מבוא למדעי המחשב - סמסטר א' תשפ"ב עבודת בית מספר <u>1</u>

צוות העבודה:

• מרצה אחראית: מיכל שמש

• מתרגלים אחראים: רון שפירא ובר ,אריאל חוזמן.

מועד פרסום: 24.10.21 בשעה 14:00.

מועד אחרון להגשה: 7.11.21 בשעה 23:59.

:הוראות מקדימות

הגשת עבודות בית

- קראו את העבודה מתחילתה ועד סופה לפני שאתם מתחילים לפתור אותה. ודאו שאתם מבינים את כל המשימות. רמת הקושי של המשימות אינה אחידה: הפתרון של חלק מהמשימות קל יותר, ואחרות מצריכות חקירה מתמטית שאותה תוכלו לבצע בעזרת מקורות דרך רשת האינטרנט .בתשובות שבהן אתם מסתמכים על עובדות מתמטיות שלא הוצגו בשיעורים, יש להוסיף כהערה במקום המתאים בקוד את ציטוט העובדה המתמטית ואת המקור (כגון ספר או אתר).
 - 2. לעבודה זו מצורף מסמך הדרכה לבדיקה עצמית: SelfTestingGuidlines.pdf. קראו אותו בעיון.
- 3. עבודה זו תוגש ביחידים <u>במערכת המודל</u> ניתן לצפות בסרטון הדרכה על הגשת העבודה במערכת ה-2 vpl בלינק הבא: <u>סרטון הדרכה.</u>
- 4. במערכת מופיעים קבצי Java עם שמות כגון Task<n>.java, כאשר <n> מציין את מספר המערכת מופיעים קבצי Java עם שמות כגון Java, קובץ Java המשימה המתאימה לקובץ (לדוגמא, קובץ Java בשם Task2.java מתאים למשימה מספר 2) וקובץ ה-treadme.txt. אלו הם קבצי השלד אותם עליכם לערוך ולהגיש. עליכם לערוך את הקבצים האלו בהתאם למפורט בתרגיל ולהגישם כפתרון. אין לשנות את שמות קבצי השלד.
- 5. המלצה על דרך העבודה אנו ממליצים לפתוח פרויקט ב-eclipse בשם Assignment1. כשתעבדו, תערכו (לאחר שהורדתם את קבצי השלד וחילצתם אותם לתוך הפרויקט) בתוך הפרויקט את Task1, Task2, Task3a, Task3b, Task4a, Task4b, Task4c, Task4d, Task4e, הקבצים: Task4f בהתאם להוראות המשימה והגישו אותם לפי ההנחיות.

הנחיות נוספות

1. בכל קובץ מופיעה שורה המגדירה משתנה אשר יהווה את הפלט של התוכנית בינתן פלט כלשהו. לדוגמה:

int ans = 0

- 2. כמובן כי ייתכן וטיפוס המשתנה יהיה שונה כתלות בשאלה. בנוסף ייתכן ויהיו שני פלטים לתוכנית. במקרה כזה יוגדרו שני משתנים כמתואר בהמשך.
 - 3. משתנה זה יהווה את פלט התוכנית, ובהוראות עבודה זו נתייחס אליו בשם זה.
- 4. עליכם להציב במשתנה זה את פלט התוכנית כך שבסוף ריצת התוכנית שלכם, המשתנה יכיל את ערך הפתרון.
- 5. שימו לב שבכל הקבצים המסופקים לכם עליכם לכתוב את הפתרון שלכם אך ורק בין שתי השורות המוגדרות ע"י ההערות:

//	write your code BELOW this line only!
//	write your code ABOVE this line only!

