Лабораторная работа №3

Компьютерный практикум по статистическому анализу данных

Николаев Д. И.

18 ноября 2023

Российский университет дружбы народов, Москва, Россия

Прагматика выполнения

Прагматика выполнения

- Получение навыков работы в Jupyter Notebook;
- · Освоение особенностей языка Julia;
- Применение полученных знаний на практике в дальнейшем.

Цели



Основная цель работы — освоить применение циклов функций и сторонних для Julia пакетов для решения задач линейной алгебры и работы с матрицами

Задачи

Задачи

- 1. Используя Jupyter Lab, повторите примеры из раздела 3.2.
- 2. Выполните задания для самостоятельной работы (раздел 3.4).

Повторение примеров

Повторение примеров (1)

 Лабораторная работа № 3. Управляющие структуры Повторение примеров Циклы while и for [4]: # пока п<10 прибавить к п единицу и распечатать значение: while n < 10 n += 1 println(n)

Рис. 1: Циклы while и for (1)

Повторение примеров (2)

```
[6]: myfriends = ["Ted", "Robyn", "Barney", "Lily", "Marshall"]
    i = 1
     while i <= length(myfriends)
         friend = myfriends[i]
         println("Hi $friend, it's great to see you!")
         i += 1
     end
    Hi Ted, it's great to see you!
    Hi Robyn, it's great to see you!
    Hi Barney, it's great to see you!
    Hi Lily, it's great to see you!
    Hi Marshall, it's great to see you!
    for n in 1:2:10
         println(n)
     end
[8]: myfriends = ["Ted", "Robyn", "Barney", "Lily", "Marshall"]
     for friend in myfriends
         println("Hi $friend, it's great to see you!")
     end
    Hi Ted. it's great to see you!
    Hi Robyn, it's great to see you!
    Hi Barney, it's great to see you!
    Hi Lilv, it's great to see you!
     Hi Marshall, it's great to see you!
```

Повторение примеров (3)

```
[9]: # инициализация массива т х п из нулей:
      m, n = 5, 5
      A = fill(0, (m, n))
      # формирование массива, в котором значение каждой записи
      # является суммой индексов строки и столбца:
      for i in 1:m
          for i in 1:n
              A[i, j] = i + j
          end
      end
 [9]: 5x5 Matrix{Int64}:
       6 7 8 9 10
      Другая реализация этого же примера:
[10]: # инициализация массива т х п из нулей:
      B = fill(0, (m, n))
      for i in 1:m, i in 1:n
          B[i, j] = i + j
      end
[10]: 5×5 Matrix{Int64}:
```

6 7 8 9 10

Повторение примеров (4)

Ещё одна реализация этого же примера:

```
[11]: C = [i + j for i in 1:m, j in 1:n]
[11]: 5x5 Matrix{Int64}:
      3 4 5 6 7
      4 5 6 7 8
      5 6 7 8 9
      6 7 8 9 10
```

Рис. 4: Циклы while и for (4)

Повторение примеров (5)

[14]: 10

Условные выражения

```
[13]: # используем `&&` для реализации операции "AND"
      # операция % вычисляет остаток от деления
      N = 5
      if (N % 3 == 0) && (N % 5 == 0)
          println("FizzBuzz")
      elseif N % 3 == 0
          println("Fizz")
      elseif N % 5 == 0
          println("Buzz")
      else
          println(N)
      end
      Buzz
[14]: x = 5
      v = 10
      (x > y) ? x : y
```

9/48

Повторение примеров (6)

Функции

 $f3 = x -> x^2$

```
[15]: function sayhi(name)
          println("Hi $name, it's great to see you!")
      # функция возведения в квадрат:
      function f(x)
          x^2
      end
[15]: f (generic function with 1 method)
      Вызов функции осуществляется по её имени с указанием аргументов, например:
[16]: savhi("C-3PO")
     f(42)
     Hi C-3PO, it's great to see you!
[16]: 1764
[17]: sayhi2(name) = println("Hi $name, it's great to see you!")
      f2(x) = x^2
[17]: f2 (generic function with 1 method)
      Наконец, можно объявить выше определённые функции как «анонимные»:
[18]: savhi3 = name -> println("Hi $name, it's great to see you!")
```

