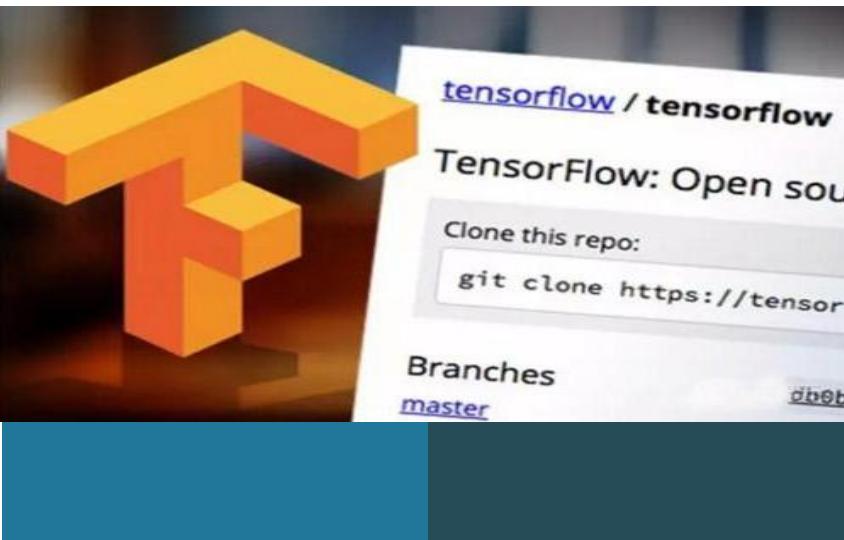


05 NumPy科学计算库

西安科技大学 牟琦
muqi@xust.edu.cn



5.1 多维数组

5.1 多维数组

在机器学习中，需要把输入数据转变为多维数组的形式

数字

语文
score

85

score=85

一维数组

语文 score[0] 数学 score[1] 英语 score[2] 历史 score[3] 地理 score[4]



score=[85, 72, 61, 92, 80]

score[i]

score[0]=85

score[1]=72

.....

score[4]=80

二维数组

课程 0 1 2 3 4

学生 0

85 72 61 92 80

78 89 81 95 82

...

92 85 86 90 85

61 84 74 89 78

30行

score[i,j]

score[0,0]=85

score[0,1]=72

score[20,4]=78

score=[[85,72,61,92,80],

[78,89,81,95,82],

...,

[61,84,74,89,78]]

score=[[85,72,61,92,80],[78,89,81,95,82],...,[61,84,74,89,78]]



5.1 多维数组

■ 数组的**形状** (Shape) : 描述数组的**维度**, 以及各个维度内部的**元素个数**。

$$(n_0, n_1, \dots, n_i, \dots n_m)$$

一维数组

shape: (5,)

85	72	61	92	80
----	----	----	----	----

[85, 72, 61, 92, 80]

二维数组

shape: (30, 5)

85	72	61	92	80
78	89	81	95	82
...
92	85	86	90	85
61	84	74	89	78

30行

score[i , j]

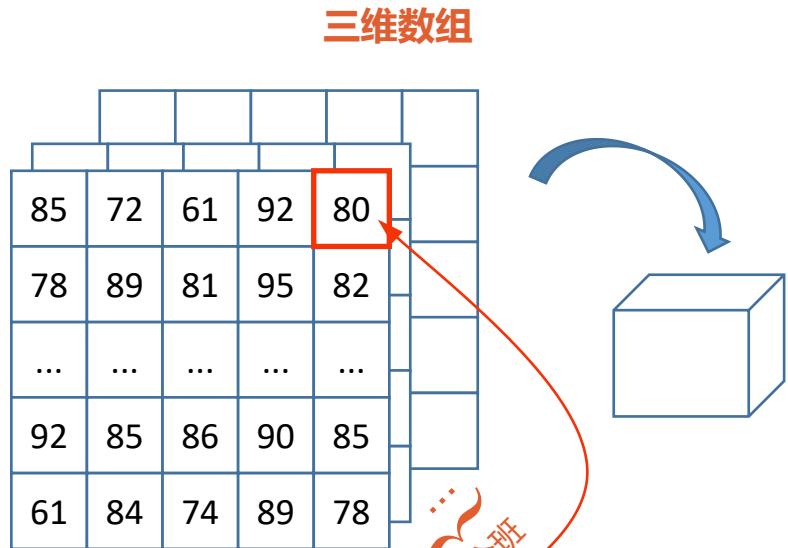
[[85,72,61,92,80],
 [78,89,81,95,82],
 ...,
 [61,84,74,89,78]]



兰州交通大学

计算机科学与技术学院

5.1 多维数组



`score[i, j, k]`

`score[0,0,4]= 80`

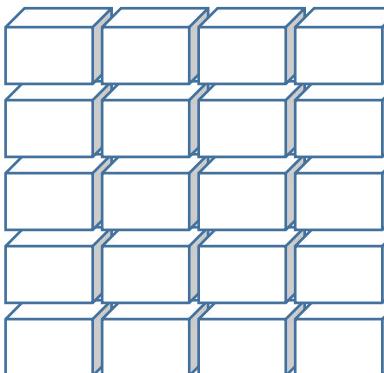
`shape: (10,30, 5)`

四维数组



`shape: (5,10,30, 5)`

五维数组



`shape: (4,5,10,30, 5)`



兰州交通大学

计算机科学与技术学院

■ 多维数组

$$(n_0, n_1, \dots, n_i, \dots, n_m)$$

形状 (Shape) : 是一个元组，描述数组的**维度**，以及各个维度的**长度**。

长度 (Length) : 某个维度中的**元素个数**。

□ 一维数组：

```
[0, 1, 2, 3]
```

```
shape=(4, )
```

□ 二维数组

```
[[ 0, 1, 2, 3],
```

```
 [ 4, 5, 6, 7],
```

```
 [ 8, 9, 10, 11 ]]
```

```
shape= (3, 4 )
```

□ 三维数组

```
[[[ 0, 1, 2, 3],
```

```
 [ 4, 5, 6, 7],
```

```
 [ 8, 9, 10, 11 ]],
```

