

EP14 - Projeto do controlador PI e PD via lugar das raízes

Data: 14 de maio

ARTHUR LORENCINI BERGAMASCHI

Versão corrigida: aguardando as correções

PEDRO GABRIEL GAMBERT DA SILVA

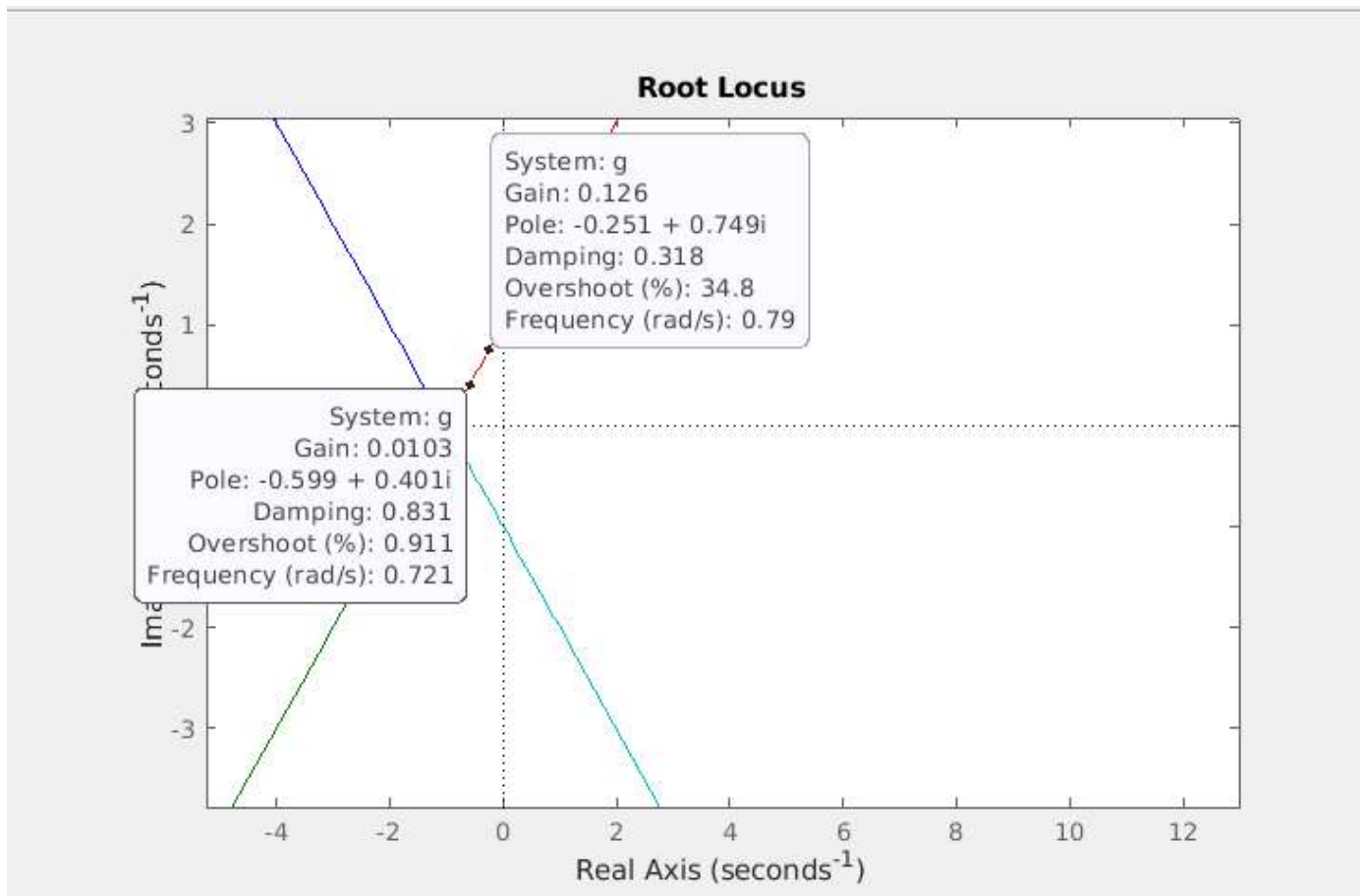
Usar rlocus ou rltool para os projetos.

1) Verifique o efeito do zero de um controlador PD sobre as respostas deste sistema, **escolhendo K_p e K_d de forma a obter a resposta mais rápida possível com $UP < 10\%$** . Não há especificação de erro em regime.

```
s = tf('s');  
g = 10/(s+1)^4;
```

Vemos que o tempo para chegar na amplitude 10 é de uns 10 segundos.

