# 物理化学实验: 分子偶极矩的测试

XXX 123456789 化学化工学院 2019 年 8 月 21 日

## 1 实验目的

- 1. 用电桥法测定极性物质 (乙酸乙酯) 在非极性溶剂 (环己烷) 中的介电常数和分子偶极矩.
- 2. 了解分子偶极矩与分子电性质的关系, 溶液法测定偶极矩的实验原理.

## 2 实验原理

### 2.1 偶极矩

分子是独立存在,相对稳定,能保持物理化学特性的最小单元.分子由带正电的原子实和带负电的价电子云构成.由于化学键的极性以及分子结构的不对称性,正电几何中心和负电几何中心常常不重合,产生了分子的偶极矩,具有偶极矩的分子也被称为极性分子.偶极矩的定义如下,

$$\mu = q \cdot d \tag{1}$$

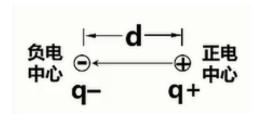


图 1: 偶极矩的定义

#### 分子偶极矩的作用:

- 1. 极性分子在低频电场的作用下会产生一定的取向 (极化现象), 应用: 液晶分子在电场作用下极化
- 2. 极性分子靠近时偶极电场产生额外的分子间相互作用,应用:设计晶体
- 3. 取向排列的分子可以产生额外的附加电场,应用: 非线性光学,压电效应
- 4. 偶极矩测试可以用于判断共价键极性, 分子极性, 分子结构对称性



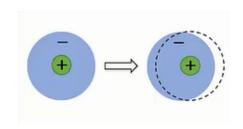
图 2: 实验的逻辑

#### 2.2 摩尔极化度

如存在外加电场 E,则极性分子的骨架,电子云与转动取向会随电场做出相应的调整,这种调整 使体系能量降低,有序性增加,称为极化现象.

总的极化度 P 由上述三种效应线性叠加在一起, 其中分子骨架和电子云的极化被称为变形极化  $P_{tf}$ , 偶极转动取向产生的极化被称为转向极化  $P_{rot}$ . 电子云, 分子骨架, 转向取向三种极化过程需要的时间逐渐增加, 因此通过比较  $> 10^{15}$ Hz 的紫外可见高频电场,  $10^{12} - 10^{14}$ Hz 红外中频电场以及  $< 10^{10}$ Hz 低频电场作用下物质总极化度的差异, 可以区分三种极化度的各自贡献.

$$P = P_{tf} + P_{rot} \tag{2}$$





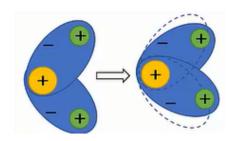


图 4: 骨架变形

转动取向需要的时间最长, 当外加电场频率超过红外中频后, 分子转动速度跟不上电场的切换速度, 因此只有在低频电场或分子处于气相液相等自由状态下.

电场使极化分子发生转向极化,极化后能量降低正比于  $\vec{E} \cdot \vec{\mu}$ ,分子的随即热运动  $(k_bT)$  会破坏转向极化.两者之间的平衡关系符合统计力学玻尔兹曼分布.以此为基础导出摩尔转向极化度和分子偶极矩之间的关系,

$$P_{rot} = \frac{N}{3\epsilon_0} \cdot \frac{\mu^2}{3k_b T} \tag{3}$$

#### 2.3 介电常数

极化现象是电解质的基本性质,构成电介质的分子极化度决定了材料的介电常数  $\epsilon$ . Clausius, Mosott 和 Debye 基于经典电动力学推导出理想气体中介电常数与分子极化度的关系,也就是克劳修斯-莫索提-德拜方程,

$$P = \frac{\epsilon_r - 1}{\epsilon_r + 2} \cdot \frac{M}{\rho} \tag{4}$$

式中,  $\epsilon_r$  是相对介电常数, M 是摩尔质量,  $\rho$  是密度. 这个公式建立起分子微观的可极化性 P 与宏观物化性质介电常数  $\epsilon$  之间的关系.

