#### САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ АЭРОКОСМИЧЕСКОГО ПРИБОРОСТРОЕНИЯ

ОТЧЕТ		
ЗАЩИЩЕН С ОЦЕНКОЙ		
РУКОВОДИТЕЛЬ		
доцент, канд. техн. наук.		Д. С. Дехканбаев
должность, уч. степень, звание	подпись, дата	инициалы, фамилия
ОТЧЕТ О Ј	ТАБОРАТОРНОЙ	РАБОТЕ
СОЗДАНИЕ ПАРА	АЛЛЕЛЬНОГО ПЕ	РИЛОЖЕНИЯ С
	помощью мрі	
1	ломощью мгт	
по курсу: ПА	РАЛЛЕЛЬНЫЕ ВЫЧ	ИСЛЕНИЯ
РАБОТУ ВЫПОЛНИЛ		
СТУДЕНТ ГР. 4645М		Г. В. Гетманенко

подпись, дата

номер группы

инициалы, фамилия

#### 1 Цель работы

Приобретение навыков написания параллельных программ. Знакомство с МРІ.

#### 2 Задание

Вариант 1: Написать программу, генерирующую множество точек, равномерно заполняющих круг. Точки необходимо сохранять в файл. Число точек задается пользователем.

## 3 Теоретические сведения

Генерацию точек, равномерно заполняющих круг, можно провести следующим алгоритмом:

1. Сгенерировать два множества чисел с равномерным распределением от нуля до единицы.

Первое множество A представляет угол, второе R - расстояния от центра круга.

- 2. Заменить каждое значение из R на квадратный корень из каждого значения:  $r_i' = \sqrt{r_i}$ .
  - Это равномерно распределит точки по кругу, задающиеся в полярной системе координат парами  $(\alpha_i, r_i)$  из множеств A, R.
- 3. Значения случайных углов A необходимо умножить на необходимый радиус круга, а значения A умножить на  $2\pi$ , чтобы привести к диапазону  $(0; 2\pi)$ .
- 4. Вычислить координаты точек в декартовой системе координат:  $x_i = \cos(\alpha_i) \cdot r_i, y_i = \sin(\alpha_i) \cdot r_i$ .

# 4 Реализация программы

Поскольку при большом количестве единовременно генерируемых точек (речь о количестве порядка  $10^7$ ) количество потребляемой памяти может достигать нескольких сотен мегабайт, предлагается генерировать точки частями - чанками.

Как вариант реализации, для сохранения очередного чанка процессу необходимо:

- 1. Отправить на процесс с нулевым ранком или оставить у себя, если используем раздельный доступ к файлу.
- 2. Создать представление сгенерированных точек в виде строки, которая будет сохранена в файл (форматирование).
- 3. Записать полученную строку в файл.

Альтернативно, поскольку форматирование тоже требовательный процесс, была скорректирована реализация программы, в которой строка форматируется в том же про-

цессе, в котором она и генерируется. То есть, пункты первые два пункта из списка выше переставлены местами.

# 5 Проверка производительности

Программа написана на языке Python 3.6, поскольку автор работы решил, что знания по работе с MPI на Python в будущем пригодятся ему больше, чем C++. Исходный код программы можно посмотреть на GitHub:

https://github.com/MrP4p3r/guap-mag-s3/tree/master/mpi.

Для проверки производительности был написан небольшой скрипт, который можно так же увидеть на GitHub. Были запущены четыре теста для каждой реализации, для каждого количества процессов (1-8), для каждого количества точек из множества  $(1, 10, ..., 10^7)$ .

При выполнении программы замерялось время непосредственно с начала генерации точек всеми процессами, до конца работы алгоритма всеми процессами. Для этого была использована синхронизациия через MPI\_Barrier. Результаты тестов можно увидеть ниже.