Passo 1) Fazer o LR do k_p



Encontramos uma faixa de K_p entre **[0.06 e 0.10]**. Aumentamos de 0.01 para 0.06 pois 0.01 dá um UP muito baixo. **O K_p não precisa ser escolhido mantendo os polos no SPE, pois o K_d fará isso.**

```
kp_min = 0.06;  
kp_max = 0.1;
```

```
projpd_lr(g,kp_min,1)
```

```
id = 456  
c =
```

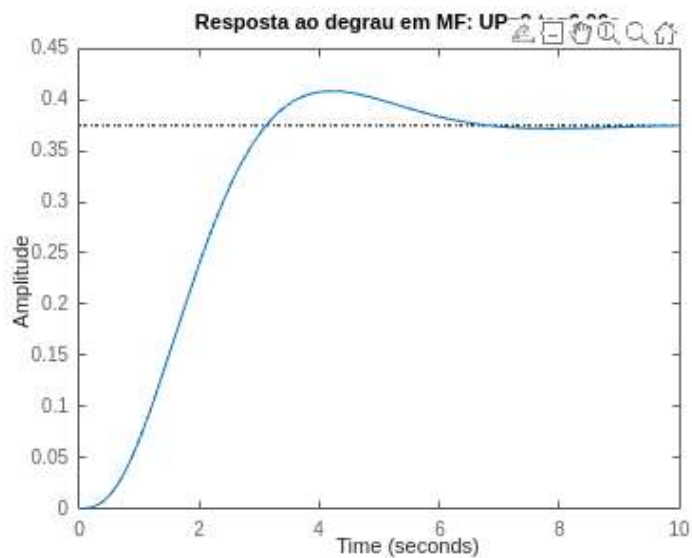
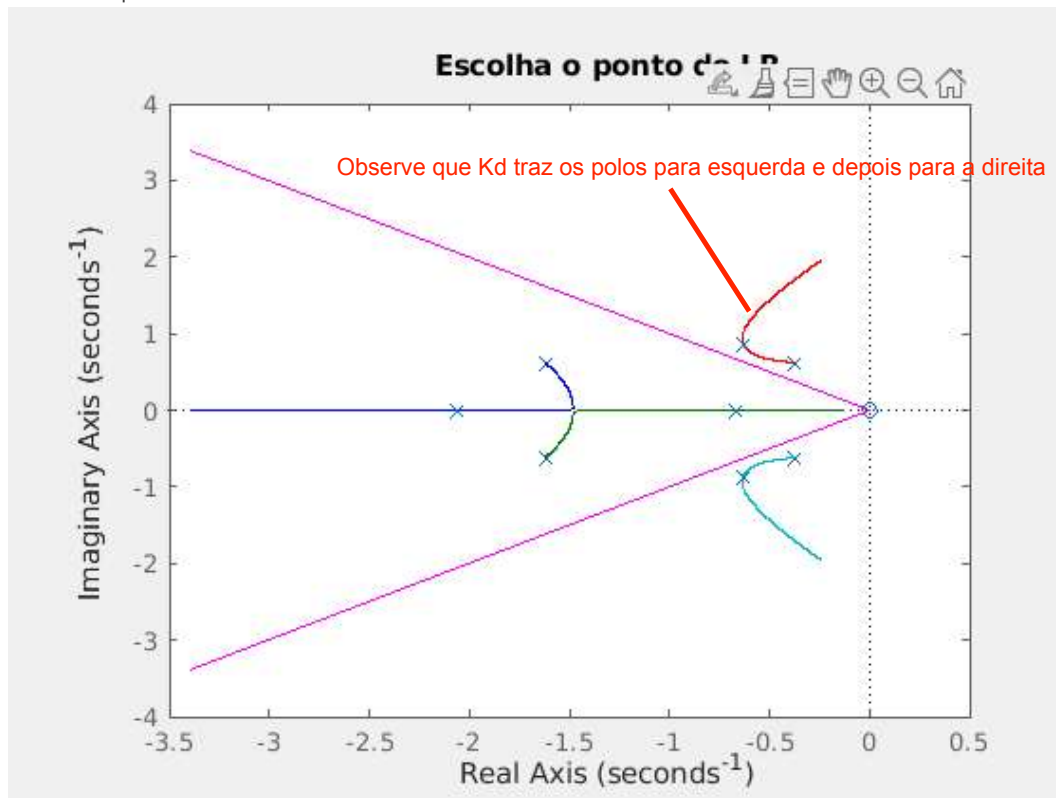
```
0.09102 s + 0.06
```