#### 2.4 交变电场测定分子偶极矩

在不同的电场频率下,分子的可极化性改变,物质的介电常数也会相应发生变化.介电性随频率的变化情况也被称为介电谱,为研究物质内部有关极化机制和晶格振动等提供重要信息.

对于有机分子体系, 在低频 (准静态) 电场下的介电常数  $(\epsilon_{r,low})$  包括分子变形极化和转向极化的贡献; 高频 (可见光) 电场下, 分子转向极化无法再跟随电场的变化, 因此介电常数  $\epsilon_{r,high}$  仅包括分子变形极化的贡献. 理论上, 通过  $\epsilon_{r,high} - \epsilon_{r,low}$  可以推算出分子转向极化度  $(P_{rot})$ , 从而通过公式 3 确定分子偶极矩  $\mu$ .

低频下物质的相对介电常数可通过电容法测定,

$$\epsilon_{r,low} = \frac{C}{C_0} \tag{5}$$

在相对磁导率约为 1 的前提下, 高频介电常数与折射率 n 有如下关系,

$$\epsilon_{r,high} = n^2 \tag{6}$$

折射率 n 可通过阿贝折光仪测定.

#### 2.5 极稀溶液近似

对于公式 3 和公式 4, 推导过程中忽略了分子间的相互作用力, 也就是说公式仅适用于理想气体状态. 在实际应用中, 处于气态的极性分子毕竟是少数. 在液态极性分子之间的偶极矩相互租用会使  $\epsilon-P-\mu$  三者关系更加复杂, 方程不再成立.

由于偶极-偶极分子相互作用随分子距离的二次方衰减,因此人们使用非极性分子作为分散溶剂, 采用极稀溶液极限近似忽略极性分子间的相互作用力,模拟气体状态.

稀溶液的各项物化性质随溶质浓度变化可用简单的线性公式来描述,

$$\epsilon_{r,sol} = \epsilon_{r1}(1 + \alpha x_2)$$

$$\rho_{sol} = \rho_1(1 + \beta x_2)$$

$$n_{sol} = n_1(1 + \gamma x_2)$$
(7)

其中,  $\epsilon_{r,sol}$  为溶液的相对介电常数,  $\epsilon_{r1}$  为溶剂的相对介电常数,  $x_2$  为溶质的摩尔分数,  $\rho_{sol}$  为溶液的密度,  $\rho_1$  为溶剂的密度,  $n_{sol}$  为溶液的折射率,  $n_1$  为溶剂的折射率,  $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $\gamma$  均为实测参数.

溶液的摩尔极化度具有加和性, 与溶剂和溶质的摩尔极化度的摩尔分数有关  $P_{sol} = x_1 P_1 + x_2 P_2$ , 结合公式 4, 5, 6, 7, 并求溶质摩尔分数  $x_2$  趋于 0 时 P 值的数学极限,

$$P = P_2^{\infty} = \lim_{x_2 \to 0} P_2$$

$$= \frac{3\alpha \epsilon_{r1}}{(\epsilon_{r1} + 2)^2} \cdot \frac{M_1}{\rho_1} + \frac{\epsilon_{r1} - 1}{\epsilon_{r1} + 2} \cdot \frac{M_2 - \beta M_1}{\rho_1}$$

$$P_{elec} = R_2^{\infty} = \lim_{x_2 \to 0} R_2$$

$$= \frac{n_1^2 - 1}{n_1^2 + 2} \cdot \frac{M_2 - \beta M_1}{\rho_1} + \frac{6n_1^2 M_1 \gamma}{(n_1^2 + 2)^2 \rho_1}$$
(8)

结合稀溶液极限下摩尔极化度  $P_2^{\infty}$ , 电子云变形摩尔极化度  $R_2^{\infty}$  的计算公式, 作差得到转向极化度  $P_{rot}$ , 转向极化度通过公式 3 与偶极矩建立联系, 带入参数得到以下公式,

$$P_{rot} = P_2^{\infty} - R_2^{\infty}$$

$$= \frac{N}{3\epsilon_0} \cdot \frac{\mu^2}{3k_b T}$$

$$\mu = 0.0426 \times 10^{-30} \sqrt{(P_2^{\infty} - R_2^{\infty})T}$$
(9)

需要实验测定的参量有 $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $\gamma$ , 溶剂折射率, 溶剂密度以及溶剂介电常数.

