

Exercicis Tardor 2019

ÍNDEX

E1 – Pi.....	2
E2 – Sèries.....	4
E3 – odeint.....	6
E4 – Matrix.....	11
E5 – Audio.....	13
E6 – RGB.....	16

E1 – Pi

```

8 import numpy as np
9 import matplotlib.pyplot as plt
10 import scipy.integrate as spi
11 import csv
12
13 ''' ----- Exercici 1.1 ----- '''
14
15 llista_error = np.array([])
16 llista_iteracions = np.array([])
17
18 pi = 0
19 k = 0
20 while True:
21     pi += (1/(16**k))* ((4/(8*k+1)) - (2/(8*k+4)) - (1/(8*k+5)) - (1/(8*k+6)))
22     error = np.pi-pi
23     llista_error = np.append(llista_error,error)
24     llista_iteracions = np.append(llista_iteracions,k)
25     k += 1
26     if error<1e-14:
27         break
28     else:
29         continue
30
31 plt.figure (num = "Error vs Iteracions")
32 plt.plot(llista_iteracions, llista_error)
33 plt.yscale('log')
34 plt.grid()
35 plt.title('BPP formula:  $\pi$  error estimation')
36 plt.xlabel("Iteration")
37 plt.ylabel("Error")
38
39 with open('BPP.csv', 'w', newline='', encoding='utf-8') as csvfile:
40     writer = csv.writer(csvfile)
41     writer.writerows([llista_error,llista_iteracions])
42
43 np.save('BPP', [llista_error,llista_iteracions]) #guarda tipus .npy
44 plt.savefig("Error vs Iteracions")
45
46 ''' ----- Exercici 1.2 QUAD ----- '''
47 # Manera 1:
48 def integrant1(x):
49     return np.exp(-x**2)
50 I1 = spi.quad(integrant1, - np.inf, np.inf)
51
52 def integrant2(x):
53     return 1/(1+x**2)
54 I2 = spi.quad(integrant2, - np.inf, np.inf)
55
56 # Manera 2:
57 I1 = spi.quad(lambda x: np.exp(-x**2), - np.inf, np.inf)
58 I2 = spi.quad(lambda x: 1/(1+x**2), - np.inf, np.inf)
59
60 pi1 = I1[0]**2
61 pi2 = I2[0]
62 print ('Quad 1= '+str(pi1))
63 print ('Quad 2= '+str(pi2))

```

```

66 ''' ----- Exercici 1.2 SIMPS ----- '''
67
68 x1=np.linspace(-20,20,10001)
69 x2=np.linspace(-100000,100000,5000001)
70 y1=integrand1(x1)
71 y2=integrand2(x2)
72 pi1_simps=spl.simps(y1,x1)**2
73 pi2_simps=spl.simps(y2,x2)
74
75 print('Simps 1= '+str(pi1_simps))
76 print('Simps 2= ' + str(pi2_simps))
77
78 ''' ----- Exercici 1.3 ----- '''
79 from matplotlib.animation import FuncAnimation
80
81 L = 2
82 R = L/2
83 count = 0
84 iteracio = 0
85 err = 0
86 ll_error = np.array([])
87
88 ll_x = np.array([])
89 ll_y = np.array([])
90
91 while True:
92     iteracio += 1
93     x = (-1)**(np.random.randint(-1,1)) * R * np.random.random() #(-1)^parell (0) o senar (1) * L/2 * num random de [0.0, 1.0)
94     y = (-1)**(np.random.randint(-1,1)) * R * np.random.random()
95     ll_x = np.append(ll_x,x)
96     ll_y = np.append(ll_y,y)
97     d = (x**2 + y**2)**0.5
98
99     if d<L/2: # Si el punt generat cau al centre
100         count +=1
101     err = abs(np.pi - 4*(count/iteracio)) # pi real - pi calculat segons AreaCercle/AreaRectangle = pi*(L/2)^2 / L^2 = pi / 4
102     ll_error = np.append(ll_error,err)
103     if err < 1e-3:
104         break
105     else:
106         continue
107
108 fig = plt.figure()
109 plt.xlim(-R, R)
110 plt.ylim(-R, R)
111 graph, = plt.plot([], [], 'o')
112 plt.plot(np.linspace(-R,R,100), ((R**2) - (np.linspace(-R,R,100))**2)**0.5,'r')
113 plt.plot(np.linspace(-R,R,100), -((R**2) - (np.linspace(-R,R,100))**2)**0.5,'r')
114
115 def animate(i):
116     graph.set_data(ll_x[:i+1], ll_y[:i+1])
117     plt.title('$\pi$ = '+str(np.pi-ll_error[i+1]))
118     return graph
119
120 ani = FuncAnimation(fig, animate, frames=iteracio, interval=100)
121 plt.show()
122 #from matplotlib.animation import PillowWriter
123 #writer = PillowWriter(fps=25)
124 #ani.save("GifPi.gif", writer=writer)

