

## Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

# «Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана

(национальный исследовательский университет)»

(МГТУ им. Н.Э. Баумана)

ФАКУЛЬТЕ	$\mathrm{ET}_{_{-}}$	«Информатика и системы управления»
КАФЕДРА	«Γ	Грограммное обеспечение ЭВМ и информационные технологии»

# Отчёт

# по лабораторной работе $N_2$ 3

Название	Алгоритмы сој	ртировки	_
Дисципли	на: Анализ алг	оритмов	
Студент	ИУ7-55Б		Д.О. Склифасовский
	(Группа)	(Подпись, дата)	(И.О. Фамилия)
Преподовате	ель		Л.Л. Волкова
		(Подпись, дата)	(И.О. Фамилия)

# Содержание

Bı	веде	ние	9
1	Ана	алитический раздел	<u> </u>
	1.1	Сортировка пузырьком	4
	1.2	Сортировка выбором	4
	1.3	Сортировка вставками	4
	1.4	Вывод	Ę
2	Koi	нструкторский раздел	6
	2.1	Разработка алгоритмов	6
	2.2	Модель трудоемкости	8
	2.3	Оценка трудоемкости алгоритмов сортировки	Ć
	2.4	Вывод	11
3	Tex	нологический раздел	12
	3.1	Общие требования к программе	12
	3.2	Средства реализации	12
	3.3	Сведения о модулях программы	12
	3.4	Листинг кода программы	13
	3.5	Вывод	16
4	Экс	периментальный раздел	17
	4.1	Примеры работы программы	17
	4.2	Анализ времени работы алгоритмов	18
	4.3	Вывод	20
За	клю	чение	21
$\mathbf{\Pi}_{1}$	итер	атура	22

## Введение

Цель работы: изучение алгоритмов сортировки массивов. В данной лабораторной работе рассматриваются 3 алгоритма:

- 1) сортировка пузырьком;
- 2) сортировка выбором;
- 3) сортировка вставками.

Также требуется изучить рассчет сложности алгоритмов. В ходе лабораторной работы необходимо:

- 1) изучить алгоритмы сортировки;
- 2) дать теоритическую оценку сортировок пузырьком, шейкером и вставками;
- реализовать три алгоритма сортировки на одном из языков программирования;
- 4) сравнить алгоритмы сортировки.

#### 1 Аналитический раздел

В данном разделе представлено описание алгоритмов сортировки массивов.[1]

## 1.1 Сортировка пузырьком

Сортировка пузырьком — один из самых известных алгоритмов сортировки. Здесь нужно последовательно сравнивать значения соседних элементов и менять числа местами, если предыдущее оказывается больше последующего. Таким образом элементы с большими значениями оказываются в конце списка, а с меньшими остаются в начале.

Этот алгоритм считается учебным и почти не применяется на практике из-за низкой эффективности: он медленно работает на тестах, в которых маленькие элементы (их называют «черепахами») стоят в конце массива. Однако на нём основаны многие другие методы, например, шейкерная сортировка и сортировка расчёской.

#### 1.2 Сортировка выбором

В сортировке выбором мы целенаправленно ищем максимальный элемент (или минимальный), которым дополняем отсортированную часть массива.

## 1.3 Сортировка вставками

При сортировке вставками массив постепенно перебирается слева направо. При этом каждый последующий элемент размещается так, чтобы он оказался между ближайшими элементами с минимальным и максимальным значением.

## 1.4 Вывод

Было представлено описание алгоритмов сортировки массивов. В основном все алгоритмы сортировок основаны на алгоритме сортировки пузырьком.

## 2 Конструкторский раздел

В данном разделе представлены съемы разработанных алгоритмов. Также оценивается трудоемкость алгоритмов.

## 2.1 Разработка алгоритмов

На рисунке 1 изображена схема алгоритма сортировки пузырьком.

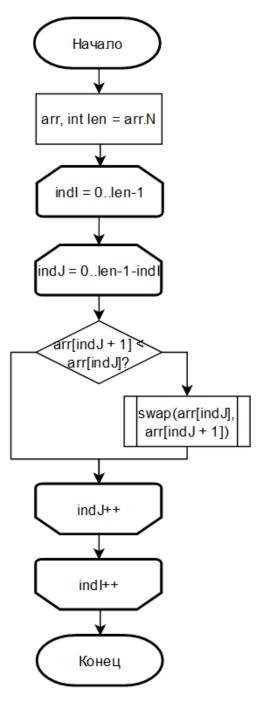


Рисунок 1 – Схема алгоритма сортировки пузырьком

На рисунке 2 изображена схема алгоритма сортировки выбором.

