筑波大学 情報学群 情報科学類・情報メディア創成学類

平成29年度 学群編入学試験

学力試験問題(専門科目)

[注意事項]

- 1. 試験開始の合図があるまで、問題の中を見てはいけません。
- 2. 解答用紙と下書き用紙の定められた欄に、氏名、受験番号を記入すること。
- 3. この問題冊子は全部で 11 ページ(表紙、白紙を除く)です。
- 4. 専門科目の選択について、
 - (ア) <u>情報科学類と情報メディア創成学類を併願する者</u>は、問題 1 から問題 6(数学、情報基礎、物理学)の計 6 問から 4 問を選択して答えなさい。ただし、情報メディア創成学類の合否判定においては、数学と情報基礎の解答のみを評価します。
 - (イ) <u>情報科学類を単願する者</u>は、問題 1 から問題 6(数学、情報基礎、物理学)の計 6 問から 4 問を選択して答えなさい。
 - (ウ) <u>情報メディア創成学類を単願する者</u>は、問題 1 から問題 4(数学、情報基礎)の計 4 問をすべて答えなさい。
- 5. 解答用紙は、専門科目で選択した4問に対して、各問1枚の合計4枚を用いること。
- 6. 解答用紙上部の [欄に解答する問題番号を記入すること。

問題1 数学(1)

- (1) 関数 $f(x) = e^x$ をマクローリン展開 (x = 0) のまわりでテイラー展開) せよ。
- (2) 以下の性質 (A) を用いて、次の極限値を求めよ。

$$\lim_{n \to \infty} \frac{1}{n} \left(\frac{n}{1!} + \frac{n-1}{2!} + \dots + \frac{2}{(n-1)!} + \frac{1}{n!} \right)$$

(A) 数列 $\{a_n\}_{n=1}^{\infty}$ に対して、 $\lim_{n\to\infty} a_n = \alpha$ のとき、

$$\lim_{n\to\infty}\frac{a_1+\dots+a_n}{n}=\alpha$$

が成り立つ。

(3) 上の性質(A)を証明せよ。

問題 2 数学 (2)

実ベクトル空間 W のベクトル $\mathbf{v}_1, \dots, \mathbf{v}_n$ が次の 2 つの条件を満たしているものとする:

- (A) $\|\mathbf{v}_1\| = \dots = \|\mathbf{v}_n\| = 1$
- (B) 相異なる $j,k \in \{1,\ldots,n\}$ に対して $\langle \mathbf{v}_j,\mathbf{v}_k \rangle = 0$

ただし、 \langle , \rangle は W の内積、 $\| \|$ はこの内積で定まる長さを表す.また, $\mathbf{v}_1, \ldots, \mathbf{v}_n$ の 1 次結合によって表されるベクトル全体からなる集合を V とする.以下の (i)–(iv) を証明しなさい.

- (i) $\mathbf{v}_1, \ldots, \mathbf{v}_n$ は 1 次独立である.
- (ii) 任意のベクトル $\mathbf{x} \in V$ が実数 x_1, \dots, x_n を用いて

$$\mathbf{x} = \sum_{j=1}^{n} x_j \mathbf{v}_j$$

と表されるとき、次の等式が成り立つ:

$$\|\mathbf{x}\|^2 = \sum_{j=1}^n x_j^2$$

- (iii) V は W の部分空間である.
- (iv) $V \neq W$ であれば、 $\mathbf{w} \notin V$ かつ $\mathbf{w} \in W$ を満たす任意のベクトル \mathbf{w} に対して $\mathbf{v}_1, \dots, \mathbf{v}_n, \mathbf{w}$ は 1 次独立である.

