



# Omtentamen med lösningar IE1204-5 Digital Design Torsdag 13/4 2017 14.00-18.00

# Allmän information (TCOMK, Ask for an english version of this exam if needed)

Examinator: Ingo Sander.

Ansvarig lärare: Kista, William Sandqvist tel 08-7904487

Ansvarig lärare: Valhallavägen, Ahmed Hemani tel 08-7904469

Tentamensuppgifterna behöver inte återlämnas när du lämnar in din skrivning.

Hjälpmedel: Inga hjälpmedel är tillåtna!

Tentamen består av tre delar med sammanlagt 14 uppgifter, och totalt 30 poäng:

**Del A1 (Analys)** innehåller tio korta uppgifter. Rätt besvarad uppgift ger en poäng. Felaktig besvarad ger 0 poäng. Det totala antalet poäng i del A1 är **10 poäng**. För **godkänt på del A1 krävs minst 6p**, *är det färre poäng rättar vi inte vidare*.

**Del A2 (Konstruktionsmetodik)** innehåller två metodikuppgifter om totalt **10 poäng**. För att bli **godkänd på tentamen** krävs **minst 11 poäng** från A1+A2, *är det färre poäng rättar vi inte vidare*.

Del B (Designproblem) innehåller två friare designuppgifter om totalt 10 poäng.

**OBS!** I slutet av tentamenshäftet finns ett inlämningsblad för del A1, som ska avskiljas för att lämnas in tillsammans med lösningarna för del A2 och del B.

För ett godkänt betyg (**E**) krävs **minst 11 poäng på hela tentamen**. Vid exakt 10p från A1(6p)+A2(4p) erbjuds komplettering (FX) till godkänt.

Betyg ges enligt följande:

0 –	11 –	16 –	19 –	22 –	25
F	Е	D	C	В	A

Resultatet beräknas meddelas före fredagen den 5/5 2017.

# Del A1: Analysuppgifter

Endast svar krävs på uppgifterna i del A1. Lämna svaren på inlämningsbladet för del A1 som du hittar på sista sidan av tentahäftet.

#### **1.** 1p/0p

En funktion f(x, y, z, w) är angiven som:

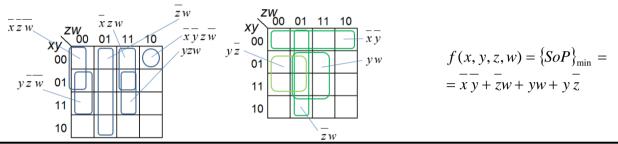
$$f(x, y, z, w) = y(\overline{z \oplus w}) + \overline{z}w + x\overline{z}w + x\overline{z}w + x\overline{z}w$$

Ange funktionen som minimerad summa av produkter.

$$f(x, y, z, w) = \{SoP\}_{\min} = ?$$

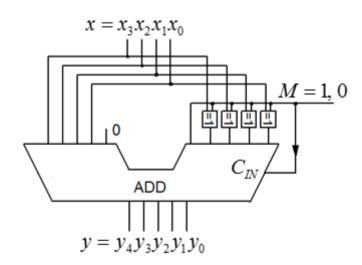
# 1. Lösningsförslag.

$$f(x, y, z, w) = y(\overline{z \oplus w}) + \overline{z}w + \overline{x}zw + \overline{x}zw + \overline{x}zw + \overline{x}zw + \overline{y}zw = yzw + yzw + \overline{z}w + \overline{x}zw + \overline{x}zw$$



#### **2.** 1p/0p

En 5-bits adderare är kopplad så att den **multiplicerar** ett binärt teckenlöst 4-bitstal  $x = x_3x_2x_1x_0$  med **en konstant** k,  $y = k \cdot x$ . En styrsignal M (med 4 XOR-grindar) byter mellan två värden på konstanten,  $M = 0 \rightarrow k_0$  eller  $M = 1 \rightarrow k_1$ . Vilka värden har konstanterna  $k_0$  och  $k_1$ ? (Tips! prova med något tal x och se vad motsvarande y blir för M = 1 respektive M = 0).



2. Lösningsförslag.

Med M = 0 blir  $y = (2 \cdot x + 1 \cdot x) = 3 \cdot x$ . Med M = 1 blir  $y = (2 \cdot x - 1 \cdot x) = 1 \cdot x$ .  $k_0 = 3$  och  $k_1 = 1$ .