```

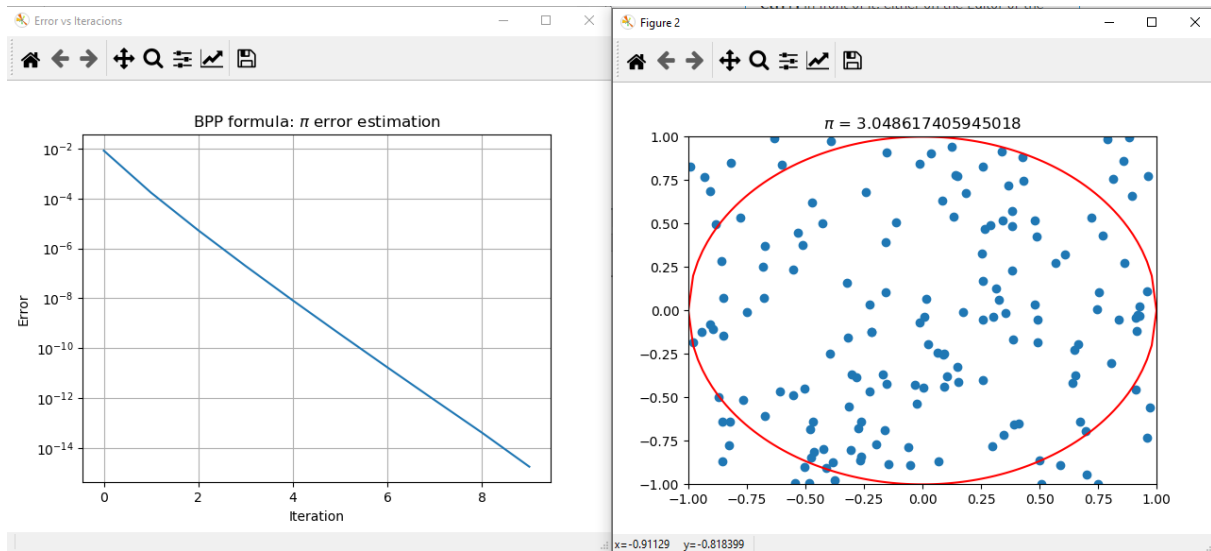
Out

Quad 1= 3.1415926535897927

Quad 2= 3.141592653589793

Simps 1= 3.1415926535897927

Simps 2= 3.1415726535897948



E2 – Sèries

```

7 import numpy as np
8 import matplotlib.pyplot as plt
9 import imageio
10 plt.close('all')
11 # -----
12 ## Conjunt de Mandelbrot
13 # -----
14 # Dimensió de la malla
15 Lx = 1000
16 Ly = 1000
17
18 # Eixos
19 Eixx = np.linspace(-2,1,Lx)
20 Eixy = np.linspace(-1.5,1.5,Ly)
21
22 # Variable complexa c
23 Ax,Ay = np.meshgrid(Eixx,Eixy)
24 c = Ax + 1j*Ay
25
26 # Inicialització de variables
27 Convergencia = np.array([])
28 Acumulada = np.zeros([])
29 z=0
30 images = []
31
32
33 for i in range(100):
34     # Sèrie
35     z = z**2 + c
36     # Mask
37     mask = np.abs(z) > 1e10
38     z = (1-mask)*z + mask*1e10
39     # Convergència
40     Convergencia = np.abs(z) < 2
41     # Matriu acumulada
42     Acumulada = Acumulada + Convergencia
43     # Representació de les convergències amb les iteracions
44     if i<10:
45         plt.figure('Evolució convergència Mandelbrot')
46         plt.subplot(2,5,i+1)
47         plt.title('Iteració ' + str(i+1))
48         plt.axis('off')
49         plt.imshow(Acumulada)
50     # Guardar un GIF
51     images.append(np.uint8(Convergencia*255))
52 imageio.mimsave('GifMandelbrot.gif', images, duration = 0.04)
53
54 #Representació final
55 plt.figure('Convergència final Mandelbrot')
56 plt.title('Iteració 100')
57 plt.axis('off')
58 plt.imshow(Convergencia)
59
60 plt.figure('Convergència final acumulada Mandelbrot')
61 plt.title('Iteració 100 amb les anteriors acumulades')
62 plt.axis('off')
63 plt.imshow(Acumulada)

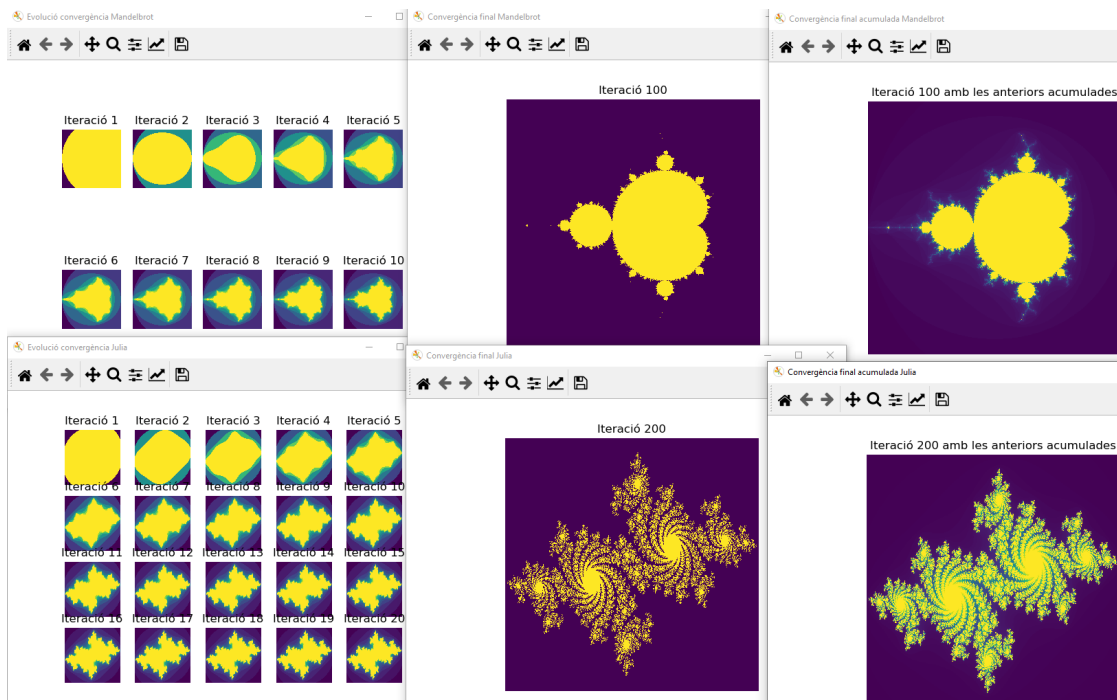
```

```

65 # -----
66 ## Conjunt de Julia
67 # -----
68
69 # Dimensió de la malla
70 lx = 1000
71 ly = 1000
72
73 # Eixos
74 eixx = np.linspace(-1.5,1.5,lx)
75 eixy = np.linspace(-1,1,ly)
76
77 # Variable complexa zj
78 ax,ay = np.meshgrid(eixx,eixy)
79 zj = ax + 1j*ay
80
81
82 # Inicialització de variables
83 convergencia = np.array([])
84 acumulada = np.zeros([])
85
86 for i in range(200):
87     zj = zj**2 - 0.7 + 0.27015*1j
88     mask = np.abs(zj) > 1e10
89     zj = (1-mask)*zj + mask*1e10
90     convergencia = np.abs(zj) < 2
91     acumulada = acumulada + convergencia
92     if i<20:
93         plt.figure('Evolució convergència Julia')
94         plt.subplot(4,5,i+1)
95         plt.title('Iteració ' + str(i+1))
96         plt.axis('off')
97         plt.imshow(acumulada)
98
99 #Representació final
100 plt.figure('Convergència final Julia')
101 plt.title('Iteració 200')
102 plt.axis('off')
103 plt.imshow(convergencia)
104
105 plt.figure('Convergència final acumulada Julia')
106 plt.title('Iteració 200 amb les anteriors acumulades')
107 plt.axis('off')
108 plt.imshow(acumulada)

```

Out



E3 – odeint

```

8 # Imports necessaris en tots els exercicis. En el 3.4, a més, se n'afegeix un.
9 import numpy as np
10 import matplotlib.pyplot as plt
11 from scipy.integrate import odeint
12
13 #-----
14 #      EXERCICI 3.1
15 #-----
16
17 # Definició d'equacions diferencials
18 ''' On:
19     y[0]: omega
20     y[1]: theta '''
21
22 def eqdif_simple(y,t):
23     return -g*y[1]/L, y[0]
24 def eqdif_esmorteit(y,t):
25     return -g*np.sin(y[1])/L - b*y[0]/(m*L**2), y[0]
26 def eqdif_forçat(y,t):
27     return -g*np.sin(y[1])/L + (-b*y[0]+A*np.cos(OMEGA*t))/(m*L**2), y[0]
28
29 # Definició de constants
30 A = 1.35 # m
31 m = 1 # kg
32 g = 1 # m/s^2
33 L = 1 # m
34 b = 0.5 # (kg·m^2)/s
35 OMEGA = 0.666 # s^-1
36
37 # Definició de condicions inicials
38 y0_simple = [0, np.pi/2] #omega_inicial=0, theta_inicial=pi/2
39 y0_esmorteit = [0, np.pi/2]
40 y0_forçat = [0, np.pi/2]
41
42 # Definició de temps
43 t = np.linspace(0, 40, 800)
44
45 # Solució d'equacions diferencials
46 sol_simple = odeint(eqdif_simple, y0_simple, t)
47 sol_esmorteit = odeint(eqdif_esmorteit, y0_esmorteit, t)
48 sol_forçat = odeint(eqdif_forçat, y0_forçat, t)
49
50 #Representació dels gràfics
51 plt.figure('Pèndol simple')
52 plt.suptitle('Pèndol simple')
53 plt.subplot(1,3,1)
54 plt.plot(t, sol_simple[:,1])
55 plt.grid()
56 plt.xlabel('Temps (s)')
57 plt.ylabel('Angle $\theta$')
58 plt.subplot(1,3,3)
59 plt.plot(t, sol_simple[:,0])
60 plt.grid()
61 plt.xlabel('Temps (s)')
62 plt.ylabel('Velocitat angular $\omega$ (s$^{-1}$)')

