



MÉMOIRE DE STAGE

RÉSOLUTION DE SUDOKU

MINATCHY Jérôme
M1 Informatique
Année universitaire 2020/2021 à rendre pour le 3 Juin 2021

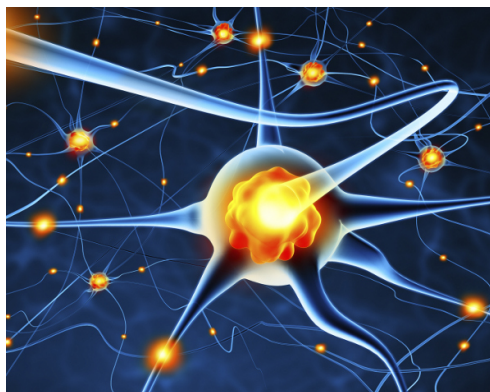


Table des figures

1.1	Exemple de Sudoku complet.	5
1.2	Sudoku où l'on applique la règle de l'unicité des chiffres sur les diagonales.	5
1.3	Logo de Python.	6
1.4	Logo de Qt.	6
1.5	Logo de Cplex.	6
1.6	Logo de GitHub.	7
1.7	Logo de LaTeX	7
2.1	Résultat de l'optimisation du problème du brasseur	10
2.2	Illustration de l'algorithme du backtracking.	10
2.3	Interface graphique Complete.	12
2.4	Zone d'affichage.	12
2.5	Zone de saisi.	13
2.6	Interface de graphique de résolution d'un sudoku 8 par 8.	13
2.7	Sudoku 10 par 10 résolu montrant la première sous grille.	15
2.8	Résolution de Grille Vide avec l'optimizer de Cplex.	17
2.9	Résolution de Grille Vide avec l'optimizer de Cplex.	17

Table des matières

1	Introduction	4
1.1	Présentation de la structure d'accueil	4
1.1.1	L'université des Antilles	4
1.1.2	Le LAMIA	4
1.2	Contexte général	5
1.2.1	Qu'est ce que le sudoku	5
1.3	Contexte du problème	5
1.4	Méthodologie	6
1.4.1	Outils utilisés	6
1.5	Annonce du plan	7
1.5.1	Présentation des stratégies de résolution	7
1.5.2	Implémentation des stratégies	7
1.5.3	Test du résolveur	7
1.5.4	Conclusion	8
2	Déroulement	9
2.1	Présentation des stratégies de résolution	9
2.1.1	Présentation de la résolution avec Cplex	9
2.1.2	Présentation de la résolution par backtracking	10
2.1.3	Pourquoi utiliser ces deux algorithmes	11
2.1.4	Implémentation des Stratégies de résolution	12
2.1.5	Modélisation et implémentation d'un sudoku en Python et de l'interface graphique	12
2.1.6	Implémentation de la résolution avec Cplex	14
2.1.7	Implémentation de la résolution avec l'algorithme du backtracking	14
2.1.8	Troisième fonction	15
2.1.9	Fonction principale	15
2.2	Test du résolveur	16
2.2.1	Choix de nos tests	16
2.2.2	Test de la généralisation	16
2.2.3	Implémentation de nos tests	16
2.2.4	Résultat de nos tests	16
2.2.5	résultat avec notre nouvelle algorithme	16
3	Conclusion	18
3.1	Rappel de la problématique	18
3.2	Réponse apportées	18
3.3	Piste d'amélioration	18
3.4	Les apports du stage	18
3.4.1	les apports à l'entreprise	18
3.4.2	les apports personnels	18
3.5	Perspectives	18
4	Remerciements	19

Bibliographie	20
A Annexes	21

Chapitre 1

Introduction

1.1 Présentation de la structure d'accueil

Durant la période de mon stage, j'ai été accueilli au **Laboratoire de Mathématiques Informatique et Application (LAMIA)** de l'Université des Antilles (UA).

Pour présenter cette structure, il me faut tout d'abord présenter l'université à laquelle il est rattaché.

1.1.1 L'université des Antilles

Bien que ce soit l'université dans laquelle j'ai fait toutes mes études, voici quelques chiffres que je ne connaissais pas et qui donnent la mesure de sa taille :

L'Université des Antilles s'organise autour deux pôles universitaires régionaux autonomes : le « Pôle Guadeloupe » et le « Pôle Martinique ».