Повторение примеров (7)

```
[20]: # задаём массив v:
      v = [3, 5, 2]
      sort(v)
[20]: 3-element Vector{Int64}:
[21]: v
[21]: 3-element Vector{Int64}:
[22]: sort!(v)
[22]: 3-element Vector{Int64}:
[23]: v
[23]: 3-element Vector{Int64}:
```

Повторение примеров (8)

```
[24]: f(x) = x^2
      map(f, [1, 2, 3])
[24]: 3-element Vector{Int64}:
[25]: x -> x^3
      map(x \rightarrow x^3, [1, 2, 3])
[25]: 3-element Vector{Int64}:
[26]: f(x) = x^2
      broadcast(f, [1, 2, 3])
[26]: 3-element Vector{Int64}:
[27]: f.([1, 2, 3])
[27]: 3-element Vector{Int64}:
```

Повторение примеров (9)

```
[28]: # Задаём матрицу А:
      A = [i + 3*j \text{ for } j \text{ in } 0:2, i \text{ in } 1:3]
[28]: 3x3 Matrix{Int64}:
       4 5 6
        7 8 9
[29]: # Вызываем функцию f возведения в квадрат
      f(A)
[29]: 3x3 Matrix{Int64}:
         30
              36 42
        66 81
                 96
        102 126 150
[30]: B = f.(A)
[30]: 3×3 Matrix{Int64}:
        16 25 36
        49
           64 81
```

Повторение примеров (10)

```
[31]: A .+ 2 .* f.(A) ./ A
[31]: 3x3 Matrix{Float64}:
       3.0
             6.0 9.0
      12.0 15.0 18.0
      21.0 24.0 27.0
[32]: @. A + 2 * f(A) / A
[32]: 3x3 Matrix{Float64}:
        3.0 6.0 9.0
      12.0 15.0 18.0
       21.0 24.0 27.0
[33]: broadcast(x -> x + 2 * f(x) / x, A)
[33]: 3x3 Matrix{Float64}:
        3.0
             6.0 9.0
      12.0 15.0 18.0
       21.0 24.0 27.0
```

Повторение примеров (11)

Сторонние библиотеки (пакеты) в Julia

```
[34]: import Pkg
      Pkg.add("Example")
          Updating registry at `C:\User\\julia\registries\General.toml`
         Resolving package versions...
         Installed Example - v0.5.3
          Updating `C:\Users\User\.julia\environments\v1.8\Project.toml`
        [7876af07] + Example v0.5.3
          Updating `C:\Users\User\.julia\environments\v1.8\Manifest.toml`
        [7876af07] + Example v0.5.3
      Precompiling project...
        ✓ Example
        1 dependency successfully precompiled in 7 seconds, 287 already precompiled.
[35]: Pkg.add("Colors")
      using Colors
         Resolving package versions...
          Updating `C:\Users\User\.julia\environments\v1.8\Project.toml`
        [5ae59095] + Colors v0.12.10
        No Changes to `C:\Users\User\.julia\environments\v1.8\Manifest.toml`
```

Рис. 11: Сторонние библиотеки и пакеты (1)

Повторение примеров (12)



Рис. 12: Сторонние библиотеки и пакеты (2)

Самостоятельная работа

Самостоятельное задание

1. Используя циклы while и for:

выведите на экран целые числа от 1 до 100 и напечатайте их квадрать:

```
[59]: n = 0
while n < 100
n += 1
print("$n --> $(n^2); ")
end
```

```
[60]: for i = 1:100
print("$1 --> $(1^2); ")
```

 $\begin{array}{c} 1 \to 1 \ 1 \to 4 \ 3 \to 6 \ 4 \to 5 \ 4 \to 16 \ 4 \to 26 \ 4 \to 56 \$

Рис. 13: Задание 1. Пункт 1

Задание 1. Пункт 2 (1)

– создайте словарь squares, который будет содержать целые числа в качестве ключей и квадраты в качестве их пар-значений;

```
[71]: squares 1 = Dict()
      while n < 100
          n += 1
          squares_1[n] = n^2
      n = 0;
      pairs(squares 1)
[71]: Dict{Any, Any} with 100 entries:
        5 => 25
        56 => 3136
        35 => 1225
        55 => 3025
        60 => 3600
        30 => 900
        32 => 1024
        6 => 36
        67 => 4489
        45 => 2025
        73 => 5329
        64 => 4096
        90 => 8100
        4 => 16
        13 => 169
        54 => 2916
        63 => 3969
        86 => 7396
        91 => 8281
        62 => 3844
        58 => 3364
        52 => 2704
        12 => 144
        28 => 784
        75 => 5625
        => 1
```