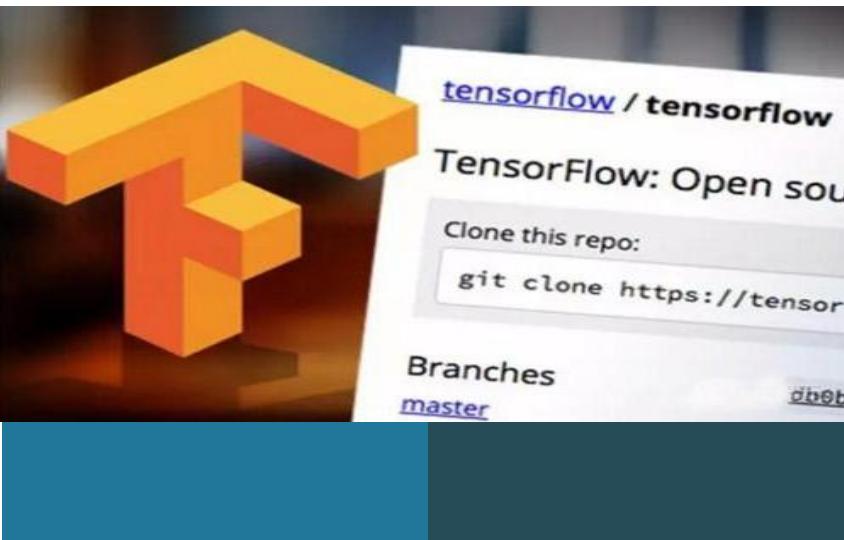
```
[[ 12, 13, 14, 15],
```

```
 [ 16, 17, 18, 19],
```

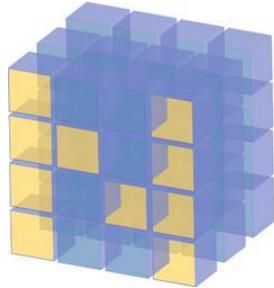
```
 [ 20, 21, 22, 23 ]]]
```

```
shape= (2, 3, 4 )
```





5.2 创建NumPy数组



NumPy

--Numeric Python

- 提供了**多维数组**、**矩阵**的常用操作和一些高效的**科学计算函数**。
- 底层运算通过C语言实现，处理**速度快**、**效率高**，适用于**大规模多维数组**。
- 可以直接完成**数组**和**矩阵**运算，**无需循环**。



兰州科技大学

计算机科学与技术学院

■ 安装NumPy库

- Anaconda：在Anaconda中，已经被安装了NumPy
- pip安装

```
pip install numpy
```

■ 导入NumPy库

```
import numpy as np
```

在调用Numpy中的函数时，一定要加上前缀np

```
from numpy import *
```

在调用Numpy中的函数时，可以不加前缀



兰州交通大学

计算机科学与技术学院

5.2 创建NumPy数组

■ 创建数组

array([列表]/(元组))

```
>>>a=np.array([0,1,2,3])  
  
>>> a  
array([0, 1, 2, 3])  
  
>>>print(a)  
[0,1,2,3]  
  
>>>type(a)  
<class 'numpy.ndarray'>
```

□ 输出指定的数组元素

```
>>>a[0]  
0  
>>>print(a[1],a[2],a[3])  
1 2 3  
  
>>>a[ 0:3 ]  
array([ 0, 1, 2 ])  
>>>a[ :3]  
array([ 0, 1, 2 ])  
>>>a[0: ]  
array([ 0, 1, 2 ,3])
```



兰州交通大学

计算机科学与技术学院

5.2 创建NumPy数组

□ 数组的属性

属性	描述
ndim	数组的维数
shape	数组的形状
size	数组元素的总个数
dtype	数组中元素的数据类型
itemsize	数组中每个元素的字节数

```
>>>a=np.array([0,1,2,3])
>>>a
array([0, 1, 2, 3])

>>>a.ndim
1
>>>a.shape
(4,)
>>>a.size
4
```



5.2 创建NumPy数组

□ 二维数组

```
>>>b=np.array([[0,1,2,3],[4,5,6,7],[8,9,10,11]])  
>>>b  
array([[ 0,  1,  2,  3], b[0]  
      [ 4,  5,  6,  7], b[1]  
      [ 8,  9, 10, 11]]) b[2]
```

```
>>>b.ndim  
2  
>>>b.shape  
(3, 4)  
>>>b.size  
12
```

```
>>>b[0]  
array([ 0,  1,  2,  3])  
>>>b[1]  
array([ 4,  5,  6,  7])  
>>>b[2]  
array([ 8,  9, 10, 11])
```

```
>>>b[0].ndim  
1  
>>>b[0].shape  
(4, )  
>>>b[0].size  
4
```



5.2 创建NumPy数组

□ 二维数组

```
>>>b=np.array([[0,1,2,3],[4,5,6,7],[8,9,10,11]])  
>>>b  
array([[ 0,  1,  2,  3],  
       [ 4,  5,  6,  7],  
       [ 8,  9, 10, 11]])
```

```
>>>b[0][0]  
0  
>>>b[0][1]  
1
```

```
>>>b[0,0]  
0  
>>>b[0,1]  
1
```



5.2 创建NumPy数组

□ 三维数组

```
>>>t= np.array([[[0,1,2,3],[4,5,6,7],[8,9,10,11]],
               [[12,13,14,15],[16,17,18,19],[20,21,22,23]]])
>>> t
array([[[ 0,  1,  2,  3],
       [ 4,  5,  6,  7],
       [ 8,  9, 10, 11]],
      [[12, 13, 14, 15],
       [16, 17, 18, 19],
       [20, 21, 22, 23]])]
```

```
>>>t.ndim
3
>>>t.shape
(2, 3, 4)
>>>t.size
24
```

```
>>>t[0].ndim
2
>>>t[0].shape
(3,4)
>>>t[0].size
12
```



5.2 创建NumPy数组

□ 三维数组

```
>>>t= np.array([[[0,1,2,3],[4,5,6,7],[8,9,10,11]],
   >>> t
   array([[[ 0,  1,  2,  3],
          [ 4,  5,  6,  7],
          [ 8,  9, 10, 11]],

         [[12, 13, 14, 15],
          [16, 17, 18, 19],
          [20, 21, 22, 23]]])
```

```
>>>t[0][0]
array([0, 1, 2, 3])
>>>t[0][0].ndim
1
```

```
>>>t[0][0].shape
(4,)
>>>t[0][0].size
4
```

```
>>>t[0][0][0]
0
>>>t[0,0,0]
0
```