Sur ces pôles, l'Université assure des missions d'*enseignement* et de *recherche*, assistées par des *administratifs et des techniciens*.

Administration et personnel technique

L'UA emploie 414 Administratifs et Techniciens (environ 200 personnes pour l'administration centrale et 100 répartis sur chaque pôle)

Enseignements

L'UA délivre des diplômes de la licence au doctorat dans de nombreux domaines. Au total, cela représente :

- 484 enseignants-chercheurs (environ 240 pour chaque pôle)
- 12 000 étudiants (environ 7000 pour la Guadeloupe, 5000 pour la Martinique)

Pour l'informatique, cela représente : - autour de 20 enseignants-chercheurs - autour de 120 étudiants

1.1.2 Le LAMIA

Le **Laboratoire de Mathématiques Informatique et Application (LAMIA)**, comme son nom l'indique, se concentre sur les recherches en informatique et mathématiques.

Il compte une soixantaine de membres (Professeurs des Universités, Maîtres de Conférences, ATER, Doctorants) répartis sur deux pôles (Guadeloupe et Martinique) au sein de trois équipes internes :

- Equipe **Mathématiques** (analyse variationnelle, analyse numérique, EDP, analyse statistique, mathématiques discrètes) ;
- Equipe Informatique **DANAIS** : Data analytics and big data gathering with sensors ;
- Equipe Informatique **AID** : Apprentissages Interactions Données ;

De plus, le LAMIA accueille en son sein un groupe de chercheurs associés travaillant en Epidémiologie clinique et médecine.

1.2 Contexte général

1.2.1 Qu'est ce que le sudoku

Le sudoku est un jeu représenté par une grille de 81 case découpé en 9 lignes et 9 colonnes et 9 sous-grilles 3 par 3. Le but du jeu est de remplir chaque ligne avec 9 chiffre allant de 1 à 9 en faisant en sorte qu'il n'y ai pas le même chiffre plusieurs fois sur la même ligne colonne ou dans la même sous grille.

5	3	4	6	7	8	9	1	2
6	7	2	1	9	5	3	4	8
1	9	8	3	4	2	5	6	7
8	5	9	7	6	1	4	2	3
4	2	6	8	5	3	7	9	1
7	1	3	9	2	4	8	5	6
9	6	1	5	3	7	2	8	4
2	8	7	4	1	9	6	3	5
3	4	5	2	8	6	1	7	9

FIGURE 1.1 – Exemple de Sudoku complet.

1.3 Contexte du problème

La résolution de sudoku est un sujet ou plusieurs solutions existent et où c'est dans la complexité¹ des différentes solution que réside la difficulté la résolution. Nous pouvons aussi rendre compte de résolution de sudoku avec des règles spécifiques.
tel que :

4	1	5	6	3	8	9	7	2
3	6	2	4	7	9	1	6	5
7	8	9	2	1	5	3	6	4
9	2	6	3	4	1	7	5	8
1	3	8	7	5	6	4	2	9
5	7	4	9	8	2	6	3	1
2	5	7	1	6	4	8	9	3
8	4	3	5	9	7	2	1	6
6	9	1	8	2	3	5	4	7

FIGURE 1.2 – Sudoku où l'on applique la règle de l'unicité des chiffres sur les diagonales.

Dans ce mémoire nous allons essentiellement parler de deux d'entre elles celle de la résolution de sudoku vu sous l'angle d'un problème d'optimisation linéaire grace a l'algorithme du simplex et une autre plus simple celle de l'algorithme du backtraking.

1. le nombre d'action réalisé durant la résolution

1.4 Méthodologie

1.4.1 Outils utilisés

Présentation de Python



FIGURE 1.3 – Logo de Python.

Python est un langage de programmation interprété² qui sera utiliser pour l'ensemble du projet. Nous avons choisi ce langage car il n'y a pas beaucoup de résolution

Présentation Qt



FIGURE 1.4 – Logo de Qt.

QT est une librairie³ qui permet le création d'interface graphique en Python. Que nous utiliserons pour créer l'interface que l'on utilisera au cours du projet.