Задание 1. Пункт 2 (2)

```
squares 2 = Dict()
      for i € 1:100
          squares 2[i] = i^2
      end
      squares_2
[72]: Dict{Any, Any} with 100 entries:
        5 => 25
        56 => 3136
        35 => 1225
        55 => 3025
        60 => 3600
        30 => 900
        32 => 1024
        6 => 36
        67 => 4489
        45 => 2025
        73 => 5329
        64 => 4096
        90 => 8100
        4 => 16
        13 => 169
        54 => 2916
        63 => 3969
        86 => 7396
        91 => 8281
        62 => 3844
        58 => 3364
        52 => 2704
        12 => 144
        28 => 784
        75 => 5625
        : -> :
```

Задание 1. Пункт 3 (1)

```
- создайте массив squares arr, содержащий квадраты всех чисел от 1 до 100.
[73]: squares_arr_1 = (Int64)[]
      while n < 100
          n += 1
          push!(squares_arr_1, n^2)
      end
      n = 0;
      squares_arr_1
[73]: 100-element Vector{Int64}:
          49
          64
          81
         100
         121
         144
         169
        7921
        8100
        8281
        8464
        8649
        8836
        9025
        9216
        9409
        9604
        9801
```

Задание 1. Пункт 3 (2)

```
[75]: squares arr 2 = (Int64)[]
      for i € 1:100
          push!(squares_arr_2, i^2)
      end
      squares_arr_2
[75]: 100-element Vector{Int64}:
          16
          36
          49
          64
          81
         100
         121
         144
         169
        7921
        8100
        8281
        8464
        8649
        8836
        9025
        9216
        9409
        9604
        9801
       10000
```

Рис. 18: Задание 2. Тернарный условный оператор

```
3. Напишите функцию add_one, которая добавляет 1 к своему входу.

[85]: add_one(x) = x + 1

[85]: add_one (generic function with 1 method)

[86]: add_one(1)

[86]: 2
```

Рис. 19: Задание 3.

```
4. Используйте map() или broadcast() для задания матрицы А. каждый элемент которой увеличивается на единицу по сравнению с
     предыдущим.
[87]: A = zeros(3, 3)
[87]: 3x3 Matrix(Float64):
      0.0 0.0 0.0
      0.0 0.0 0.0
      0.0 0.0 0.0
[92]: add_one.(A)
[92]: 3x3 Matrix(Float64):
      1.0 1.0 1.0
      10 10 10
      1.0 1.0 1.0
[93]: map(add one, A)
[93]: 3x3 Matrix(Float64):
      1.0 1.0 1.0
      1.0 1.0 1.0
      1.0 1.0 1.0
[98]: x = 0
     for 1 C 113, 1 C 113
        A[i, j] = add_one(x)
        x • 1
[98]: 3×3 Matrix(Float64):
      1.0 2.0 3.0
      4.0 5.0 6.0
      7.0 8.0 9.0
```

Рис. 20: Задание 4.

5. Задайте матрицу A следующего вида:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 3 \\ 5 & 2 & 6 \\ -2 & -1 & -3 \end{pmatrix}$$

```
[99]: A = [[1 1 3]; [5 2 6]; [-2 -1 -3]]
[99]: 3×3 Matrix{Int64}:

1 1 3
```

-2 -1 -3

Рис. 21: Задание 5. Пункт 1

Задание 5. Пункт 2

```
- Найдите A^3.
[100]: g(x) = x^3
[100]: g (generic function with 1 method)
[105]: g(A)
[105]: 3x3 Matrix{Int64}:
```