```

```

64 plt.figure('Pèndol esmorteit')
65 plt.suptitle('Pèndol esmorteit')
66 plt.subplot(1,3,1)
67 plt.plot(t, sol_esmorteit[:,1])
68 plt.grid()
69 plt.xlabel('Temps (s)')
70 plt.ylabel('Angle  $\theta$ ')
71 plt.subplot(1,3,3)
72 plt.plot(t, sol_esmorteit[:,0])
73 plt.grid()
74 plt.xlabel('Temps (s)')
75 plt.ylabel('Velocitat angular  $\omega$  ( $s^{-1}$ )')
76
77 plt.figure('Pèndol forçat')
78 plt.suptitle('Pèndol forçat')
79 plt.subplot(1,3,1)
80 plt.plot(t, sol_forçat[:,1])
81 plt.grid()
82 plt.xlabel('Temps (s)')
83 plt.ylabel('Angle  $\theta$ ')
84 plt.subplot(1,3,3)
85 plt.plot(t, sol_forçat[:,0])
86 plt.grid()
87 plt.xlabel('Temps (s)')
88 plt.ylabel('Velocitat angular  $\omega$  ( $s^{-1}$ )')
89
90 #-----
91 #      EXERCICI 3.2
92 #-----
93
94 # Definició d'equacions diferencials
95 ''' On:
96     y[0]: v1
97     y[1]: x1
98     y[2]: v2
99     y[3]: x2'''
100 def eqdif_acoblat(y,t):
101     m = 1 # kg
102     k_1 = 10 # kg·s-2
103     k_2 = 0.5 # kg·s-2
104     eq_1 = (0 - (k_1 + k_2)*y[1] + k_2*y[3])/m
105     eq_2 = (0 - (k_1 + k_2)*y[3] + k_2*y[1])/m
106     return (eq_1, y[0], eq_2, y[2])
107
108 # Definició de condicions inicials
109 y0 = [0, 1, 0, 0]
110
111 # Definició de temps
112 t = np.linspace(0, 40, 400)
113
114 # Solució d'equació diferencial
115 sol_acoblat = odeint(eqdif_acoblat, y0, t)
116
117 # Representació dels gràfics
118 plt.figure('Oscil·ladors acoblats')
119 plt.suptitle('Oscil·ladors acoblats')
120 plt.subplot(1,3,1)
121 plt.plot(t, sol_acoblat[:,1], label='x1')
122 plt.plot(t, sol_acoblat[:,3], label='x2')
123 plt.legend(loc='lower left')
124 plt.grid()
125 plt.xlabel('Temps (s)')
126 plt.ylabel('Posició partícula (m)')
127 plt.subplot(1,3,3)
128 plt.plot(t, sol_acoblat[:,0], label='v1')
129 plt.plot(t, sol_acoblat[:,2], label='v2')
130 plt.legend(loc='lower left')
131 plt.grid()
132 plt.xlabel('Temps (s)')
133 plt.ylabel('Velocitat partícula (m·s-1)')

```



```

135 #-----
136 #      EXERCICI 3.3
137 #-----
138
139 # Definició d'equacions diferencials
140 ''' On:
141     y[0]: v_x
142     y[1]: x
143     y[2]: v_y
144     y[3]: y '''
145 def eqdif_gravitatori(y,t):
146     G = 6.67e-11 # m^3 kg^-1 s^-2
147     M = 1.9891e30 # kg
148     eq_1 = -(G*M*y[1]) / (y[1]**2 + y[3]**2)**(1.5)
149     eq_2 = -(G*M*y[3]) / (y[1]**2 + y[3]**2)**(1.5)
150     return (eq_1, y[0], eq_2, y[2])
151
152 # Definició de condicions inicials
153 y0_T = [0, 152.1e9, 29300, 0] # Terra
154 y0_H = [0, 35.082*1.49598e11, 869, 0] # Halley
155
156 # Definició de temps (temps inicial, periode, nombre de dies en periode)
157 t_T = np.linspace(0, 3.15576e7, 365) # Terra
158 t_H = np.linspace(0, 3.15576e7*75, 365*75) # Halley
159
160 # Solució d'equació diferencial
161 sol_Terra = odeint(eqdif_gravitatori, y0_T, t_T)
162 sol_Halley = odeint(eqdif_gravitatori, y0_H, t_H)
163
164 # Representació dels gràfics
165 plt.figure('Moviment de la Terra al voltant del Sol')
166 plt.suptitle('Moviment de la Terra al voltant del Sol')
167 plt.subplot(2,2,1)
168 plt.plot(t_T,sol_Terra[:,1])
169 plt.xlabel('Temps (s)')
170 plt.ylabel('Posició x (m)')
171 plt.subplot(2,2,2)
172 plt.plot(t_T,sol_Terra[:,3])
173 plt.xlabel('Temps (s)')
174 plt.ylabel('Posició y (m)')
175 plt.subplot(2,2,3)
176 plt.plot(t_T,np.sqrt(sol_Terra[:,0]**2 + sol_Terra[:,2]**2))
177 plt.ylim(0, 1.20*max(np.sqrt(sol_Terra[:,0]**2 + sol_Terra[:,2]**2)))
178 plt.xlabel('Temps (s)')
179 plt.ylabel('Velocitat v (m/s)')
180 plt.subplot(2,2,4)
181 plt.plot(sol_Terra[:,1], sol_Terra[:,3])
182 plt.xlim(-7*1e12, 7*1e12) # Perquè estigui en la mateixa escala Terra i Halley.
183 plt.ylim(-7*1e12, 7*1e12)
184 plt.xlabel('Posició x (m)')
185 plt.ylabel('Posició y (m)')
186
187 plt.figure('Moviment del Cometa Halley al voltant del Sol')
188 plt.suptitle('Moviment del Cometa Halley al voltant del Sol')
189 plt.subplot(2,2,1)
190 plt.plot(t_H,sol_Halley[:,1])
191 plt.xlabel('Temps (s)')
192 plt.ylabel('Posició x (m)')
193 plt.subplot(2,2,2)
194 plt.plot(t_H,sol_Halley[:,3])
195 plt.xlabel('Temps (s)')
196 plt.ylabel('Posició y (m)')
197 plt.subplot(2,2,3)
198 plt.plot(t_H,np.sqrt(sol_Halley[:,0]**2 + sol_Halley[:,2]**2))
199 plt.xlabel('Temps (s)')
200 plt.ylabel('Velocitat v (m/s)')
201 plt.subplot(2,2,4)
202 plt.plot(sol_Halley[:,1], sol_Halley[:,3])
203 plt.xlim(-7*1e12, 7*1e12) # Perquè estigui en la mateixa escala Terra i Halley.
204 plt.ylim(-7*1e12, 7*1e12)
205 plt.xlabel('Posició x (m)')
206 plt.ylabel('Posició y (m)')
207