- \$ # Сначала форматирование, пересылка, потом пишет RANK=0
- \$ ./performance-test.py ./generate-format-send-write.py

```
1
                                 2
                                            3
                                                                  5
                                                       4
                                                                             6
0
   1
              0.000180
                         0.000192
                                    0.000208
                                               0.000289
                                                          0.009132
                                                                     0.018648
1
   10
              0.000201
                         0.000212
                                    0.000211
                                               0.000497
                                                          0.012638
                                                                     0.019242
2
   100
              0.000251
                         0.000246
                                    0.000282
                                               0.000293
                                                          0.010503
                                                                     0.026761
3
   1000
              0.000681
                         0.000692
                                    0.000727
                                               0.000738
                                                          0.014488
                                                                     0.021568
4
   10000
              0.005804
                         0.003189
                                    0.002575
                                               0.002251
                                                          0.012188
                                                                     0.027320
                                    0.021007
   100000
              0.057200
                         0.030123
                                               0.019733
                                                          0.044065
                                                                     0.038634
6
   1000000
              0.555572
                         0.293506
                                    0.202526
                                               0.166174
                                                          0.295985
                                                                     0.265177
7
   10000000
              5.858132
                         2.936803
                                    2.050702
                                                          2.534332
                                               1.618638
                                                                     2.225968
8
9
                      7
                                 8
10
   1
              0.020893
                         0.017642
11
   10
              0.023246
                         0.023271
12
   100
              0.024871
                         0.025983
13
   1000
              0.013892
                         0.023676
14
   10000
              0.015320
                         0.023497
15
   100000
              0.044337
                         0.041279
16
   1000000
              0.246127
                         0.212471
17
   10000000
              2.424546
                         1.908181
18
19
```

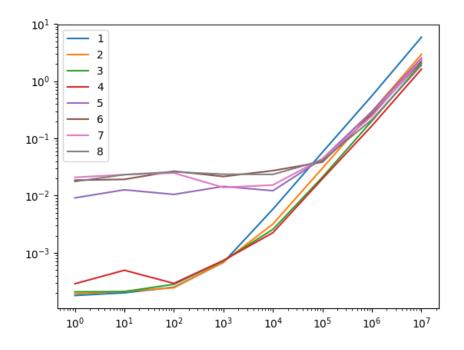


Рисунок 1

- \$ # Сначала форматирование, потом пишет каждый процесс
- \$ ./performance-test.py ./generate-format-send-write.py -d

```
2
                      1
                                            3
                                                       4
                                                                   5
                                                                               6 \
0
   1
              0.000176
                         0.000218
                                    0.000221
                                               0.000272
                                                           0.007106
                                                                       0.018271
1
   10
              0.000193
                         0.000222
                                    0.000226
                                               0.000269
                                                           0.006447
                                                                       0.011831
2
   100
              0.000242
                         0.000267
                                    0.000273
                                               0.000353
                                                           0.005833
                                                                       0.007554
3
   1000
              0.000680
                         0.000718
                                    0.000713
                                               0.000818
                                                           0.007048
                                                                       0.011560
4
   10000
              0.005794
                         0.003190
                                    0.002471
                                               0.002122
                                                           0.014790
                                                                       0.029612
                                                           0.126486
   100000
              0.055500
                         0.029650
                                    0.020274
                                               0.016863
                                                                       0.196583
6
   1000000
              0.567695
                         0.289142
                                    0.197455
                                               0.167175
                                                           1.303104
                                                                       1.996200
7
   10000000
              6.173603
                         2.943749
                                                          12.301004
                                    1.989582
                                               1.925692
                                                                      20.944287
8
9
                       7
                                   8
10
   1
               0.014855
                           0.018515
11
               0.019044
                           0.016094
   10
12
   100
               0.013275
                           0.014946
13
   1000
               0.013600
                           0.019412
14
   10000
               0.037118
                           0.041461
15
   100000
               0.299406
                           0.260401
16
   1000000
               2.918833
                           3.171790
17
   10000000
              29.271140
                          32.466083
18
19
```