**3.** 1p/0p

Två tvåkomplement 16-bitstal är (hexadecimalt)  $x_{16} = FFFC$  och  $y_{16} = 0004$ . Vad blir summan av de två talen s = x + y? Ange svaret s som ett decimaltal med tecken och belopp  $\pm s_{10} = ?$ 

**3.** Lösningsförslag.

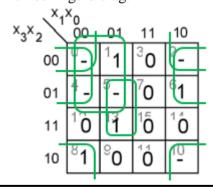
FFFC motsvarar -4, 0004 motsvarar +4. Summan blir 0 som är ett positivt tal.  $s = +0_{10}$ 

**4**. 1p/0p

Ett Karnaughdiagram för en funktion av fyra variabler  $Y = f(x_3, x_2, x_1, x_0)$  ges nedan. Ange funktionen minimerad  $Y_{\min}$  som en summa av produkter, på **SoP** form. "-" i diagramet står för "don't care".

$x_3x_2$	х 00	01	11	10
00	0	<sup>1</sup> 1	<sup>3</sup> О	2 <b>_</b>
01	4 _	5_	<sup>7</sup> <b>0</b>	<sup>6</sup> 1
11	<sup>1</sup> 0	13	16	10
10	<sup>8</sup> 1	೦೦	<b>T</b> 0	10

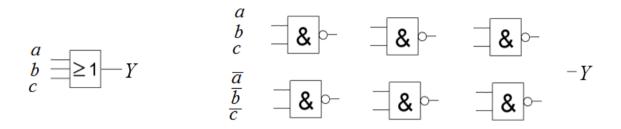
3



$$Y_{\min} = f(x_3, x_2, x_1, x_0) = = \overline{x_3} x_1 + \overline{x_3} x_0 + \overline{x_2} x_0 + x_2 \overline{x_1} x_0$$

#### **5**. 1p/0p

Man behöver en tre-ingångars OR-grind till tre variabler abc. Man har bara tillgång till två-ingångars NAND-grindar (max 6 st.). Hur ska dessa kopplas? Man har också tillgång till variablernas inverser  $\overline{abc}$  om detta kan vara till hjälp. Rita kopplingsschemat med grindar i svarsformuläret.



#### **5.** Lösningsförslag.

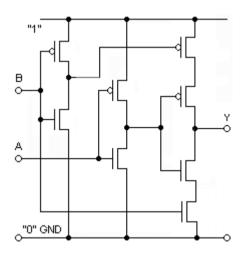
$$Y = \overline{a \cdot (\overline{b} \cdot \overline{c})} = \{dM\} = a + b + c \text{ tex.}$$

$$\begin{vmatrix} a \\ b \\ c \end{vmatrix} \ge 1 - Y$$

$$\begin{vmatrix} a \\ \overline{b} \\ \overline{c} \end{vmatrix} = 4 + b + c \text{ tex.}$$

## **6.** 1p/0p

Three-state logic. Vad behöver göras med ingång *A* eller *B* för att grindens utgång *Y* ska försättas i högimpedansläget, three-state?



$$B = 0 \rightarrow Y = \text{three-state}$$

#### **7**. 1p/0p

Figurens tillståndstabell gäller en synkron Mealyautomat. Rita färdigt tillståndsdiagrammet. Svara i figuren på svarsblanketten.

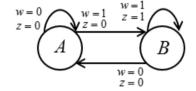
State	Next	State	Out	Z
	w = 0	w = 1	w = 0	w = 1
A	A	В	0	0
В	A	В	0	1



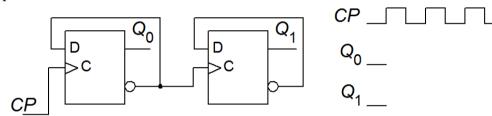


#### 7. Lösningsförslag.

State	Next	State	Out	Z
	w = 0	w = 1	w = 0	w = 1
A	A	В	0	0
В	A	В	0	1

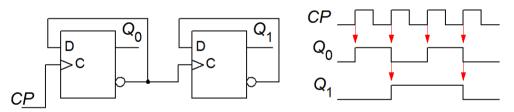


#### **8**. 1p/0p



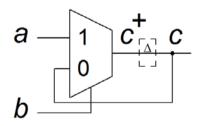
En asynkron räknare enligt figuren ovan startar med tillståndet  $q_1q_0 = 00$ . Rita färdigt tidsdiagrammet. Svara i figuren på svarsblanketten.