5.2 创建NumPy数组

■ 数组元素的数据类型

NumPy要求数组中所有元素的**数据类型必须是一致的**

- int8、uint8、int16、uint16、int32、uint32、int64、uint64
- float16、float32、float64、float128
- complex64、complex128、complex256
- bool、object、string_、unicode_



5.2 创建NumPy数组

array([列表]/(元组), dtype=数据类型)

int64、'int64'、"np.int64"

```
>>>a= np.array( [0, 1, 2, 3 ], dtype=np.int64)
>>>a
array([0, 1, 2, 3], dtype=int64)
```

```
>>> a.dtype
dtype('int64')
>>>a.itemsize
8
```

```
>>>c=np.array([1.2, 3.5, 5.1])
>>>c.dtype
dtype('float64')
```

每个元素所占的字节数

在使用Python列表或元组、创建NumPy数组时，**所创建的数组类型，由原来的元素类型推导而来。**



■ 创建特殊的数组

函数	功能描述
np.arange()	创建数字序列数组
np.ones()	创建全1数组
np.zeros()	创建全0数组
np.eye()	创建单位矩阵
np.linspace()	创建等差数列
np.logspace()	创建等比数列

5.2 创建NumPy数组

□ arange()函数：创建一个由**数字序列**构成的数组。

np.arange(起始数字, 结束数字, 步长, dtype)

前闭后开：数字序列中**不包括结束数字**

起始数字省略时，默认从0开始

步长省略时，默认为1

```
>>> np.arange(4)  
array([0, 1, 2, 3])
```

```
>>>d = np.arange(0, 2, 0.3)  
array([ 0.,  0.3,  0.6,  0.9,  1.2,  1.5,  1.8])
```



5.2 创建NumPy数组

□ ones()函数：创建一个元素全部为1的数组

```
np.ones( shape, dtype )
```

```
>>> np.ones((3,2),dtype=np.int16)
array([[1, 1],
       [1, 1],
       [1, 1]], dtype=int16)
```

```
>>> np.ones((3,2))
array([[1., 1.],
       [1., 1.],
       [1., 1.]])
```

当数据类型省略时，
这里仍然有2层括号



兰州交通大学

计算机科学与技术学院

5.2 创建NumPy数组

□ zeros()函数：创建一个**元素全部为0**的数组

```
np.zeros( shape, dtype )
```

```
>>> np.zeros((2,3))
array([[0., 0., 0.],
       [0., 0., 0.]])
```

□ eye()函数：创建一个**单位矩阵**。

```
np.eye( shape, dtype )
```

```
>>> np.eye(3)
array([[1., 0., 0.],
       [0., 1., 0.],
       [0., 0., 1.]])
```

```
>>> np.eye(2,3)
array([[1., 0., 0.],
       [0., 1., 0.]])
```



兰州交通大学

计算机科学与技术学院

5.2 创建NumPy数组

□ **linspace()**函数：创建**等差数列**。 参数：起始数字、结束数字、元素个数、元素数据类型

```
np.linspace(start, stop, num=50, dtype)
```

```
>>> np.linspace(1,10,10)
array([ 1.,  2.,  3.,  4.,  5.,  6.,  7.,  8.,  9., 10.])
```

□ **logspace()**函数：创建一个**等比数列**。 参数：起始指数、结束指数、元素个数、基、元素数据类型

```
np.logspace(start, stop, num=50, base=10, dtype)
```

```
>>> np.logspace(1,5,5, base=2)
array([ 2.,  4.,  8., 16., 32.])
```



兰州交通大学

计算机科学与技术学院

■ **asarray()**函数：将**列表或元组**转化为数组对象。

```
import numpy as np

list1=[[1,1,1],[1,1,1],[1,1,1]]
arr1=np.array(list1)
arr2=np.asarray(list1)

list1[0][0]=3

print('list1:\n',list1)
print('arr1:\n',arr1)
print('arr2:\n',arr2)
```

运行结果：

```
list1:
[[3, 1, 1], [1, 1, 1], [1, 1, 1]]
arr1:
[[1 1 1]
 [1 1 1]
 [1 1 1]]
arr2:
[[1 1 1]
 [1 1 1]
 [1 1 1]]
```



5.2 创建NumPy数组

当数据源本身是一个**ndarray对象**时，`array()`会**复制**出一个副本，占用新的内存，而`asarray()`则**不复制副本**，它直接引用**原数组**。

```
import numpy as np

arr1=np.ones((3,3))
arr2=np.array(arr1)
arr3=np.asarray(arr1)

arr1[0][0]=3

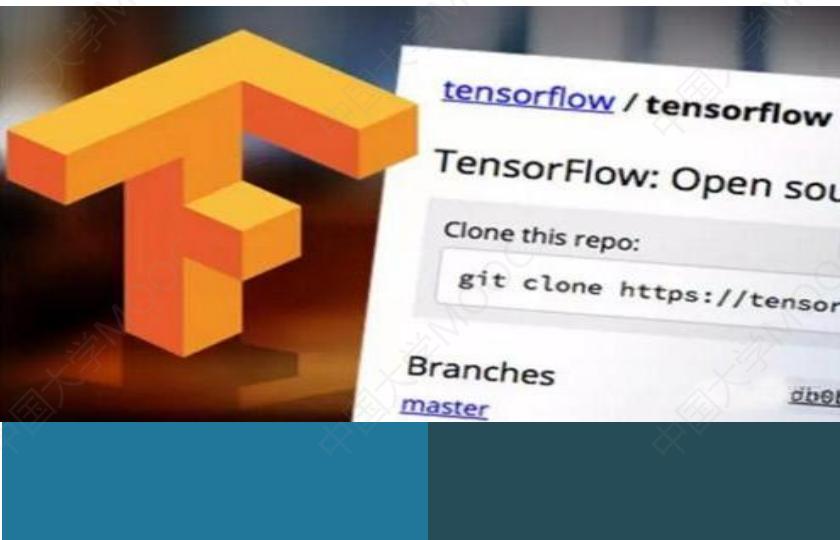
print('arr1:\n',arr1)
print('arr2:\n',arr2)
print('arr3:\n',arr3)
```

```
arr1:
[[ 3.  1.  1.]
 [ 1.  1.  1.]
 [ 1.  1.  1.]]

arr2:
[[ 1.  1.  1.]
 [ 1.  1.  1.]
 [ 1.  1.  1.]]

arr3:
[[ 3.  1.  1.]
 [ 1.  1.  1.]
 [ 1.  1.  1.]]
```





