Лабораторная работа №3

Компьютерный практикум по статистическому анализу данных

Николаев Дмитрий Иванович

Содержание

1	Целі	ь работы	6						
2	2.1	олнение лабораторной работы Повторение примеров							
3	Выв	оды	35						
Сп	Список литературы								

Список иллюстраций

2.1	Циклы while и for (1)	7
2.2	Циклы while и for (2)	8
2.3	Циклы while и for (3)	9
2.4	Циклы while и for (4)	10
2.5	Условные выражения	10
2.6	Функции (1)	11
2.7	Функции (2)	12
2.8	Функции (3)	13
2.9	Функции (4)	14
2.10	Функции (5)	15
2.11	Сторонние библиотеки и пакеты (1)	15
2.12	Сторонние библиотеки и пакеты (2)	16
2.13	Задание 1. Пункт 1	16
	Задание 1. Пункт 2 (1)	17
2.15	Задание 1. Пункт 2 (2)	18
2.16	Задание 1. Пункт 3 (1)	19
	Задание 1. Пункт 3 (2)	20
2.18	Задание 2. Тернарный условный оператор	21
2.19	Задание 3	21
2.20	Задание 4	21
2.21	Задание 5. Пункт 1	22
2.22	Задание 5. Пункт 2	22
2.23	Задание 5. Пункт 3	23
2.24	Задание 6 (1)	23
	Задание 6 (2)	23
	Задание 7	24
2.27	Задание 7. Матрица Z_1	25
2.28	Задание 7. Матрица Z_2	26
2.29	Задание 7. Матрица Z_3	26
2.30	Задание 7. Матрица Z_{4}	27
	Задание 8. Пункт 1. Написание функции outer	27
	Задание 8. Пункт 2. Матрица A_1	27
	Задание 8. Пункт 2. Матрицы A_2 и A_3	28
	Задание 8. Пункт 2. Матрицы A_4 и A_5	29
	Задание 9. Матрица коэффициентов	30
	Задание 9. Метод Гаусса	30
	Залание 9. Решение системы уравнений	31

2.38	Задание 10. Создание матрі	ΛЦЬ	o CC) CJ	ΙУЧ	[ай]	ны	ΜИ	Ц	ель	IM	И	ЧИ	IC J	ıa	MJ	И	•
2.39	Задание 10. Пункт 1																	
2.40	Задание 10. Пункт 2																	
2.41	Задание 10. Пункт 3																	
2.42	Задание 11. Пункт 1																	•
2.43	Задание 11. Пункт 2																	

Список таблиц

1 Цель работы

Основная цель работы — освоить применение циклов функций и сторонних для Julia пакетов для решения задач линейной алгебры и работы с матрицами.

2 Выполнение лабораторной работы

Выполняем задания, следуя указаниям [1].

2.1 Повторение примеров

Повторим примеры, представленные в лабораторной работе. Циклы while и for ([2.1-2.4]), Условные выражения ([2.5]), функции ([2.6-2.10]) и сторонние библиотеки/пакеты ([2.11,2.12]).

т Лабораторная работа № 3. Управляющие структуры

Повторение примеров

Циклы while и for

```
[4]: # ποκα π<10 πρυδαβωπь κ π εдиницу и распечатать значение:
n = 0
while n < 10
n += 1
println(n)
end

1
2
3
4
5
6
7
8
9
10
```

Рис. 2.1: Циклы while и for (1)

```
[6]: myfriends = ["Ted", "Robyn", "Barney", "Lily", "Marshall"]
     while i <= length(myfriends)</pre>
         friend = myfriends[i]
         println("Hi $friend, it's great to see you!")
     Hi Ted, it's great to see you!
     Hi Robyn, it's great to see you!
     Hi Barney, it's great to see you!
     Hi Lily, it's great to see you!
     Hi Marshall, it's great to see you!
[7]: for n in 1:2:10
         println(n)
     end
     1
     3
     5
     9
[8]: myfriends = ["Ted", "Robyn", "Barney", "Lily", "Marshall"]
     for friend in myfriends
         {\tt println("Hi\ \$friend,\ it's\ great\ to\ see\ you!")}
     Hi Ted, it's great to see you!
     Hi Robyn, it's great to see you!
     Hi Barney, it's great to see you!
     Hi Lily, it's great to see you!
     Hi Marshall, it's great to see you!
```