#### 8. Lösningsförslag.



#### **9.** 1p/0p

Figuren visar ett slags asynkron låskrets konstruerad med en multiplexor. Tag fram sambandet mellan nuvarande tillstånd c och nästa tillstånd  $c^+$ .  $\Delta$  symbolen sammanfattar all fördröjning i kretsen.



$$c^+ = f(a,b,c) = ?$$

$$c^+ = f(a,b,c) = b \cdot a + \overline{b} \cdot c$$

# **10.** 1p/0p

VHDL koden nedan beskriver en typ av räknare. Antag att räknaren startar på count = 0. Vad blir räknevärdet efter 12 klockpulser?

```
bcd:
PROCESS(clk)
BEGIN
    IF rising_edge(clk) THEN
        IF (count = 5) THEN
            count <= 0;
    ELSE
            count <= count+1;
    END IF;
END PROCESS;</pre>
```

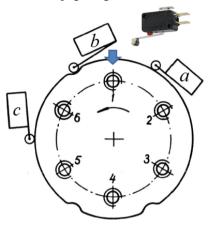
```
\rightarrow 1 \rightarrow 2 \rightarrow 3 \rightarrow 4 \rightarrow 5 \rightarrow 0 \rightarrow 1 \rightarrow 2 \rightarrow 3 \rightarrow 4 \rightarrow 5 \rightarrow 0
```

## Del A2: Konstruktionsmetodik

Observera! Del A2 rättas endast om Du är godkänd på del A1

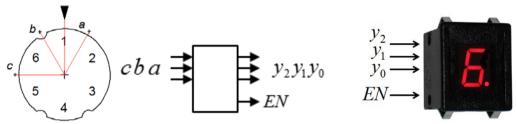
#### **11.** 5p

En verktygsmaskin har ett indexbord med sex lägen 1, 2, 3, 4, 5, 6 fördelade längs varvet med  $60^{\circ}$  delningsvinkel. Bordets läge känns av med tre switchar a b c mot tre fördjupningar längs bordets omkrets. När en switch är i en fördjupning blir signalen '0', och för övrigt '1'. Ett exempel: när indexbordet befinner sig i läge 1 (vid pilen i figuren) blir a och c '1' (mot omkretsen) och b blir '0' (i en fördjupning).





Man vill indikera bordets läge med en sifferdisplay som har ingångar för binärkod  $y_2y_1y_0$ . Displayen har också en enable ingång EN. För att visa siffror krävs att EN = 1, displayen blir släckt när EN = 0.



- a) (2p) Tag fram sanningstabellen för sambandet mellan läget i binärkod och switcharna  $y_2y_1y_0 = f(c,b,a)$ .
- b) (1p) När bordet håller på att växla läge ska displayen hållas släckt (EN = 0).

Konstruera ett kombinatoriskt nät (grind) för denna funktion EN = f(c,b,a).

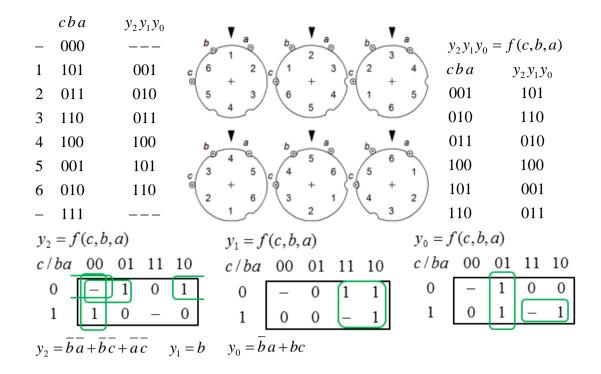
c) (2p) Konstruera nätet  $y_2y_1y_0 = f(c,b,a)$  minimera med hjälp av Karnaughdiagram och utnyttja don't care. Använd NAND-grindar. Rita nätet.

#### 11. Lösningsförslag

- a) Don't care är "000" som *inte* kan förekomma från switcharna. Eftersom displayen ska vara *släckt* när bordet roterar kan också "111" användas som don't care (en "felaktig" siffra skulle ändå inte synas).
- b) EN = '0' när bordet roterar (c = b = a = '1'). Det kräver en NAND-grind.

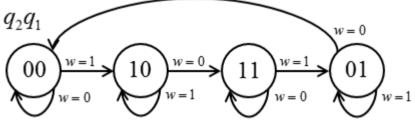
cba **₹** ⊳–EN

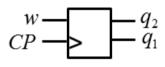
c) Inspektion av tabellen ger att  $y_1 = b$ 



**12**. 5p

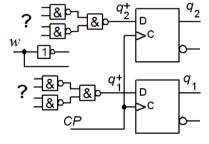
Konstruera ett synkront sekvensnät med en insignal w som följer tillståndsdiagrammet nedan.