Présentation Cplex



FIGURE 1.5 – Logo de Cplex.

Cplex est une librairie³ qui permet la modélisation et la résolution de problème d'optimisation linéaire⁴.

2. Langage nécessitant un programme informatique qui joue le rôle d'interface entre le projet et le processeur appelé interpréteur, pour exécuter du code.

3. Une librairie est un fichier contenant du code (généralement un ensemble de fonction et classes permettant de faciliter et/ou de réaliser certain programme)

4. Terme que j'expliquerais plus tard dans mon rapport

Présentation de GitHub



FIGURE 1.6 – Logo de GitHub.

Nous pouvons définir GitHub comme une plateforme de développement de projet informatique en groupe. Elle simplifie grandement le développement de projets. Elle permet de versionner ses programmes et d'y apporter des modifications en temps réel à plusieurs.

Présentation de LaTeX



FIGURE 1.7 – Logo de LaTeX

Nous pouvons dire que LaTeX est un langage de traitement de texte tel que le markdown qui permet de mettre en forme notre texte de manière scientifique. Cela veut dire que LaTeX permet une facilité d'écriture des équations et de toutes les écritures mathématiques. Permet de par ses nombreux packages une quasi-infinité de possibilités. L'utilisation de cet outil permettra une synergie entre ceux-ci car LaTeX peut-être utilisé avec un simple bloc-note c'est donc du texte ce qui permet une interaction facilitée avec GitHub d'ailleurs ce rapport est écrit avec LaTeX et retrievable sur GitHub.

1.5 Annonce du plan

1.5.1 Présentation des stratégies de résolution

Dans cette première partie je commencerais par vous présenter la première solution de résolution choisie qui est la résolution du sudoku en tant que problème d'optimisation linéaire. En deuxième grande sous-partie de cette section je vous présenterai l'algorithme du backtracking. En dernière sous-partie de cette présentation je vous expliquerai pourquoi le choix de ces deux solutions.

1.5.2 Implémentation des stratégies

La première sous-partie de cette grande sous-partie commencera avec la modélisation et l'implémentation d'un sudoku en python et l'implémentation de l'interface graphique. La seconde sera l'implémentation de la méthode de résolution utilisant cplex. Pour finir nous ferons l'implémentation de la méthode utilisant l'algorithme du backtracking.

1.5.3 Test du résolveur

Nous commencerons par établir nos méthodes de test, expliquer la raison du choix de ces tests. Nous continuerons avec l'implémentation de ceux-ci. Nous finirons par présenter et analyser nos résultats.

1.5.4 Conclusion

Nous terminerons ce rapport par une conclusion où nous rappellerons brièvement la problématique.
Nous ferons le bilan des produits du projet de stage.
Nous ferons le bilan des apports du stage.
Et finirons par une ouverture en étudiant nos perspectives.

Chapitre 2

Déroulement

Ce chapitre, le plus volumineux du rapport, décrira l'ensemble des tâches que j'ai eu à effectuer au cours de ces deux mois.

2.1 Présentation des stratégies de résolution

2.1.1 Présentation de la résolution avec Cplex

Qu'est-ce qu'un problème d'optimisation linéaire

Nous allons dans cette première partie parler de la résolution de sudoku comme étant un problème d'optimisation linéaire. Mais tout d'abord nous devons définir ce qu'est un problème d'optimisation linéaire.

Par définition un problème d'optimisation linéaire est un problème dont la valeur à optimiser ainsi que les contraintes qui y seront appliquées peuvent être modélisées sous la forme d'une fonction linéaire cette description n'est pas des plus précises que l'on puisse c'est pour cela que nous allons l'étoffer par un problème connu.

Le problème du brasseur de bière peut être énoncé comme suit :

Un brasseur fabrique 2 types de bières : blonde et brune.

3 ingrédients : maïs , houblon , malt.

Quantités requises par unité de volume :

Bière blonde : 2,5 kg de maïs, 125 g de houblon, 17,5 kg de malt

Bière brune : 7,5 kg de maïs, 125 g de houblon, 10 kg de malt

Le brasseur dispose de 240 kg maïs, 5 kg houblon , 595 kg malt

Prix vente par u.v. : blonde 9 euros , brune 15 euros Le brasseur veut maximiser son revenu .