- אין לשנות את השורות המסופקות לכם בקבצי השלד, למעט אתחול שונה (במידה ואתם חשים שיש צורך לכך) למשתנה המהווה את פלט התוכנית. אין לשנות שמות משתנים.
- 7. אין להדפיס למסך דברים נוספים חוץ משורת ההדפסה המסופקת לכם בקובץ. הדפסות נוספות יגררו הורדה בציון. כמו כן, אין לערוך את שורת ההדפסה.
- 8. עבודות שלא יעברו קומפילציה במערכת יקבלו את הציון 0 ללא אפשרות לערער על כך. אחריותכם לוודא שהעבודה שאתם מגישים עוברת תהליך קומפילציה במערכת (ולא רק ב-eclipse). להזכירכם, תוכלו לבדוק זאת ע"י לחיצה על כפתור ה-Evaluate. ☑
 - 9. עבודות הבית נבדקות גם באופן ידני וגם באופן אוטומטי. לכן, יש להקפיד על ההוראות ולבצע אותן במדויק.
- 10. סגנון כתיבת הקוד ייבדק באופן ידני. יש להקפיד על כתיבת קוד יעיל, ברור, על מתן שמות משמעותיים למשתנים, על הזחות (אינדנטציה), ועל הוספת הערות בקוד המסבירות את תפקידם של מקטעי הקוד השונים. אין צורך למלא את הקוד בהערות מיותרות, אך חשוב לכתוב הערות בנקודות קריטיות, המסבירות קטעים חשובים בקוד. הערות יש לרשום אך ורק באנגלית. כתיבת קוד אשר אינה עומדת בדרישות אלו תגרור הפחתה בציון העבודה.

עזרה והנחיה

- 1. לכל עבודת בית בקורס יש צוות שאחראי לה. ניתן לפנות לצוות בשעות הקבלה. פירוט שמות האחראים לעבודה מופיע במסמך זה וכן באתר הקורס, כמו גם פירוט שעות הקבלה.
- 2. בתגבור השני של הסמסטר, 24.10.21-27.10.21 נפתור באופן מודרך את משימות **1, 2, 4א** כמו כן, אתם יכולים להיעזר בפורום ולפנות בשאלות לחבריכם לכיתה. צוות הקורס עובר על השאלות ונותן מענה במקרה הצורך. שימו לב, אין לפרסם פתרונות בפורום.
 - 3. בכל בעיה אישית הקשורה בעבודה (מילואים, אשפוז וכו'), אנא פנו אלינו דרך מערכת הפניות, כפי שמוסבר באתר הקורס.
 - 4. אנחנו ממליצים בחום להעלות פתרון למערכת המודל לאחר כל סעיף שפתרתם. הבדיקה תתבצע על הגרסה האחרונה שהועלתה (בלבד!).

הערות ספציפיות לעבודת בית זו

- 1. בעבודה זו 4 משימות ו- 10 תתי-משימות וסך הנקודות המקסימלי הוא 100. שימו לב שמספר הנקודות לכל תת-משימה אחיד (10 נקודות למשימה) ואינו מצביע על קושי המשימה.
- 2. בעבודה זו מותר להשתמש בידע שנלמד עד הרצאה 3 (כולל), וכן עד תרגול 2 (כולל). לא ניתן להשתמש במערכים, מחרוזות, פונקציות, או כל צורת קוד אחרת אשר לא נלמדה בכיתה.
- 3. בעבודה זו, בתוכניות אותן אתם מגישים, כל המשתנים עבור מספרים שלמים צריכים להיות מטיפוס **int**
 - 4. בכל המשימות ניתן להניח כי הקלט תקין.

יושר אקדמי

הימנעו מהעתקות! ההגשה היא ביחידים. אם מוגשות שתי עבודות עם קוד זהה או אפילו דומה -זוהי העתקה, אשר תדווח לאלתר לוועדת משמעת. אם טרם עיינתם <u>בסילבוס הקורס</u> אנא עשו זאת כעת.

משימות:

יש להגיש את כל השאלות עד התאריך 7.11.21 תחת עבודת בית VPL - 1. עקבו אחרי הוראות ההגשה בסוף העבודה.

הצהרה (0 נקודות)

פתחו את הקובץ readme.txt וכתבו בו את שמכם ומספר תעודת הזהות שלכם. משמעות פעולה זו היא שאתם מסכימים על הכתוב בו. דוגמה:

I, <Israel Israeli> (<123456789>), assert that the work I submitted is entirely my own.