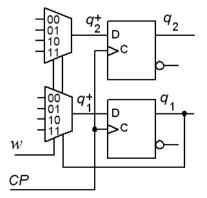


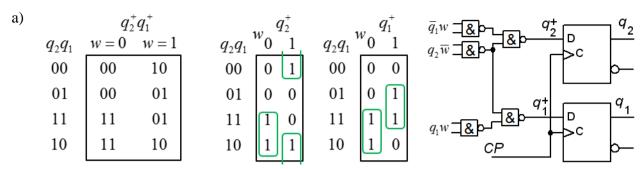


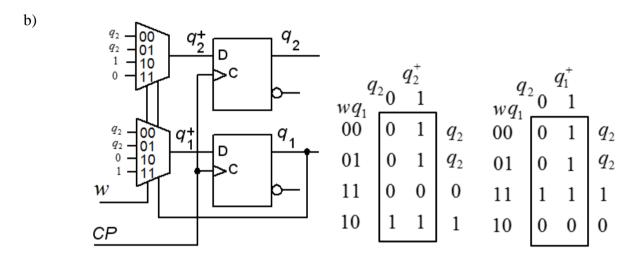
- a) (1p) Ställ upp den kodade tillståndstabellen.
- $q_2^+ q_1^+ = f(w q_2 q_1)$
- (1p) Tag fram minimerade uttryck för nästa tillstånd.
- $q_2^+ = ? \quad q_1^+ = ?$
- (1p) Realisera sekvensnätet med D-vippor och NAND-grindar enligt figuren. Rita din lösning.
- b) (2p) Realisera sekvensnätet med D-vippor och 4:1 Multiplexorer enligt figuren. Svaret måste motiveras.

$$q_{2}^{+}: mux_{00} = ?, \quad mux_{01} = ? \quad mux_{10} = ?, \quad mux_{11} = ?$$
  
 $q_{1}^{+}: mux_{00} = ?, \quad mux_{01} = ? \quad mux_{10} = ?, \quad mux_{11} = ?$ 







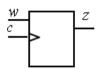


# Del B. Designproblem

Observera! Del B rättas endast om Du har mer än 11p på del A1+A2.

#### 13. 5p Synkront sekvensnät. Detektor för viss sekvens.

En sekvensdetektor ska upptäcka varje gång en delsekvens ... 1010 ... uppträder inuti en sekvens av synkrona bitar som inkommer till ingången w.



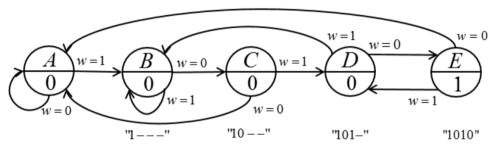
Sekvensdetektorns utsignal z ska vara '1' i ett klockpulsintervall direkt efter det att delsekvensen har uppträtt. Vid start är insignalen w = '0'.Se figuren.

Sekvenskretsen är utförd som en Moore-automat med positivt flanktriggade D-vippor.

- a) (2p) Rita tillståndsdiagram och ställ upp tillståndstabell.
- **b**) (2p) Ställ upp **kodad tillståndstabell**, använd *binärkod* som tillståndskod. Tag fram minimerade utryck för **nästa tillståndsavkodare** och **utgångsavkodare**.
- c) (1p) Rita schema, använd valfria grindar.

#### 13. Lösningsförslag.

a)



$$\begin{array}{c|cccc}
0 & 1 & z \\
A & A & B \\
B & C & B \\
C & A & D \\
D & E & B \\
E & A & D & 1
\end{array}$$

 $q_0^+$ 

1 0

1

10

0

01 11

1

1

1

 $q_0 w$ 

00

0

0

0

 $q_{2}q_{1}$ 

00

01

11

10

000

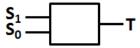
100

$$z = q_2$$
  $q_2^+ = q_1 q_0 \overline{w}$   $q_1^+ = q_2 w + q_1 \overline{q_0} w + \overline{q_1} q_0 \overline{w}$   $q_0^+ = w$ 

c) Schema visas ej i lösningen.