Рис. 2.2: Циклы while и for (2)

```
[9]: # инициализация массива т х п из нулей:
     m, n = 5, 5
     A = fill(0, (m, n))
     # формирование массива, в котором значение каждой записи
     # является суммой индексов строки и столбца:
     for i in 1:m
         for j in 1:n
            A[i, j] = i + j
     end
     А
[9]: 5x5 Matrix{Int64}:
      2 3 4 5 6
      3 4 5
                  7
              6
      4 5 6 7
                  8
      5 6 7 8
                  9
      6 7 8 9 10
     Другая реализация этого же примера:
[10]: # инициализация массива т х п из нулей:
     B = fill(0, (m, n))
     for i in 1:m, j in 1:n
         B[i, j] = i + j
     end
     В
[10]: 5x5 Matrix{Int64}:
      2 3 4 5
                 6
      3 4 5 6 7
      4 5 6 7 8
      5 6 7 8 9
      6 7 8 9 10
```

Рис. 2.3: Циклы while и for (3)

Ещё одна реализация этого же примера:

```
[11]: C = [i + j \text{ for } i \text{ in } 1:m, j \text{ in } 1:n]
       C
[11]: 5x5 Matrix{Int64}:
                  5
        2
           3
               4
                       6
        3
           4 5
                  6
        4 5 6 7
                       8
        5 6 7 8
                     9
        6 7 8 9 10
```

Рис. 2.4: Циклы while и for (4)

Условные выражения

```
[13]: # используем `&&` для реализации операции "AND"
      # операция % вычисляет остаток от деления
      N = 5
      if (N % 3 == 0) && (N % 5 == 0)
          println("FizzBuzz")
      elseif N % 3 == 0
          println("Fizz")
      elseif N % 5 == 0
          println("Buzz")
          println(N)
      end
      Buzz
[14]: x = 5
      y = 10
      (x \rightarrow y) ? x : y
[14]: 10
```

Рис. 2.5: Условные выражения

Функции

```
[15]: function sayhi(name)
       println("Hi $name, it's great to see you!")
end
       # функция возведения в квадрат:
       function f(x)
           x^2
       end
[15]\colon \ \mathsf{f} \ (\mathsf{generic} \ \mathsf{function} \ \mathsf{with} \ 1 \ \mathsf{method})
       Вызов функции осуществляется по её имени с указанием аргументов, например:
[16]: sayhi("C-3PO")
       f(42)
       Hi C-3PO, it's great to see you!
[16]: 1764
[17]: sayhi2(name) = println("Hi $name, it's great to see you!")
       f2(x) = x^2
[17]: f2 (generic function with 1 method)
       Наконец, можно объявить выше определённые функции как «анонимные»:
[18]: sayhi3 = name -> println("Hi name, it's great to see you!") f3 = x -> x^2
[18]: #5 (generic function with 1 method)
```

Рис. 2.6: Функции (1)

```
[20]: # задаём массив v:
      v = [3, 5, 2]
      sort(v)
[20]: 3-element Vector{Int64}:
       2
       3
       5
[21]:
[21]: 3-element Vector{Int64}:
       3
       5
       2
[22]:
     sort!(v)
[22]: 3-element Vector{Int64}:
       2
       3
       5
[23]:
[23]: 3-element Vector{Int64}:
       2
       3
       5
```

Рис. 2.7: Функции (2)

```
[24]: f(x) = x^2
      map(f, [1, 2, 3])
[24]: 3-element Vector{Int64}:
       1
       4
       9
[25]: x -> x^3
      map(x \rightarrow x^3, [1, 2, 3])
[25]: 3-element Vector{Int64}:
         1
        8
        27
[26]: f(x) = x^2
      broadcast(f, [1, 2, 3])
[26]: 3-element Vector{Int64}:
       1
       4
       9
[27]: f.([1, 2, 3])
[27]: 3-element Vector{Int64}:
       4
       9
```

Рис. 2.8: Функции (3)

```
[28]: # Задаём матрицу А:
       A = [i + 3*j \text{ for } j \text{ in } 0:2, i \text{ in } 1:3]
[28]: 3x3 Matrix{Int64}:
        1 2 3
        4 5 6
        7 8 9
[29]: # Вызываем функцию f возведения в квадрат
       f(A)
[29]: 3x3 Matrix{Int64}:
         30
              36
                   42
         66
              81
                    96
        102 126 150
[30]: B = f_{\bullet}(A)
[30]: 3x3 Matrix{Int64}:
             4
                 9
         1
        16 25 36
        49 64
                81
```