### 3 仪器与药品

- 1. **仪器**: 阿贝折射仪, 精密电容测量仪, 台灯, 擦镜纸, 10mL 小烧杯 5 只, 25mL 烧杯, 5mL 刻度 移液管, 5mL 注射器, 25mL 容量瓶 5 只, 5 支滴管, 密度管, 洗耳球
- 2. 药品: 乙酸乙酯, 环己烷, 丙酮, 水

## 4 实验步骤

#### 4.1 溶液的配制

通过称重法配置摩尔分数分别为 0.05, 0.10, 0.15, 0.20, 0.30 的乙酸乙酯/环己烷溶液.

- 1. 将容量瓶吹干, 放入天平, 待示数稳定后, 记下容量瓶的质量, 去皮.
- 2. 按所需量移取乙酸乙酯 (可通过移液管移取相应体积再称重), 记录乙酸乙酯质量.
- 3. 加入环己烷定容至刻度线,均匀混合后称重,记录乙酸乙酯 + 环己烷总质量.

#### 4.2 折射率的测定

- 1. 测量水的折射率, 重复测试 3次, 记录温度和折射率.
- 2. 测量待测溶液折射率,每个样品测量3组数据,测量有机物后棱镜不需要用丙酮擦拭.

#### 4.3 相对介电常数的测定

- 1. 打开精密电容仪开关, 预热 10min.
- 2. 校零,将电容池两极分别接入测量仪对应电极接头处.
- 3. 用洗耳球吹干电容池电极和底座上的样品室,将电容池放入底座样品室中,待记录稳定后的示数,重新吹扫电容池电极和底座样品室,再次测量电容值,若示数不变,将此数值记录为空气的实测电容值.
- 4. 取下电容池, 用移液管移取 3mL 环己烷加入样品室中, 放入电容池电极, 待数值稳定后, 记录该样品的电容值; 取下电容池, 用针筒将样品室中的液体抽出, 放入废液瓶中.
- 5. 用洗耳球吹干样品室和洗耳球电极,测量电容值直到恢复空气实测电容值.
- 6. 按上述步骤测量各浓度乙酸乙酯-环己烷溶液的电容值.

#### 4.4 密度的测定

- 1. 将密度管洗净, 用丙酮润洗, 在循环水泵上抽干, 可用电吹风加热外壁加快干燥.
- 2. 在天平上放入 50mL 小烧杯, 去皮. 在密度管两端套上磨口帽, 放入烧杯称重. 记录数值.
- 3. 取下磨口帽,用干净针筒抽取一定去离子水,从鼓泡一端支管注入密度管中,直至充满整支密度管,不能有气泡. 鼓泡一端支管稍抬高,用吸水纸从另一端支管口吸去多余的水,直至鼓泡一端支管液面正好调至刻度线.

- 4. 擦干密度管外壁, 套上磨口帽, 称重.
- 5. 倒出少量水, 然后补加并调至刻度线, 重复测量 1-2 次.
- 6. 同样方法测量各液体密度, 每次测量前都需先将密度管干燥.

# 5 数据处理

# $\mathbf{5.1}$ 计算 $\gamma$

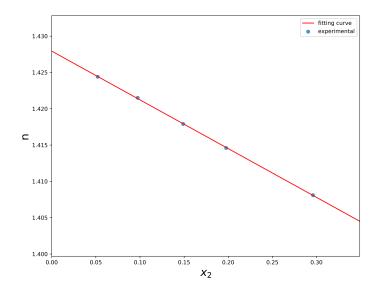


图 5: 折光率与摩尔分数曲线

$$n_{sol} = n_1(1 + \gamma x_2)$$

$$= n_1 + n_1 \times \gamma x_2$$

$$n_1 = 1.4279$$

$$\gamma = \frac{n_1 \times \gamma}{n_1} = \frac{-0.06712}{1.4279}$$

$$= -0.04701$$

$$R^2 = 0.9999$$
(10)