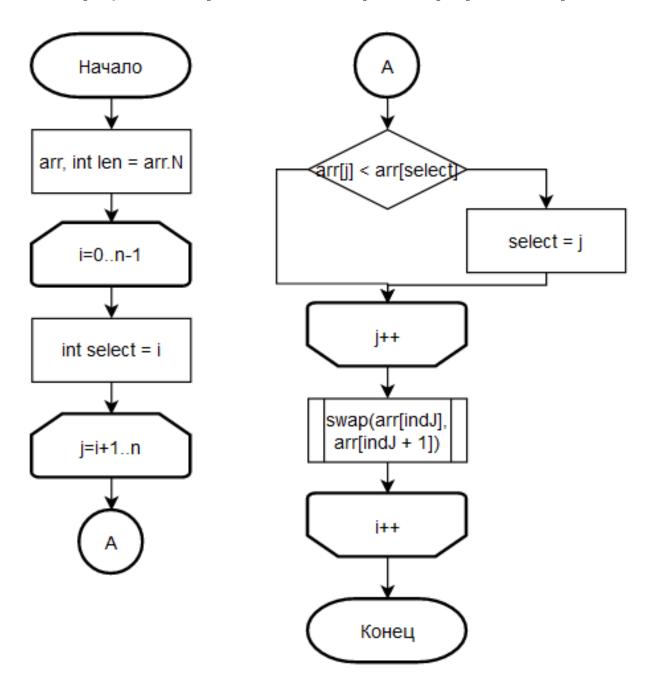


Рисунок 2 – Схема алгоритма сортировки выбором

На рисунке 3 изображена схема алгоритма сортировки вставками.

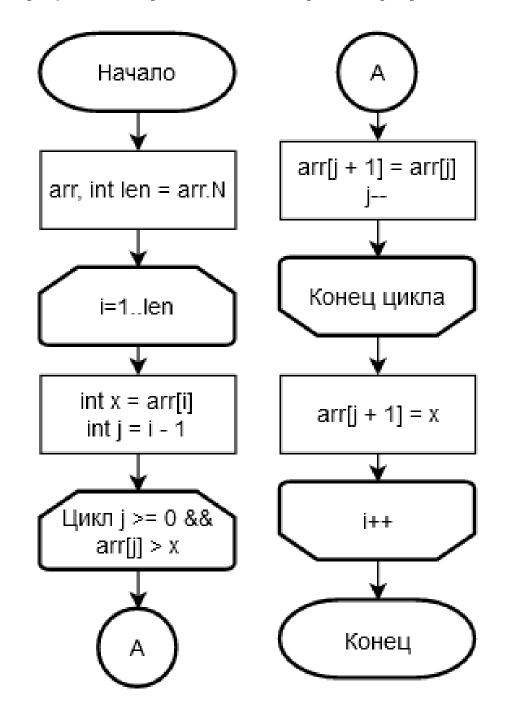


Рисунок 3 – Схема алгоритма сортировки вставками

## 2.2 Модель трудоемкости

Модель трудоемкости для оценки алгоритмов:

1) стоимость базовых операций единица:

$$=, +, *, \simeq, <, >, \ge, \le, ==, !=, [], +=, -=, *=, /=, ++, --;$$

2) стоимость цикла:

$$f_{for} = f_{init} + f_{comp} + M(f_{body} + f_{increment} + f_{comp})$$

Пример: 
$$for(i = 0, i < M; i + +) / *body * /$$

Результат: 
$$2 + M(2 + f_{body})$$
;

3) стоимость условного оператора

Пусть goto (переход к одной из ветвей) стоит 0, тогда

$$f_f = \left\{egin{array}{ll} min(f_A,f_B), & ext{лучший случай} \ max(f_A,f_B), & ext{худший случай} \end{array}
ight.$$

4) операция обращения к ячейки матрицы [i, j] имеет трудоёмкость равную двум.

#### 2.3 Оценка трудоемкости алгоритмов сортировки

Оценим трудоемкость алгоритмов.