Рис. 2.9: Функции (4)

```
[31]: A .+ 2 .* f.(A) ./ A
[31]: 3x3 Matrix{Float64}:
        3.0
              6.0
                    9.0
       12.0 15.0
                  18.0
       21.0 24.0 27.0
[32]: @. A + 2 * f(A) / A
[32]: 3x3 Matrix{Float64}:
              6.0
        3.0
                    9.0
       12.0 15.0
                  18.0
       21.0 24.0 27.0
[33]: broadcast(x -> x + 2 * f(x) / x, A)
[33]: 3x3 Matrix{Float64}:
              6.0
        3.0
                    9.0
       12.0 15.0 18.0
       21.0 24.0 27.0
```

Рис. 2.10: Функции (5)

Сторонние библиотеки (пакеты) в Julia

```
[34]: import Pkg
      Pkg.add("Example")
          Updating registry at `C:\Users\User\.julia\registries\General.toml`
         Resolving package versions...
         Installed Example - v0.5.3
          Updating `C:\Users\User\.julia\environments\v1.8\Project.toml`
        [7876af07] + Example v0.5.3
          \label{local_potential} \textbf{Updating `C:\Users\User\.julia\environments\v1.8\Manifest.toml`}
        [7876af07] + Example v0.5.3
      Precompiling project...
         ✓ Example
      1 dependency successfully precompiled in 7 seconds. 287 already precompiled.
[35]: Pkg.add("Colors")
      using Colors
         Resolving package versions..
          Updating `C:\Users\User\.julia\environments\v1.8\Project.toml`
        [5ae59095] + Colors v0.12.10
       No Changes to `C:\Users\User\.julia\environments\v1.8\Manifest.toml`
```

Рис. 2.11: Сторонние библиотеки и пакеты (1)



Рис. 2.12: Сторонние библиотеки и пакеты (2)

2.2 Самостоятельная работа

- 1. Используем циклы while и for (задания написаны на скриншотах):
 - 1) Пункт 1 ([2.13])

Рис. 2.13: Задание 1. Пункт 1

2) Пункт 2 ([2.14,2.15])

```
- создайте словарь squares, который будет содержать целые числа в качестве ключей и квадраты в качестве их пар-значений;
```

```
[71]: squares_1 = Dict()
while n < 100

n += 1
squares_1[n] = n^2
end
n = 0;
pairs(squares_1)

[71]: Dict{Any, Any} with 100 entries:
5 => 25
56 => 3136
35 => 1225
55 => 3825
60 => 3600
30 => 900
32 => 900
32 => 1024
6 => 36
67 => 4489
45 => 2025
73 => 5329
64 => 4896
90 => 8100
4 => 16
13 => 169
54 => 2916
63 => 3969
86 => 7396
91 => 8281
62 => 8444
58 => 3364
52 => 2704
12 => 144
28 => 784
75 => 5625
i => i
```

Рис. 2.14: Задание 1. Пункт 2 (1)

```
[72]: squares_2 = Dict()
      for i ∈ 1:100
          squares_2[i] = i^2
      end
      squares_2
[72]: Dict{Any, Any} with 100 entries:
        5 => 25
        56 => 3136
        35 => 1225
        55 => 3025
        60 => 3600
        30 => 900
        32 => 1024
        6 => 36
        67 => 4489
        45 => 2025
        73 => 5329
        64 => 4096
        90 => 8100
        4 => 16
        13 => 169
        54 => 2916
        63 => 3969
        86 => 7396
        91 => 8281
        62 => 3844
        58 => 3364
        52 => 2704
        12 => 144
        28 => 784
        75 => 5625
        : => :
```

Рис. 2.15: Задание 1. Пункт 2 (2)

3) Пункт 3 ([2.16,2.17])

– создайте массив squares_arr, содержащий квадраты всех чисел от 1 до 100.

```
[73]: squares_arr_1 = (Int64)[]
      while n < 100
n += 1
          push!(squares_arr_1, n^2)
      end
      n = 0;
      squares_arr_1
[73]: 100-element Vector{Int64}:
           4
           9
           16
           36
          49
           64
          81
          100
          121
          169
         7921
        8100
8281
         8464
         8649
         8836
         9216
         9409
         9604
         9801
       10000
```