Рис. 23: Задание 5. Пункт 3

Задание 6 (1)

```
6. Создайте матрицу B с элементами B_{i1}=10, B_{i2}=-10, B_{i3}=10, i=1,2,\ldots,15. Вычислите матрицу C=B^TB.
[118]: N = 15
    B = zeros(15, 15)
    \#B = \{(-1)^n = 10 = 0 = 1:N\}
    for 1 = 1:N, 1 = 1:N
      if isodd(i)
         B[i, j] = 10
      else
         B[i, j] = -10
      end
[118]: 15x15 Matrix(Float64):
    10.0 -10.0 10.0 -10.0 10.0 -10.0
                               10.0 -10.0 10.0 -10.0 10.0
    10.0 -10.0 10.0 -10.0 10.0 -10.0
                               10.0 -10.0 10.0 -10.0 10.0
    10.0 -10.0 10.0 -10.0 10.0 -10.0
                               10.0 -10.0 10.0 -10.0 10.0
    10.0 -10.0 10.0 -10.0 10.0 -10.0
                             10.0 -10.0 10.0 -10.0 10.0
    10.0 -10.0 10.0 -10.0 10.0 -10.0
                               10.0 -10.0 10.0 -10.0 10.0
    10.0 -10.0 10.0 -10.0 10.0 -10.0
                               10.0 -10.0 10.0 -10.0 10.0
    10.0 -10.0 10.0 -10.0 10.0 -10.0
                               10.0 -10.0 10.0 -10.0 10.0
    10.0 -10.0 10.0 -10.0 10.0 -10.0
                               10.0 -10.0 10.0 -10.0 10.0
    10.0 -10.0 10.0 -10.0 10.0 -10.0
                               10.0 -10.0 10.0 -10.0 10.0
    10.0 -10.0 10.0 -10.0 10.0 -10.0
                               10.0 -10.0 10.0 -10.0 10.0
```

Рис. 24: Задание 6 (1).

Задание 6 (2)

```
[120]: C = B'*B
[120]: 15×15 Matrix{Float64}:
         1500.0 -1500.0
                           1500.0
                                    -1500.0 ...
                                                -1500.0
                                                          1500.0
                                                                   -1500.0
                                                                             1500.0
                  1500.0
                           -1500.0
                                                          -1500.0
                                                                    1500.0
                                                                            -1500.0
        -1500.0
                                     1500.0
                                                 1500.0
         1500.0
                 -1500.0
                           1500.0
                                    -1500.0
                                                -1500.0
                                                          1500.0
                                                                   -1500.0
                                                                             1500.0
                           -1500.0
        -1500.0
                  1500.0
                                     1500.0
                                                 1500.0
                                                          -1500.0
                                                                    1500.0
                                                                            -1500.0
         1500.0
                 -1500.0
                           1500.0
                                    -1500.0
                                                -1500.0
                                                          1500.0
                                                                   -1500.0
                                                                             1500.0
        -1500.0
                  1500.0
                           -1500.0
                                     1500.0 ...
                                                 1500.0
                                                          -1500.0
                                                                    1500.0
                                                                            -1500.0
         1500.0
                 -1500.0
                           1500.0
                                    -1500.0
                                                -1500.0
                                                          1500.0
                                                                   -1500.0
                                                                             1500.0
        -1500.0
                  1500.0
                           -1500.0
                                     1500.0
                                                 1500.0
                                                          -1500.0
                                                                    1500.0
                                                                            -1500.0
         1500.0
                 -1500.0
                           1500.0
                                    -1500.0
                                                          1500.0
                                                                   -1500.0
                                                                             1500.0
                                                -1500.0
        -1500.0
                  1500.0
                           -1500.0
                                     1500.0
                                                 1500.0
                                                          -1500.0
                                                                    1500.0
                                                                            -1500.0
         1500.0
                 -1500.0
                           1500.0
                                    -1500.0 ...
                                                -1500.0
                                                          1500.0
                                                                   -1500.0
                                                                             1500.0
        -1500.0
                  1500.0
                           -1500.0
                                     1500.0
                                                 1500.0
                                                          -1500.0
                                                                    1500.0
                                                                            -1500.0
                 -1500.0
                                                -1500.0
                                                                   -1500.0
         1500.0
                           1500.0
                                    -1500.0
                                                          1500.0
                                                                             1500.0
        -1500.0
                  1500.0
                           -1500.0
                                     1500.0
                                                 1500.0
                                                          -1500.0
                                                                    1500.0
                                                                            -1500.0
         1500.0
                 -1500.0
                           1500.0
                                    -1500.0
                                                -1500.0
                                                          1500.0
                                                                   -1500.0
                                                                             1500.0
```

Рис. 25: Задание 6 (2).