Continuous-time transfer function.
Model Properties

m =

$$\frac{0.9102 s + 0.6}{s^4 + 4 s^3 + 6 s^2 + 4.91 s + 1.6}$$

Continuous-time transfer function.
Model Properties



ans =

$$0.09102 s + 0.06$$

Continuous-time transfer function.
Model Properties

```
c_final = 0.09102*s + 0.06;
m_final = (0.09102*s + 0.6)/(s^4 + 4*s^3 + 6*s^2 + 4.846*s + 1.6);
```

projpd_lr(g,kp_max,1)

id = 588

c =

$$0.1174 s + 0.1$$

Continuous-time transfer function.

Model Properties

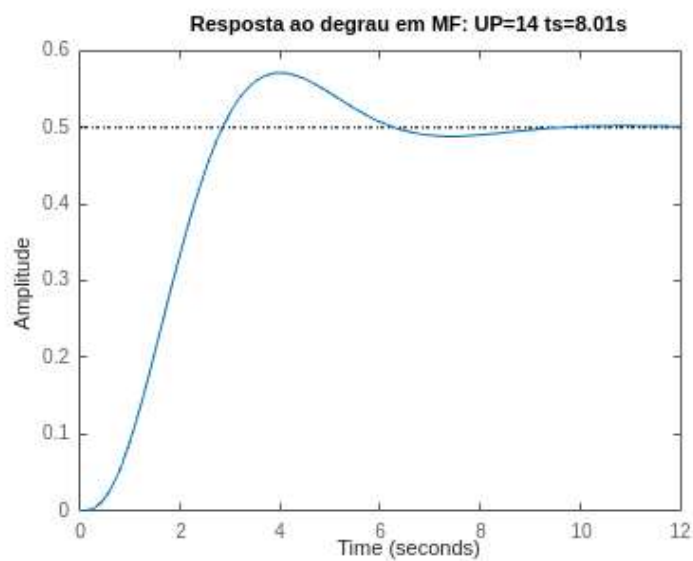
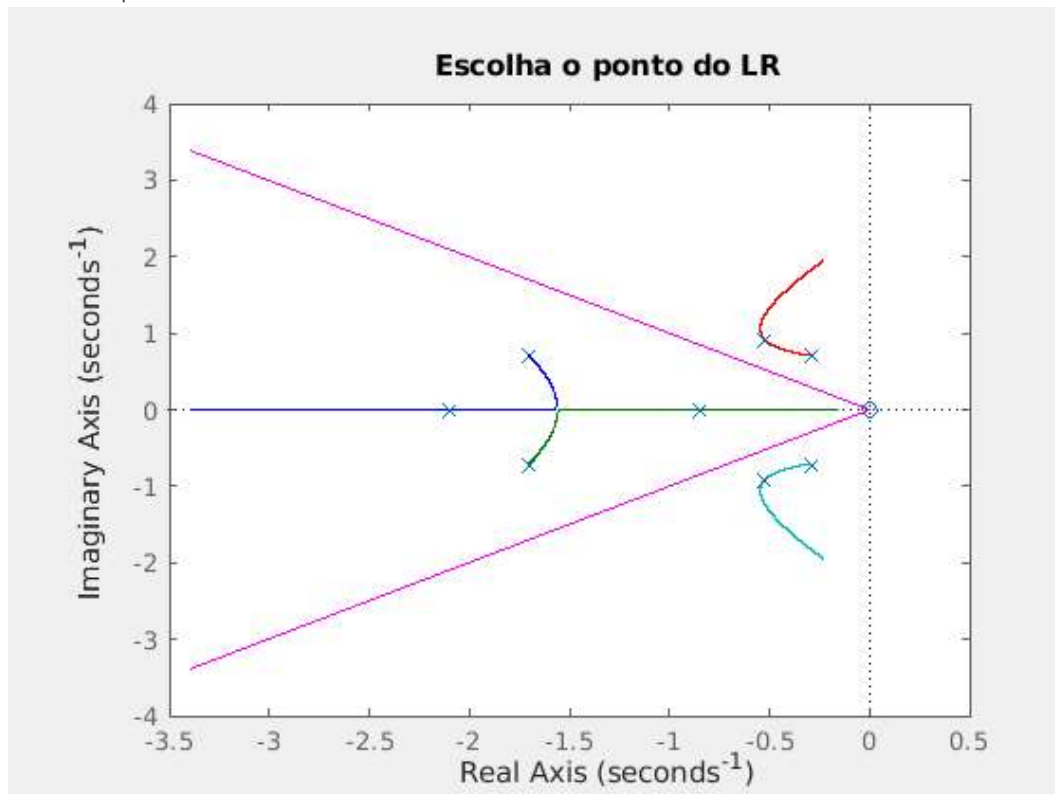
m =

$$1.174 s + 1$$

$$s^4 + 4 s^3 + 6 s^2 + 5.174 s + 2$$

Continuous-time transfer function.