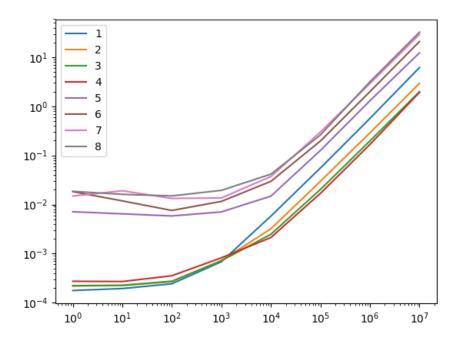


Рисунок 2

- \$ # Сначала пересылка, форматирование, пишет RANK=0
- \$ ./performance-test.py ./generate-send-format-write.py

```
3
                      1
                                 2
                                                       4
                                                                   5
                                                                               6 \
0
   1
              0.000181
                         0.000206
                                    0.000212
                                               0.000254
                                                           0.011728
                                                                       0.014591
1
   10
              0.000192
                         0.000229
                                    0.000223
                                               0.000261
                                                           0.009534
                                                                       0.014517
2
   100
              0.000238
                         0.000269
                                    0.000273
                                               0.000315
                                                           0.007644
                                                                       0.019250
3
   1000
              0.000676
                         0.000725
                                    0.000737
                                               0.000744
                                                           0.011184
                                                                       0.017825
4
   10000
              0.005933
                         0.005069
                                    0.005193
                                               0.005303
                                                           0.023553
                                                                       0.038142
   100000
              0.056163
                         0.047155
                                    0.048904
                                               0.049403
                                                           0.302447
                                                                       0.320108
6
   1000000
              0.551898
                         0.467982
                                    0.475336
                                               0.510450
                                                           2.003478
                                                                       3.809523
7
   10000000
              5.643379
                                    4.977518
                                                          20.760523
                         4.712121
                                               5.544168
                                                                      39.713389
8
9
                       7
                                   8
10
   1
               0.018708
                           0.019027
11
   10
               0.018324
                           0.023690
12
   100
               0.014893
                           0.020014
13
   1000
               0.017196
                           0.027517
14
   10000
               0.046624
                           0.058060
15
   100000
               0.449752
                           0.575272
16
   1000000
               4.293649
                           5.097090
17
   10000000
              48.270933
                          53.365484
18
19
```

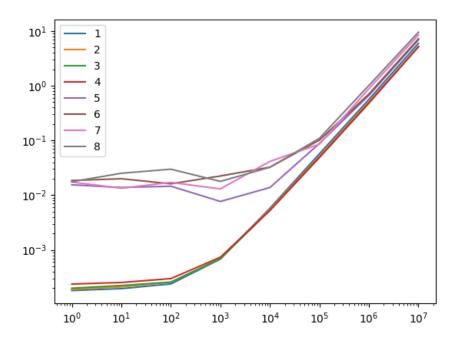


Рисунок 3

- \$ # Форматирование, пишет каждый
- \$ ./performance-test.py ./generate-send-format-write.py -d

```
2
                      1
                                                                                6
0
   1
              0.000181
                         0.000230
                                    0.000238
                                               0.000268
                                                            0.004598
                                                                        0.010045
   10
              0.000200
                         0.000237
                                    0.000229
                                               0.000271
                                                            0.018990
                                                                        0.008613
   100
              0.000242
                         0.000284
                                    0.000274
                                               0.000303
                                                            0.003862
                                                                        0.007525
                                               0.000723
   1000
              0.000695
                         0.000718
                                    0.000713
                                                            0.007551
                                                                        0.009100
4
   10000
              0.005720
                         0.005170
                                    0.005306
                                               0.005598
                                                            0.020480
                                                                        0.037886
5
   100000
              0.057217
                         0.048803
                                    0.048638
                                               0.054321
                                                            0.224306
                                                                        0.213112
6
   1000000
              0.556103
                         0.484035
                                    0.503715
                                               0.511918
                                                            1.739508
                                                                        2.922164
   10000000
              5.921293
                         4.716244
                                    4.791783
                                               5.651588
                                                           18.206571
                                                                       27.601820
                       7
                                   8
10
   1
               0.016686
                            0.014382
11
               0.005892
                            0.011865
   10
12
   100
               0.007333
                           0.016730
13
   1000
               0.011376
                           0.017359
14
   10000
               0.031934
                            0.053500
15
   100000
               0.348627
                            0.345944
16
   1000000
               3.192401
                            3.781406
17
   10000000
              35.491777
                          35.149867
18
19
```

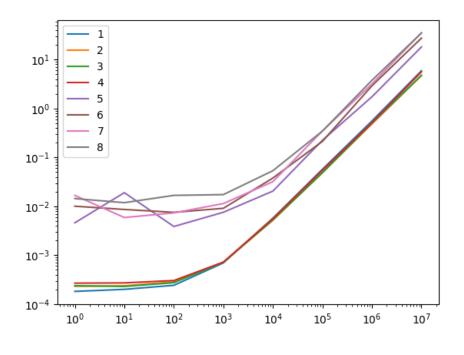


Рисунок 4

### 6 Вывод

Самой эффективной реализацией программы оказался, что не удивительно, вариант с предварительным форматированием. Причем при записи в файл только из процесса

с RANK=0. Вариант с распределенной записью работает приблизительно на 30% дольше. Варианты с форматированием после коммуникации работают значительно медленнее.

Пологая часть графиков связана с размером чанка в 1024 точки. Если уменьшить размер чанка до, скажем, четырех точек, скорость выполнения программы значительно уменьшится, а форма графика станет более прямой. Варьируя размер чанка, можно попробовать найти золотую середину для большей скорости работы программы при незначительном потреблении памяти.