問題3 情報基礎(1)

ある学園の試験(数学、英語、各教科 100 点満点)の結果を成績順に出力するプログラムを作成している。ファイルからのデータの読み込み部分、およびメイン関数はすでに作成が終わっている。そのプログラムの一部を以下に示す。各行の先頭は行番号を表している。

```
1
  struct item {
2
     char id[8]; /* 学籍番号
      int math; /* 数学の点数 */
3
              /* 英語の点数 */
4
      int eng;
5
  };
6
  #define N 1024 /* このプログラムで取り扱える学生の最大数 */
7
  int main(int argc, char *argv[])
9
10
      struct item table[N]; /* 成績が格納される配列 */
      int rank[N]; /* 順位に従ってtableの添字が格納される配列 */
11
      int size = readfile(N, table);
12
      /* ファイルからデータを読み込む。返値:読み込んだデータ数 */
13
     /* ファイルに格納されているデータ数はN以下であるとする。 */
14
     make ranking(size, rank, table);
15
16
     print_table(size, rank, table);
      return 0;
17
18 }
```

アキバさんとイバラさんは、プログラムの 15 行目で利用される、成績が格納されている配列 (第3引数)の添字 (インデックス、index)を、数学の点数の低い順に第2引数で指定した配列に入れる関数 make_ranking を作成した。以下の小問に答えなさい。

(1) プログラムの 16 行目で利用される関数 print_table は、一行ごと に、数学の点数の低い順の順位、学籍番号、数学の点数、英語の点数を 出力する関数である。以下の空欄を埋めて、関数 print_table を完成 させなさい。

```
#include <stdio.h>
   void print table(int size, int r[], struct item t[])
3
   {
4
       int i;
5
       for (i = 0; i < size; i++) {
          printf("%4d %7s %3d %3d¥n", i + 1,
6
7
                         (b)
8
       }
9
  }
```

(2) アキバさんのプログラムを以下に示す。このプログラムが正しく動作 するように 14 行目で利用される関数 swap を書きなさい。

```
int cmp(int i, int j, int r[], struct item t[])
2
       return t[r[i]].math - t[r[j]].math;
3
4
5
   void make_ranking(int size, int r[], struct item t[])
6
7
8
       int i, j;
9
       for (i = 0; i < size; i++)
           r[i] = i;
10
       for (i = 0; i < size; i++) {
11
           for (j = size - 1; j > i; j--) {
12
13
               if (cmp(i, j, r, t) > 0)
                  swap(r, i, j);
14
15
           }
16
       }
17 }
```

(3) 小問(2)で示したアキバさんのプログラムを、数学の点数が同じ場合、 英語の点数が低い順となるようにするには、1 行目から 4 行目で定義 されている関数 cmp を書き換えればよい。この要件を満たすように関 数 cmp を書き直しなさい。

(4) イバラさんのプログラムを以下に示す。イバラさんはこの関数について (d) 行目から (e) 行目の部分で数学の点数の累積度数を調べ、(e) 行目の次の行からその度数を見て順位を調べる」と説明している。空欄に入る数値をプログラムの行番号を用いて答えなさい。

```
#define MAX SCORE 100
   void make ranking(int size, int r[], struct item t[])
3
4
       int count[MAX SCORE + 1];
5
       int i;
       for (i = 0; i <= MAX_SCORE; i++)
6
7
          count[i] = 0;
       for (i = 0; i < size; i++)
8
          count[t[i].math]++;
9
       for (i = 1; i \le MAX SCORE; i++)
10
11
          count[i] += count[i - 1];
12
       for (i = size - 1; i >= 0; i--)
           r[--count[t[i].math]] = i;
13
14 }
```

- (5) イバラさんのプログラムでは、 数学の点数が同じ場合、 順番は元の データの順番が維持されるようになっている。小問(3)と同様に数学の 点数が同じ場合、英語の点数が低い順となるようにするには、どのような方針で改変すればよいか、2 行から 5 行程度で説明しなさい。具体 的なプログラムを示す必要はない。
- (6) 小問(2)で示したアキバさんのプログラムと小問(4)で示したイバラさんのプログラムのどちらを使うかを、計算に要する時間や使用するメモリ量を考慮して考える。アキバさんのプログラムと比較したときの、イバラさんのプログラムの長所と短所を、合わせて4行から10行程度で述べなさい。

問題4 情報基礎(2)

SNS (Social Networking Service、ソーシャル・ネットワーキング・サービス) における友人関係を無向グラフにより表現する。この無向グラフでは、頂点 (vertex) は、会員と対応している。会員 X と会員 Y が直接友人であることを、会員 X に対応した頂点から会員 Y に対応した頂点への辺 (edge) により表現している。以下にそのような無向グラフの例を示す。