Quelle quantité de bières blondes et/ou brunes doit-il produire pour cela?

Nous pouvons modéliser le revenu du brasseur comme étant une fonction linéaire tel que :

Soit x^1 le nombre de volumes d'unité de bière blonde et x^2 le nombre d'unité de volume de bière brune
Nous avons :

Le revenu que nous devons maximiser : $R = x^1 * 9 + x^2 * 15$

Les contraintes peuvent être représentées comme suit :

La quantité maximale de maïs : $M \geq x^1 * 2,5 + x^2 * 7,5$

La quantité maximale de houblon : $H \geq x^1 * 0,125 + x^2 * 0,125$

La quantité maximale de malt : $Ma \geq x^1 * 17,5 + x^2 * 10$

Comment résoudre un problème d'optimisation linéaire

Maintenant que nous avons vu ce qu'est un problème d'optimisation linéaire et illustré ceci par un exemple nous allons voir sa solution avec Cplex.

La résolution avec cplex est des plus simples il suffit de mettre en place nos contraintes et notre fonction à maximiser le code sera donner et expliciter en annexe :

```
Version identifier: 20.1.0.0 | 2020-11-10 | 9bedb6d68
CPXPARAM_Read_DataCheck          1
Tried aggregator 1 time.
No LP presolve or aggregator reductions.
Presolve time = 0.02 sec. (0.00 ticks)

Iteration log . . .
Iteration: 1   Scaled dual infeas =      0.000000
Iteration: 2   Dual objective      =     528.000000
Solution status = 1 :
optimal
Solution value = 528.0
Row 0: Slack = 0.000000 Pi = 1.200000
Row 1: Slack = 0.000000 Pi = 48.000000
Row 2: Slack = 105.000000 Pi = -0.000000
Column 0: Value = 12.000000 Reduced cost = 0.000000
Column 1: Value = 28.000000 Reduced cost = 0.000000
```

FIGURE 2.1 – Résultat de l'optimisation du problème du brasseur

Nous voyons que nous avons pour revenu maximum 528 euro avec 12 unité de volume de bière blonde produite et 28 unité de bière brune produites.

2.1.2 Présentation de la résolution par backtracking

L'algorithme du backtracking est plus précisément une famille d'algorithme qui sont utilisé le plus souvent pour résoudre des problèmes de satisfaction de contrainte. Le backtracking est la solution la plus simple à comprendre il s'agit tout simplement de tester toutes les valeurs possible sur chaque case jusqu'à obtenir une sortie de sudoku remplie et valide. Cette algorithme agit comme un parcours d'arbre illustrons cela avec une image :

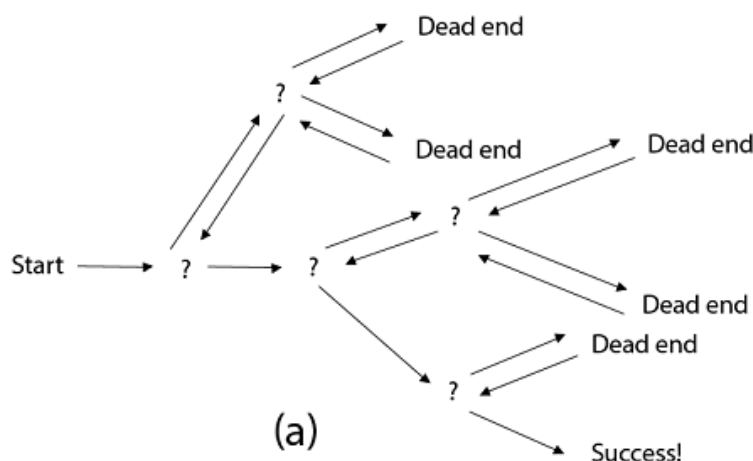


FIGURE 2.2 – Illustration de l'algorithme du backtracking.