## **5.2** 计算 β

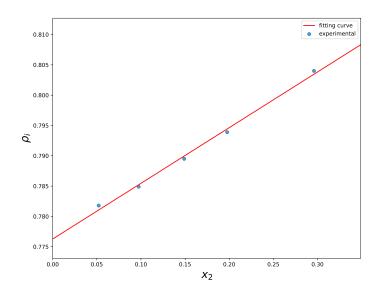


图 6: 密度与摩尔分数曲线

$$\rho_{sol} = \rho_1 (1 + \beta x_2) 
= \rho_1 + \rho_1 \times \beta x_2 
\rho_1 = 0.7763g \cdot cm^3 
\beta = \frac{\rho_1 \times \beta}{\rho_1} = \frac{0.09181}{0.7763} 
= 0.1183 
R^2 = 0.9953$$
(11)

## 5.3 计算 $\alpha$

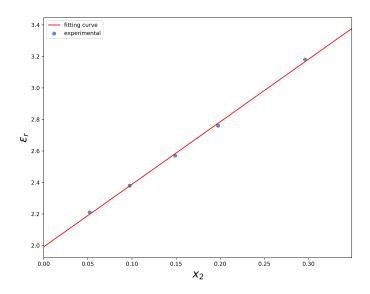


图 7: 相对介电常数与摩尔分数曲线

$$\epsilon_{r,sol} = \epsilon_{r1} (1 + \alpha x_2)$$

$$= \epsilon_{r1} + \epsilon_{r1} \times \alpha x_2$$

$$\epsilon_{r1} = 1.9912$$

$$\alpha = \frac{\epsilon_{r1} \times \alpha}{\epsilon_{r1}} = \frac{3.9695}{1.9912}$$

$$= 1.9935$$

$$R^2 = 0.9987$$

$$(12)$$

### 5.4 偶极矩的计算

$$\begin{split} P &= P_2^\infty = \lim_{x_2 \to 0} P_2 \\ &= \frac{3\alpha\epsilon_{r1}}{(\epsilon_{r1} + 2)^2} \cdot \frac{M_1}{\rho_1} + \frac{\epsilon_{r1} - 1}{\epsilon_{r1} + 2} \cdot \frac{M_2 - \beta M_1}{\rho_1} \\ &= \frac{3 \times 1.9935 \times 1.9912}{(1.9912 + 2)^2} \cdot \frac{84g \cdot mol^{-1}}{0.799g \cdot cm^{-3}} + \frac{1.9912 - 1}{1.9912 + 2} \cdot \frac{88g \cdot mol^{-1} - 0.1183 \times 84g \cdot mol^{-1}}{0.799g \cdot cm^{-3}} \\ &= 102.86cm^3 \cdot mol^{-1} \\ P_{elec} &= R_2^\infty = \lim_{x_2 \to 0} R_2 \\ &= \frac{n_1^2 - 1}{n_1^2 + 2} \cdot \frac{M_2 - \beta M_1}{\rho_1} + \frac{6n_1^2 M_1 \gamma}{(n_1^2 + 2)^2 \rho_1} \\ &= \frac{1.4279^2 - 1}{1.4279^2 + 2} \cdot \frac{88g \cdot mol^{-1} - 0.1183 \times 84g \cdot mol^{-1}}{0.799g \cdot cm^{-3}} + \frac{6 \times 1.4279^2 \times 84g \cdot mol^{-1} \times (-0.04701)}{(1.4279^2 + 2)^2 \times 0.799 \cdot cm^{-3}} \\ &= 21.42cm^3 \cdot mol^{-1} \\ \mu &= 0.0426 \times 10^{-30} \sqrt{(P_2^\infty - R_2^\infty)T} \\ &= 0.0426 \times 10^{-30} \sqrt{(102.86 - 21.42) \times 10^6 \times (273.15 + 17.66)}C \cdot m \\ &= 6.56 \times 10^{-27}C \cdot m \end{split}$$