## Трудоемкость функции Swap

$$f_{swap} = 2 + 3 + 3 = 8$$

## Сортировка пузырьком

Внутренний цикл будет выполняться: n-0-1, n-1-1, n-2-1, ..., n-(n-2)-1 раз. Эта последовательность является арифметической прогрессией и ее можно записать как:

$$s_{bubble} = \frac{(n-1)n}{2}$$

Лучший случай (массив отсортирован):  $f_{bubble}=2+(3+4+(n-0-1)(4+4))+(4+3+(n-1-1)(4+4))+...+(4+3+(n-(n-2)-1)(4+4))=2+7(n-1)+8s_{bubble}=2+7(n-1)+8\frac{(n-1)n}{2}=4n^2+3n-5\approx 4n^2$ 

**Худший случай** (массив отсортирован в порядке, обратном нужному, т.е. каждый раз будет выполняться тело условного оператора):  $f_{bubble} = 3 + (3 + 4 + (n - 0 - 1)(4 + 4 + f_{swap})) + (3 + 4 + (n - 1 - 1)(4 + 4 + f_{swap})) + \dots + (3 + 4 + (n - (n - 2) - 1)(4 + 4 + f_{swap})) = 3 + 7(n - 1) + 15s_{bubble} = 3 + 7(n - 1) + 15\frac{(n-1)n}{2} \approx \frac{15}{2}n^2$ 

#### Сортировка выбором

Внутренний цикл будет выполняться: n-1, n-2, n-3, ..., n-(n-1) раз. Эта последовательность является арифметической прогрессией и ее можно записать как:

$$s_{selection} = \frac{(n-1)n}{2}$$

Лучший случай (массив отсортирован):  $f_{selection}=3+(3+1+3+(n-1)(2+3)+2+f_{swap})+(3+1+3+(n-2)(2+3)+2+f_{swap})+...+(3+1+3+(n-(n-1))(2+3)+2+f_{swap})=3+12(n-1)+12(n-1)+5*s_{selection}=\frac{5}{2}n^2+9n-9\approx\frac{5}{2}n^2$ 

**Худший случай** (массив отсортирован в порядке, обратном нужному, т.е. каждый раз будет выполняться тело условного оператора):  $f_{selection} = 3 + (3 + 1 + 3 + (n - 1)(2 + 3 + 1) + 2 + f_{swap}) + (3 + 1 + 3 + (n - 2)(2 + 3 + 1) + 2 + f_{swap}) + ... + (3 + 1 + 3 + (n - (n - 1))(2 + 3 + 1) + 2 + f_{swap}) = 3 + 12(n - 1) + 6s_{selection} = 3n^2 + 8n - 8 \approx 3n^2$ 

## Сортировка вставками

Внутренний цикл будет выполняться: 1, 2, 3, ..., n-1 раз. Эта последовательность является арифметической прогрессией и ее можно записать как:

$$s_{insert} = \frac{(n-1)n}{2}$$

Лучший случай (массив отсортирован):  $f_{insertion} = 2 + (n-1)(2 + 2 + 2 + 4 + 3) = 13n - 11 \approx 13n$ 

**Худший случай** (массив отсортирован в порядке, обратном нужному, т.е. каждый раз будет выполняться тело условного оператора):  $f_{insertion} = 2 + (2 + 2 + 4 + 1(5 + 4) + 3) + (2 + 2 + 4 + 2(5 + 4) + 3) + \dots + (2 + 2 + 4 + (n-1)(5+4)+3) = 2 + 11(n-1) + 9 * s_{insert} = \frac{9}{2}n^2 + \frac{13}{2}n - 9 \approx \frac{9}{2}n^2$ 

#### 2.4 Вывод

В данном разделе были рассмотрены схемы алгоритмов сортировки массива, введена модель оценки трудоемкости алгоритма и были рассчитаны трудоемкости алгоритмов.

#### 3 Технологический раздел

В данном разделе даны общие требования к программе, средства реализации и реализация алгоритмов.

#### 3.1 Общие требования к программе

#### Требования к вводу:

- 1) вводится размер массива;
- 2) вводятся или автоматически генерируется массив.

#### Требования к программе:

- 1) при вводе неправильных размеров массива программа не должна завершаться аварийно;
- 2) должна выполняться корректная сортировка массива.

## 3.2 Средства реализации

В качестве языка программирования был выбран С#[2], так как я знаком с данным языком программирования, имею представление о способах тестирования программы. Средой разработки Visual Studio.[3] Для замеров процессорного времени используется функция Stopwatch.[4][5]

## 3.3 Сведения о модулях программы

Программа состоит из:

- 1) Program.cs главный файл программы, в котором располагается точка входа в программу;
- 2) Array.cs файл класса Array;
- 3) Sort.cs файл класса Sort. В нем находятся алгоритмы сортировки массивов.