Comme l'illustre cette image nous essayons toutes les possibilités et retournons en arrière si nous tombons dans une impasse dans nous passons de case vide¹ en case vide¹ en revenant en arrière si peu importe la le chiffre essayer dans cette case allant de 1 à 9, nous donne un sudoku invalide. Le problème de cette algorithme qui revient le plus souvent est dû au fait que nous essayons toutes les valeurs possible ce qui nous donne une très grande quantité d'action et donc ce qui augmente considérablement notre temps de calcul nous pouvons toutefois régler ce problème en évitant de tester les possibilités qui nous amène de façon logique à une impasse ou éviter de tester des possibilités d'une case si il est possible de déduire sa valeur de façon logique.

2.1.3 Pourquoi utiliser ces deux algorithmes

Pourquoi utiliser l'algorithme du simplex

La résolution avec l'algorithme du simplex permet une implémentation intuitive et facilité dû à l'utilisation de Cplex. Cplex nous permet aussi une meilleur étude de la complexité de notre algorithme car nous pouvons voir les différentes itérations de recherche de notre outil de résolution. Cette méthode de résolution nous permet aussi de revoir le problème de plusieurs façons différentes de par le fait que la résolution ne dépend que de nos contraintes.

Pourquoi utiliser l'algorithme utilisant le backtracking

La résolution avec le backtracking est l'algorithme le plus naturel qui vient à l'esprit dans la résolution de problème avec contrainte ce qui permet une facile implémentation de la gestion des contraintes malgré leur nombre. C'est un algorithme facilement améliorable car le but tout au long de son implémentation sera de tester le moins de valeurs menant à une impasse possible. Cette algorithme a aussi pour avantage de n'avoir besoin d'aucune librairie extérieure ce qui permet une liberté totale au niveau du code et donne lieu à une certaine transparence quant à son fonctionnement contrairement au code que nous utilisons via cplex qui peuvent différer légèrement de leurs fonctionnements théoriques cités plus haut.

1. Une case vide est comme dit plus haut une case contenant la valeur 0

2.1.4 Implémentation des Stratégies de résolution

2.1.5 Modélisation et implémentation d'un sudoku en Python et de l'interface graphique

Présentation de l'interface graphique

Nous allons tout d'abord vous présenter notre interface graphique qui nous servira tout au long de nos test :

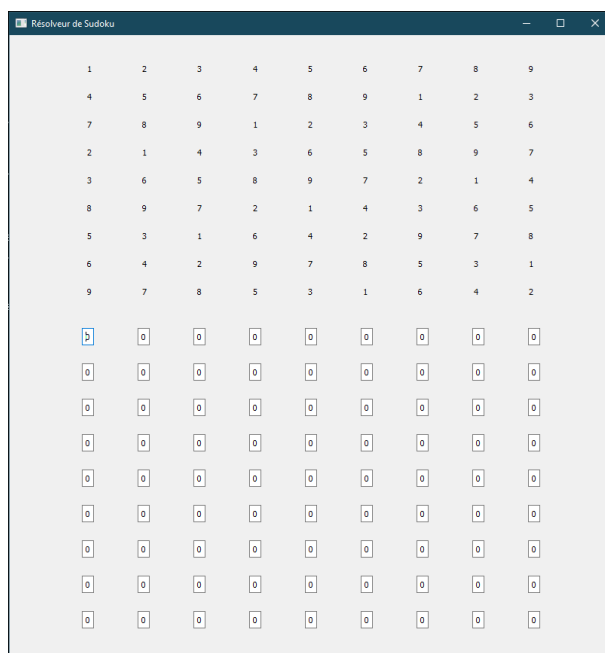


FIGURE 2.3 – Interface graphique Complete.

1	2	3	4	5	6	7	8	9
4	5	6	7	8	9	1	2	3
7	8	9	1	2	3	4	5	6
2	1	4	3	6	5	8	9	7
3	6	5	8	9	7	2	1	4
8	9	7	2	1	4	3	6	5
5	3	1	6	4	2	9	7	8
6	4	2	9	7	8	5	3	1
9	7	8	5	3	1	6	4	2

FIGURE 2.4 – Zone d'affichage.

Notre interface se compose donc d'une zone de saisi qui contiendra le sudoku pas qui devra être résolu par notre programme et un zone d'affichage qui contiendra le sudoku une fois résolution par notre algorithme de résolution. L'affichage des nombre entrées dans la zone de saisi ce fait de façon dynamique dans la zone d'affichage et la résolution ce fait une fois que l'utilisateur a appuyé sur la touche entrée. Notre algorithme devant être innovant nous avons pensez à la généralisation du sudoku c'est à dire que nous pouvons choisir la taille des sudokus résolu par notre interface toujours avec un nombre de case et de ligne égales pour une raison d'impossibilité autrement à cause de la règle des sous-grilles.