I have not received any part from any other student in the class, nor did I give parts of it for use to others.

I realize that if my work is found to contain code that is not originally my own, a formal case will be opened against me with the BGU disciplinary committee.

הקדמה: חילוק שלמים ושארית חלוקה

 $a=q\cdot b+r$ כך שלם q כך שלם מספר מנה במנה השלם במנה a, החלק השלם כך שלם מספרים שלמים לכל שני מספרים ארית החלוקה של $a=q\cdot b+r$ שארית במספר a נקרא שארית החלוקה של $a=q\cdot b+r$ ומסומנת $a=q\cdot b+r$ ב-

משימה 1 - משימת חימום

ומציבה a,b,q,r ומציבה ארבעה מספרים ארבעה הקובץ דמגו וכתבו בו וכתבו בו Task1.java פתחו את הקובץ במשתנה נית אשר אשר אשר אשר אשר ליש אינים או אורער נית אשר ליש אורער במשתנה boolean ans במשתנה במשתנה אורער את הערך אורער אורער אורער אורער במשתנה במשתנה אורער אידער אידער אידער אורער אורער אידער אידער

a,b,q,r :(משמאל לימין) בסדר הבא בסדר בסדר ייקלטו בסדר הבא

 $a,b\geq 0$ וכי שלמים מספרים הם a,b,q,r בשאלה זו ניתן להניח כי הקלטים:

שימו לב, לא ניתן להניח דברים נוספים על הקלט.

דוגמאות:

את ans אזי התוכנית מציב אזי התוכנית $a=10,\;b=4,\;q=2,\;r=1$ אם הקלט הוא

false

את הערך: ans אזי במשתנה אזי התוכנית $a=10,\;b=0,\;q=2,\;r=2$ אם הקלט הוא

false

את ans אזי במשתנה אזי התוכנית אזי $a=9,\;b=3,\;q=3,\;r=0$ את הערך אם הקלט הוא

true

את ans אזי התוכנית תציב אזי התוכנית $a=5,\ b=7,\ q=0,\ r=5$ אם הקלט הוא

true

בסוף ריצת התוכנית על המשתנה ans שסיפקנו לכם להכיל את הפתרון.

סיימתם חלק זה? כל הכבוד! העלו את הגרסה האחרונה של עבודתם למערכת המודל.

משימה 2 – עוד משימת חימום

ומציבה $a \leq b$ כך שa,b כך שלמים שני מספרים שני מהמשתמש בו תכנית אשר הכנית אשר הכנית אשר קולטת המשתמש שני מספרים דמאל2.java פתחו במשתנה מספר שלם n שיוגרל צריך לקיים אותו היא מגרילה באקראי. במילים: המספר n שיוגרל צריך לקיים a < n < b

x במילים: Math.random() במילים: עלהשתמש בפקודה (0,1). במילים: Math.random()a,b:(משמאל לימין): מספרים ייקלטו בסדר הבא (משמאל לימין): מספרים $0 \le x < 1$ $a \leq b$ ניתן להניח כי שלמים מספרים a,b כי כלומר כי הקלט תקין, ניתן

דוגמאות:

יכול להיות: ans אזי שיוצב במשתנה איזי ערך אפשרי a=2, b=24 אם הקלט הוא 17

אזי מחs אזי במשתמש שישתמש אזי ערך אפשרי $a=-4,\ b=5$ הוא:

סיימתם חלק זה? כל הכבוד! העלו את הגרסה האחרונה של עבודתם למערכת המודל.

> סיימתם חלק זה? כל הכבוד! העלו את הגרסה

> > האחרונה של עבודתם

למערכת המודל.

.ans- משרנה ישירות להציב את ניתן להציב משתנה משתנה ליצור משתנה בים. nבסוף ריצת התוכנית על המשתנה ans שסיפקנו לכם להכיל את הפתרון.