```

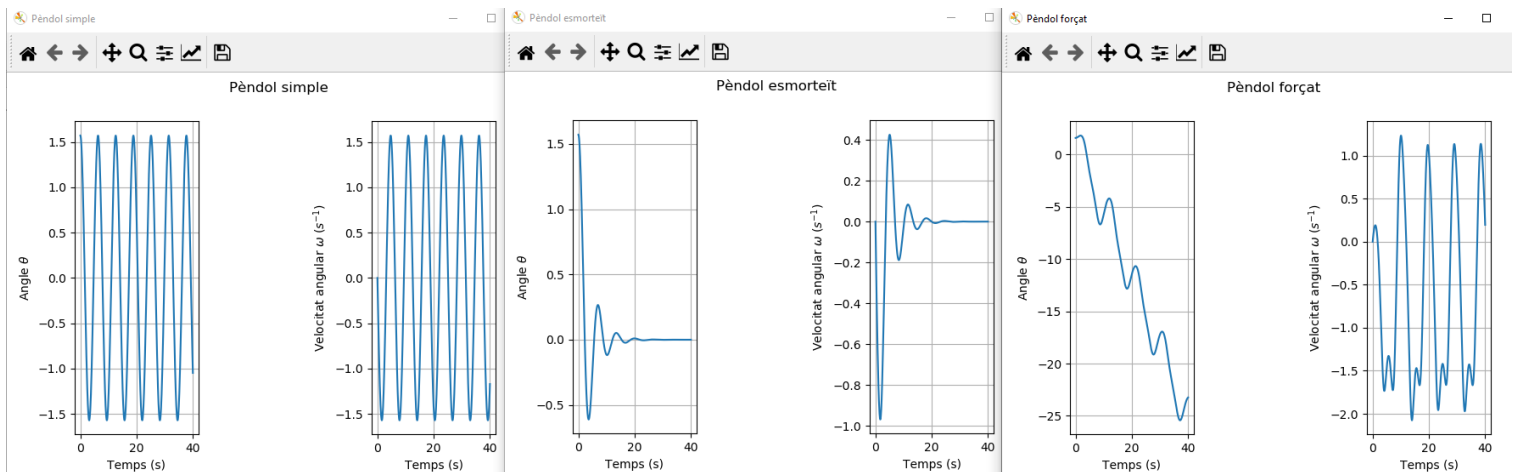


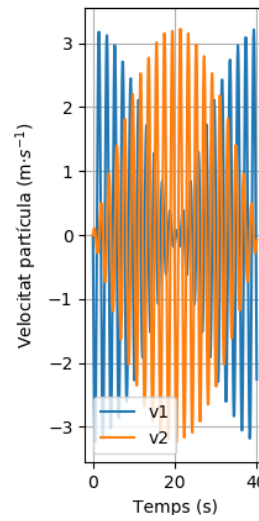
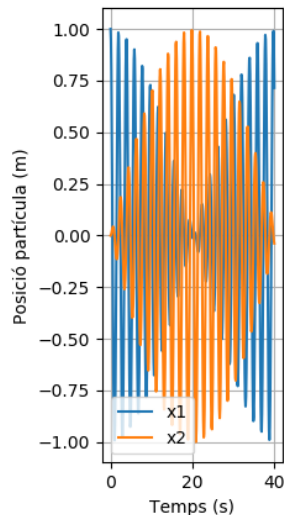
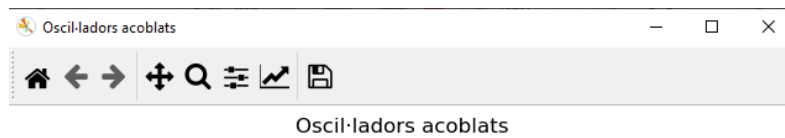
```

209 # EXERCICI 3.4
210 #-----
211 from scipy import special
212
213 # Definició de la funció d'Hermite
214 def func_hermite(n,x):
215     return (((2**n)*np.math.factorial(n)*np.sqrt(np.pi))**(-1/2)) * np.exp(-x**2/2) * special.eval_hermite(n,x)
216
217 # Definició d'equacions diferencials
218 ''' On:
219     y[0]: Psi prima
220     y[1]: Psi '''
221 def eqdif_hermite_k0(y,x):
222     k = 0
223     B = 1
224     return (B*x**2-(2*k+1))*y[1], y[0]
225 def eqdif_hermite_k2(y,x):
226     k = 2
227     B = 1
228     return (B*x**2-(2*k+1))*y[1], y[0]
229 def eqdif_hermite_k4(y,x):
230     k = 4
231     B = 1
232     return (B*x**2-(2*k+1))*y[1], y[0]
233
234 # Definició de x
235 x = np.linspace(-5, 5, 100)
236
237 # Definició de condicions inicials
238 y0_0 = [0, 0.751126]
239 y0_2 = [0, -0.531125]
240 y0_4 = [0, 0.459969]
241
242 # Solució d'equació diferencial
243 sol_0 = odeint(eqdif_hermite_k0, y0_0, x)
244 sol_2 = odeint(eqdif_hermite_k2, y0_2, x)
245 sol_4 = odeint(eqdif_hermite_k4, y0_4, x)
246
247 #Representació dels gràfics
248 plt.figure('Funcions d'Hermite')
249 plt.suptitle('Funció i eq. d'Hermite per n i k iguals a 0, 2 i 4')
250 plt.subplot(1,2,1)
251 plt.plot(x, sol_0[:,1]/np.max(abs(sol_0[:,1])), label='k=0') # solució normalitzada amb el màxim
252 plt.plot(x, sol_2[:,1]/np.max(abs(sol_2[:,1])), label='k=2')
253 plt.plot(x, sol_4[:,1]/np.max(abs(sol_4[:,1])), label='k=4')
254 plt.legend(loc='lower right')
255 plt.xlabel('Posició x (m)')
256 plt.ylabel('Equació diferencial d'Hermite')
257 plt.xlim(-5, 5)
258 plt.ylim(-1, 1)
259 plt.subplot(1,2,2)
260 plt.plot(x, func_hermite(0,x)/np.max(func_hermite(0,x)), label='n=0')
261 plt.plot(x, -func_hermite(2,x)/np.max(func_hermite(2,x)), label='n=2')
262 plt.plot(x, func_hermite(4,x)/np.max(func_hermite(4,x)), label='n=4')
263 plt.legend(loc='lower right')
264 plt.xlabel('Posició x (m)')
265 plt.ylabel('Funció d'Hermite')
266 plt.xlim(-5, 5)
267 plt.ylim(-1, 1)

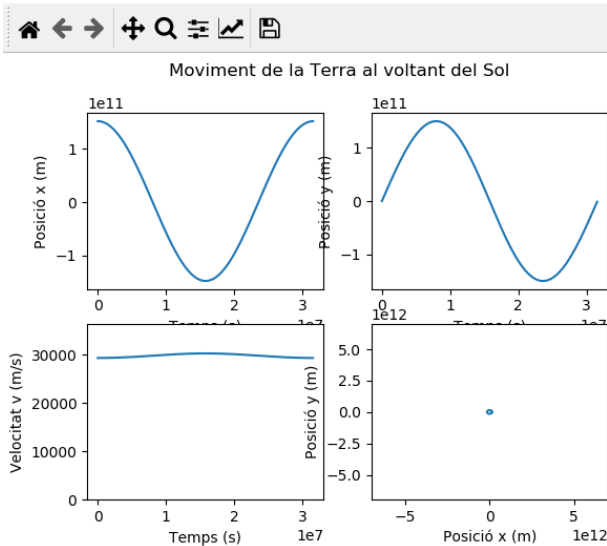
```