5.3 数组运算

■ 数组元素的切片——一维数组

可以使用切片来访问NumPy数组中的一部分，切片方法和Python序列数据结构的切片一样

```
>>>a=np.array([0,1,2,3])
>>>a[ 0:3 ]
array([ 0, 1, 2 ])
>>>a[ :3 ]
array([ 0, 1, 2 ])
>>>a[0: ]
array([ 0, 1, 2 ,3])
```



■ 数组元素的切片——二维数组

```
>>>b=np.array([[0,1,2,3],[4,5,6,7],[8,9,10,11]])  
>>>b  
array([[ 0,  1,  2,  3],  
       [ 4,  5,  6,  7],  
       [ 8,  9, 10, 11]])
```

```
>>>b[0]  
array([0,1,2,3])  
  
>>>b[0:2]  
array([[0, 1, 2, 3],  
       [4, 5, 6, 7]])  
  
>>>b[:2]  
array([[0, 1, 2, 3],  
       [4, 5, 6, 7]])
```

```
>>>b[0:2, 0:2]  
array([[0, 1],  
       [4, 5]])  
  
>>>b[0:2, 1:3]  
array([[1, 2],  
       [5, 6]])  
  
>>>b[:, 0]  
array([0, 4, 8])
```



■ 数组元素的切片——三维数组

```
>>>t= np.array([[[0,1,2,3],[4,5,6,7],[8,9,10,11]],
   >>> t
   array([[[ 0,  1,  2,  3],
          [ 4,  5,  6,  7],
          [ 8,  9, 10, 11]],

          [[12, 13, 14, 15],[16,17,18,19],[20,21,22,23]]])
```

```
>>>t[:, :, 0]
array([[ 0,  4,  8],
       [12, 16, 20]])
```

```
>>> t[:, :, 1]
array([[ 1,  5,  9],
       [13, 17, 21]])
```



改变数组的形状

函数	功能描述
np.reshape(shape)	不改变当前数组，按照shape创建新的数组
np.resize(shape)	改变当前数组，按照shape创建数组

```
>>>b = np.arange(12)
>>>b
array([ 0,  1,  2,  3,  4,  5,  6,  7,  8,  9, 10, 11 ])
```

```
>>> b.reshape(3,4)
array([[ 0,  1,  2,  3],
       [ 4,  5,  6,  7],
       [ 8,  9,10,11]])
>>> b
array([ 0,1,2,3,4,5,6,7,8,9,10,11 ])
```

```
>>>b.resize(3, 4)
>>>b
array([[ 0,  1,  2,  3],
       [ 4,  5,  6,  7],
       [ 8,  9,10,11]])
```



5.3 数组运算

当改变形状时，应该考虑到数组中元素的个数，确保改变前后，**元素总个数相等**。

```
>>>b = np.arange(12)
>>>b
array([ 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11 ])
```

```
>>>b.reshape(2,5)
ValueError: cannot reshape array of size 12 into shape(2,5) 错误提示
```

5.3 数组运算

□ 创建数组并且改变数组形状

```
>>>b = np.arange(12)  
>>>b.reshape(3,4)
```

```
>>>b = np.arange(12).reshape(3,4)  
>>>b  
array([[ 0,  1,  2,  3],  
       [ 4,  5,  6,  7],  
       [ 8,  9, 10, 11]])
```

```
>>>t = np.arange(24).reshape(2, 3, 4)  
>>>t  
array([[[ 0,  1,  2,  3],  
        [ 4,  5,  6,  7],  
        [ 8,  9, 10, 11]],  
  
       [[12, 13, 14, 15],  
        [16, 17, 18, 19],  
        [20, 21, 22, 23]]])
```



5.3 数组运算

```
>>>b.reshape(-1,1)
```

```
array([[ 0],  
       [ 1],  
       [ 2],  
       [ 3],  
       [ 4],  
       [ 5],  
       [ 6],  
       [ 7],  
       [ 8],  
       [ 9],  
       [10],  
       [11]])
```

参数**-1**: 根据数组中元素总个数、以及其他维度的取值, 来**自动计算**出这个维度的取值。

```
>>>b.reshape(-1)
```

```
array([ 0,  1,  2,  3,  4,  5,  6,  7,  8,  9, 10, 11])
```



■ 数组间的运算

```
>>> a = np.array([0,1,2,3])
>>> d = np.array([2,3,4,5])
>>> a+d
array([[ 2,  4,  6,  8]])
```

相加的2个数组的**形状和长度**应该一致，否则就会出现错误

```
>>> d = np.array([1,2])          #创建一维数组
>>> a+d                         #数组内的元素个数不同，无法相加
-----
ValueError                                Traceback (most recent call last)
<ipython-input-3-637545a26abd> in <module>()
----> 1 a+d

ValueError: operands could not be broadcast together with shapes (4,) (2,)
```



5.3 数组运算

一维数组可以和多维数组相加，相加时会将一维数组扩展至多维。

```
>>>a = np.array([0,1,2,3])
>>>b = np.array([[0,1,2,3],[4,5,6,7],[8,9,10,11]])
>>> a+b
array([[ 0,  2,  4,  6],
       [ 4,  6,  8, 10],
       [ 8, 10, 12, 14]])
```

```
>>>b ** 2
array([[ 0,  1,  4,  9],
       [ 16, 25, 36, 49],
       [ 64, 81, 100, 121]], dtype=int32)
```

- 数组之间的**减法、乘法、除法**运算，和加法运算规则相同。
- 当两个数组中元素的**数据类型不同时**，精度低的数据类型，会**自动转换**为精度更高的数据类型，然后再进行运算。



■ 矩阵运算——矩阵乘法

□ 乘号运算符：矩阵中对应的元素分别相乘

$$\begin{matrix} A & B & A*B \\ \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} & = & \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 4 \end{bmatrix} \end{matrix}$$

```
>>>A = np.array([[1,1],[0,1]])
>>>B = np.array([[2,0],[3,4]])
>>>C = A * B
>>>C
array([[2, 0],
       [0, 4]])
```

□ 矩阵相乘：按照矩阵相乘的规则运算

$$\begin{matrix} A & B & \text{矩阵相乘} \\ \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} & = & \begin{bmatrix} 5 & 4 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} \end{matrix}$$

```
>>>np.matmul(A,B)
array([[5, 4],
       [3, 4]])
```

```
>>> np.dot(A,B)
array([[5, 4],
       [3, 4]])
```