משימה 3: חזקות של 2 ושארית חלוקה

משימה 3א:

את n ומציבה במשתנה בה n ומציבה בתשתנה מספר שלם אי-שלילי ומציבה בתשתנה אשר פתחו את הקובץ המשתנה nהערך 2^n זיכרו כי יש להשתמש במשתנים מטיפוס int בלבד. על התוכנית לחשב נכונה את החזקות של 2 עבור כל ערך של n ביז 0 ל- 30 כולל.

דוגמאות:

יוצב הערך: ans אז במשתנה n=0 אוז הקלט הוא

יוצב הערך: ans אז במשתנה n=1 או הקלט הוא

יוצב הערך: ans אז במשתנה n=10 או הקלט הוא

1024

יוצב הערך: ans אז במשתנה n=31 או הקלט הוא

-2147483648

נסו להבין מדוע.

. שימוש בלולאה. ע"י שימוש בחלק ע"י שימוש בספריה . Math שימו להשתמש בחלק אין בחלק לב: בחלק אין להשתמש בספריה ב

. ניתן להניח כי הקלט תקין, כלומר כי n הוא שלם אי-שלילי בין 0 ל- 0 כולל.

בסוף ריצת התוכנית על המשתנה ans שסיפקנו לכם להכיל את הפתרון.

משימה 3ב:

int MV = Integer. $extit{MAX_VALUE}$; מייצג את הערך המתקבל מהפקודה $extit{MV}$

פתחו את הקובץ Task3b.java ומציבה במשתנה דמהת אשר קולטת אשר הכנית וכתבו בו תכנית ומציבה במשתנה את הקובץ בn,kומציבה במשתנה בו החלוקה של הארית הארית את שארית החלוקה של הארית את ארית את מארית בו החלוקה של הארית החלוקה של הארים החלוקה של החלוקה החל

.ח, k: (משמאל לימין) בסדר הבא

דוגמאות:

יהיה: אזי הערך שיוצב $n=10,\; k=54$ הם ערכי הקלט אם

52

 $2^{10} = 54 * 18 + 52$ -כיוון ש

יהיה: אזי הערך שיוצב אזי הערך $n=35,\; k=151$ הם הערכים שני בקלט

32

 $2^{35} = 151 * 227,547,936 + 32$ -כיוון ש

הכבוד! העלו את הגרסה האחרונה של עבודתם למערכת המודל.

סיימתם חלק זה? כל

 $1 < k < \sqrt{MV}$ יש להניח כי שלמים שלמים הם n,k הם המספרים יש להניח יש

k-1 בפרט עבור (בפרט עבור ''ל של ערך לכל את את נכונה את לחשב להתוכנית לחשב לכל ערך לכל את את לחשב לחשב את התוכנית לחשב ל

הבאה: על מנת לפתור נכונה תרגיל זה גם עבור ערכים גדולים של n, יש להשתמש בעובדה הבאה:

 $(a \cdot b)\%k = ((a\%k) \cdot (b\%k))\%k$

לדוגמה:

$$(6 \cdot 7)\%5 = 2 = ((6\%5) \cdot (7\%5))\%5$$

בסוף ריצת התוכנית על המשתנה ans שסיפקנו לכם להכיל את הפתרון.

משימה 4: במשימה זו נדון בבעיית בדיקת ראשוניות של מספר

int MV = Integer. MAX_VALUE; מייצג את הערך המתקבל מהפקודה MV מייצג את מייצג את מייצג את מייצג את מחקבל מהפקודה

משימה 4א: אלגוריתם נאיבי לבדיקת ראשוניות של מספר

תזכורת:

מספר ראשוני (prime) הוא מספר שלם גדול מ-1 אשר מתחלק ללא שארית רק ב-1 ובעצמו. לדוגמה: p (prime) מספר פריק מספר פריק (composite) הוא מספר שלם אשר קיים לו מחלק שלם גדול מ-1 השונה מ-1 ומעצמו. לדוגמה: q (למעט עבור בדיקות נכונות אשר תכתבו הנחיה: בכל חלקי המשימה הבאים אין להשתמש בפונקציה q (למעט עבור בדיקות נכונות אשר תכתבו בעצמכם ואינן כלולות בקוד המוגש).