Out

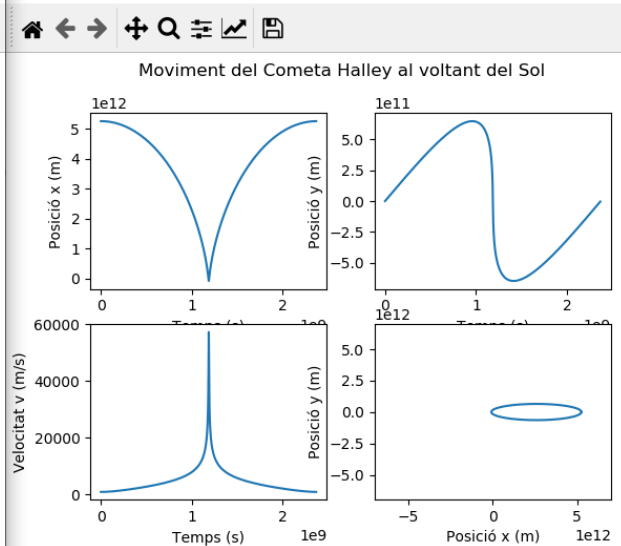




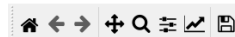
Moviment de la Terra al voltant del Sol



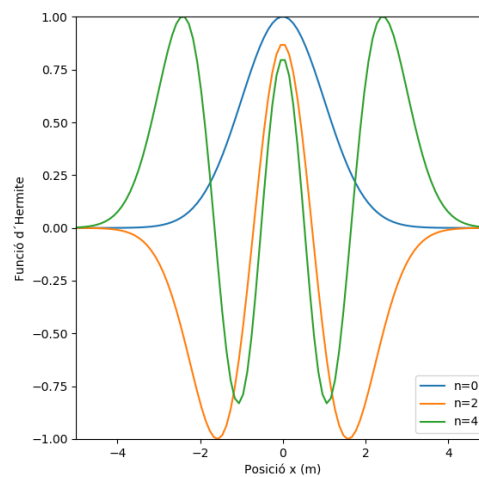
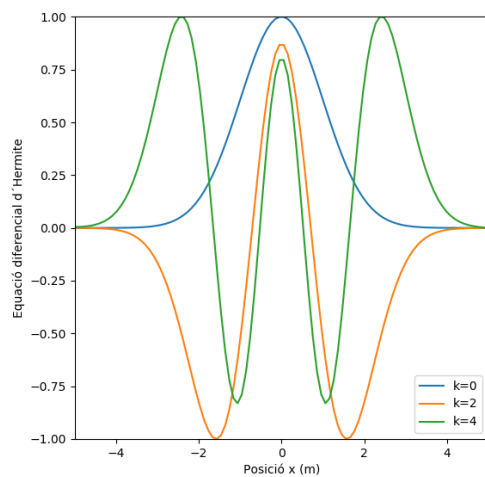
Moviment del Cometa Halley al voltant del Sol



Funcions d'Hermite



Funció i eq. d'Hermite per n i k iguals a 0, 2 i 4



E4 – Matrix

```

8 import numpy as np
9 import matplotlib.pyplot as plt
10
11 # Dependència index de reflexió amb la longitud d'ona de cada material. Extreta de: refractiveindex.info
12 def nTiO_2 (x):
13     n=(5.913+0.2441/(x**2-0.0803))**.5
14     return n
15 def nMgF_2 (x):
16     n=(1+0.48755108/(1-(0.04338408/x)**2)+0.39875031/(1-(0.09461442/x)**2)+2.3120353/(1-(23.793604/x)**2))**.5
17     return n
18 def nBK7 (x):
19     n=(1+1.03961212/(1-0.00600069867/x**2)+0.231792344/(1-0.0200179144/x**2)+1.01046945/(1-103.560653/x**2))**.5
20     return n
21 def nSiO_2 (x):
22     n=(1+0.6961663/(1-(0.0684043/x)**2)+0.4079426/(1-(0.1162414/x)**2)+0.8974794/(1-(9.896161/x)**2))**.5
23     return n
24 punts = 400
25 longitud_ona = np.linspace(0.4,1.2,punts) #micròmetres
26
27 plt.figure('Índex de reflexió del TiO_2, BK7, SiO_2 i MgF_2')
28 plt.suptitle('Índex de reflexió del $TiO_2$, $BK7$, $SiO_2$ i $MgF_2$ segons $\lambda$')
29 plt.plot(longitud_ona*1000, nTiO_2(longitud_ona), label='$TiO_2$')
30 plt.plot(longitud_ona*1000, nBK7(longitud_ona), label='$BK7$')
31 plt.plot(longitud_ona*1000, nSiO_2(longitud_ona), label='$SiO_2$')
32 plt.plot(longitud_ona*1000, nMgF_2(longitud_ona), label='$MgF_2$')
33 plt.xlabel('Longitud d'ona $\lambda$ (nm)')
34 plt.ylabel('Índex de reflexió')
35 plt.legend()
36
37
38 longitud_ona_0 = 0.555 #Longitud d'ona de treball
39 Ncapes = 10 # Nombre de blocs de dues capes
40 # expressió M apartat 4.1
41 def MTiO_2 (x):
42     d = longitud_ona_0/(4*nTiO_2(longitud_ona_0))
43     a11 = np.cos( (2*np.pi/x)*nTiO_2(x)*d )
44     a22 = np.cos( (2*np.pi/x)*nTiO_2(x)*d )
45     a12 = 1j/nTiO_2(x) * np.sin( (2*np.pi/x)*nTiO_2(x)*d )
46     a21 = 1j*nTiO_2(x) * np.sin( (2*np.pi/x)*nTiO_2(x)*d )
47     return np.array([[a11,a12],[a21,a22]])
48 def MMgF_2 (x):
49     d = longitud_ona_0/(4*nMgF_2(longitud_ona_0))
50     a11 = np.cos( (2*np.pi/x)*nMgF_2(x)*d )
51     a22 = np.cos( (2*np.pi/x)*nMgF_2(x)*d )
52     a12 = 1j/nMgF_2(x) * np.sin( (2*np.pi/x)*nMgF_2(x)*d )
53     a21 = 1j*nMgF_2(x) * np.sin( (2*np.pi/x)*nMgF_2(x)*d )
54     return np.array([[a11,a12],[a21,a22]])
55 def MBK7 (x):
56     d = longitud_ona_0/(4*nBK7(longitud_ona_0))
57     a11 = np.cos( (2*np.pi/x)*nBK7(x)*d )
58     a22 = np.cos( (2*np.pi/x)*nBK7(x)*d )
59     a12 = 1j/nBK7(x) * np.sin( (2*np.pi/x)*nBK7(x)*d )
60     a21 = 1j*nBK7(x) * np.sin( (2*np.pi/x)*nBK7(x)*d )
61     return np.array([[a11,a12],[a21,a22]])
62 def MSiO_2 (x):
63     d = longitud_ona_0/(4*nSiO_2(longitud_ona_0))
64     a11 = np.cos( (2*np.pi/x)*nSiO_2(x)*d )
65     a22 = np.cos( (2*np.pi/x)*nSiO_2(x)*d )
66     a12 = 1j/nSiO_2(x) * np.sin( (2*np.pi/x)*nSiO_2(x)*d )
67     a21 = 1j*nSiO_2(x) * np.sin( (2*np.pi/x)*nSiO_2(x)*d )
68     return np.array([[a11,a12],[a21,a22]])

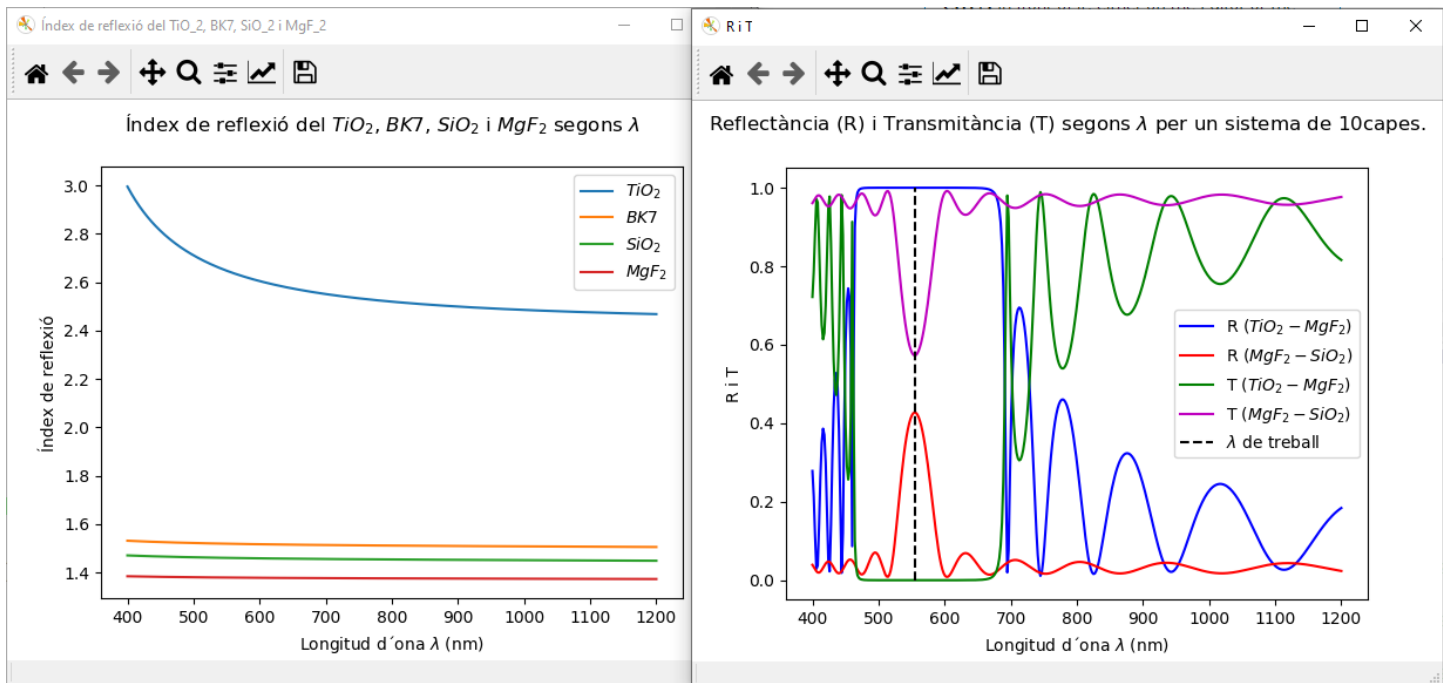
```

```

70 R1 = np.zeros([punts], dtype=np.float64)
71 R2 = np.zeros([punts], dtype=np.float64)
72 T1 = np.zeros([punts], dtype=np.float64)
73 T2 = np.zeros([punts], dtype=np.float64)
74 no_ns = [[1],[nBK7(longitud_ona_0)]] #expressió 4.2 part dreta
75 A1 = np.zeros([2,1], dtype=np.float64) #expressió 4.2 part esquerra cas 1 (TiO2)
76 A2 = np.zeros([2,1], dtype=np.float64) #expressió 4.2 part esquerra cas 2 (SiO2)
77 i=0
78 for ona in longitud_ona:
79     MT1 = np.linalg.matrix_power(np.dot(MTiO_2(ona),MMgF_2(ona)),Ncapes) #expressió 4.1
80     MT2 = np.linalg.matrix_power(np.dot(MSiO_2(ona),MMgF_2(ona)),Ncapes) #expressió 4.1
81     A1 = np.dot(MT1,no_ns) #expressió 4.2
82     A2 = np.dot(MT2,no_ns) #expressió 4.2
83     R1[i] = (abs((A1[0]-A1[1])/(A1[0]+A1[1])))**2 #expressió 4.3
84     R2[i] = (abs((A2[0]-A2[1])/(A2[0]+A2[1])))**2 #expressió 4.3
85     T1[i] = 1-R1[i] #expressió 4.4
86     T2[i] = 1-R2[i] #expressió 4.4
87     i += 1