5.3 数组运算

■ 矩阵运算——矩阵乘法

□ @运算符：连续进行矩阵乘法

A B C 矩阵相乘

$$\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 9 & 4 \\ 7 & 4 \end{bmatrix}$$

```
>>> A=np.array([[1,1],[0,1]])
>>> B=np.array([[2,0],[3,4]])
>>> C=np.array([[1,0],[1,1]])
>>> np.matmul(np.matmul(A,B),C)
array([[9, 4],
       [7, 4]])
>>> A@B@C
array([[9, 4],
       [7, 4]])
```



■ 矩阵运算——转置和求逆

□ 矩阵转置——np.transpose()

```
>>>np.transpose(A)
array([[1, 0],
       [1, 1]])
```

```
>>>np.transpose(B)
array([[2, 3],
       [0, 4]])
```

□ 矩阵求逆——np.linalg.inv()

```
>>>np.linalg.inv(A)
array([[ 1., -1.],
       [ 0.,  1.]])
```

```
>>>np.linalg.inv(B)
array([[ 0.5,  0. ],
       [-0.375,  0.25]])
```



■ 数组元素间的运算

函数	功能描述
numpy.sum()	计算所有元素的和
numpy.prod()	计算所有元素的乘积
numpy.diff()	计算数组的相邻元素之间的差
np.sqrt()	计算各元素的平方根
np.exp()	计算各元素的指数值
np.abs()	取各元素的绝对值



5.3 数组运算

□ sum()——对数组中所有元素求和

```
>>>a=np.arange(4)  
array([0, 1, 2, 3])
```

```
>>>np.sum(a)  
6
```

```
>>>b=np.arange(12).reshape(3,4)  
array([[ 0,  1,  2,  3],  
       [ 4,  5,  6,  7],  
       [ 8,  9, 10, 11]])
```

```
>>>np.sum(b)  
66
```



□ 按行求和&按列求和

- 轴 (axes) : 数组中的每一个维度被称为一个轴
- 秩 (rank) : 轴的个数

axis=0
0 1 2 3

rank=1

axis=0
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11

rank=2

axis=0
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11

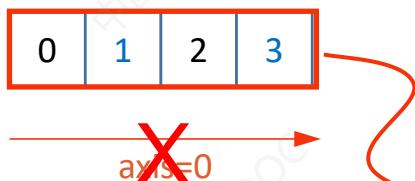
axis=1



5.3 数组运算

□ 一维数组 (rank=1)

shape: (4,)

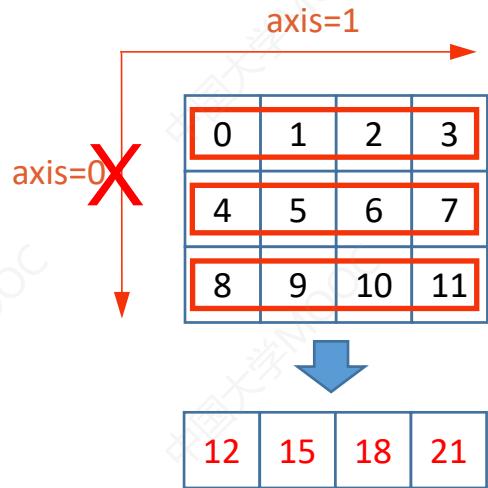


```
>>>a=np.arange(4)
>>>a
array([0, 1, 2, 3])
>>>np.sum(a)
6
```



5.3 数组运算

□ 二维数组 (rank=2)

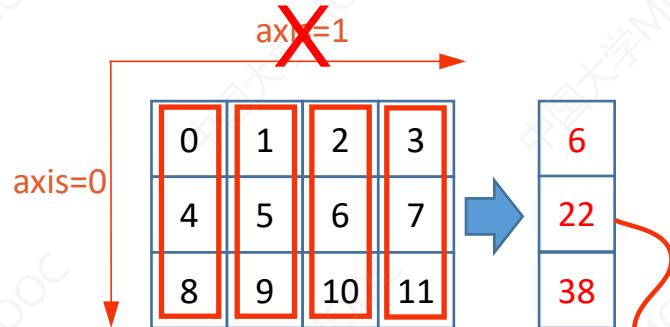


```
>>>b=np.arange(12).reshape(3,4)
>>>b
array([[ 0,  1,  2,  3],
       [ 4,  5,  6,  7],
       [ 8,  9, 10, 11]])
>>>np.sum(b, axis=0)
array([12, 15, 18, 21])
>>>np.sum(b, axis=1)
array([ 6, 22, 38])
```



5.3 数组运算

□ 二维数组 (rank=2)



```
>>>b=np.arange(12).reshape(3,4)
>>>b
array([[ 0,  1,  2,  3],
       [ 4,  5,  6,  7],
       [ 8,  9, 10, 11]])

>>>np.sum(b,axis=0)
array([12, 15, 18, 21])

>>>np.sum(b,axis=1)
array([ 6, 22, 38])
```



5.3 数组运算

□ 三维数组 (rank=3)

```
>>>t=np.arange(24).reshape(3,4)
>>>t
array([[ [ 0,  1,  2,  3],
       [ 4,  5,  6,  7],
       [ 8,  9, 10, 11]],
      [[12, 13, 14, 15],
       [16, 17, 18, 19],
       [20, 21, 22, 23]]])
```

axis = 0, 1, 2

```
>>>np.sum(t, axis=0)
array([[12, 14, 16, 18],
       [20, 22, 24, 26],
       [28, 30, 32, 34]])
```

```
>>>print(np.sum(t, axis=1)
array([[12, 15, 18, 21],
       [48, 51, 54, 57]])
```

```
>>>np.sum(t, axis=2)
array([[ 6, 22, 38],
       [54, 70, 86]])
```



5.3 数组运算

□ 三维数组 (rank=3)

```
axis = 0, 1, 2  
>>>t=np.arange(24).reshape(2,X,4)  
>>>t  
array([[[ 0,  1,  2,  3],  
       [ 4,  5,  6,  7],  
       [ 8,  9, 10, 11]],  
      [12, 15, 18, 21],  
      [[12, 13, 14, 15],  
       [16, 17, 18, 19],  
       [20, 21, 22, 23]]])  
48, 51, 54, 57
```

```
>>>np.sum(t, axis=0)  
array([[12, 14, 16, 18],  
       [20, 22, 24, 26],  
       [28, 30, 32, 34]])  
  
>>>print(np.sum(t, axis=1))  
array([[12, 15, 18, 21],  
       [48, 51, 54, 57]])  
  
>>>np.sum(t, axis=2)  
array([[ 6, 22, 38],  
       [54, 70, 86]])
```