Model Properties



ans =

$$0.1174 s + 0.1$$

Continuous-time transfer function.
Model Properties

Como podemos ver, para $K_p = 0.1$ não conseguimos achar K_d que satisfaça a condição de $UP < 10\%$.

2) Plote a saída e o sinal de controle para uma entrada degrau no mesmo gráfico, analisando.

```
t = 0:0.1:15;
u = c_final/(1+c_final*g) % U = E*C; E = R - Y; M = R/Y

u =
```

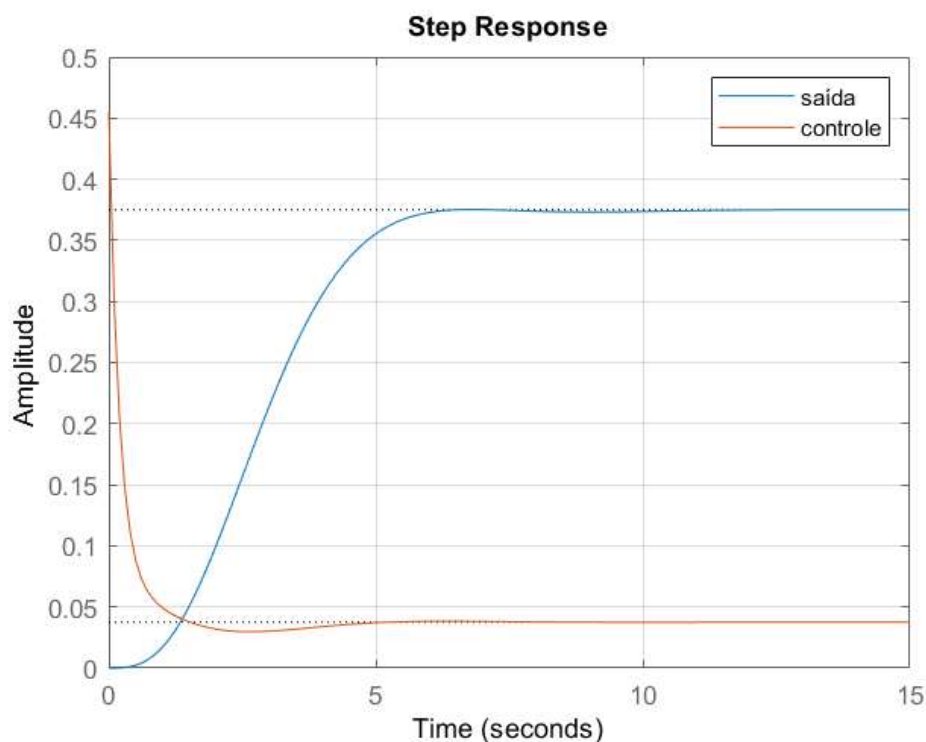
$$\frac{0.09102 s^5 + 0.4241 s^4 + 0.7861 s^3 + 0.7241 s^2 + 0.331 s + 0.06}{s^4 + 4 s^3 + 6 s^2 + 4.91 s + 1.6}$$

Continuous-time transfer function.

É notório observar que $U(s)$ é não causal. Logo, precisamos adicionar um filtro para deixar o sinal de controle causal.

O pólo tem que ficar mais a esquerda do eixo real para que seu efeito seja mínimo sobre o LR.

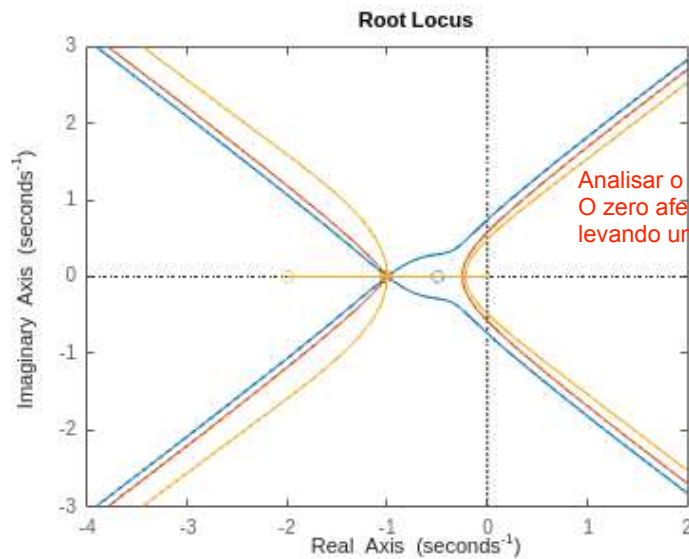
```
f = 1/(s*0.2+1); % LPF
figure; Verificar se f afeta a resposta: m1=feedback(c*g,1) e m2=feedback(c*f*g,1). step(m1,m2)
hold on;
step(m_final,u*f,t)
legend('saída','controle')
grid on
hold off;
```