```

Out



E5 – Audio

```

8 import numpy as np
9 from numpy.fft import fft, fftshift, ifft
10 import matplotlib.pyplot as plt
11 from scipy.io.wavfile import read, write
12 from scipy.signal import square, sawtooth
13
14 #-----
15 #          EXERCICI 5.1
16 #-----
17
18 L = 1 # Duració del senyal (segons)
19 N = 500 # Nombre de mostres/segon
20 w = 5 # Freqüència del senyal (Hz)
21 fc = N/(2*L) # Freqüència de Nyquist (Hz). (Eq. 5.2)
22
23 t = np.linspace(0, L, N*L, endpoint=False) # Línia del temps dels senyals
24 f = np.linspace(-fc, fc, N*L, endpoint=False) # Línia de freqüències dels senyals
25
26 """Transformades de Fourier dels senyals"""
27 TF_quadrada = fftshift(fft(square(2 * np.pi * w * t)))
28 TF_dentada = fftshift(fft(sawtooth(2 * np.pi * w * t)))
29
30 """Filtre Passabaixos"""
31 passabaixos = np.zeros(N*L)
32 passabaixos[(N*L//2)-6:(N*L//2)+6] = 1 # Creació del filtre
33 # El filtre passabaixos s'ha realitzat per quedar-se amb les freqüències més baixes.
34 # S'ha triat el valor 6 Hz donat els pics al en la TF al voltant de 5 Hz
35 # (Descomentar línies 53 i 75 per observar-ho)
36 TF_quadrada_filtrada = TF_quadrada * passabaixos # Aplicació del filtre
37 TF_dentada_filtrada = TF_dentada * passabaixos # Aplicació del filtre
38
39 """Antitransformem"""
40 iTF_quadrada_filtrada = ifft(fftshift(TF_quadrada_filtrada))
41 iTF_dentada_filtrada = ifft(fftshift(TF_dentada_filtrada))
42
43 plt.figure("Senyal quadrat")
44 plt.suptitle('Senyal quadrat (Senyal, TF, TF_filtrada, Senyal filtrat)')
45 plt.subplot(4,1,1)
46 plt.plot(t,square(2 * np.pi * w * t),'b')
47 plt.grid(True)
48 plt.xlabel('Temps (s)')
49 plt.subplot(4,1,2)
50 plt.plot(f,abs(TF_quadrada),'r')
51 plt.xlim(0,fc) # Només cal representar valors positius
52 plt.grid(True)
53 #plt.xlim(-8,8)
54 plt.xlabel('Freqüència (Hz)')
55 plt.subplot(4,1,3)
56 plt.plot(f,abs(TF_quadrada_filtrada),'r')
57 plt.xlim(0,fc) # Només cal representar valors positius
58 plt.grid(True)
59 plt.xlabel('Freqüència (Hz)')
60 plt.subplot(4,1,4)
61 plt.plot(t,iTF_quadrada_filtrada,'b')
62 plt.grid(True)
63 plt.xlabel('Temps (s)')

