

1. Gegeben sind zwei Geraden: $g(x) : y = -\frac{2}{3}x + 4$ $f(x) : y = x - 2$

a) Prüfen durch einsetzen:

$$g(9) = -\frac{2}{3} \cdot 9 + 4 = -2 \quad \text{Der Punkt } A \text{ liegt auf } G_g. (A \in G_g)$$

b)

$$\begin{aligned} g(x) &= f(x) \\ -\frac{2}{3}x + 4 &= x - 2 \quad | -x; -4 \\ -\frac{5}{3}x &= -6 \quad | \cdot \left(-\frac{3}{5}\right) \\ x &= \frac{18}{5} \end{aligned}$$

Einsetzen in $f(x)$:

$$f\left(\frac{18}{5}\right) = \frac{18}{5} - 2 = \frac{8}{5}$$

Schnittpunkt von G_g und G_f : $S = \left(\frac{18}{5}, \frac{8}{5}\right)$

c) Koordinatensystem siehe Geogebra

d) Aus der Formelsammlung: Punktsteigungsformel: $h(x) = m \cdot (x - x_0) + y_0$

Auf konkretes Beispiel angewandt: $h(x) = m \cdot (x - 9) - 2$

e)

$$\begin{aligned} h(x) &= f(x) \\ m \cdot (x - 9) - 2 &= x - 2 \\ m \cdot (x - 9) &= x \\ mx - 9m &= x \\ -9m &= x - mx \\ -9m &= x(1 - m) \\ \frac{-9m}{1 - m} &= x \end{aligned}$$

Einsetzen in $f(x)$

$$f\left(\frac{-9m}{1 - m}\right) = \frac{-9m}{1 - m} - 2$$

Schnittpunkt von G_h und G_f : $S = \left(\frac{-9m}{1 - m}, \frac{-9m}{1 - m} - 2\right)$