### 6 思考与讨论

- 1. 准确测定溶质的摩尔极化度和摩尔折射度时,为何要外推至无限稀释? 公式中假定分子间没有相互作用,因此需要将数据外推至无限稀释后才可以近似成分子间无相 互作用的气相状态.
- 2. 用溶液法测定物质的 μ 时, 所用溶剂须具备什么条件? 具备什么性质的溶剂为最佳溶剂? 溶剂不产生折光效应, 因此与溶质不发生反应的非极性溶剂最佳.
- 3. 同一种物质用溶液法和气相法测得的偶极矩 μ 是否会完全一致? 为什么? 同一种物质, 用不同的溶剂以溶液法测定偶极矩 μ 是否相同? 为什么? 不一致, 因为溶液法测偶极矩会受到溶剂和浓度的影响. 不同, 不同的溶剂会对折光率的测定产生影响, 也可能会与溶质发生反应.

#### 4. 误差分析:

(1) 理论误差由高频代替低频电场以及用可见光 (中频) 代替红外光 (低频) 光源带来的误差, 用稀溶液外推得到无限稀释近似无相互作用的气相状态. (2) 测量密度时由于倾斜角度不同, 可能导致每次体积变化. (3) 折光率测定过程中的读数误差, 温度波动. (4) 配制溶液时乙酸乙酯挥发导致浓度误差.

#### 5. 实验拓展:

拓展探究了乙酸乙酯-环己烷溶液挥发对溶液浓度产生的影响. 实验结束后,分别对 1 号容量 瓶中的溶液,烧杯中敞口放置 5 分钟,10 分钟,15 分钟和 20 分钟的溶液进行折光率的测定,发现保存在容量瓶中的溶液折光率几乎不发生变化,在烧杯中敞口放置的溶液在 5 分钟以内折光率变化较小,10 分钟以上折光率产生显著变化. 因此在实验过程中,溶液需要保存在容量瓶中,使用移液管移取溶液和用密度管称量溶液时,动作要迅速.

# 原始数据记录

表 1: 溶液的配制

| 溶液 | 空瓶质量/g | 乙酸乙酯质量/g | 总质量/g | 环己烷质量/g | 摩尔浓度 x2 |
|----|--------|----------|-------|---------|---------|
| 1  |        |          |       |         |         |
| 2  |        |          |       |         |         |
| 3  |        |          |       |         |         |
| 4  |        |          |       |         |         |
| 5  |        |          |       |         |         |

表 2: 折射率的测定

| 溶液   | 测量温度/°C | 折射率 n | 校正折射率 $n_D^{25}$ | 平均折射率 $n_D^{ar{25}}$ |
|------|---------|-------|------------------|----------------------|
| 去离子水 |         |       |                  |                      |
| 去离子水 |         |       |                  |                      |
| 去离子水 |         |       |                  |                      |
| 1    |         |       |                  |                      |
| 1    |         |       |                  |                      |
| 1    |         |       |                  |                      |
| 2    |         |       |                  |                      |
| 2    |         |       |                  |                      |
| 2    |         |       |                  |                      |
| 3    |         |       |                  |                      |
| 3    |         |       |                  |                      |
| 3    |         |       |                  |                      |
| 4    |         |       |                  |                      |
| 4    |         |       |                  |                      |
| 4    |         |       |                  |                      |
| 5    |         |       |                  |                      |
| 5    |         |       |                  |                      |
| 5    |         |       |                  |                      |

表 3: 相对介电常数的测定

| 溶液名称 | 电容 | 温度/°C |
|------|----|-------|
| 空气   |    |       |
| 环己烷  |    |       |
| 1    |    |       |
| 2    |    |       |
| 3    |    |       |
| 4    |    |       |
| 5    |    |       |

表 4: 密度的测定

| 溶液   | 质量/g |
|------|------|
| 密度管  |      |
| 去离子水 |      |
| 1    |      |
| 2    |      |
| 3    |      |
| 4    |      |
| 5    |      |