ומציבה את הקובץ Task4a.java וכתבו בו תכנית אשר קולטת מהמשתמש מספר שלם Task4a.java פתחו את הקובץ לדעפ את דיש אם n את הערך את הערך את הערך את הערך משתנה לבשתנה מחלב.

. מחלק שאינו טריוויאלי. יש לבדוק בלולאה האם קיים ל- n

:דוגמאות

יהיה: ans אזי הערך במשתנה אזי n=10 או הקלט הוא

false

יהיה: ans אזי הערך במשתנה אזי n=11 אם הקלט הוא

true

. $1 < n \leq MV$ הוא שלם הוא כי כלומר תקין, כלומר כי הקלט להניח ניתן להניח בי הקלט ה

בסוף ריצת התוכנית על המשתנה ans שסיפקנו לכם להכיל את הפתרון.

סיימתם חלק זה? כל הכבוד! העלו את הגרסה האחרונה של עבודתם למערכת המודל. סיימתם חלק זה? כל הכבוד! העלו את הגרסה

> האחרונה של עבודתם למערכת המודל.

משימה 4ב: אלגוריתם נאיבי לבדיקת מספר ראשוניים

מספר הראשוניים

n אווים א שווים אשר הראשוניים המספר מספר המספר $\pi(n)$ את בסמן אווים ל- n>1 מספר לכל מספר שלם ל- n>1

 $\pi(2) = 1$, $\pi(5) = 3$, $\pi(20) = 8$:לדוגמה:

 $\pi(n)$ את ומחשבת שלם מספר שלם המשתמש מחבר בו תכנית אשר קולטת וכתבו בו Task4b.java פתחו את הקובץ על הפתרון להיות מוכל במשתנה π שסיפקנו לכם.

דוגמאות:

יהיה: ans אם הערך שיוכל n=-10 אם הקלט הוא

0

יהיה: ans אם הערך שיוכל אז n=0 או הקלט הוא

0

יהיה: ans אם הקלט הוא n=2 אז הערך שיוכל ב

1

יהיה: ans אז הערך שיוכל n=5 אז הקלט אם הקלט אוא

3

יהיה: ans אם הקלט אז הערך n=20 אם הקלט הוא

8

 $n \leq MV$ -ו מספר שלם הוא היו, כלומר כי תקין, ניתן להניח כי הקלט תקין, כלומר כי מסוף ריצת התוכנית על המשתנה ans שסיפקנו לכם להכיל את הפתרון.

אלגוריתם מילר-רבין – מבוא

האלגוריתם הנאיבי לבדיקת ראשוניות מספר נתון מסוגל לספק תשובה נכונה בזמן סביר עבור מספרים שאינם מאוד גדולים. כאשר מדובר במספרים גדולים (בעלי 200 ספרות, לדוגמא) האלגוריתם הנאיבי ירוץ בזמן ארוך מדיי ולא נוכל לקבל תשובה בזמן סביר.

אחד האלגוריתמים הנפוצים והמקובלים כיום לבדיקת ראשוניות של מספר גדול הוא האלגוריתם של מילר-רבין. אלגוריתם זה הוא אלגוריתם אקראי, דבר הגורר אפשרות שתוחזר תשובה שגויה (בהמשך ישנו פירוט לגבי הסיכוי לשגיאה שלו).

בתראם בהתאם (בו כל סעיף מסתמך על סעיפים קודמים) נבדוק האם מספר נתון הוא ראשוני. הבדיקה תיעשה בהתאם לאלגוריתם מילר-רבין.