5.3 数组运算

□ 三维数组 (rank=3)

```
axis = 0, 1, 2  
>>>t=np.arange(24).reshape(2,3,X)  
>>>t  
array([[ [ 0,  1,  2,  3],  6,  
        [ 4,  5,  6,  7], 22,  
        [ 8,  9, 10, 11]], 38  
  
       [[12, 13, 14, 15], 54,  
        [16, 17, 18, 19], 70,  
        [20, 21, 22, 23]]]) 86
```

```
>>>np.sum(t, axis=0)  
array([[12, 14, 16, 18],  
      [20, 22, 24, 26],  
      [28, 30, 32, 34]])  
  
>>>print(np.sum(t, axis=1)  
array([[12, 15, 18, 21],  
      [48, 51, 54, 57]])  
  
>>>np.sum(t, axis=2)  
array([[ 6, 22, 38],  
      [54, 70, 86]])
```



5.3 数组运算

□ 四维数组 (rank=4)

axis = 0, 1, 2, 3
t.shape: (5,10,30, 5)

np.sum(t, axis=0) (10,30, 5)

np.sum(t, axis=1) (5,30, 5)



■ 数组元素间的运算

函数	功能描述
numpy.sum()	计算所有元素的和
numpy.prod()	计算所有元素的乘积
numpy.diff()	计算数组的相邻元素之间的差
np.sqrt()	计算各元素的平方根
np.exp()	计算各元素的指数值
np.abs()	取各元素的绝对值



5.3 数组运算

❑ sqrt()函数实例

```
>>> d = np.logspace(1,4,4,base=2)
>>> d
array([ 2.,  4.,  8., 16.])

>>> np.sqrt(d)
array([ 1.41421356,  2.            ,  2.82842712,  4.            ])
```



■ 数组堆叠运算

```
np.stack( (数组1, 数组2,...) , axis)
```

一维数组

X	1	2	3
y	4	5	6

shape=(3,)

二维数组

1	2	3
4	5	6

shape=(2, 3)

axis=0

axis=1

1	4
2	5
3	6

shape=(3, 2)



5.3 数组运算

□ 一维数组堆叠运算

```
>>> x = np.array([1, 2, 3])      #创建一维数组x
>>> y = np.array([4, 5, 6])      #创建一维数组y

>>> np.stack((x, y), axis=0)    #在轴=0上堆叠
array([[1, 2, 3],
       [4, 5, 6]])

>>> np.stack((x, y), axis=1)    #在轴=1上堆叠
array([[1, 4],
       [2, 5],
       [3, 6]])
```



5.3 数组运算

□ 实例

```
area=[137.97,104.50,100.00,124.32,79.20,99.00,124.00,114.00,  
      106.69,138.05,53.75,46.91,68.00,63.02,81.26,86.21]  
room=[3,2,2,3,1,2,3,2,2,3,1,1,1,1,2,2]  
b0 = np.ones(16)  
  
np.stack((area,room,b0), axis = 1)
```

执行NumPy函数前，首先**自动把Python列表转换为NumPy数组，和数据类型转换**，然后再进行堆叠

a: Python列表，数据元素为浮点数
room: Python列表，数据元素为整数
b0: NumPy数组，全部元素为1



5.3 数组运算

□ 实例

```
area=[137.97,104.50,100.00,124.32,79.20,99.00,124.00,114.00,  
      106.69,138.05,53.75,46.91,68.00,63.02,81.26,86.21]  
room=[3,2,2,3,1,2,3,2,2,3,1,1,1,1,2,2]  
b0 = np.ones(16)  
  
np.stack((area,room,b0), axis = 1)
```

axis=1 $\xrightarrow{\text{堆叠}}$ (16,3)

```
array([[137.97, 3. , 1. ,  
       104.5 , 2. , 1. ,  
       100. , 2. , 1. ,  
       124.32, 3. , 1. ,  
       79.2 , 1. , 1. ,  
       99. , 2. , 1. ,  
       124. , 3. , 1. ,  
       114. , 2. , 1. ,  
       106.69, 2. , 1. ,  
       138.05, 3. , 1. ,  
       53.75, 1. , 1. ,  
       46.91, 1. , 1. ,  
       68. , 1. , 1. ,  
       63.02, 1. , 1. ,  
       81.26, 2. , 1. ,  
       86.21, 2. , 1. ]])
```

浮点数数组



哈尔滨科技大学
计算机科学与技术学院

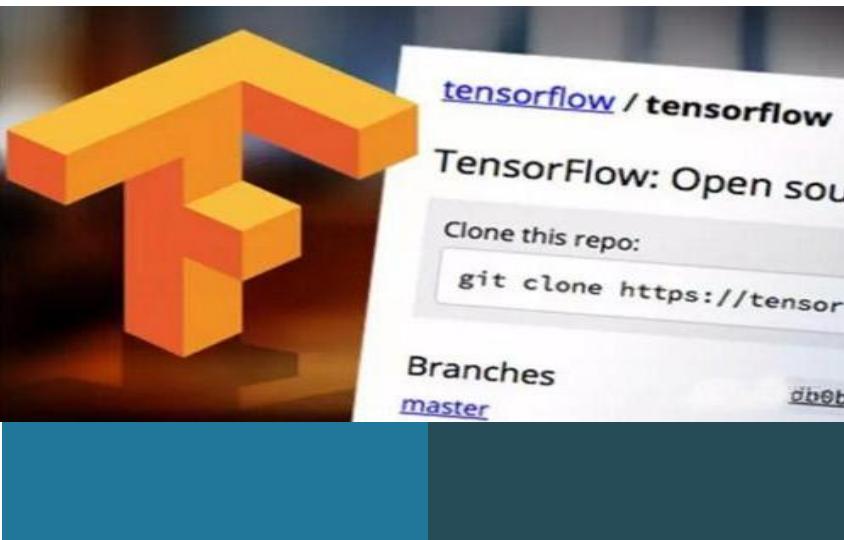
5.3 数组运算

□ 二维数组堆叠

```
>>> m = np.array([[1, 2, 3], [4, 5, 6], [7, 8, 9]])
>>> n = np.array([[10, 20, 30], [40, 50, 60], [70, 80, 90]])
>>> m.shape
(3, 3)
>>> n.shape
(3, 3)

>>> np.stack((m, n), axis=0).shape
(2, 3, 3)
>>> np.stack((m, n), axis=1).shape
(3, 2, 3)
>>> np.stack((m, n), axis=2).shape
(3, 3, 2)
```