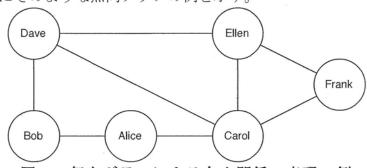


図 1 無向グラフによる友人関係の表現の例

この無向グラフを次の構造体で表現する。

```
struct person {
    char *name;
    struct plist *friends;
};

struct plist {
    struct person *data;
    struct plist *next;
};
```

この無向グラフで頂点は、構造体 person で表現されている。これは、name、および、friends というフィールドを持っている。name は、会員の名前を文字列で保持している。friends は、隣接している頂点をリスト構造で保持している。

(1) 次の関数は、頂点に対応した会員の名前、および、友人の名前を画面に出力する関数である。

```
void print_person( struct person *p ) {
    printf("Name: %s, friends: { ", p->name );
    for( struct plist *pl=p->friends; pl!=NULL; pl=pl->next ) {
        printf("%s, ", pl->data->name );
    }
    printf("}\n");
}
```

図1で頂点 Alice を表す変数を引数としてこの関数を呼び出した。すると、 画面に次のような結果が出力された。

```
Name: Alice, friends: { Carol, Bob, }
```

図 1 で頂点 Bob を表す変数を引数としてこの関数を呼び出すと画面にどのような結果が出力されるか答えなさい。なお、出力される友人の順序は問わない。

(2) 次の関数は、2名の会員が直接友人であることを示すために、無向グラフに辺を追加する関数である。空欄を埋めて、関数を完成させなさい。

ただし、この関数は、struct plist * のデータを操作するために、次の関数を利用している。また、リストへの要素の追加は必ず成功するものとする。

```
void plist_add( struct plist **plp, struct person *p ) *plp が指しているリストの先頭に要素 p を追加する。
```

- (3)最初に示したように、この無向グラフを表現するために、各頂点は隣接している頂点をリスト構造で保持している。無向グラフが多数の頂点と辺を持つ時、無向グラフを表現するために必要なメモリ量(空間的な複雑さ)のオーダーを答えなさい。ただし、無向グラフに含まれる頂点の数を n、辺の数を m とし、これらを必要に応じて使いなさい。
- (4) 次の関数は、2名の会員の共通の友人を画面に表示する関数である。空欄を埋めて完成させなさい。ただし、利用しない空欄には「/**/」と書きなさい。

- (5) 小問(4)の関数は、2 重ループを含むので友人の数が多くなると急激に効率が悪くなるという問題がある。この問題を解決する方法の概略を 2~5 行程度で述べなさい。なお、具体的なプログラムを示す必要はない。また、データ構造を変更しても良い。
- (6) SNSでは、ある会員が自分の情報を限定した他の会員にのみアクセスさせたいことがある。たとえば、直接の友人、友人の友人、友人の友人の友人などに限定してアクセスさせたいことがある。無向グラフのある頂点と頂点を結ぶ辺の数の最小を距離と定義する。ある会員の情報を距離がある数以下の友人に限りアクセスさせたいとする。

次の関数 access_ok() は、距離 maxhop 以下でつながりがある会員を待ち行列を使って幅優先 (breadth-first, 横型) で探索し、その範囲内で見つかれば 1、見つからなければ 0 を返す関数である。空欄を埋めて、関数を完成させなさい。ただし、利用しない空欄には「/**/」と書きなさい。これらの関数で待ち行列の割り当て、および、リストと待ち行列への要素の追加は必ず成功するものとする。

```
int access ok (struct person *p1, struct person *p2, int maxhop)
   struct plist *visited = NULL;
                               /* 空のリストを作成する。*/
   struct pqueue *g = pqueue alloc();/* 待ち行列を割り当てる。*/
   int result = access ok1( p1, p2, &visited, q, maxhop );
                                /* 待ち行列 g を解放する。*/
   pqueue free ( q );
                                /* リストを解放する。*/
   plist free ( visited );
   return( result );
void plist free( struct plist *pl ) {
    リストを解放する。内容省略。
void plist add( struct plist **plp, struct person *p ) {
   *plp が指しているリストの先頭に要素 p を追加する。内容省略。
   小問(2) のものと同じ。
int plist contains( struct plist *pl, struct person *p ) {
   リスト p1 に要素 p が含まれていたら 1、含まれていなければ 0 を返す。
   内容省略。
}
```

```
struct pqueue *pqueue alloc() {
   struct person * 型の値、および、整数を保持する待ち行列を割り当て、
   そのポインタを返す。内容省略。
}
void pqueue free(struct pqueue *q) {
  待ち行列を解放する。内容省略。
void pqueue put( struct pqueue *q, struct person *p, int n ) {
   待ち行列 g に要素 p 、および、n を追加する。内容省略。
int pqueue_get( struct pqueue *q, struct person **pp, int *np )
   待ち行列 g が空の時は、何もしないで 0 を返す。
   待ち行列 g が空ではない時は、struct person * 型と整数型の要素を取
    り出し、それぞれを *pp と *np ヘセットする。結果として 1 を返す。
   内容省略。
}
int access ok1 ( struct person *p1, struct person *p2,
      struct plist **visited, struct pqueue *q, int maxhop ) {
   struct person *p; int hop;
   pqueue put(g, p1, 0); /* 待ち行列に p1 と 0 を追加する。*/
   while( pqueue_get(q, &p, &hop) ) { /* 待ち行列から struct
                                 person *と整数を取り出す。*/
                   (i)
          return(0);
      if(
                   (j)
          return(1);
      for( struct plist *pl=p->friends; pl!=NULL; pl=pl->next )
          struct person *f = pl->data;
          if(
                       (k)
                       (1)
   return(0);
```