ראשית (משימות ג'-ה') נקלוט מהמשתמש מספר אי-זוגי n ונבצע בדיקה בודדת עבור ראשוניות המספר n שהגרלנו עם הסתברות להחזרת תשובה שגויה שלא עולה על 1. בבדיקה זו נבדוק האם מספר 1 בתחום 1 שהוגרל באקראי עומד בתנאי מסויים שהוגדר ע"י מילר-רבין (אותו נציג בהמשך) ביחס ל- 1, נסמנו (*). למספר 1 בתחום 1 בתואי עבור 1 נקרא עד (witness), כיוון שהוא מעיד על כך ש-1 מספר פריק.

לבסוף (משימה ו') נחזור על הבדיקה באופן בלתי תלוי k פעמים ובכך נקטין את ההסתברות לשגיאה כך שלא תעלה על . $\frac{1}{4^{50}}=\frac{1}{2^{100}}$ נשים לב כי עבור הערך k=50 אנו מקטינים את ההסתברות לשגיאה ל- k=50

סדר הפעולות (האלגוריתם) בשלב הראשון יהיה כדלהלן:

- 1 < n נקלוט מהמשתמש מספר אי-זוגי 1
- [2, n-1] בתחום בתחום שלם מספר נגריל מספר.
- n -ל ביחס (*) ביחס עומד עומד שהגרלנו שהגרלנו שהגרלנו שהגרלנו b
 - n פריק. נכריז כי n מתקיים, נכריז (*) אם התנאי 4
 - . אחרת, נכריז כי n ראשוני.

צובדות מתמטיות:

- להגריל (*) אשר יעמדו בתנאי אשר בתחום לבתחום בתחום לההסתברות ההסתברות להגריל אם פריק, ישנם לפחות להגריל מספרים לבתחום ל $\frac{3}{4}n$ שווה להגריל לבתראי להעומד בתנאי גדולה או שווה ל-34.
- אם ההסתברות (*) אשר אי יעמדו בתנאי (*) אשר לא ההסתברות להגריל בתחום לבתחום בתנאי (*) ולכן ההסתברות להגריל לבאקראי a שלא עומד בתנאי קטנה מ-1/4.

לאור עובדות אלו נוכל להבין את האלגוריתם באופן הבא:

- .1 אם הכרזנו כי n פריק, אזי אנו יודעים בוודאות כי הוא פריק.
 - 2. אם הכרזנו כי n ראשוני, קיימים שני מצבים אפשריים:
 - n ראשוני. אז החזרנו תשובה נכונה.
- .(*) אשר לא עמד בתנאי b פריק. אז טעינו: מכיוון שהוגרל מספר מ פריק. אז טעינו: מיוון שהוגרל מספר ש

נצא לדרך!

משימה 4ג:

 ${f int}$ MV = Integer. MAX_VALUE; מהפקודה המתקבל מהפקודה מייצג את הערך מייצג את הערך המתקבל מהפקודה אשר קולטת המשתמש מספר אי זוגי n כך ש- n בתחו את הקובץ בו תכנית אשר קולטת מהמשתמש מספר אי זוגי n כך ש- n מגרילה מספר שלם n בתחום n בתחום n ומציבה אותו במשתנה n במשתנה n בתחום n בתחום n בתחום n בתחום n בתחום n בתחום n במשתנה n במשתנה n בתחום n בתחו

. $1 < n < \sqrt{MV}$ -ש יזוגי כך אי הוא שלם כי כלומר כי תקין, כלומר ניתן להניח כי הקלט היוא ניתן כי

דוגמא:

אם ans איז שיוצב משתנה איז ערך אפשרי אזי n=22,317 אוז הקלט הוא

1684

בסוף ריצת התוכנית על המשתנה ans שסיפקנו לכם להכיל את הפתרון.

משימה 4ד:

. אי-זוגי d -ו s>0 -ש כך $x=2^s\cdot d$ הבא באופן לייצגו ניתן זוגי אוגי אוגי מספר בהינתן מספר בהינתן

דוגמאות:

$$6 = 2^1 \cdot 3$$
$$60 = 2^2 \cdot 15$$

d יהיה ans d יהיה במשתנה במשתנה d יהיה ans d יהיה ans d

. $1 < n < \sqrt{MV}$ - שלם אי זוגי כך הוא מלומר כי כלומר כי הקלט תקין, ניתן להניח כי הקלט הקלט היים.