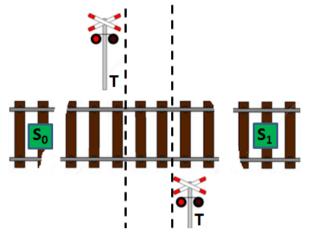
011

#### 14. 5p Varningssignal för järnvägskorsning.



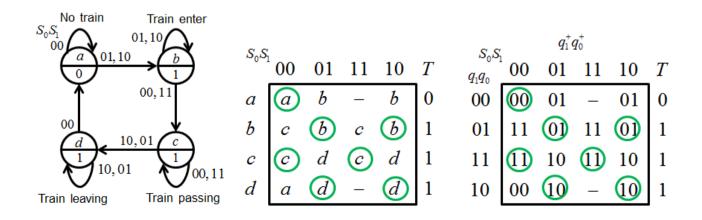
En väg korsar en järnväg utan bommar. Vid korsningen finns trafikljus T som ska varna när ett tåg finns i närheten. Två sensorer  $S_0$  och  $S_1$  upptäcker när tåg passerar över dem (S=`1`).

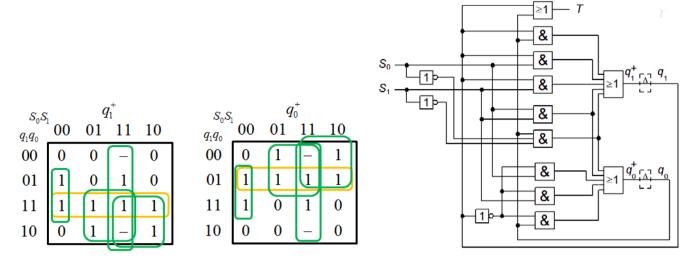
Konstruera ett **asynkront sekvensnät** som håller trafikljuset tänt (T = '1') så länge det finns en del av ett tåg på sträckan mellan  $S_0$  och  $S_1$ .



Tågen kan komma från båda riktningarna. Tåget kan vara både kortare eller längre än avståndet  $S_0$ - $S_1$ . Endast *ett* tåg åt gången passerar mellan  $S_0$  och  $S_1$ .

- a) (2p) Rita tillståndsdiagram och ställ upp en korrekt flödestabell för sekvensnätet.
- b) (2p) Gör en lämplig tillståndstilldelning med en exitations-tabell som ger nät som är fria från kritisk kapplöpning (kommentera hur Du uppnått detta). Du skall även ta fram de hasardfria uttrycken för nästa tillstånd (kommentera hur Du uppnått detta) samt ett uttryck för utgångsvärdet.
- c) (1p) Rita grindnätet. (Använd valfria grindar).





All state transitions have Haming distance 1 when Gray code is used. Hazard cover in yellow is needed.

$$q_{0}^{+} = S_{0}S_{1} + q_{0}\overline{S}_{0}\overline{S}_{1} + \overline{q}_{1}S_{0} + \overline{q}_{1}S_{1} + \overline{q}_{1}q_{0} \qquad q_{1}^{+} = S_{0}S_{1} + q_{0}\overline{S}_{0}\overline{S}_{1} + q_{1}S_{0} + q_{1}S_{1} + q_{1}q_{0} \qquad T = q_{0} + q_{1}S_{0} + q_{1}S_{1} + q_{1}S_{0} + q$$

# Lycka till!

# Inlämningsblad för del A Blad 1

( ta loss och lämna in som blad 1 tillsammans med lösningarna för del A2 och del B)

Efternamn:	Förnamn:	Förnamn:		
		1		
Dorconnummere	Rlade			

Personnummer: Blad:

Clarity in dina gran für unngiftanna från dal A1 (1 till 10)

Skriv	in dina svar för uppgifterna från del A $f 1$ ( $f 1$ till $f 10$ )
Fråga	Svar
1	$f(x, y, z, w) = \{SoP\}_{\min} = ?$
2	$M = 0$ $k_0 = ?$ $M = 1$ $k_1 = ?$
3	$FFFC+0004 = \pm s_{10} = ?$
4	$Y = \{SoP\}_{\min}$
5	$ \begin{array}{c} a \\ b \\ c \end{array} = \underbrace{\geq 1} - Y \\ \begin{array}{c} a \\ b \\ c \end{array} = \underbrace{\otimes -} \\ \overline{\otimes} \\ $
6	$B, A ? \rightarrow Y = \text{three-state}$
7	$ \begin{array}{c} w = 0 \\ z = 0 \end{array} $
8	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
9	$c^+ = f(a,b,c) = ?$
10	Efter 12 klockpulser står räknaren på:

Nedanstående del fylls i av examinatorn!

<b>Del A1</b> (10)	<b>Del A2</b> (10)		<b>Del B</b> (10)		Totalt (30)	
Poäng	11	12	13	14	Summa	Betyg