

### FACULDADE DE ENGENHARIA DEPARTAMENTO DE CADEIRAS GERAIS

Experiência Laboratorial Nº 2 – **Análise de Circuitos Elétricos (Teorema de Thévenin e Norton)** 

**Unidade curricular:** Física II **Ano:** 2022 **2º Semestre** 

#### **Objectivo**

1. Verificar experimentalmente os teoremas de Thévenin e de Norton.

#### Resumo teórico

Os circuitos equivalentes de Thévenin e Norton são circuitos simplificados que representam o mesmo comportamento que o circuito original do ponto de vita dos terminais dos quais se quer analisar.

O circuito de Thévenin é constituído por uma fonte independente de tensão  $V_{Th}$  e uma resistência  $R_{Th}$  que substituiem todas as fontes e resistências do circuito. Para determinar o circuito de Thévenin é necessário determinar a resistência de Thévenin e a tensão de Thévenin.

Onde a resistência de Thévenin  $(R_{Th})$  pode ser calculada com ajuda da seguinte equação:

$$R_{Th} = \frac{(R_1 + R_2)}{R_1 + R_2 + R_3} R_3 \tag{1}$$

Assim, a tensão de Thévenin também pode ser calculada de acordo com a seguinte expressão;

$$V_{Th} = \frac{R_3}{R_1 + R_2 + R_3} V_{fixa} \tag{2}$$

Essa combinação em série entre  $V_{Th}$  e  $R_{Th}$  é equivalente ao circuito original no sentido que se ligarmos a mesma carga nos terminais a e b, ela será substituída a mesma tensão e será atravessada pela mesma corrente. Essa equivalência existe para quaisquer valores possíveis de resistência.

Se for uma resistência de carga não terminais a e b do circuito tendo um circuito aberto. Por definição, a atenção de circuito aberto entre os terminais a e b é igual a tensão na resistência da carga  $R_{RL}$  dada por:

$$V_{RL} = \frac{R_L}{R_L + R_{Th}} V_{Th} \tag{3}$$

O circuito de Norton é constituído por uma fonte independente de corrente de Norton  $I_N$  e resistência de Norton que substituem todas as fontes e resistências do circuito. Essa combinação em paralelo entre  $V_{Th}$  e  $R_N$  e equivalente ao circuito original.

Para determinar o circuito de Norton e necessário determinar a corrente de Norton  $I_N$  e resistência de Norton  $R_N$ . Por definição, a acorrente de curto-circuito entre os terminais é igual a corrente de Norton  $I_N$ . Assim a corrente de Norton será dado por:

$$I_N = \frac{V_{Th}}{R_N} \tag{4}$$

A resistência de Norton é obtida de maneira análoga a resistência de Thévenin, mas agora se determinando a tensão entre os terminais. A carga de Norton é igual a carga de Thévenin. Exemplo de curto circuito equivalente de Norton, é se for adicionada uma resistência de carga, a corrente na resistência de carga será dada pela equação:

$$I_{RL} = \frac{R_N}{R_N + R_L} I_N \tag{5}$$

Finalmente a tensão na mesma resistência será fornecida pela seguinte equação:

$$V_{RL} = R_L \cdot I_{RL} \tag{6}$$

#### Equipamento necessário

- ❖ 1 Fonte variável: 0 12 V (DC) e 0 15 V (AC) / 5 A
- 3 Resistores (680  $\Omega$ , 3.3 $K\Omega$  e 330 $\Omega$ );
- ❖ 1 Multímetro digital;
- 1 Reóstato (200 $\Omega$ );
- Cabos de ligação;
- 4 1 Amperímetro;
- ❖ 1 Voltímetro.

#### Modo de execução

Monte o circuito equivalente ao circuito apresentado na Figura 1, usando a fonte de alimentação, três resistores e cabos de ligação. Os resistores  $R_1$  e  $R_2$  ambos estão ligados em série entre si e ligados paralelamente com o resistor  $R_3$ .

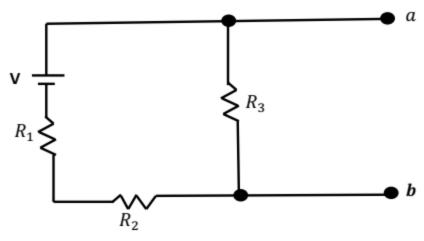


Figura 1.