הדרכת חובה: את החישוב של s בצעו ע"י שימוש בלולאה.

דוגמא:

בהנחה והקלט הוא המספר 12,317 הערכים שיוצבו יהיו:

ans1 במשתנה 2

ans2 במשתנה 3079

 $.12,317 - 1 = 2^2 \cdot 3,079$ -כיוון ש

סיימתם חלק זה? כל הכבוד! העלו את הגרסה האחרונה של עבודתם למערכת המודל.

בסוף ריצת התוכנית על המשתנים ans1 ו-ans2 שסיפקנו לכם להכיל את הפתרון.

n סימון: שקילות מודולו

יהיו (מאמר a=b מספר טבעי ו- a מספר טבעי. אם שארית החלוקה של a ב- a היא a (כלומר a=b מספר טבעי ו- a מספר טבעי. אם שארית מודולו a=b ונאמר ש- a=b a=b a=b

 $4 \equiv 1 \ mod(3), \ 13 \equiv 6 \ mod(7)$: דוגמאות:

באופן כללי יותר:

. מספרים טבעיים מספרים c,d -ו מספר מספרים n>1

c%n=d%n אם מתקיים כי $d\equiv c\ mod(n)$ או $c\equiv d\ mod(n)$ ונסמן n ונסמן $d\equiv c\ mod(n)$ או נאמר כי

משימה 4ה:

משמאל לימין בסדר הזה בסדר n,b,s,d מספרים שמאל מהמשתמש בו וכתבו בו וכתבו בסדר Task4e.java פתחו את הקובץ בי כד ש:

- $[2,\sqrt{MV}]$ מספר אי-זוגי בתחום n
 - [2,n-1] מספר שלם בתחום b
- יי אי-זוגי. s>0, $n-1=2^s\cdot d$ אי-זוגי. s>0, שלמים כך ש

:n עבור (*) -שר נסמנו ב- עבור אשר בתנאי אשר נסמנו ב- עבור

:תנאי (*) מציין כי

 $b^d \equiv 1 \ mod(n)$ לא מתקיים .1

וגם

: לא מתקיים לכל $0 \le i \le s - 1$.

 $b^{2^{i} \cdot d} \equiv (n-1) \mod (n)$

. השקיימות לעיל השקיימות s+1 השקיימות.

את העד שמצאתם (b) את הערך int ans2 ובמשתנה boolean ans1 את הערך שמצאתם (b) את הערך התוכנית תציב במשתנה boolean ans1 ו ובמשתנה int ans2 את הערך -1. ניתו להנית תציב במשתנה לומר כי:

- .[2, \sqrt{MV}] מספר אי-זוגי בתחום n
- [2,n-1] מספר שלם בתחום b
- יוגי. ו- d אי-זוגי. אי-זוגי. s>0 , $n-1=2^s\cdot d$ אי-זוגי.

דוגמאות:

אזי: $n=25{,}123\,$, $b=11{,}309\,$, $s=1,\ d=12{,}561\,$ אזי:

false יהיה ans1 הערד שיוצב במשתנה

והערך שיוצב במשתנה ans2 יהיה:

במילים אחרות, מצאנו עד (b) לכך ש-n הוא פריק. זאת מפני ש-b עמד בתנאי (*).

אזי: $n=31,663,\; b=16,116,\; s=1,\; d=15,831$ אזי:

true :הערך שיוצב במשתנה ans1 יהיה:

-1 יהיה: ans2 יהיה:

 $(16,116^{15,831} = 31,662 \mod (31,663) - יזאת כיוון ש$

. במילים אם הסתברות שגיאה של החות הוא ראשוני שnלכן נאמר (*). לכן לא עמד בתנאי לא b החרות, במילים במילים במילים לכן החות בתנאי לא בתנאי בתנאי בתנאי בתנאי החות במילים במילים בתנאי החות בתנאי בתנאי בתנאי בתנאי החות בתנאי החות בתנאי בתנאי בתנאי החות בתנאי בתנאי בתנאי החות בתנאי בתנאי החות בתנאי בת

בשתי הדוגמאות לא ניתן לייצג במשתנה מסוג int את הערך הפעלו עבור ערכי i קטנים. על הפתרון שלכם לעבוד גם עבור מצבים אלו.

