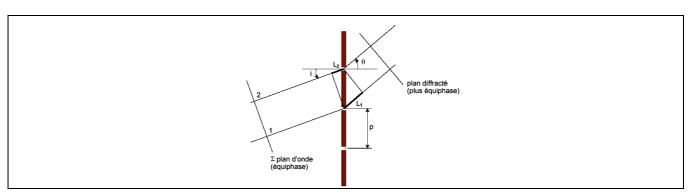
On considère un réseau par réflexion comportant 400 traits par millimètres.

Ce réseau est éclairé par un faisceau lumineux de lumière monochromatique λ_0 = 524 nm sous une incidence de 25°.

1. Donner la relation du réseau par réflexion. Vous préciserez la signification de chaque terme (1 point).

 $\sin \theta + \sin \theta = \pm m \times n \times \lambda$ avec :

- √ n le nombre de traits par mm.
- ✓ m (noté k de temps en temps) l'ordre.
- \checkmark λ la longueur d'onde de la radiation étudiée.
- ✓ θ est l'angle de diffraction en °.
- √ i est l'angle incident en °.
- 2. Faire un schéma illustrant l'appareil en utilisant les notations de la première question (angles, l'ordre du réseau) (1 point).



3. Calculer le pas du réseau en µm (1 point).

$$d = \frac{1}{n} = \frac{1}{400000} = 2,5.10^{-6} \text{ m} = 2,5 \text{ } \mu\text{m}$$

4. Combien d'ordre peut-on observer dans les conditions de l'expérience (1 point) ?

On cherche les valeurs extrêmes de m. $-1 \leq sin\theta \leq 1 \Leftrightarrow -1 \leq n.m.\lambda - sini \leq 1 \Leftrightarrow -1 + sini \leq n.m.\lambda \leq 1 + sini \\ -2,75 \leq m \leq 6,78$

Il y a 9 ordres de possibles.

5. Calculer le pouvoir dispersif pour l'ordre 1 en min.nm⁻¹ (1 point).

$$\begin{aligned} \cos\theta d\theta &= m \times n \times d\lambda \\ p &= \frac{d\theta}{d\lambda} = \frac{n.m}{\cos\theta} = \frac{n.m}{\sqrt{1 - \sin^2\theta}} = \frac{n.m}{\sqrt{1 - (n.m.\lambda - \sin i)^2}} = \\ p &= 4,1.10^{-5} \text{ rad.nm}^{-1} = \frac{4,1.10^{-5}}{2\pi} \times 360 \times 60 = 0,14 \text{ min.nm}^{-1} \end{aligned}$$

VIII - Transitions électroniques de l'hydrogène (......./ 3 points) :

1. Donner la relation donnant l'énergie du photon de désexcitation de l'atome d'hydrogène d'une couche m vers une couche n (1 point) :

Pour un atome quelconque, le niveau énergétique d'une couche est $E_n = -\frac{E}{n^2} = -\frac{E_0 \times Z^2}{n^2}$.

Pour l'atome d'hydrogène, Z=1 et $E_0=-13,6$ eV.

D'où
$$\Delta E(eV) = E_m - E_n = 13.6 \times \left(\frac{1}{n^2} - \frac{1}{m^2}\right)$$

2. Comment d'appellent les trois premières transitions d'émission de l'atome d'hydrogène et à quelle domaine du spectre des ondes électromagnétiques correspondent-elles (1 point) ?

n = 3 : Paschen (IR)

n = 2: Balmer (Visible)

n = 1 : Lyman (UV)

3. Un photon de longueur d'onde $\lambda=102,6$ nm est émis. A quelle transition cela correspond-il (1 point) ?

La longueur d'onde correspond à l'UV, il s'agit donc une transition de Lyman : n = 1.

$$E = \frac{hc}{\lambda} = 12,09 \text{ eV}$$

$$\frac{1}{n^2} - \frac{1}{m^2} = \frac{E}{E_0} = \frac{13.6}{12.09} = 1.12$$

Soit m = 3.