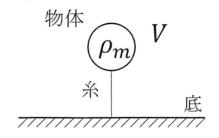
問題 5 物理学(1)

下図に示すように、密度 ρ_0 の静止した液体中の十分深い底の位置に、体積 V、密度 ρ_m の物体が十分軽い糸で固定されている。ただし、 $\rho_0 > \rho_m$ である。重力加速度の大きさを g として以下の問いに答えなさい。

- (1) 糸に働いている張力の大きさを ρ_0 , V, ρ_m , g を用いて表しなさい.
- (2) 糸を切った瞬間の物体の加速度の大きさを ρ_0 , ρ_m , g を用いて表しなさい.
- (3) 糸を切ると物体は浮上し始める. 物体は速さに比例する抵抗力を受け、その比例定数を k とする. 物体の速さは $u_{max} = \frac{\rho_m Vg}{k} \left(\frac{\rho_0}{\rho_m} 1 \right)$ を超えないことを示しなさい. ただし、物体は鉛直上向きに浮上し、液体表面に達しないものとする.
- (4) 糸を切ってから物体の速さが u_{max} の α 倍になるまでに浮上した距離を ρ_0 , V, ρ_m , g, k, α を用いて表しなさい. ただし, 物体は鉛直上向きに浮上し、液体表面に達しないものとする. また, α < 1 とする.



 ρ_0



問題6 物理学(2)

図 1(a)のように、極板間隔がa、面積がSの平行平板コンデンサーがある。極板に垂直な座標軸xをとる。その極板間に、x=0で誘電率が ε_1 となり、x=aで ε_2 となる誘電体を満たす。誘電率はxに対して線形に増加する。次の順序に従って、図 1(a)のコンデンサーの静電容量を求めることにする。ただし、各極板の端の影響は無視する。

- (1) 次の⑦~⑤に入る適切な式を答えなさい。
 - ・ $x(0 \le x \le a)$ における誘電率 $\varepsilon(x)$ を ε_1 , ε_2 , a, x を使って表すと、 $\varepsilon(x) = \bigcirc$ となる。
 - ・ 図 1(b)のように、極板間隔 Δx 、面積 S 、誘電率 $\varepsilon(x)$ の平行平板コンデンサーの静電容量を C_A とするとき、 $1/C_A$ を Δx ,S , $\varepsilon(x)$ を使って表すと、 $1/C_A = \bigcirc$ となる。ただし、 Δx は十分小さく、その間の誘電率 $\varepsilon(x)$ は一定と見なしてよい。
 - ・ 図 1(c)のように、静電容量 C_1 , C_2 , C_3 のコンデンサーを直列接続した。その合成容量を C_B とするとき、 $1/C_B$ を $1/C_1$, $1/C_2$, $1/C_3$ を使って表すと、 $1/C_B = \bigcirc$ となる。
- (2) (1)の結果を使って、図 1(a)のコンデンサーの静電容量Cを求めなさい。