Задание 7 (1)

```
7. Создайте матрицу Z размерности 6 \times 6. все эдементы которой равны нудю, и матрицу E, все эдементы которой равны 1.
       7. Создание матрицу 2 размерности о - 0, все этементы котором равлы пулю, и матрицу 2, все этементы котором равлы 1. Используя цикл while или for и закономерности расположения элементов, создайте следующие матрицы размерности 6 × 6:
[129]: E = [1 for 1 c 1:6, j c 1:6]
[129]: 6x6 Matrix(Int64):
       1 1 1 1 1 1
       1 1 1 1 1 1
       1 1 1 1 1 1
       1 1 1 1 1 1
[133]: Z = [0 for 1 e 1:6, j e 1:6]
[1331: 6v6 Matrix[Tot64]:
        0 0 0 0 0 0
        0 0 0 0 0 0
        0 0 0 0 0 0
        0 0 0 0 0 0
        0 0 0 0 0 0
        0 0 0 0 0 0
```

Рис. 26: Задание 7.

Задание 7 (2)

```
[135]: Z 1 = Int.(zeros(6, 6))
       Z = Int.(zeros(6, 6))
       Z_3 = Int.(zeros(6, 6))
       Z_4 = Int.(zeros(6, 6))
[135]: 6x6 Matrix{Int64}:
[141]: for i \in 1:6, j \in 1:6
          if (j == i +1) || (j == i - 1)
               Z_1[i, j] = E[i, j]
           else
               Z_1[i, j] = Z[i, j]
           end
       end
       Z_1
[141]: 6x6 Matrix{Int64}:
        0 0 0 0 1 0
```

```
[142]: for i \in 1:6, j \in 1:6
         if (j == i + 2) || (j == i - 2) || (j == i)
              Z = [i, j] = E[i, j]
          else
              Z_2[i, j] = Z[i, j]
          end
      end
      Z 2
[142]: 6×6 Matrix{Int64}:
       0 1 0 1 0 0
       0 1 0 1 0 1
       0 0 1 0 1 0
       0 0 0 1 0 1
```

Задание 7 (4)

```
[144]: for i \in 1:6, j \in 1:6
          if (j == 7 - i) || (j == 5 - i) || (j == 9 - i)
               Z 3[i, j] = E[i, j]
           else
               Z 3[i, j] = Z[i, j]
           end
       end
       Z 3
[144]: 6x6 Matrix{Int64}:
```

Рис. 29: Задание 7. Матрица Z_3

Задание 7 (5)

Рис. 30: Задание 7. Матрица Z_4

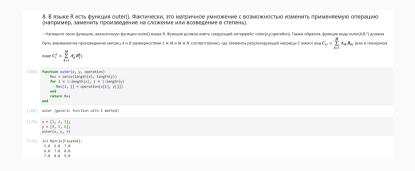


Рис. 31: Задание 8. Пункт 1. Написание функции outer

Задание 8. Пункт 2 (1)

Рис. 32: Задание 8. Пункт 2. Матрица A_1

Задание 8. Пункт 2 (2)

```
[179]: a 2 = a 1
      b 2 = [1, 2, 3, 4, 5]
      A 2 = outer(a_2, b_2, ^{\circ})
[179]: 5x5 Matrix{Float64}:
       0.0
            0.0 0.0 0.0 0.0
       1.0 1.0 1.0 1.0 1.0
       2.0 4.0 8.0 16.0 32.0
       3.0 9.0 27.0 81.0 243.0
       4.0 16.0 64.0 256.0 1024.0
[190]: a 3 = [0, 1, 2, 3, 4]
      b 3 = [0, 1, 2, 3, 4]
      A 3 = outer(a 3, b 3, +) .%5
[190]: 5x5 Matrix{Float64}:
       0.0 1.0 2.0 3.0 4.0
       1.0 2.0 3.0 4.0 0.0
       2.0 3.0 4.0 0.0 1.0
       3.0 4.0 0.0 1.0 2.0
       4.0 0.0 1.0 2.0 3.0
```