#### 1. Análise do circuito usando o teorema de Thévenin

Alimente o circuito com uma fonte de tensão fixa de 5 V/DC. Meça a tensão do circuito na extremidade a e b usando um multímetro;

Desconecte os fios de ligação da fonte e crie um curto-circuito de modo que o circuito seja apresentado como na Figura 2. Usando um multímetro ligado em paralelo com resistência  $R_3$ , registe o valor da resistência ( $R_{Th}$ ) obtido nas terminais a e b. Comprove teoricamente o valor da resistência usando a equação (1). Faça a análise dos valores encontrados.

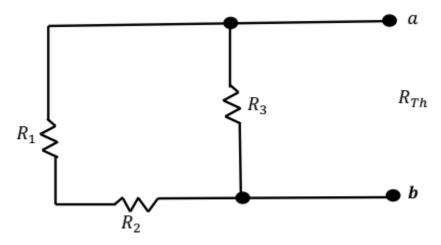


Figura 2.

Com o circuito conectado á fonte de tensão (Figura 3) e usando um multímetro ligado em paralelo com a resistência  $R_3$ , faça o registro do valor da tensão ( $V_{Th}$ ) obtida nos seus terminais. Comprove teoricamente o valor usando a equação (2).

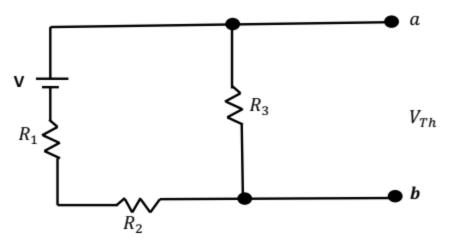


Figura 3.

Monte o circuito da Figura 4, considerando um reóstato ( $R_L$ ) de valor arbitrário (adotaremos de 200 $\Omega$ ). Meça a tensão nas terminais da resistência de carga  $V_{RL}$ . Comprove teoricamente o valor usando a equação (3). Comente.

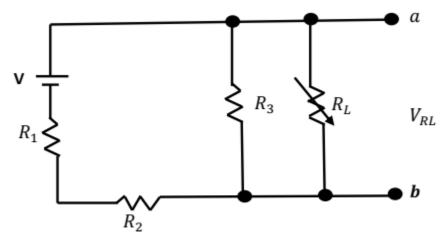


Figura 4.

#### 2. Análise do circuito usando o teorema de Norton

Monte o circuito similar ao da Figura 1, conectando desta vez o amperímetro em serie com as resistências  $R_1$ ,  $R_2$  e  $R_3$ . Faça um curto-circuito nas terminais a e b e meça a corrente do curto-circuito. Calcule a resistência de Norton  $R_N$  usando a formula (4).

Nota: A  $R_N$  é obtida de maneira análoga a  $R_{Th}$ , mas determinando as tensões entre as terminais.

A partir das terminais a e b do circuito de Thévenin, liga o amperímetro e o reóstato ( $R_L$ ) em série para a leitura do valor da corrente na resistência de carga ( $I_{RL}$ ). Comprove teoricamente usando a equação (5).

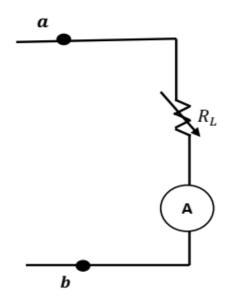


Figura 5.

Usando a equação (6) calcule a queda de tensão na resistência de carga e comprove com o valor de tensão na resistência de carga obtido na análise do circuito usando o teorema de Thévenin.

## Bibliografia

- 1. Hayt J.R., William Hart, Kemmely, Jack E. (1975) Analise de Circuitos em Engenharia, São Paulo, McGraw-Hill;
- 2. Medeiros Filho, Solon (1979), Fundametos de Medidas Eléctricas, Recife: Universitárias;
- 3. Nilson, James W. Riedel (2003), Susan A. Circuitos elétricos, Rio de janeiro: LTC, ed. 5.

# **ANEXO**

Análise de circuitos elétricos (Teorema de Thévenin e Norton)

 $R_1 = \underline{\hspace{1cm}}$ 

 $R_2 = \underline{\hspace{1cm}}$ 

 $R_3 = \underline{\hspace{1cm}}$ 

## Tabela 1.

	Teórico (Calculado)	Experimental (Medido)
$V_{fixo}$	(	(
$R_{Th}$		
$V_{Th}$		
$V_{RL}$		
$I_N$		
$R_N$		
$R_L$		
$I_{RL}$		