

1. ☐ Formulujte základní úlohu lineárního programování
 - $Ax \leq b, x \geq 0$
2. ☐ Proveďte klasifikaci úloh lineárního programování.
 - soubor metod umožňující výběr optimální varianty při daném kritériu a podmínkách. Patří do odvětví optimalizace. Řeší problém nalezení min/max lin. fce n proměnných na množině popsané soustavou lineárních nerovností. Je to speciální úloha neklasického vázaného extrému
 - $\max c^t x, Ax \leq b$; $\min c^t x, Ax \leq b$; $\max c^t x, Ax \geq b$; $\min c^t x, Ax \geq b$
 - kombinovane jsou tam taky
3. ☐ Popište primární a duální úlohu lineárního programování.
 - asi: V primarni hledame maximum, v dualni minimum
 - Ke každé základní úloze lineárního programování lze definovat úlohu duální, kdy se vymění minimum a maximum a otočí se nerovnosti v omezení
4. ☐ Jak může vypadat množina přípustných řešení úlohy lineárního programování?
 - Množina přípustných řešení úlohy LP je uzavřená a konvexní a má konečný počet krajních bodů.
 - jedna se o polyedr
5. ☐ V jakých bodech množiny přípustných řešení může být optimální řešení úlohy LP?
 - Má-li úloha LP optimální řešení, potom alespoň jedno optimální řešení je krajním bodem množiny přípustných řešení.
 - Pokud je množina přípustných řešení omezená, je množina všech optimálních řešení konvexním obalem množiny všech těch optimálních řešení, která jsou krajními body množiny přípustných řešení.
6. ☐ Popište simplexovou tabulku pro úlohu lineárního programování.
 - nerovnice doplním prídavnými promennými na rovnice a dodám řádek ucelové fce jako poslední řádek simplexové tabulky (s opacnými znaménky)

7. ☐ ? Jak odečtete řešení duální úlohy lineárního programování v simplexové tabulce?
 - Ze simplexové tabulky odečteme hodnoty z pomocných proměnných a funkční hodnotu
8. ☐ Jaké podmínky musí splňovat matematický model (resp. jak vypadá), abychom jej nazývali modelem LP?
lineární fce, lineární omezení a podmínky nezápornosti
9. ☐ Uvažujme takovou úlohu LP, kde některé/á omezení není/nejsou vyčerpána. Nicméně, se trvá na plném dočerpání omezení. Co toto rozhodnutí může znamenat pro hodnotu účelové funkce a její řešení? Nebude maximální. Např. prodloužíme
10. ☐ Jak se formuluje úloha celočíselného lineárního programování a naznačte, jak se to projevuje v řešení.
 - lineární programování + podmínka řešení v celých číslech
 - Optimální řešení se nemusí nacházet na hranici polyedru omezení
 - Hodnota účelové funkce při celočíselném řešení je obvykle „horší“ než v neceločíselném
11. ☐ Je celočíselné zaokrouhlení cestou k řešení úlohy celočíselného programování? Ne
12. ☐ Formulujte úlohu síťové (grafické) formy dynamického programování a popište postup řešení.
 - formou grafu a jednou od cíle k počátku a jednou, jedna cesta mne vyloučí nemožno (slepe uličky), druhá cesta udělá souvislou křivku spojení
13. ☐ Popište způsob řešení úlohy dynamického programování v tabulce dynamického programování. asi prostě jen popsat tyto tabulky
14. ☐ Které osobnosti znáte jako tvůrce moderní teorie her.
 - Původy: Daniel Bernoulli, Gabriel Cramer, Daniel Bernoulli, Émile Borel
 - Modernější: **John von Neumann, Oskar Morgenstern, John Forbes Nash, Reinhard Selten** a **John C. Harsanyi**, T. C. Schellingovi a R.J. Aumannovi

15. ☐ Jaké znáte základní principy v teorii rozhodování? Vyjmenujte aspoň dva.
- Princip minimaxní (pesimistické) kritérium
 - Princip maximaxní (optimistické) kritérium
 - Hurwitzovo kritérium,
 - Minimalizace funkce lítosti,
 - Laplaceův princip,
 - Bernouliho princip,
 - Cramérův princip postoje k riziku,
 - Rozhodování o preferencích, atd.
16. ☐ Co je funkce užitku v teorii rozhodování?
- poskytují jednoduché a jasné pravidlo pro rozřešení obtížných rozhodovacích situací
17. ☐ Co je maticová hra dvou hráčů? Dvوماتicovou hrou se rozumí hra dvou hráčů v normálním tvaru, kde hráč $H1$ má konečnou množinu strategií $S = \{s_1, s_2, \dots, s_m\}$ a hráč $H2$ má konečnou množinu strategií $T = \{t_1, t_2, \dots, t_n\}$. Při volbě strategií (s_i, t_j) je výhra prvního hráče $a_{ij} = u_1(s_i, t_j)$ a výhra druhého hráče $b_{ij} = u_2(s_i, t_j)$, funkce u_1, u_2 se nazývají výplatní funkce.
18. ☐ Co je dolní cena hry a horní cena hry?
- Maximum z minim se nazývá dolní cena hry, minimum z maxim se nazývá horní cena hry
19. ☐ Jaký je rozdíl mezi čistou a smíšenou strategií?
- Čistá (ryzí) – horní a dolní cena jsou totožné
 - Matice nemá sedlový prvek – řešení bude pouze ve smíšených strategiích
20. ☐ Jaký je vztah čisté strategie a sedlového prvku matice.
- sedlový prvek matice obsahuje hodnotu optimálního řešení a také strategii, kterou mají hráči využít

- ChatGPT: Vztah mezi čistou strategií a sedlovým prvkem v matici spočívá v tom, že sedlový prvek v matici reprezentuje čistou strategii pro oba hráče, která je nejlepší vzhledem k vybraným strategiím druhého hráče. To znamená, že se jedná o bod, kde hráči dosáhnou největší možné výhry, pokud oba používají tuto optimální strategii
 - Sedlový bod a čistá strategie existuje právě tehdy, jestliže horní a dolní cena hry jsou totožné
 - Vyjadřuje optimální řešení maticové hry
21. ☐ Popište, jak se nalezne sedlový prvek matice. asi: souřadnice dolní a horní cesty, pokud se svou hodnotou rovnají
22. ☐ Popište geometrický způsob nalezení smíšené strategie pro matice 2 x 2.
- asi ? tr. 80
 - tam tam čísla matic a tam, kde se to protne, je extrémální hodnota pravděpodobnosti matic, které nemají sedlový prvek
23. ☐ ? Popište způsob převodu smíšené strategie na úlohu lineárního programování.
24. ☐ Definujte separovatelnou funkci reálné funkce n reálných proměnných

- $$f(x_1, \dots, x_n) = \sum_{i=1}^n f_i(x_i)$$