Міністерство освіти і науки України Національний технічний університет України «Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського» Факультет інформатики та обчислювальної техніки Кафедра обчислювальної техніки

Лабораторна робота №2

з дисципліни «Алгоритми і структури даних»

Виконав:

студент групи IП-04 Пащенко Дмитро Олексійович номер у списку групи: 19 Перевірила:

Сергієнко А. А.

Постановка задачі

Дане натуральне число п. Знайти суму перших п членів ряду чисел, заданого рекурентною формулою. Розв'язати задачу трьома способами (написати три програми): 1) в програмі використати рекурсивну процедуру або функцію, яка виконує обчислення і членів ряду, і суми на рекурсивному спуску; 2) в програмі використати рекурсивну процедуру або функцію, яка виконує обчислення і членів ряду, і суми на рекурсивному поверненні; 3) в програмі використати рекурсивну процедуру або функцію, яка виконує обчислення членів ряду на рекурсивному спуску, а обчислення суми на рекурсивному поверненні.

Програми повинні працювати коректно для довільного натурального n включно n n n n n n

Варіант 19

$$F_1 = x$$
; $F_{i+1} = -F_i \cdot x^2 (2i-1)^2/(4i^2+2i)$; $i > 0$;
 $\sum F_i = \operatorname{arcsh} x, |x| < 1$;

Текст програми 1 (спуск)

```
#include <stdio.h>
#include <math.h>
int N = 1;
double first(double x, double F, int n, double s) {
    double i = -1;
    if (n == -1)
        i = s;
    else {
        s = s + F;
        double t = (2 * (N - n) - 1), p = (4 * (N - n) * (N - n) +
2 * (N - n), k = -1 * t * t / p;
        F = x * k * x * F;
        i = first(x, F, n - 1, s);
    return i;
}
int main() {
    double S = 0, F, x;
    N = 5;
    x = 0.2;
    if (fabs(x) < 1) {
        F = x;
        S = first(x, F, N - 1, S);
        printf("%.10f\n", S);
    }
    else {
        printf("Module x must be less than 1\n");
    }
}
```

Тестування

Текст програми 2 (повернення)

```
#include <stdio.h>
#include <math.h>
int N = 1;
double S = 0;
double second(double x, int n) {
    double i;
    if (n == 1) {
       i = x;
        S = S + i;
    }
    else {
        double t = (2 * (n - 1) - 1), p = (4 * (n - 1) * (n - 1) +
2 * (n - 1)), k = -1 * t * t / p;
        i = x * k * x * second(x, n - 1);
        S = S + i;
    }
    return i;
}
int main() {
    double F, x;
    S = 0;
    N = 5;
    x = 0.2;
    if (fabs(x) < 1) {
        F = x;
        x = second(x, N);
        printf("%.10f\n", S);
    }
    else {
        printf("Module x must be less than 1\n");
    }
}
```

Тестування

Текст програми 3 (спуск + повернення)

```
#include <stdio.h>
#include <math.h>
int N = 1;
double third(double x, double F, int n) {
    double i = -1;
    if (n == -1)
        return x;
    else {
        double t = (2 * (N - n) - 1), p = (4 * (N - n) * (N - n) +
2 * (N - n), k = -1 * t * t / p;
        F = x * k * x * F;
        return F + third(x, F, n - 1);
    }
}
int main() {
    double S = 0, F, x;
    N = 5;
    x = 0.2;
    if (fabs(x) < 1) {
        F = x;
        S = third(x, x, N - 1);
        printf("%.10f\n", S);
    else {
        printf("Module x must be less than 1\n");
}
```

Тестування

Текст програми 4 (цикл)

```
#include <stdio.h>
#include <math.h>
int main() {
    int N;
    double S = 0, x, F;
    N = 5;
    x = 0.2;
    if (fabs(x) < 1) {
        for (unsigned int i = 1; i <= N; i++) {
            if (i == 1) {
                F = x;
                S += F;
            } else {
                F *= (-1) * x * x * (2 * (i-1) - 1) * (2 * (i-1) -
1) / (4 * (i-1) * (i-1) + 2 * (i-1));
                S += F;
            }
        }
        printf("%.10f\n", S);
    }
    else {
        printf("Module x must be less than 1\n");
    }
}
```

Тестування

Тестування (калькулятор)

$$N = 5$$
, $x = 0.2$

$$F1 = 0.2$$

$$F2 = -0.0013$$

-0.2*0.2*0.2*(2-1)^2/(4+2)

🛱 Extended Keyboard 👤 Upload

Input:

$$-0.2 \times 0.2 \times 0.2 \times \frac{(2-1)^2}{4+2}$$

Result:

F3 = 0.0000234

0.0013*0.2*0.2*(2*2-1)*2/(4*2*2+2*2)

Input:

$$0.0013 \times 0.2 \times 0.2 \times \frac{(2 \times 2 - 1)^2}{4 \times 2^2 + 2 \times 2}$$

Result:

0.0000234

10^-7

-0.0000234*0.2*0.2*(2*3-1)^2/(4*3^2+2*3)

🛱 Extended Keyboard 👤 Upload

$$-0.0000234 \times 0.2 \times 0.2 \times \frac{(2 \times 3 - 1)^2}{4 \times 3^2 + 2 \times 3}$$

Result:

 $-5.571428571428571428571428571428571428571428571428571428571... \times \\$ 10^{-7}

10^-8

71428571428571428571428571428571428571428571428571 × 10^-7 * 0.2*0.2

🖺 Extended Keyboard 👤 Upload

An attempt was made to fix mismatched parentheses, brackets, or braces.

Input interpretation:

 $5.571428571428571428571428571428571428571428571428571428571428571 imes 10^{-7} ime$ $0.2 \times 0.2 \times \frac{(2 \times 4 - 1)^2}{}$

Result:

 10^{-8}

 $sum = \sim 0.1987228580$

🛣 Extended Keyboard 👤 Upload

Exan

Input interpretation:

0.2 - 0.0013 + 0.0000234 -

Result:

0.1987228580238095238095238095238095238095238095238095238095238095

Графік похибки