Рис. 2.16: Задание 1. Пункт 3 (1)

```
squares_arr_2 = (Int64)[]
[75]:
      for i ∈ 1:100
           push!(squares_arr_2, i^2)
      end
      squares_arr_2
[75]: 100-element Vector{Int64}:
            1
            4
            9
           16
           25
           36
           49
           64
           81
          100
          121
          144
          169
         7921
         8100
         8281
         8464
         8649
         8836
         9025
         9216
         9409
         9604
         9801
       10000
```

Рис. 2.17: Задание 1. Пункт 3 (2)

2. Напишем условное выражение, используя тернарный оператор ([2.18])

```
2. Напишите условный оператор, который печатает число, если число чётное, и строку «нечётное», если число нечётное. Перепишите код, используя тернарный оператор

[80]: x * 5; y * 6;

[81]: issewn(x) ? println(x) : println("NewEnnee")

Issewn(y) ? println(y) : println("NewEnnee")

Hevêtnoe
```

Рис. 2.18: Задание 2. Тернарный условный оператор

3. Напишем функцию добавления единицы к аргументу ([2.19])

```
3. Напишите функцию add_one, которая добавляет 1 к своему входу.
```

```
[85]: add_one(x) = x + 1
[85]: add_one (generic function with 1 method)
[86]: add_one(1)
[86]: 2
```

Рис. 2.19: Задание 3.

4. Создадим матрицу, элементы которой различаются на единицу ([2.20])

Рис. 2.20: Задание 4.

- 5. Работа с матрицей определенного вида (задания написаны на скриншотах):
 - 1) Пункт 1 ([2.21])

5. Задайте матрицу A следующего вида:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 3 \\ 5 & 2 & 6 \\ -2 & -1 & -3 \end{pmatrix}$$

[99]:
$$A = [[1 \ 1 \ 3]; [5 \ 2 \ 6]; [-2 \ -1 \ -3]]$$

[99]: 3x3 Matrix{Int64}:

1 1 3 5 2 6

-2 -1 -3

Рис. 2.21: Задание 5. Пункт 1

2) Пункт 2 ([2.22])

- Найдите A^3 .

[100]:
$$g(x) = x^3$$

[100]: g (generic function with 1 method)

[105]: 3x3 Matrix{Int64}:

0 0 0

0 0 0

0 0 0

Рис. 2.22: Задание 5. Пункт 2

3) Пункт 3 ([2.23])

– Замените третий столбец матрицы А на сумму второго и третьего столбцов.

Рис. 2.23: Задание 5. Пункт 3

6. Создадим матрицу ([2.24]) и вычислим ее произведение с транспонированной версией ([2.25]).

```
6. Создайте матрицу B с элементами B_{i1}=10, B_{i2}=-10, B_{i3}=10, i=1,2,\ldots, 15. Вычислите матрицу C=B^TB. 

[118]: B=25
B=2 \exp \cos (15,15)
B=2 \exp \cos (15,15)
B=2 \exp \cos (15,15)
B=10
B=1,10
```

Рис. 2.24: Задание 6 (1).

```
[120]: C = B'*B
[120]: 15×15 Matrix{Float64}:
        1500.0 -1500.0 1500.0 -1500.0 ... -1500.0 1500.0 -1500.0 1500.0
       -1500.0 1500.0 -1500.0
                              1500.0
                                         1500.0 -1500.0
        1500.0 -1500.0 1500.0 -1500.0
                                         -1500.0
                                                 1500.0
                                                         -1500.0
       -1500.0 1500.0 -1500.0
                              1500.0
                                          1500.0 -1500.0
                                                         1500.0
        1500.0 -1500.0 1500.0 -1500.0
                                         -1500.0 1500.0 -1500.0
                                                                 1500.0
       -1500.0 1500.0 -1500.0
                              1500.0 ... 1500.0 -1500.0
                                                         1500.0 -1500.0
        1500.0 -1500.0 1500.0
                              -1500.0
                                         -1500.0
                                                 1500.0
                                                         -1500.0
                                                                 1500.0
       -1500.0 1500.0
                      -1500.0
                               1500.0
                                         1500.0 -1500.0
                                                         1500.0
        1500.0 -1500.0
                       1500.0
                               -1500.0
                                         -1500.0
                                                 1500.0
        -1500.0 1500.0 -1500.0
                              1500.0
                                         1500.0 -1500.0
                                                         1500.0 -1500.0
        1500.0 -1500.0 1500.0
                              -1500.0 ... -1500.0 1500.0
                                                         -1500.0 1500.0
                                       1500.0 -1500.0 1500.0 -1500.0 -1500.0 -1500.0
                              1500.0
       -1500.0 1500.0 -1500.0
        1500.0 -1500.0 1500.0 -1500.0
                                         -1500.0 1500.0 -1500.0 1500.0
                                          1500.0 -1500.0 1500.0 -1500.0
       -1500.0 1500.0 -1500.0
                              1500.0
                                        -1500.0 1500.0 -1500.0
        1500.0 -1500.0 1500.0 -1500.0
                                                                 1500.0
```