Задание 8. Пункт 2 (3)

```
[192]: a 4 = [i for i ∈ 0:9]
      b 4 = [i for i ∈ 0:9]
      A 4 = outer(a 4, b 4, +) .%10
[192]: 10×10 Matrix{Float64}:
      0.0 1.0 2.0 3.0 4.0 5.0 6.0 7.0 8.0 9.0
       1.0 2.0 3.0 4.0 5.0 6.0 7.0 8.0 9.0 0.0
       2.0 3.0 4.0 5.0 6.0 7.0 8.0 9.0 0.0 1.0
          4.0 5.0 6.0 7.0 8.0 9.0 0.0 1.0
       4.0 5.0 6.0 7.0 8.0 9.0 0.0 1.0 2.0
      5.0 6.0 7.0 8.0 9.0 0.0 1.0 2.0
       6.0 7.0 8.0 9.0 0.0 1.0 2.0 3.0 4.0 5.0
      7.0 8.0 9.0 0.0 1.0 2.0 3.0 4.0 5.0 6.0
      8.0 9.0 0.0 1.0 2.0 3.0 4.0 5.0 6.0 7.0
      9.0 0.0 1.0 2.0 3.0 4.0 5.0 6.0 7.0 8.0
[199]: a 5 = [i for i ∈ 0:8]
      b 5 = [i for i ∈ 9:-1:1]
      A 5 = (outer(a 5, b 5, +) .%9)
[199]: 9x9 Matrix{Float64}:
      0.0 8.0 7.0 6.0 5.0 4.0 3.0 2.0 1.0
       1.0 0.0 8.0 7.0 6.0 5.0 4.0 3.0 2.0
          1.0 0.0 8.0 7.0 6.0 5.0 4.0 3.0
          2.0 1.0 0.0 8.0 7.0 6.0 5.0 4.0
          3.0 2.0 1.0 0.0 8.0 7.0 6.0 5.0
       5.0 4.0 3.0 2.0 1.0 0.0 8.0 7.0 6.0
       6.0 5.0 4.0 3.0 2.0 1.0 0.0 8.0 7.0
          6.0 5.0 4.0 3.0 2.0 1.0 0.0 8.0
       8.0 7.0 6.0 5.0 4.0 3.0 2.0 1.0 0.0
```

Задание 9 (1)

```
9. Решите следующую систему линейных уравнений с 5 неизвестными:
                                                                           x_1 + 2x_2 + 3x_3 + 4x_4 + 5x_5 = 7
                                                                          2x_1 + x_2 + 2x_3 + 3x_4 + 4x_5 = -1.
                                                                          3x_1 + 2x_2 + x_3 + 2x_4 + 3x_5 = -3
                                                                           4x_1 + 3x_2 + 2x_3 + x_4 + 2x_5 = 5
                                                                          5x_1 + 4x_2 + 3x_1 + 2x_4 + x_5 = 17
       рассмотрев соответствующее матричное уравнение Ах = у. Обратите внимание на особый вид матрицы А. Метод, используемый для решения данной системы уравнений, должен быть
       легко обобщаем на случай большего числа уравнений, где матрица А будет иметь такую же структуру.
[3491: M = 5
       A = zeros(M, M)
       for k 6 1:M
           for i 6 kiM
              A[k, 1] = 1 - k + 1
              A[1, k] = 1 - k + 1
[349]: 5x5 Matrix(Elnat64):
        1.0 2.0 3.0 4.0 5.0
        2.0 1.0 2.0 3.0 4.0
        1.0 2.0 1.0 2.0 1.0
        4.0 3.0 2.0 1.0 2.0
        5.0 4.0 3.0 2.0 1.0
[350]: b = [7, -1, -3, 5, 17]
[350]: 5-element Vector(Int64):
        17
```

Рис. 35: Задание 9. Матрица коэффициентов

```
[351]: function Gauss Straight(A)
           for i ∈ 1:(size(A)[1])
               for k ∈ (i+1):(size(A)[2]-1)
                   A[k, :] = A[k, :] - A[i, :]*(A[k, i] / A[i, i])
               end
           end
           return A
       end
       function Gauss_Reverse(_A_)
           x = zeros(size(A)[1])
           for i ∈ (size(_A_)[1]):-1:1
               b = A [i, size(A)[2]]
               for j ∈ (size( A )[1]):-1:i
                   if j != i
                       b -= x[j]* A [i, j]
                   end
               end
               x[i] = b / A[i, i]
           end
           return x
       end
       function Gauss(A, b)
           A = hcat(A, b)
           A = Gauss Straight(A )
           X = Gauss Reverse( A )
           return X
       end
```