5.4 矩阵和随机数

■ 矩阵——numpy.matrix

matrix (字符串/列表/元组/数组)

mat (字符串/列表/元组/数组)

参数为字符串

```
>>>a = np.mat(' 1 2 3 ; 4 5 6 ')  
>>>a  
matrix([[1, 2, 3],  
        [4, 5, 6]])
```

参数为Python列表

```
>>>b = np.mat([[1, 2, 3],[4, 5, 6]])  
>>>b  
matrix([[1, 2, 3],  
        [4, 5, 6]])
```



□ 使用NumPy二维数组创建矩阵

```
>>>a = np.array([[1,2,3],[4,5,6]])  
>>>a  
array([[1, 2, 3],  
       [4, 5, 6]])  
  
>>>m = np.mat(a)    参数为NumPy数组  
>>>m  
matrix([[1, 2, 3],  
       [4, 5, 6]])  
  
>>>type(a)  
<class 'numpy.ndarray'>  
>>>type(m)  
<class 'numpy.matrix'>
```

```
>>>m.ndim  
2  
  
>>>m.shape  
(2, 3)  
  
>>>m.size  
6  
  
>>>m.dtype  
dtype('int32')
```



□ 矩阵对象的属性

属性	说 明
.ndim	矩阵的维数
.shape	矩阵的形状
.size	矩阵的元素个数
.dtype	元素的数据类型



□ 矩阵运算——矩阵相乘

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 2 & 3 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 2 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 8 & 2 \end{bmatrix}$$

```
>>>a1=np.mat([[0,1],[2,3]])
>>>a2=np.mat([[1,1],[2,0]])
>>>a3=a1*a2
>>>a3
matrix([[ 2,  0],
       [ 8,  2]])
```



□ 矩阵运算——转置、求逆

- 矩阵转置: `.T`
- 矩阵求逆: `.I`

```
>>>n=np.mat([[1,2],[-1,-3]])
>>>n
matrix([[ 1,  2],
       [-1, -3]])

>>>n.T
matrix([[ 1, -1],
       [ 2, -3]])

>>>n.I
matrix([[ 3,  2],
       [-1, -1]])

>>>n*n.I
matrix([[ 1,  0],
       [ 0,  1]])
```

一个矩阵乘以它的逆等于单位阵



□ 非方阵的转置、求逆运算

```
>>>a = np.array([[1,2,3],[4,5,6]])
>>>m = np.mat(a)
>>>m
matrix([[1, 2, 3],
       [4, 5, 6]])

>>> m.T
matrix([[ 1,  4],
       [ 2,  5],
       [ 3,  6]])

>>> m.I
matrix([[-0.94444444,  0.44444444],
       [-0.11111111,  0.11111111],
       [ 0.72222222, -0.22222222]])
```



矩阵

VS

二维数组

- 运算符号简单
 A^*B

- 能够表示**高维数组**
- 数组更加灵活，速度更快



随机数模块——`numpy.random`

函数	功能描述	返回值
<code>np.random.rand(d0,d1,...,dn)</code>	元素在[0,1)区间均匀分布的数组	浮点数
<code>np.random.uniform(low,hige, size)</code>	元素在[low,hige)区间均匀分布的数组	浮点数
<code>numpy.random.randint(low,hige, size)</code>	元素在[low,hige)区间均匀分布的数组	整 数
<code>np.random.randn(d0,d1,...,dn)</code>	产生标准正态分布的数组	浮点数
<code>np.random.normal(loc, scale, size)</code>	产生正态分布的数组	浮点数



□ 产生随机数

```
#创建2*3的随机数组，取值是在[0,1)之间均匀分布的浮点数
```

```
>>> np.random.rand(2,3)
array([[ 0.84543047,  0.76450077,  0.87173984],
       [ 0.01204357,  0.1531674 ,  0.67527698]])
```

```
#参数为空，返回一个数字
```

```
>>> np.random.rand()
0.289648133266711
```

```
#创建3*2的随机数组，取值是在1至5之间均匀分布的浮点数
```

```
>>> np.random.uniform(1,5,(3,2))
array([[ 2.6034975 ,  1.12862773],
       [ 3.24128894,  4.97185042],
       [ 2.77097208,  1.48494326]])
```



5.4 矩阵和随机数

```
#创建3*2的随机数组，取值是在1至5之间均匀分布的整数
```

```
>>> np.random.randint(1,5,(3,2))  
array([[2, 2],  
       [4, 1],  
       [4, 2]])
```

```
#创建2*3的随机数组，符合标准正态分布
```

```
>>> np.random.randn(2,3)  
array([[-0.94594743, -1.10163142, -0.40212785],  
      [-1.04332498, -1.35958875,  1.5320874 ]])
```

```
#创建3*2的随机数组，符合正态分布，均值为0，方差为1
```

```
>>> np.random.normal(0,1,(3,2))  
array([[ 1.48764022, -1.52437091],  
      [ 0.73473077,  1.51170983],  
      [-0.99776822, -0.89273968]])
```



5.4 矩阵和随机数

```
#创建2*3的随机数组，符合标准正态分布
```

```
>>> np.random.randn(2,3)
array([[-0.94594743, -1.10163142, -0.40212785],
       [-1.04332498, -1.35958875,  1.5320874 ]])
```

```
#创建3*2的随机数组，符合正态分布，均值为0，方差为1
```

```
>>> np.random.normal(0,1,(3,2))
array([[ 1.48764022, -1.52437091],
       [ 0.73473077,  1.51170983],
       [-0.99776822, -0.89273968]])
```



5.4 矩阵和随机数

因为是随机数，使用同样的语句，所得到的结果也是不同的。

```
>>>np.random.rand(2,3)
array([[0.19151945, 0.62210877, 0.43772774],
       [0.78535858, 0.77997581, 0.27259261]])

>>>np.random.rand(2,3)
array([[0.68346294, 0.71270203, 0.37025075],
       [0.56119619, 0.50308317, 0.01376845]])
```