3) Verifique o efeito do zero de um controlador PI sobre as respostas deste sistema, escolhendo K_p e K_i de forma a obter a resposta mais rápida possível com $UP < 10\%$.

```
c_1 = kp_1*(s+ 0.5)/s; % zero em -0.5
c_2 = kp_2*(s+ 1)/s; % zero em -1
```

```
c_3 = kp_3*(s + 2)/s; % zero em -2
rlocus(g*c_1,g*c_2,g*c_3)
```



Se o nosso objetivo é buscar uma resposta rápida e sem sobrelevação, então o zero em -0.5 faz com que os pólos dominantes fiquem mais perto da origem.

```
projpi_lr(g,0.5,1)
```

c =

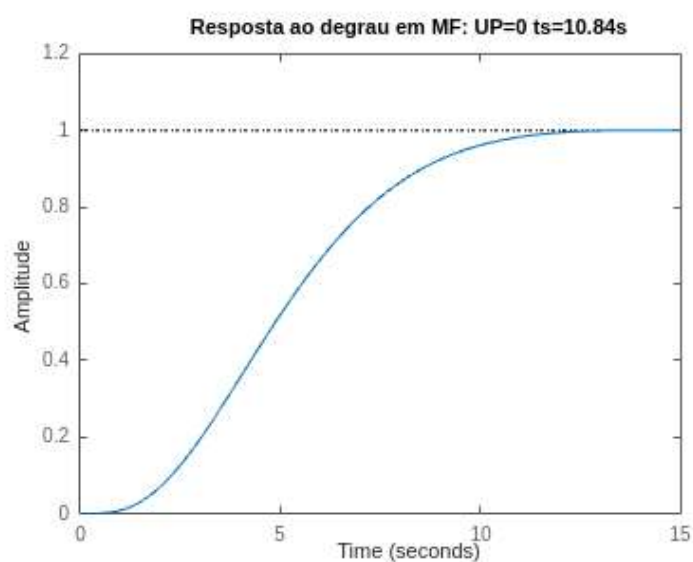
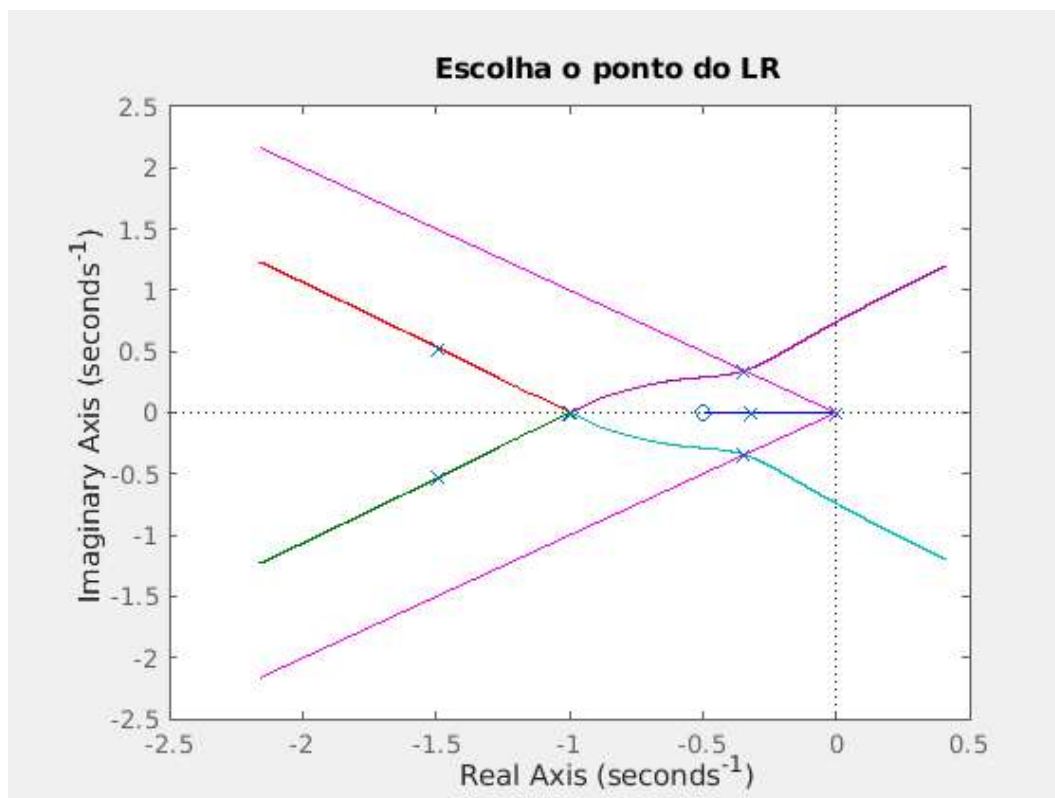
$$\frac{0.03841 s + 0.0192}{s}$$

