Diskretne strukture UNI Vaje 10

1. Z razširjenim Evklidovim algoritmom poišči največji skupni delitelj števil

(a) 330 in 98,

(b) 189 in 40,

(c) 260 in 147,

(d) 637 in 26.

Za vsakega od parov določi še njun najmanjši skupni večkratnik.

2. Reši linearne diofantske enačbe

(a) 15x + 33y = 6,

(b) 7x - 2y = 1,

(c) 65x + 39y = 20.

Poišči še tiste rešitve, pri katerih je $x \geq 0$ in $y \geq 0$.

- 3. Šolarji so šli na ekskurzijo v muzej. Vstopnica za odrasle stane 10€, za otroke pa 6€. Skupaj so plačali 156€. Koliko je bilo odraslih in koliko otrok, če veš, da je bilo otrok vsaj petkrat več?
- 4. Na tekmo bi radi z avtobusi pripeljali 1500 navijačev. Na voljo imamo avtobuse z 31 sedeži in avtobuse s 47 sedeži. Koliko avtobusov naj naročimo, če naj bodo v vseh avtobusih zasedeni vsi sedeži?
- 5. Reši linearne diofantske enačbe

(a) 21x + 15y - 6z = 9,

(b) 10x + 13y + 17z = 50, (c) 28x + 30y + 31z = 365.

Opiši še tiste rešitve teh enačb, za katere velja $x \geq 0, y \geq 0$ in $z \geq 0$.

- 6. Določi najmanjše naravno število x, za katerega da 157x ostanek 10 pri deljenju s 24.
- 7. (a) Izračunaj $\varphi(1215)$ in $\varphi(1216)$.
 - (b) Določi 1024³²⁴¹ (mod 1215).