FIGURE 2.5 – Zone de saisi.

Voilà donc notre interface avec un sudoku de 8 cases et 8 colonnes :

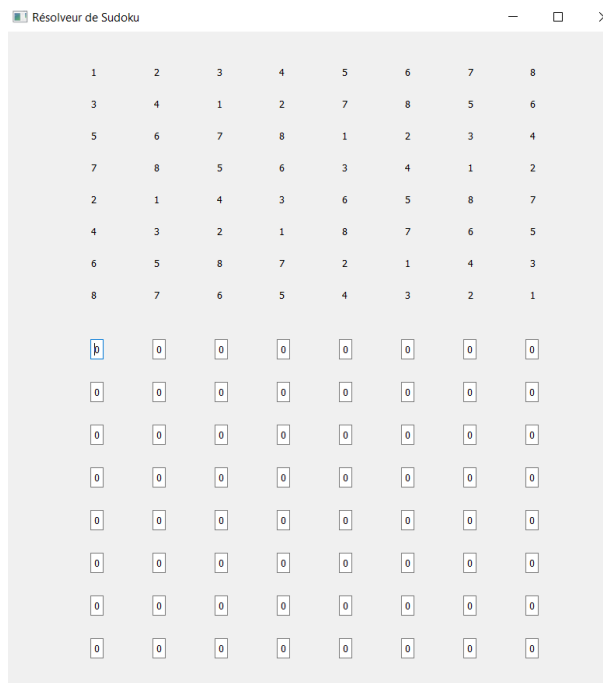


FIGURE 2.6 – Interface de graphique de résolution d'un sudoku 8 par 8.

Implémentation de l'interface graphique

Nous allons stocker dans une liste² contenant 9 listes² qui représenteront nos ligne qui elles contiendront 9 entiers allant de 0 à 9. Nous aurons donc besoin de coder des fonctions pour faire le lien entre l'interface et notre résolveur du fait de notre modélisation du sudoku nous pouvons découper cela en plusieurs fonction utilitaire :

- Une fonction qui nous permettra de stocker le contenu de notre interface graphique dans une liste comme celle décrite précédemment

2. structure de donnée incluse de base dans python qui permet de contenir plusieurs variables différentes

- Une fonction permettant de transférer le contenu d'une liste comme celle décrite plus haut dans la zone de saisi notre interface graphique
- Une fonction permettant de transférer le contenu d'une liste comme celle décrite plus haut dans la zone d'affichage notre interface graphique
- Une fonction permettant de copier le contenu de la zone de saisi de notre interface dans la zone d'affichage de notre interface
- Une fonction permettant de copier le contenu de la zone d'affichage de notre interface dans la zone de saisi de notre interface

Pour la création de notre interface nous avons eu besoin de 3 panel³ un contenant nos deux grille nous permettant leur superposition et deux qui nous servent de grilles car nos grilles ne sont en réalité que deux panel contenant un nombre de zone de saisi de texte aussi appelé QTextEdit dans la librairie Qt égale à la *taille*² et l'autre le même nombre de zone d'affichage de texte aussi appelé QLabel toujours dans la librairie Qt. Aussi nous avons eu besoin codés de quelques fonctions mineurs :

- Une fonction nous permettant de faire en sorte que la taille des zones de saisi de textes soit calculé par rapport à ce qu'elle contiennent
- Une fonction pour effectuer la résolution une fois la touche Entrée pressée.

2.1.6 Implémentation de la résolution avec Cplex

Comme nous l'avons fait dans notre exemple nous allons définir les contraintes et la fonction à maximiser : Nous avons pour contrainte :

- La somme de chaque ligne doit être égal à 45 pour permettre l'utilisation de chaque chiffre sur une ligne
- Les chiffres de chaque lignes doivent être différents
- les chiffres de chaque colonnes doivent être différents
- les chiffres de chaque sous grilles doivent être différents

Chaque inégalité peut être écrit sous la forme d'une fonction linéaire tel que :

$$x - y = 0$$

La fonction à maximiser peut-être décrite comme la maximisation de la somme de chaque case en sachant que celle ci donnera toujours $9 * 45$ c'est à dire 405.

les case rempli c'est à dire les case indices de notre sudoku peuvent être modélisé par une contrainte d'égalité en plus sur la variable représentant la case concerné.