Continuous-time transfer function.
Model Properties

m =

$$\frac{0.3841 s + 0.192}{s^5 + 4 s^4 + 6 s^3 + 4 s^2 + 1.384 s + 0.192}$$

Continuous-time transfer function.
Model Properties



ans =

$$\frac{0.03841 s + 0.0192}{s}$$

Continuous-time transfer function.
Model Properties

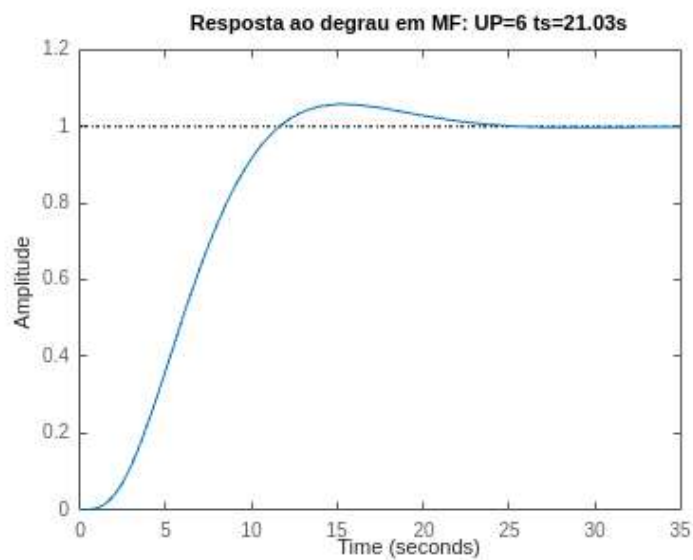
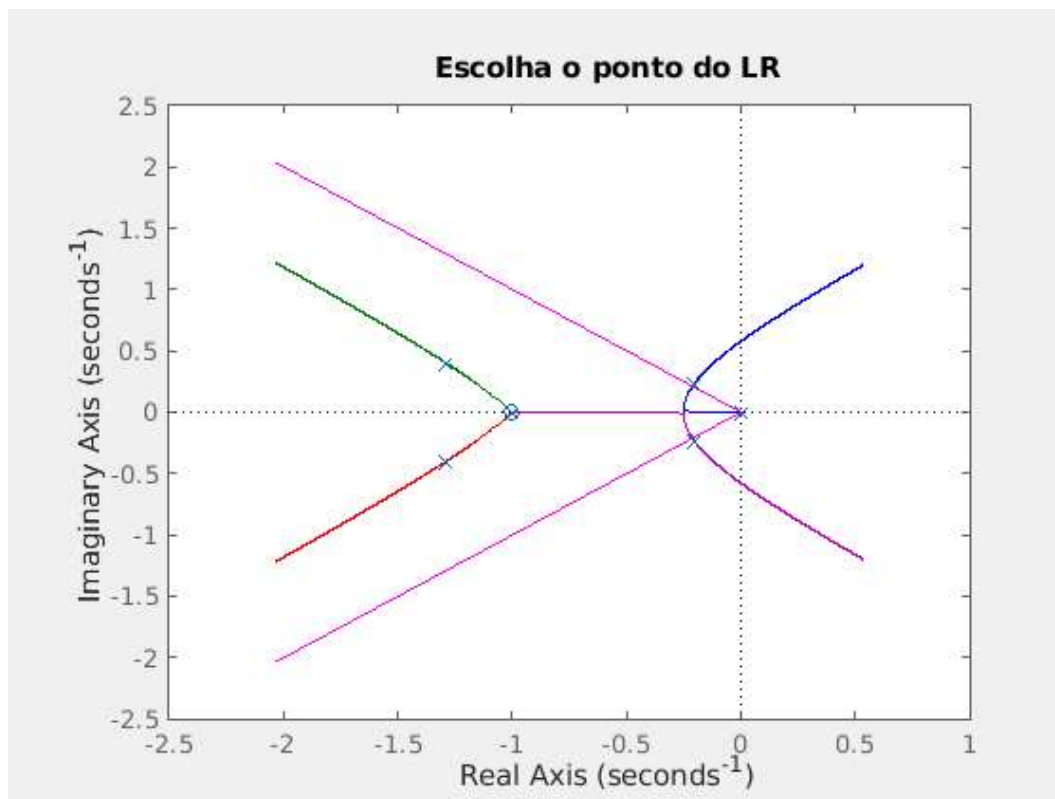
```
c_pi_final = (0.03841*s + 0.0192)/s;
m_pi_final = feedback(c_pi_final*g,1)
```