- **伪随机数**: 由**随机种子**, 根据一定的算法生成的。
- **随机种子**: 指定随机数生成时所用算法**开始**的整数值。
 - 如果使用相同的seed()值, 则每次生成的随即数都相同。
 - 如果不设置这个值, 则系统根据时间来自己选择这个值, 此时每次生成的随机数因时间差异而不同。
 - 设置的seed()值仅一次有效。
 - 随机数产生的算法, 和系统有关。



□ seed()函数——设置随机种子

```
>>>np.random.seed(612)
>>>np.random.rand(2,3)
array([[0.14347163, 0.49589878, 0.95454587],
       [0.13751674, 0.85456667, 0.42853136]])
```

采用seed()函数设置随机种子，
产生了相同的随机数

```
>>>np.random.seed(612)
>>>np.random.rand(2,3)
array([[0.14347163, 0.49589878, 0.95454587],
       [0.13751674, 0.85456667, 0.42853136]])
```

采用seed()函数设置随机种子，
产生了相同的随机数

```
>>>np.random.rand(2,3)
array([[0.27646426, 0.80187218, 0.95813935],
       [0.87593263, 0.35781727, 0.50099513]])
```

没有设置随机种子，
产生了不一样的结果。



□ shuffle()——打乱顺序函数

np.random.shuffle(序列)

Python列表、umPy数组等

```
>>> arr = np.arange(10)
>>>print(arr)
[0 1 2 3 4 5 6 7 8 9]

>>> np.random.shuffle(arr)
>>>print( arr)
[1 7 5 2 9 4 3 6 0 8]
```

对于多维数组，使用shuffle()函数只打乱第一维元素

```
>>>b=np.arange(12).reshape(4,3)
>>>b
array([[ 0,  1,  2],
       [ 3,  4,  5],
       [ 6,  7,  8],
       [ 9, 10, 11]])

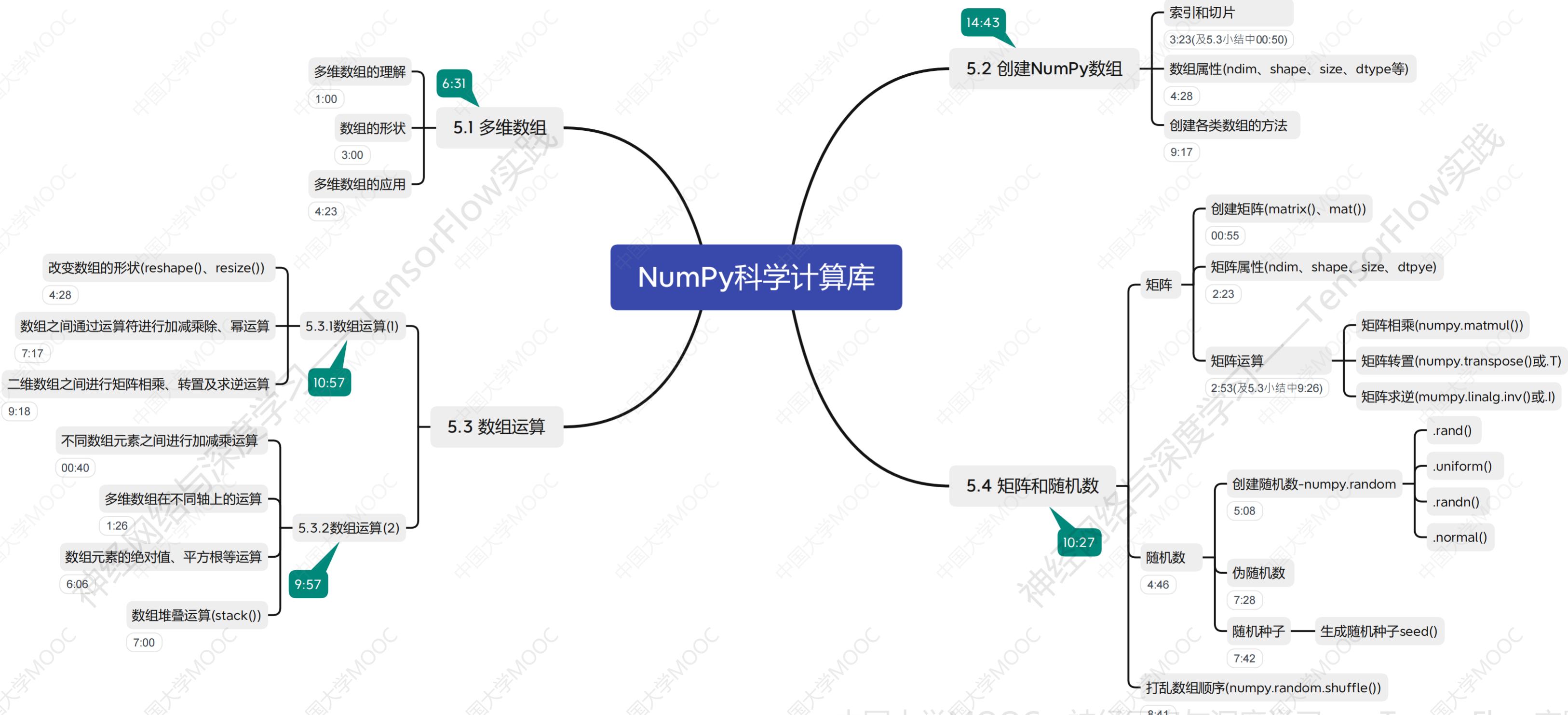
>>>np.random.shuffle(b)
>>>b
array([[ 3,  4,  5],
       [ 9, 10, 11],
       [ 6,  7,  8],
       [ 0,  1,  2]])
```



西安科技大学

计算机科学与技术学院

NumPy科学计算库



题目：生成数组并按要求输出。(20 分)

- (1) 生成一个 4×4 的整数数组，数值为 1-100 的随机数，输出该数组的所有元素。 (4 分)
- (2) 分别输出数组中的前两列和后两列元素； (4 分)
- (3) 分别输出数组中的第一列（列索引为 0）和最后一列元素，逐元素求和并输出； (4 分)
- (4) 输入数字 n , 输出行索引为 n 的一行元素； (4 分)
- (5) 输入数字 m, n , 输出行索引从 m 到 n 的元素。 (4 分)