[351]: Gauss (generic function with 2 methods)

Задание 9 (3)

```
[352]: _A_ = hcat(A, b)
       #print(size( A ))
       A = Gauss_Straight(_A_)
[352]: 5x6 Matrix{Float64}:
        1.0 2.0 3.0
                             4.0
                                             7.0
        0.0
            -3.0 -4.0
                             -5.0
                                      -6.0
                                           -15.0
              0.0 -2.66667 -3.33333
        0.0
                                      -4.0 -4.0
        0.0
              0.0
                    0.0
                             -2.5
                                      -3.0
                                             7.0
        0.0
              0.0
                   0.0
                             0.0
                                      -2.4
                                              9.6
[353]: X = Gauss Reverse(A )
[353]: 5-element Vector{Float64}:
        -2.000000000000000044
         3.00000000000000000
         4.999999999999964
         2.000000000000000044
        -4.00000000000000002
[354]: x = round_{\bullet}(X)
[354]: 5-element Vector{Float64}:
        -2.0
         3.0
         5.0
         2.0
        -4.0
[355]: x2 = round.(Gauss(A, b))
[355]: 5-element Vector{Float64}:
        -2.0
         3.0
         5.0
         2.0
        -4 A
```

```
10. Создайте матрицу M размерности 6 × 10, элементами которой являются целые числа, выбранные случайным образом с повторениями из совокупности 1, 2, ..., 10.

[380] **I* read(118, (6, 18))

[380] **I* Rendel(166);

7 **10 1 1 7 4 1 6 2 1
7 **10 1 1 7 4 2 6 2 1
8 **10 7 1 10 7 4 2 6 3 1
8 **10 7 1 10 7 4 2 5 5 5
8 **10 7 7 1 10 7 4 3 5 5 5
8 **10 7 7 1 10 7 4 3 5 5 5
8 **10 7 7 1 10 7 4 3 5 5 5
8 **10 8 1 3 18 8 3 3 5 5 1
```

Рис. 38: Задание 10. Создание матрицы со случайными целыми числами

```
– Найдите число элементов в каждой строке матрицы M, которые больше числа N_1 (например, N_1=4).
[261]: N1 = 4
       Numbers 1 = Int.(zeros(6))
       for i € 1:6
           for i € 1:10
               if (M[i, j] > N1)
                   Numbers 1[i] += 1
               end
           end
       Numbers 1
[261]: 6-element Vector{Int64}:
```

Рис. 39: Задание 10. Пункт 1.

```
- Определите, в каких строках матрицы M число N_2 (например, N_2=7) встречается ровно 2 раза? 

[264]: N2 = 7
Numbers_2 = Int.(zeros(6))
for i \in 1:6
    for j \in 1:10
        if (M[i, j] == N2)
            Numbers_2[i] += 1
        end
    end
    print(Numbers_2)
    findall(x \rightarrow x == 2, Numbers_2)
[2, 1, 1, 3, 1, 0]
[264]: 1-element Vector{Int64}:
```

Рис. 40: Задание 10. Пункт 2.

```
– Определите все пары столбцов матрицы M, сумма элементов которых больше K (например, K=75).
[263]: K = 75
       Numbers 3 = []
       for i ∈ 1:9
           for j ∈ (i+1):10
              if (sum(M[:, i]) + sum(M[:, j]) > K)
                   push!(Numbers_3, (i, j))
              end
           end
       end
       Numbers 3
[263]: 6-element Vector{Any}:
        (1, 2)
        (1, 3)
        (1, 5)
        (2, 3)
        (2, 5)
        (3, 5)
```

Рис. 41: Задание 10. Пункт 3.

11. Вычислите:

$$\sum_{i=1}^{20} \sum_{j=1}^{5} \frac{i^4}{(3+j)}$$

```
[265]: S_1 = 0

for i ∈ 1:20

for j ∈ 1:5

S_1 += i^4 / (3 + j)

end

end

S_1
```

[265]: 639215.2833333334

46/48

```
[266]: 52 = 0
       for i ∈ 1:20
           for j ∈ 1:5
               5.2 + i^4 / (3 + i*j)
           end
       end
       S_2
[266]: 89912.02146097136
```

47/48

Результаты



В ходе работы я освоил работу с циклами и сторонние библиотеки Julia для решения задач линейной алгебры и работы с матрицами