m_pi_final =

$$\frac{0.3841 s + 0.192}{s^5 + 4 s^4 + 6 s^3 + 4 s^2 + 1.384 s + 0.192}$$

Continuous-time transfer function.
Model Properties

projpi_lr(g,1,1)



ans =

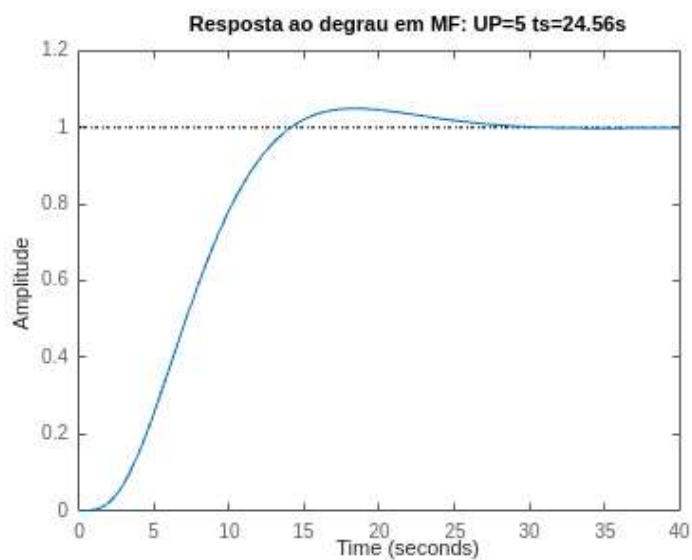
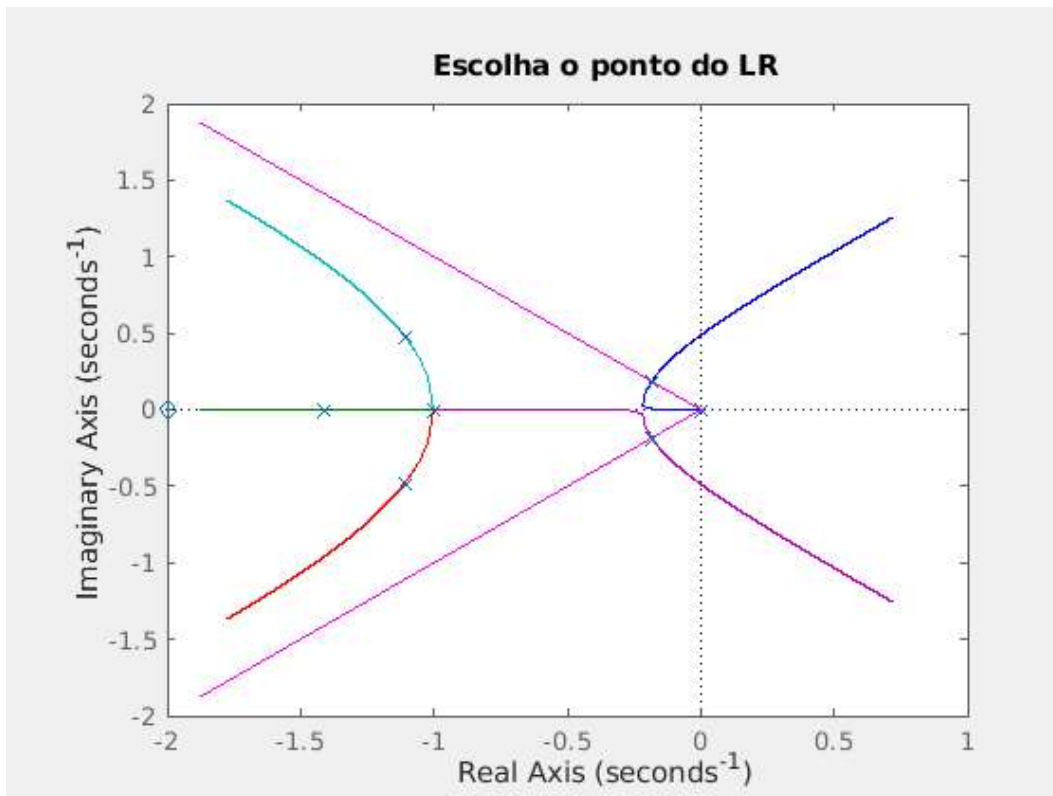
$$\frac{0.0174 s + 0.0174}{s}$$

