

# Rakenne ja O-analyysi

Algoritmi luo uusia sukupolvia ja jokaisessa sukupolvessa se luo 100 uutta DNA:ta, mutatoi ne, pisteyttää ne ja lopuksi kaikki DNA:t järjestetään. Yhdessä DNA:ssa on yksi ratkaisu.

Joka kerta kun DNA luodaan, se saa isältään ja äidiltään sattumanvaraisesti arvot. isältä arvojen hakeminen kestää  $O(l)$  aikaa, missä  $l$  on sijaintien määrä. Äidiltä arvojen hakeminen kestää  $O(l^2)$  aikaa, missä  $l$  on sijaintien määrä. Toisen asteen potenssi johtuu siitä että samalla pitää tarkistaa onko sama sijainti tullut jo isältä. Täten crossover on aikavaatimukseltaan  $O(l^2)$

Mutaatioiden maksimimäärä on käyttäjän asettama. Yksi mutaatio vain vaihtaa kahden sijainnin paikkaa, jolloin mutaation aikavaatimus on  $O(1)$ . Näin ollen yhden DNA:n kaikkien mutaatioiden aikavaatimus on  $O(m)$ , missä  $m$  on max mutaatioiden määrä.

Pisteiden laskuun tarvitaan laskea reitti, minkä DNA pitää sisällään. Reitin laskemisessa käydään jokaisen sijainnin jokainen paketti läpi. Näin ollen reitin laskemiseen menee  $O(p)$  aikaa missä  $p$  on kaikkien pakettien määrä.

Pisteisiin lasketaan myös DNA:n eroavaisuus suhteessa vanhempiinsa. Eroavaisuuden laskemisessa käydään isän, äidin ja lapsen sijainnit läpi. Eroavaisuuden laskemisessa menee siis  $O(l)$  aikaa missä  $l$  on sijaintien määrä. Vakiokerroin on 3.

Reitin ja eroavaisuuden yhdistävä pisteidenlasku algoritmi tekee vain normaaleja laskutoimituksia vakioajassa. Täten koko pisteiden laskuun menee  $O(p+l)$ .

DNA:n pisteitä käytetään järjestämisessä. Järjestämiseen käytetään merge sorttia, jonka aikavaativuus on  $O(n \log(n))$ . DNA:n pisteet laitetaan muistiin ensimmäisen laskemisen jälkeen. Tällöin järjestämiseen menee  $O(p \cdot d + d \cdot \log(d))$  missä  $d$  on sukupolven DNA määrä. Sukupolvessa on aina 100 DNA:ta. Joten järjestämiseen menee  $O(100p + 460) \Rightarrow O(p)$ , missä vakiokerroin on 100

Sukupolvia tehdään käyttäjän valitsema määrä. Täten koko algoritmiin menee  $O(g \cdot (l^2 + m + p)) \Rightarrow O(gl^2 + gm + gp)$ , missä  $g$  on sukupolvien määrä, ja vakiokerroin on noin 100

O-analyysistä näkee, että jos haluaa suorittaa monta sukupolvea, pitää sijaintien, mutaatioiden ja pakettien määrä pitää alhaisena. jos jotain näistä kolmesta nostaa suureksi, algoritmi alkaa käyttäytymään kuin  $O(n^2)$  algoritmit, jolloin ajaminen on hidasta.