```



```

65 plt.figure("Senyal dent de serra")
66 plt.suptitle('Senyal dentada(Senyal, TF, TF_filtrada, Senyal filtrat)')
67 plt.subplot(4,1,1)
68 plt.plot(t,sawtooth(2 * np.pi * w * t), 'b')
69 plt.grid(True)
70 plt.xlabel('Temps (s)')
71 plt.subplot(4,1,2)
72 plt.plot(f,abs(TF_dentada), 'r')
73 plt.xlim(0,fc) # Només cal representar valors positius
74 plt.grid(True)
75 #plt.xlim(-8,8)
76 plt.xlabel('Freqüència (Hz)')
77 plt.subplot(4,1,3)
78 plt.plot(f,abs(TF_dentada_filtrada), 'r')
79 plt.xlim(0,fc) # Només cal representar valors positius
80 plt.grid(True)
81 plt.xlabel('Freqüència (Hz)')
82 plt.subplot(4,1,4)
83 plt.plot(t,iTF_dentada_filtrada, 'b')
84 plt.grid(True)
85 plt.xlabel('Temps (s)')
86
87 #-----
88 #          EXERCICI 5.2
89 #-----
90
91 L = 5 # Duració del senyal (segons)
92 N = 44100 # Nombre de mostres/segon
93 w = 440 # Freqüència del senyal (Hz)
94
95 t = np.linspace(0, L, N*L, endpoint=False)
96 sinusoidal = np.sin(2 * np.pi * w * t)
97
98 write('diapaso.wav', N, np.float32(sinusoidal))
99
100 #-----
101 #          EXERCICI 5.3 i 5.4
102 #-----
103
104 lectura = read('cello.wav')
105
106 N = lectura[0] # Nombre de mostres/segon
107 NTotal = len(lectura[1]) # Nombre de mostres totals
108 L = NTotal/N # Longitud del senyal (en segons)
109 T = L/N # Durada de cada mostra
110
111 """S'agafa només el senyal a partir de quan comença a ser diferent de zero."""
112 cello_data = lectura[1]
113 index = 0
114 for data in cello_data:
115     if data!=0:
116         break
117     index = index+1
118 Lectura_1 = cello_data[index:index+N] #Senyal de 1 segon, a partir de quan el senyal és diferent a zero.
119 Lectura_001= Lectura_1[0:800] # Senyal de 800 punts. Aquesta quantitat de punts és representable per pantalla.
120
121 """Temps i freqüències en el primer segon i en els primers 800 punts (0.01 segons aprox)."""
122 fc = 1/(2*T) # Freqüència de Nyquist (Hz). (Eq. 5.2)
123
124 t_1 = np.linspace(0,1,N, endpoint=False)
125 t_001 = np.linspace(0,0.01,800, endpoint=False)
126 f_1 = np.linspace(-fc,fc,N, endpoint=False)
127 f_001 = np.linspace(-fc,fc,800, endpoint=False)
128
129 """Transformades de Fourier"""
130 TF_1 = fftshift(fft(Lectura_1))
131 TF_001 = fftshift(fft(Lectura_001))
132
133 """Filtre"""
134 f_filtratge = 70 # Hz
135 # No es deixa passar freqüències majors a la freq. de filtratge
136 TF_1_Filtrada = TF_1 * (np.abs(f_1)<=f_filtratge)
137 TF_001_Filtrada = TF_001 * (np.abs(f_001)<=f_filtratge)

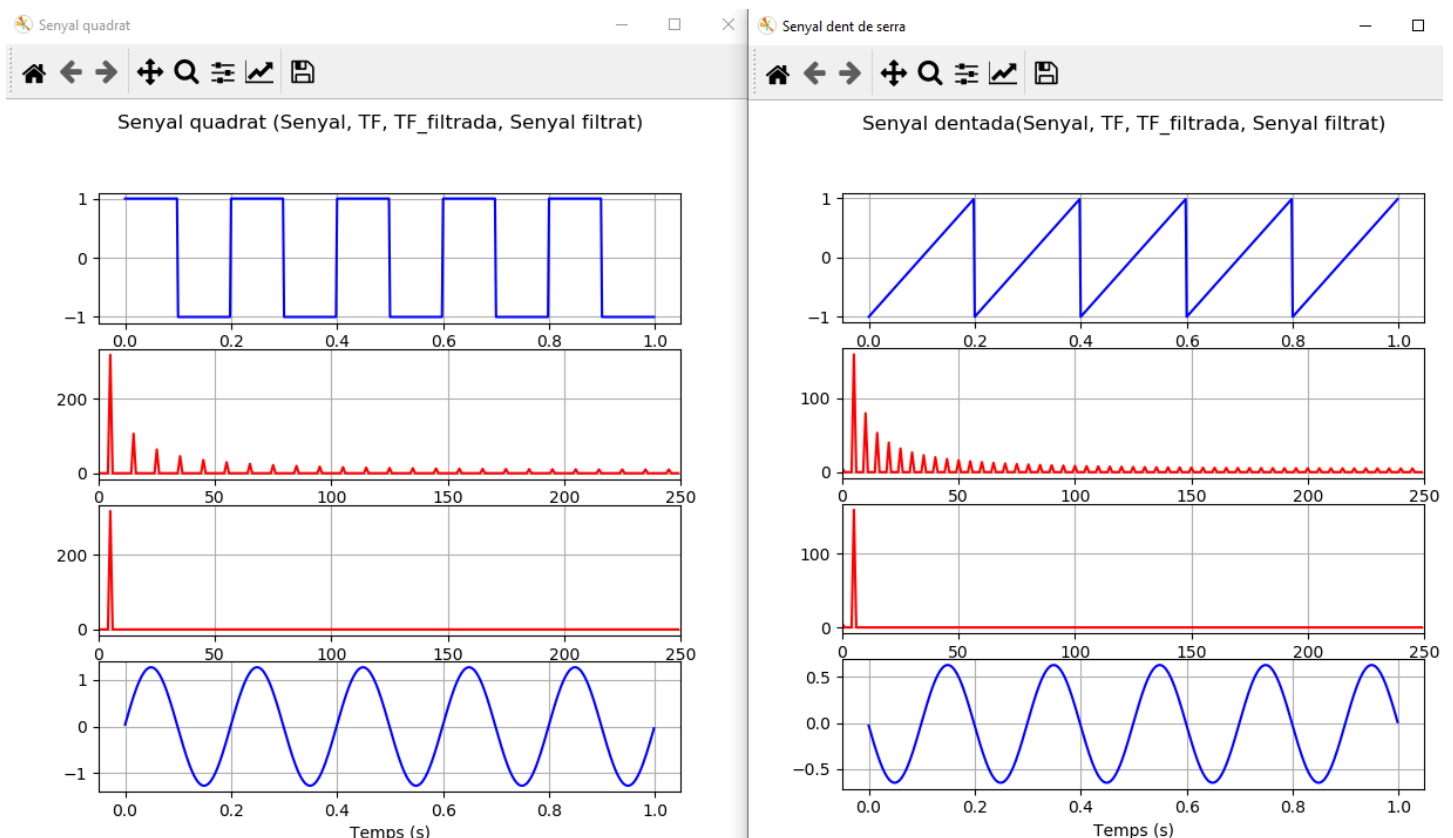
```

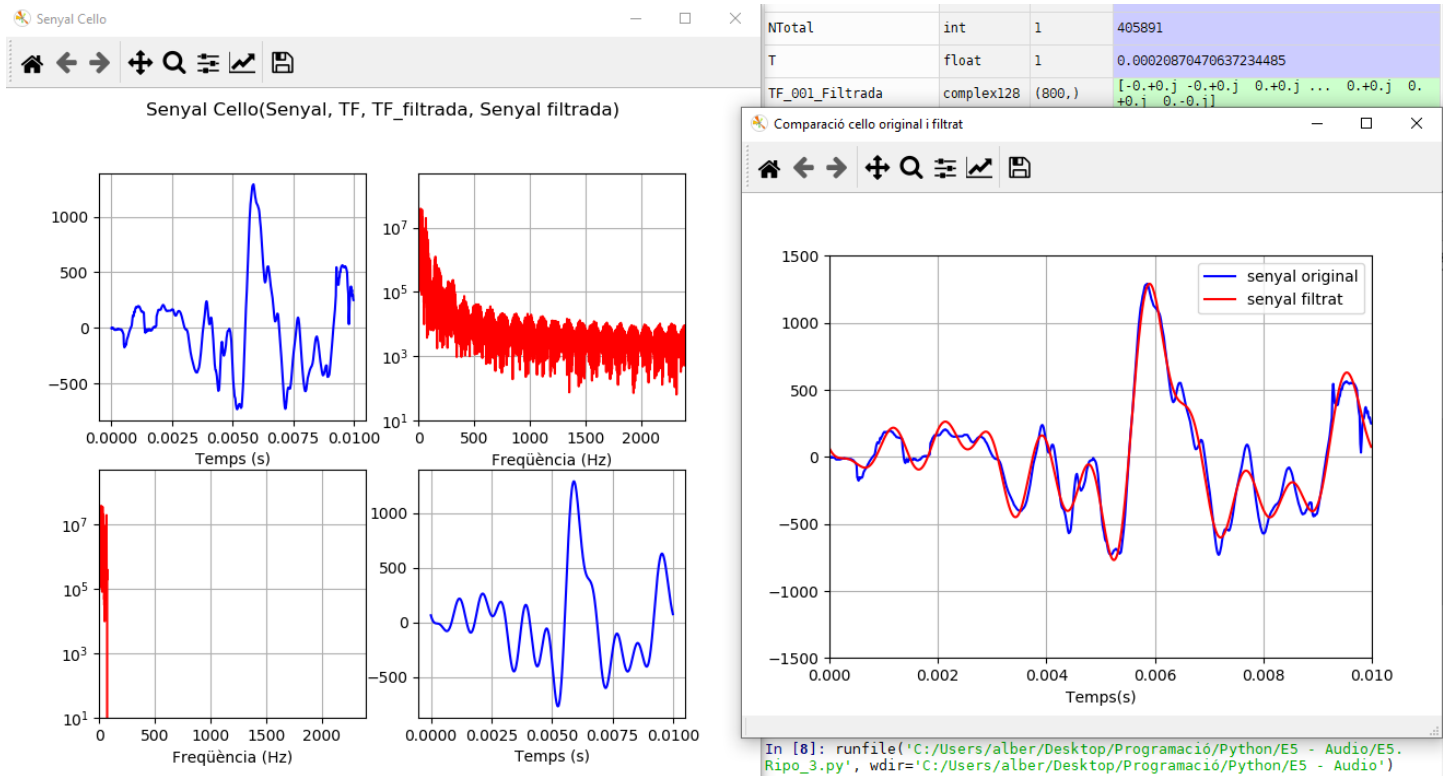
```

139 """Antitransformada"""
140 iTF_1_Filtrada = np.real(iff(fftshift(TF_1_Filtrada)))
141 iTF_001_Filtrada = np.real(iff(fftshift(TF_001_Filtrada)))
142
143 plt.figure("Senyal Cello")
144 plt.suptitle('Senyal Cello(Senyal, TF, TF_filtrada, Senyal filtrada)')
145 plt.subplot(2,2,1)
146 plt.plot(t_001, Lectura_001, 'b')
147 plt.grid(True)
148 plt.xlabel('Temps (s)')
149 plt.subplot(2,2,2)
150 plt.plot(f_1, abs(TF_1), 'r')
151 plt.xlim(0,fc) # Només cal representar valors positius
152 plt.ylim(10,5e8)
153 plt.grid(True)
154 plt.yscale('log')
155 plt.xlabel('Freqüència (Hz)')
156 plt.subplot(2,2,3)
157 plt.plot(f_1, abs(TF_1_Filtrada), 'r')
158 plt.xlim(0,fc) # Només cal representar valors positius
159 plt.ylim(10,5e8)
160 plt.grid(True)
161 plt.yscale('log')
162 plt.xlabel('Freqüència (Hz)')
163 plt.subplot(2,2,4)
164 plt.plot(t_001, iTF_001_Filtrada, 'b')
165 plt.grid(True)
166 plt.xlabel('Temps (s)')
167
168 plt.figure('Comparació cello original i filtrat')
169 plt.plot(t_001, Lectura_001, 'b', label = 'senyal original')
170 plt.plot(t_001, iTF_001_Filtrada, 'r', label = 'senyal filtrat')
171 plt.axis([0,0.01,-1500,1500])
172 plt.xlabel('Temps(s)')
173 plt.legend()
174 plt.grid(True)
175
176 write('cello_filtrat.wav',N,np.float32(iTF_1_Filtrada))