Рис. 2.25: Задание 6 (2).

7. Создадим 4 матрицы с некоторыми закономерностями ([2.26-2.30]).

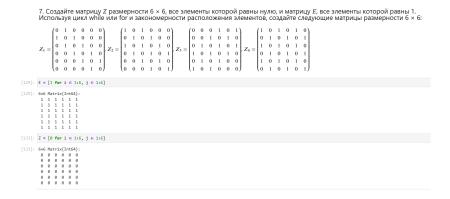


Рис. 2.26: Задание 7.

```
[135]: Z_1 = Int.(zeros(6, 6))
      Z_2 = Int.(zeros(6, 6))
      Z_3 = Int.(zeros(6, 6))
      Z_4 = Int.(zeros(6, 6))
[135]: 6x6 Matrix{Int64}:
       0 0 0 0 0
         0 0 0 0
       0 0 0 0 0
       0 0 0 0 0
       0 0 0 0 0
       0 0 0 0 0
[141]: for i \in 1:6, j \in 1:6
         if (j == i +1) || (j == i - 1)
             Z_1[i, j] = E[i, j]
          else
             Z_1[i, j] = Z[i, j]
          end
      end
      Z_1
[141]: 6x6 Matrix{Int64}:
       0 1 0 0 0 0
       1 0 1 0 0 0
       0 1 0 1 0 0
       0 0 1 0 1 0
       0 0 0 1 0 1
       0 0 0 0 1 0
```

Рис. 2.27: Задание 7. Матрица Z_1

```
[142]: for i \in 1:6, j \in 1:6
         if (j == i + 2) || (j == i - 2) || (j == i)
              Z_2[i, j] = E[i, j]
              Z_2[i, j] = Z[i, j]
          end
      end
      Z_2
[142]: 6x6 Matrix{Int64}:
       1 0 1 0 0 0
       0 1 0 1 0 0
       1
         0 1
               0 1
                     0
       0 1
            0
               1 0 1
       0 0 1 0 1 0
       0 0 0 1 0 1
```

Рис. 2.28: Задание 7. Матрица Z_2

Рис. 2.29: Задание 7. Матрица Z_3

Рис. 2.30: Задание 7. Матрица Z_4

- 8. Написание функции outer (внешнее произведение, с возможностью замены операции) и построение матриц с ее помощью (задания написаны на скриншотах):
 - 1) Пункт 1 ([2.31])

```
8. В языке R есть функция outler(). Фактически, это матричное умножение с возможностью изменить применяемую операцию (например, заменить произведение на сложение или возведение в степень).

- Напишите свою функцию, онаколичную функции outler() языка R. Функции дожна мень следующий интерфейс outler(ку,operation). Таким образом, функция вида outler(A,B,*) должна быть эквивалентна произведению матриц A и B размерностики L \times M и M \times N соответственно, где эмементы результирующей матрицы C имеют вид C_{ij} = \sum_{k=1}^{M} A_{ik} B_{kj} (ми в теноорном виде C_i^i = \sum_{k=1}^{M} A_{ik} B_{ij}) (за C_i^i = \sum_{k=1}^{M} A_{ik} B_{ik}) (за C_i^i = \sum_{k=1}^{M} A_{ik}) (за C_i^i = \sum_{k=1}^{M} A_{ik}) (за C_i^i = \sum_{k=1
```

Рис. 2.31: Задание 8. Пункт 1. Написание функции outer

2) Пункт 2 — создаем матрицы разной структуры ([2.32-2.34])