La généralisation du sudoku est implémenté telle qu'elle ne change pas la règle de l'unicité des chiffres sur les lignes et colonne et ne fait que fixer le nombre de valeur possible comme étant égale à la largeur ou longueur de notre sudoku car comme dit plus haut nous avons toujours le nombre de case sur une ligne égale au nombre de case sur une colonne. Nous pouvons donc déceler 2 cas à notre génération le meilleur cas ou le nombre n'est pas premier nous n'avons pour appliqué la règle des sous grilles qu'à trouvé un diviseur en privilégiant un diviseur dont le résultat de la division donne lui même ainsi notre sous grille pour le cas d'une résolution 10 ligne par 10 colonne par exemple considéré que les sous grilles ce compose de 2 élément sur les grilles et 5 élément sur les colonnes :

2.1.7 Implémentation de la résolution avec l'algorithme du backtracking

Pour cette algorithme nous avons besoin de 4 fonctions très simple :

- Une fonction pour copier notre liste.
- Une fonction pour vérifier si notre sudoku est toujours valide autrement dit respect nos contraintes.
- Une fonction pour vérifier si notre sudoku est remplie autrement dit ne contient pas de case contenant la valeur 0.
- Notre fonction principale qui utilisera toute les autres pour résoudre notre sudoku.

Première fonction

Cette fonction nous sera utile car en cas d'erreur quand nous testons les valeur nous devons pouvoir retourner en arrière et donc nous devons garder le sudoku de l'itération de test précédente, c'est pour

3. Contenant des différent élément de notre interface

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
3	4	1	2	7	8	9	10	5	6
5	6	7	8	9	10	1	2	3	4
7	8	9	10	3	4	5	6	1	2
9	10	5	6	1	2	3	4	7	8
2	1	4	3	6	5	8	7	10	9
4	3	2	1	8	7	10	9	6	5
6	5	8	7	10	9	2	1	4	3
8	7	10	9	4	3	6	5	2	1
10	9	6	5	2	1	4	3	8	7

FIGURE 2.7 – Sudoku 10 par 10 résolu montrant la première sous grille.

cela que pour chaque test de valeur nous utiliserons une copie du sudoku de l'itération précédente.

Deuxième fonction

Cette fonction doit vérifier nos différentes règles d'unicité et si les valeurs des différentes cases sont bien comprises entre 1 et la largeur et longueur du sudoku. Elle doit considérer un sudoku incomplet mais respectant toutes les contraintes comme étant un sudoku valide car dans le cas contraire aucune valeur testée sur la première case vide si il y en a d'autre ne serait valide ce qui nous empêcherait d'avancer dans nos tests.

2.1.8 Troisième fonction

Comme dit précédemment nous considérons un sudoku incomplet mais respectant nos contraintes d'unicité comme étant valide. Nous avons donc besoin d'une fonction pour savoir si notre sudoku est rempli ou non pour terminer notre résolution. Un sudoku résolu étant un sudoku rempli et valide.

2.1.9 Fonction principale

Cette fonction est la plus longue de notre programme de résolution mais n'en est pas moins simple cette fonction doit en premier lieu trouver la première case vide dans le sens de lecture de notre sudoku (de gauche à droite et de haut en bas).

Puis doit tester les valeurs de 1 à 9 en faisant attention avant de tester une valeur de vérifier si le sudoku est toujours valide si elle est posée avant de l'essayer.

Une fois une valeur valide trouvée la fonction on répète cette opération de façon récursive⁴ mais cette fois avec notre copie de sudoku avec notre nouvelle valeur ajoutée.

Si nous ne trouvons aucune valeur de 1 à 9 pour notre case nous retournons la liste sans ajout de valeur afin de tester une autre valeur dans la case vide précédente.

Comme dit précédemment nous ne nous arrêtons que quand notre sudoku est rempli et valide.