#### 3.4 Листинг кода программы

**Листинг 1** – Класс Array для работы с массивами

```
class Array
      {
           private int[] array;
           private int n;
           public Array() { }
           public Array(int n)
                this n = n;
9
                array = new int[n];
10
           }
11
12
           public int N
13
           {
14
                get { return n; }
15
                set \{ if (value > 0) n = 0; \}
16
           }
17
18
           public int this[int i]
20
                get { return array[i]; }
                set { array[i] = value; }
22
           }
23
24
           public void Copy(Array arr)
25
           {
26
                for (int i = 0; i < n; i++)
27
               {
                    arr[i] = array[i];
29
               }
           }
31
32
```

```
public void Read()
33
                for (int i = 0; i < n; i++)
35
                {
                     Console.Write(array[i] + "\t");
37
                }
38
                Console. WriteLine();
39
           }
40
41
            public void Fill()
42
           {
43
                Random\ rand = new\ Random();
44
                for (int i = 0; i < n; i++)
45
                {
46
                     array[i] = rand.Next(100);
47
                }
48
           }
49
      }
50
```

### Листинг 2 – Алгоритм сортировки пузырьком

```
public static void BubbleSort(Array arr)
      {
          int len = arr.N;
          for (int indl = 0; indl + 1 < len; indl++)
          {
               for (int indJ = 0; indJ + 1 < len - indl; indJ++)
               {
                   if (arr[indJ + 1] < arr[indJ])
8
                   {
9
                        int tmp = arr[indJ];
10
                        arr[indJ] = arr[indJ + 1];
11
                        arr[indJ + 1] = tmp;
12
                   }
13
              }
14
          }
15
```

16 **}** 

#### Листинг 3 – Алгоритм сортировки выбором

```
public static void SelectionSort(Array arr)
      {
           int len = arr.N;
           for (int i = 0; i < len - 1; i++)
           {
               int select = i;
               for (int j = i + 1; j < len; j++)
               {
                    if (arr[j] < arr[select])</pre>
                    {
                        select = j;
11
                    }
12
13
               }
14
               int tmp = arr[select];
15
                arr[select] = arr[i];
16
                arr[i] = tmp;
17
           }
18
      }
19
```

#### Листинг 4 – Алгоритм сортировки вставками

```
public static void InsertionSort(Array arr)
{
    int len = arr.N;
    for (int i = 1; i < len; i++)
    {
        int x = arr[i];
        int j = i - 1;
        for (; j >= 0 && arr[j] > x; j--)
        {
            arr[j + 1] = arr[j];
        }
}
```

## 3.5 Вывод

В данном разделе были представлены сведения о модулях программы, а также реализованы три алгоритма сортировки массивов.

## 4 Экспериментальный раздел

В данном разделе представлены результаты работы программы и приведен анализ времени работы каждого из алгоритмов.

## 4.1 Примеры работы программы

На рисунке 4 представлен результат работы алгоритмов.

1 - Сортировать											
2 - Тест	2 - Тест .										
Ввод: 1	Ввод: 1										
Введите	кол	ичество	элементов	массива:	10						
10	98	20	45	96	56	24	78	98	64		
Bubble:		10	20	24	45	56	64	78	96	98	98
Selection	n:	10	20	24	45	56	64	78	96	98	98
Insertic	n:	10	20	24	45	56	64	78	96	98	98

Рисунок 4 – Первый результат работы программы

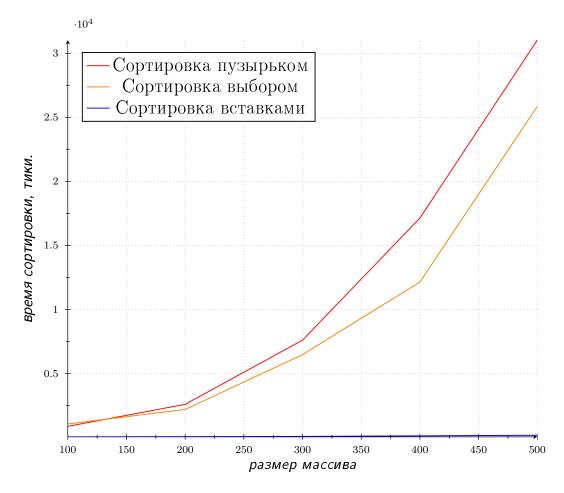
На рисунке 5 представлен результат работы алгоритмов.