Рис. 2.32: Задание 8. Пункт 2. Матрица A_1

```
[179]: a_2 = a_1
       b_2 = [1, 2, 3, 4, 5]
      A_2 = outer(a_2, b_2, ^)
[179]: 5x5 Matrix{Float64}:
       0.0
             0.0
                   0.0
                        0.0
                                 0.0
        1.0
             1.0
                   1.0
                         1.0
                                1.0
        2.0
             4.0
                   8.0
                       16.0
                                32.0
        3.0
             9.0 27.0
                       81.0
                               243.0
        4.0 16.0 64.0 256.0 1024.0
[190]: a_3 = [0, 1, 2, 3, 4]
       b_3 = [0, 1, 2, 3, 4]
       A_3 = outer(a_3, b_3, +) .%5
[190]: 5x5 Matrix{Float64}:
       0.0 1.0 2.0 3.0 4.0
        1.0 2.0 3.0 4.0 0.0
        2.0 3.0 4.0 0.0 1.0
        3.0 4.0 0.0 1.0 2.0
        4.0 0.0 1.0 2.0 3.0
```

Рис. 2.33: Задание 8. Пункт 2. Матрицы ${\cal A}_2$ и ${\cal A}_3$

```
[192]: a_4 = [i \text{ for } i \in 0:9]
      b_4 = [i \text{ for } i \in 0:9]
      A_4 = outer(a_4, b_4, +) .%10
[192]: 10×10 Matrix{Float64}:
       0.0 1.0 2.0 3.0 4.0 5.0 6.0 7.0 8.0 9.0
       1.0 2.0 3.0 4.0 5.0 6.0 7.0 8.0 9.0 0.0
       2.0 3.0 4.0 5.0 6.0 7.0 8.0 9.0 0.0 1.0
       3.0 4.0 5.0 6.0 7.0 8.0 9.0 0.0 1.0
       4.0 5.0 6.0 7.0 8.0 9.0 0.0 1.0 2.0 3.0
       5.0 6.0 7.0 8.0 9.0 0.0 1.0 2.0 3.0 4.0
       6.0 7.0 8.0 9.0 0.0 1.0 2.0 3.0 4.0
       7.0 8.0 9.0 0.0 1.0 2.0 3.0 4.0 5.0
       8.0 9.0 0.0 1.0 2.0 3.0 4.0 5.0 6.0
                                               7.0
       9.0 0.0 1.0 2.0 3.0 4.0 5.0 6.0 7.0 8.0
[199]: a_5 = [i \text{ for } i \in 0:8]
      b 5 = [i for i ∈ 9:-1:1]
      A_5 = (outer(a_5, b_5, +) . \%9)
[199]: 9x9 Matrix{Float64}:
       0.0 8.0 7.0 6.0 5.0 4.0 3.0 2.0 1.0
       1.0 0.0 8.0 7.0 6.0 5.0 4.0 3.0 2.0
       2.0 1.0 0.0 8.0 7.0 6.0 5.0 4.0 3.0
       3.0 2.0 1.0 0.0 8.0 7.0 6.0 5.0 4.0
       4.0 3.0 2.0 1.0 0.0 8.0 7.0 6.0 5.0
       5.0 4.0 3.0 2.0 1.0 0.0 8.0 7.0 6.0
       6.0 5.0 4.0 3.0 2.0 1.0 0.0 8.0 7.0
       7.0 6.0 5.0 4.0 3.0 2.0 1.0 0.0 8.0
       8.0 7.0 6.0 5.0 4.0 3.0 2.0 1.0 0.0
```

Рис. 2.34: Задание 8. Пункт 2. Матрицы A_4 и A_5

9. Решим систему уравнений определенного вида. Составим матрицу коэффициентов ([2.35]), реализуем метод Гаусса ([2.36]) и найдем решение системы уравнений ([2.37]).

```
9. Решите следующую систему линейных уравнений с 5 неизвестными:

| 3, 1 + 2, 2, 1 + 3, 1 + 4x, 1 + 5x; = 7, 2x, 1 + 3x, 2 + 4x, 5 = 1, 3x, 1 + 2x, 1 + 3x, 2 + 4x, 5 = 1, 3x, 1 + 2x, 1 + 3x, 2 + 2x, 1 + 2x, 3 + 3x, 4 + 4x, 5 = 1, 3x, 1 + 2x, 1 + 2x, 2 = 5, 5x, 1 + 4x, 2 = 1, 2x, 2 = 2x, 2 + 2x, 2 = 5, 5x, 1 + 4x, 2 = 1, 2x, 2 = 2x,
```