Continuous-time transfer function.

Model Properties

projpi_lr(g,2,1)

Explicar o que que está sendo feito aqui: adicionando o zero em $s=-2$ e variando K_p



ans =

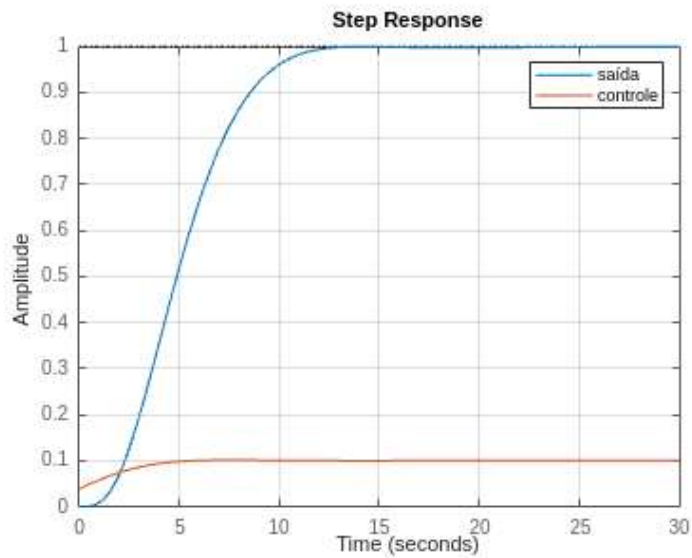
```
0.007201 s + 0.0144
-----
s
```

Continuous-time transfer function.
Model Properties

4) Plote no mesmo gráfico a saída e o sinal de controle para uma entrada degrau, analisando.

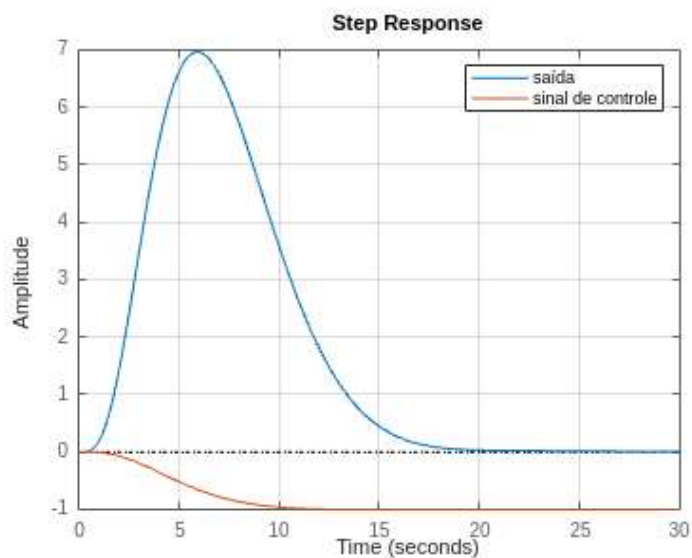
```
t = 0:0.1:30;
% Sinal de Controle para R(s) = 1/s;
u = (1 - m_pi_final)*c_pi_final; % U = E*C; E = R - Y; M = R/Y
figure;
hold on;
step(m_pi_final,u,t)
legend('saída','controle')
grid on
hold off;
```

IDEM



5) Plote no mesmo gráfico a saída e o sinal de controle para uma entrada de distúrbio somada ao sinal de controle, analisando.

```
t = 0:0.1:30;
y = g/(1+ c_pi_final*g); % resposta da saída ao distúrbio;
u = -y*c_pi_final; % sinal de controle para R(s) = 0;
step(y,u,t)
legend('saída','sinal de controle')
grid on
```



O sistema não consegue sumir com o distúrbio durante o período transitório. O controlador é capaz apenas de zerar o efeito do distúrbio para o regime permanente.