1 - Сортировать 2 - Тест Ввод: 1											
Введите	колі	ичество	элементов	массива:	10						
10	98	20	45	96	56	24	78	98	64		
Bubble:		10	20	24	45	56	64	78	96	98	98
Selection	n:	10	20	24	45	56	64	78	96	98	98
Insertic	n:	10	20	24	45	56	64	78	96	98	98

Рисунок 5 – Второй результат работы программы

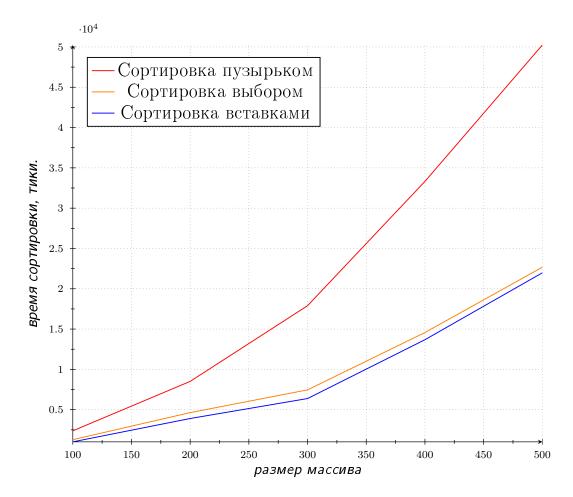
## 4.2 Анализ времени работы алгоритмов

Выполняется первый эксперимент. Берутся заранее отсортированные масивы размерами 100, 200, 300, 400 и 500. Элементы массива заполняются произвольно. Результат можно увидеть на рисунке 6.



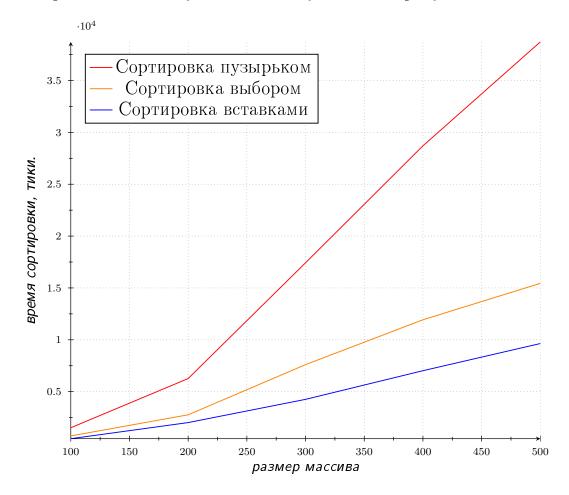
**Рисунок 6** – Результаты замеров процессорного времени сортировки уже упорядоченных массивов.

Выполняется второй эксперимент. Берутся заранее отсортированные в обратном порядке масивы размерами 100, 200, 300, 400 и 500. Элементы массива заполняются произвольно. Результат можно увидеть на рисунке 7.



**Рисунок 7** – Результаты замеров процессорного времени сортировки массивов, отсортированных в обратном порядке.

Выполняется третий эксперимент. Берутся масивы с произвольным порядком и размерами 100, 200, 300, 400 и 500. Элементы массива заполняются произвольно. Результат можно увидеть на рисунке 8.



**Рисунок 8** – Результаты замеров процессорного времени сортировки массивов.

#### 4.3 Вывод

Результаты тестирования показывают, что во всех трес случаях порядка массива самым быстрым является алгоритм сортировки вставками. Самым медленным оказался алгоритм сортировки пузырьком. Сортировка выбором немного медленнее, чем сортировка вставками, в случаях упорядоченного и неупорядоченного заполнения массива. В случае обратного порядка массива - время работы сортировки выбором схоже с временем работы сортировки вставками.

#### Заключение

В ходе выполнения лабораторной работы были изучены алгоритмы сортировки массивов: пузырьком, выбором и вставками. Были даны теоритические оценки алгоритмов умножения матриц. Была оценена трудоемкость алгоритмов. Также сравнили время работы алгоритмов, в результате которого стало понятно, что алгоритм сортировки вставками примерно в 3 раза эффективнее по времени сортировки пузырьком и в 1.5 раза быстрее, что сортировка выбором.

## Литература

- Описание алгоритмов сортировки и сравнение их производительности. -URL: https://habr.com/ru/post/335920/ (дата обращения: 22.10.2020).
   -Текст: электронный.
- 2. Документация по С#. -URL: https://docs.microsoft.com/ru-ru/dotnet/csharp/ (дата обращения: 01.10.2020). -Текст: электронный.
- 3. Документация по семейству продуктов Visual Studio. -URL: https://docs.microsoft.com/ru-ru/visualstudio/?view=vs-2019 (дата обращения: 01.10.2020). -Текст: электронный.
- 4. Stopwatch Класс. -URL: https://goo.su/2e99 (дата обращения: 01.10.2020).-Текст: электронный.
- Под капотом у Stopwatch. -URL: https://habr.com/ru/post/226279/ (дата обращения: 01.10.2020). Текст: электронный.