Рис. 2.35: Задание 9. Матрица коэффициентов

```
[351]: function Gauss_Straight(A)
           for i \in 1:(size(A)[1])
               for k \in (i+1):(size(A)[2]-1)
                   A[k, :] = A[k, :] - A[i, :]*(A[k, i] / A[i, i])
           end
       function Gauss_Reverse(_A_)
           x = zeros(size(A_)[1])
           for i ∈ (size(_A_)[1]):-1:1
              b = _A_[i, size(_A_)[2]]
               for j \in (size(A_)[1]):-1:i
                   if j != i
                       b -= x[j]*_A_[i, j]
               end
               x[i] = b / A_[i, i]
           end
           return x
       function Gauss(A, b)
           A_{-} = hcat(A, b)
           _A_ = Gauss_Straight(A_)
           X = Gauss_Reverse(_A_)
           return X
```

[351]: Gauss (generic function with 2 methods)

Рис. 2.36: Задание 9. Метод Гаусса

```
[352]: _A_ = hcat(A, b)
       #print(size(_A_))
       A_{\underline{}} = Gauss_Straight(A_{\underline{}})
[352]: 5x6 Matrix{Float64}:
       1.0 2.0 3.0
                           4.0
                                      5.0
                                            7.0
        0.0 -3.0 -4.0 -5.0
                                      -6.0 -15.0
        0.0 0.0 -2.66667 -3.33333 -4.0 -4.0
        0.0 0.0 0.0
                           -2.5
                                      -3.0
                                             7.0
        0.0 0.0 0.0
                            0.0
                                      -2.4
                                              9.6
[353]: X = Gauss_Reverse(A__)
[353]: 5-element Vector{Float64}:
        -2.00000000000000044
        3.00000000000000002
        4.99999999999964
        2.00000000000000044
        -4.0000000000000000
[354]: x = round.(X)
[354]: 5-element Vector{Float64}:
        -2.0
         3.0
         5.0
         2.0
        -4.0
[355]: x2 = round.(Gauss(A, b))
[355]: 5-element Vector{Float64}:
        -2.0
        3.0
         5.0
         2.0
        -4.0
```

Рис. 2.37: Задание 9. Решение системы уравнений

10. Создадим матрицу со случайными целыми числами ([2.38]) и проведем с ней несколько операций (задания написаны на скриншотах):

Рис. 2.38: Задание 10. Создание матрицы со случайными целыми числами

1) Пункт 1 ([2.39])

Рис. 2.39: Задание 10. Пункт 1.

2) Пункт 2 ([2.40])

Рис. 2.40: Задание 10. Пункт 2.

3) Пункт 3 ([2.41])

– Определите все пары столбцов матрицы M , сумма элементов которых больше K (например, $\mathit{K}=75$).

```
[263]: K = 75
Numbers_3 = []
for i ∈ 1:9
    for j ∈ (i+1):10
        if (sum(M[:, i]) + sum(M[:, j]) > K)
            push! (Numbers_3, (i, j))
        end
        .
     [263]: 6-element Vector{Any}:
                         (1, 2)
(1, 3)
(1, 5)
(2, 3)
(2, 5)
(3, 5)
```

Рис. 2.41: Задание 10. Пункт 3.

11. Найдем две суммы ([2.42,2.43]).

11. Вычислите:

$$\sum_{i=1}^{20} \sum_{j=1}^5 \frac{i^4}{(3+j)}$$

```
[265]: S_1 = 0
       for i ∈ 1:20
           for j ∈ 1:5
               S_1 + i^4 / (3 + j)
       end
       S 1
```

[265]: 639215.2833333334

Рис. 2.42: Задание 11. Пункт 1

$$\sum_{i=1}^{20} \sum_{j=1}^{5} \frac{i^4}{(3+ij)}$$

[266]: 89912.02146097136

Рис. 2.43: Задание 11. Пункт 2

3 Выводы

В ходе выполнения лабораторной работы я освоил работу с циклами и сторонние библиотеки Julia для решения задач линейной алгебры и работы с матрицами.

Список литературы

1. Королькова А. В., Кулябов Д. С. Лабораторная работа № 3. Управляющие структуры [Электронный ресурс]. RUDN, 2023. URL: https://esystem.rudn.ru/pluginfile.php/2231345/mod_resource/content/2/003-lab_control-structures.pdf.