4. Par un appel de la fonction dans cette même fonction

2.2 Test du résolveur

2.2.1 Choix de nos test

Test avec un sudoku standart complètement vide

Nous avons tout d'abord pensez essayer notre résolveur sur un sudoku complètement vide ce sudoku ayant le plus grand nombre de solution car à ce sudoku est solution toutes les grilles de sudoku existantes, s'agit donc d'un des meilleurs cas possible pour nos deux algorithmes.

Test avec un sudoku standart rempli de 17 valeurs

Maintenant que nous avons identifié notre meilleur des cas commun nous pouvons maintenant essayer de trouver notre pire des cas commun, c'est grace a un article que nous avons pu l'identifier en effet selon cette article : [1]

Nous avons appris que Le nombre minimal d'indice pour n'avoir qu'une seule solution a une grille de sudoku était 17. Ce qui en plus de n'admettre qu'une seule solution possible nous donne le moins de valeur déjà entrer possible.

2.2.2 Test de la généralisation

Quand aux sudoku de taille différente nous n'avons qu'effectuer des sudoku sans indices de par le fais de notre méconnaissance de ceux-ci car contrairement au sudoku standart nous n'avons pas trouver d'équivalent au nombre de dieu des sudoku standart et n'avons pas les moyen d'en effectuer la recherche comme il a été fait dans l'article.

2.2.3 Implémentation de nos test

Nous n'avons eu besoin pour l'implémentation de nos test pour le test que d'une liste contenant des 0 pour notre cas le plus simple. Et pour notre cas le plus compliqué nous avons choisi de télécharger un fichier contenant 9 000 000 de sudoku résolu et n'avons eu qu'a en enlevé 64 valeurs t avons essayé notre sudoku sur quelque un d'entre eux.

2.2.4 Résultat de nos tests

Changement d'algorithme de cplex

Nos test avec les sudoku standart nous ayant mené a la conclusion que l'algorithme du simplex nous menant à un temps de résolution bien trop long dans les deux cas nous avons finaleent utiliser l'optimiseur de cplex utilisant un autre algorithme de résolution mais ne changeant pas l'implémentation mais changeant légèrement nos contrainte nous avons donc utiliser la contrainte Alldiff de cplex pour les différentes règles d'unicité ayant une bien meilleur efficacité, et remplacer la contraintes de la somme des valeur d'une ligne par une contraintes de valeur sur chaque variables pour qu'elles ne varient qu'entre 1 et 9.

2.2.5 résultat avec notre nouvelle algorithme

Nous avons une réponse quasi instantanées dans les deux cas voilà le sudoku donné en retour d'un sudoku complètement vide standart :

Et celui donné dans le cas d'un sudoku avec 17 indices :

9	3	4	1	7	5	2	6	8
1	5	2	6	9	8	7	4	3
7	6	8	2	4	3	9	1	5
4	9	5	3	6	7	8	2	1
2	7	1	8	5	4	6	3	9
3	8	6	9	2	1	5	7	4
5	1	9	7	3	6	4	8	2
8	2	7	4	1	9	3	5	6
6	4	3	5	8	2	1	9	7

FIGURE 2.8 – Résolution de Grille Vide avec l’optimizer de Cplex.

5	8	6	2	3	9	1	7	4
9	4	2	1	5	7	3	8	6
7	1	3	8	6	4	9	2	5
1	3	7	6	9	2	5	4	8
4	2	8	5	1	3	7	6	9
6	5	9	7	4	8	2	1	3
3	7	4	9	2	6	8	5	1
2	6	1	3	8	5	4	9	7
8	9	5	4	7	1	6	3	2

FIGURE 2.9 – Résolution de Grille avec 17 indices grace à l’optimizer de Cplex.

Chapitre 3

Conclusion

3.1 Rappel de la problématique

3.2 Réponse apportées

3.3 Piste d'amélioration

3.4 Les apports du stage

3.4.1 les apports a l'entreprise

3.4.2 les apports personnels

3.5 Perspectives

Chapitre 4

Remerciements

Bibliographie

[1] Pierre Barthélémy. 17 est le nombre de dieu au sudoku. *Le monde*, 2012.

Annexe A

Annexes