```

Out





E6 – RGB

```

8 import numpy as np
9 import matplotlib.pyplot as plt
10 import scipy.integrate as spi
11
12 # Lectura de les dades
13 arxiu_problema = np.loadtxt('arxiu_problema.txt')
14 l = arxiu_problema[:,0]
15 x_l = arxiu_problema[:,1]
16 y_l = arxiu_problema[:,2]
17 z_l = arxiu_problema[:,3]
18 E_l = arxiu_problema[:,4]
19
20 # Representació x_l (l), y_l (l), z_l (l) i E_l (l)
21 plt.figure("x(\lambda), y(\lambda), z(\lambda) i E(\lambda)")
22 plt.subplot(1,2,1)
23 plt.title('x($\lambda$), y($\lambda$), z($\lambda$)')
24 plt.plot(l, x_l, 'r', label='x($\lambda$)')
25 plt.plot(l, y_l, 'g', label='y($\lambda$)')
26 plt.plot(l, z_l, 'b', label='z($\lambda$)')
27 plt.grid()
28 plt.xlim(380, 650)
29 plt.ylim(0, 2)
30 plt.xlabel('$\lambda$ (nm)')
31 plt.ylabel('x, y i z (u.a.)')
32 plt.legend(loc='best')
33 plt.subplot(1,2,2)
34 plt.title('E($\lambda$)')
35 plt.plot(l, E_l, 'k', label='E($\lambda$)')
36 plt.grid()
37 plt.xlim(380, 650)
38 plt.ylim(0, 2)
39 plt.xlabel('$\lambda$ (nm)')
40 plt.ylabel('E (u.a.)')
41 plt.legend(loc='best')
42

```

```

43 # Calcul de les integrals
44 x = spi.simps(E_l * x_l, (l)) # Eq. 6.1
45 y = spi.simps(E_l * y_l, (l)) # Eq. 6.2
46 z = spi.simps(E_l * z_l, (l)) # Eq. 6.3
47
48 # Normalitzacio
49 X = x/(x+y+z) # Eq. 6.5
50 Y = y/(x+y+z) # Eq. 6.6
51 Z = z/(x+y+z) # Eq. 6.7
52
53 # Matriu del canvi lineal
54 M_canvilineal = np.array([[3.240479,-1.537150,-0.498535],
55                             [-0.969256,1.875992,0.041556],[0.055648,-0.204043,1.057311]])
56
57 # Calcul de RGB amb el canvi lineal
58 [R,G,B] = np.dot(255. , np.dot(M_canvilineal,np.array([X,Y,Z]))) # Eq. 6.9
59 [R,G,B] = np.uint8([R,G,B])
60
61 # Color de la pantalla
62 c1 = np.ones([250,250,3], dtype='uint8')
63 c1[:, :,0] = R
64 c1[:, :,1] = G
65 c1[:, :,2] = B
66
67 print ('Resultats per a E(lambda) de arxiu_problema: \n', 'x = ',x,'y = ',y,
68       'z = ',z, 'X = ',X,'Y = ',Y,'Z = ',Z,'R = ', R,'\t\t\tG = ',G,'\t\t\tB = ',B)
69
70 plt.figure("Color per a E(lambda) de arxiu_problema")
71 plt.suptitle('Color per a E($\lambda$) de arxiu_problema')
72 plt.imshow(c1)
73
74 # Es repeteixen els punts anteriors per E_l (l) = 1:
75 x = spi.simps(1 * x_l, (l)) # Eq. 6.1
76 y = spi.simps(1 * y_l, (l)) # Eq. 6.2
77 z = spi.simps(1 * z_l, (l)) # Eq. 6.3
78 X = x/(x+y+z) # Eq. 6.5
79 Y = y/(x+y+z) # Eq. 6.6
80 Z = z/(x+y+z) # Eq. 6.7
81 [R,G,B] = np.dot(255. , np.dot(M_canvilineal,np.array([X,Y,Z]))) # Canvi lineal, Eq. 6.9
82 [R,G,B] = np.uint8([R,G,B])
83 c1 = np.ones([250,250,3], dtype='uint8')
84 c1[:, :,0] = R
85 c1[:, :,1] = G
86 c1[:, :,2] = B
87
88 print ('Resultats per a E(lambda)=1: \n', 'x = ',x,'y = ',y,'z = ',z, 'X = ',X,
89       'Y = ',Y,'Z = ',Z,'R = ', R,'\t\t\tG = ',G,'\t\t\tB = ',B)
90
91 plt.figure("Color per a E(lambda)=1")
92 plt.suptitle('Color per a E($\lambda$)=1')
93 plt.imshow(c1)

```

Out

Resultats per a E(lambda) de arxiu_problema:

x = 26.898798456133335 y = 25.235278297333334 z = 44.58302728810833 X = 0.2781183196363134 Y = 0.26091846470594954 Z = 0.4609632156577371 R = 68 G = 60 B = 114

Resultats per a E(lambda)=1:

x = 102.11869606666667 y = 105.10399266666668 z = 106.87651768833334 X = 0.3251160588084264 Y = 0.33462036999090156 Z = 0.3402635712006719 R = 94 G = 83 B = 78