בסוף ריצת התוכנית על המשתנים ans1 ו-ans1 שסיפקנו לכם להכיל את הפתרון.

רמז: ראו הדרכת חובה במשימה 3ב.

סיימתם חלק זה? כל הכבוד! העלו את הגרסה האחרונה של עבודתם למערכת המודל.

משימה 14:

כך בסדר הזה משמאל לימין בסדר מספרים את מחמשתמש לימין בו תכנית וכתבו בו Task4f.java פתחו את פתחו את הקובץ שבי הזה משמאל לימין כך שבי שבי הזה משמאל לימין כך שבי שבי האוד האוד משמאל לימין כך שבי האוד משמאל לימין בי האוד משמאל בי האוד משמאל לימין בי האוד משמאל בי האוד מוד משמאל בי האוד משמאל בי האוד משמאל בי האוד משמאל בי האוד מוד משמאל בי האוד מוד מוד משמ

- .[2, \sqrt{MV}] מספר אי-זוגי בתחום n
- יוגי. ו- d אי-זוגי. s>0, $n-1=2^s\cdot d$ אי-זוגי. אי-זוגי.
 - .1 < k < 51 שלם כך ש- .1

ופועלת באופן הבא:

:התוכנית חוזרת על הפעולה הבאה k פעמים

- n עבור (*) עבור b עומד האם b עומד בתנאי (*) אומד בתנאי שלם בתחום b אומד בתנאי (*) עבור
- false את הערך boolean ans אם באחת (*) עמד בתנאי אשר מספר אשר מספר מספר אשר הגרלות הוגרל מספר אשר אשר אשר מסמל כי n פריק.
 - אשר מסמל כי n אשר מסמל כי true אחרת, הערך אחרנית תציב במשתנה + boolean ans אחרת, התוכנית הציב במשתנה

n שימו לב: אין חובה לבצע את כל k ההגרלות במידה והוגרל מספר b אשר עמד בתנאי (*) עבור ניתן להניח כי הקלט תקין, כלומר כי:

- .[2, \sqrt{MV}] מספר אי-זוגי בתחום n
- . ו- אי-זוגי, s>0, $n-1=2^s\cdot d$ שלמים כך שs,d
 - .1 < k < 51 שלם כך ש- k

דוגמאות:

סיימתם חלק זה? כל הכבוד! העלו את הגרסה האחרונה של עבודתם למערכת המודל.

true : אזי ans אזי הערך שיוצב משתנה n=4,793, s=3, d=599, k=10 המיכוי ans אם ערכי הקלט הם ans אזי הערך אזי n=15,379, s=1, d=7689, k=15 הסיכוי n=15,379, s=1, d=7689, k=15 המיכוי בערך ל-(1,073,741,824).

. $\left(\frac{1}{4}\right)^k$ על אינה אינה אינה ההסתברות זו, ההסתברות בתוכנית זו, ההסתברות לשגיאה אינה אינה אינה בתוכנית זו

בסוף ריצת התוכנית על המשתנה ans שסיפקנו לכם להכיל את הפתרון.

. $\left(\frac{1}{4}\right)^k$ אם נקלט איני. אם במילים שנצהיר פריק, ההסתברות פריק, ההסתברות שנצהיר פריק. אם נקלט מספר מיוגרל א שיוגרל איעמוד בתנאי (*) עבר איני. פריק, כל א שיוגרל איני. איני.

:הוראות הגשה

- .1 גשו ל-עבודת בית VPL-1 באתר הקורס.
 - .Edit גשו ללשונית 2
 - .3 לחצו על הכפתור ה-■.
- 4. יפתחו לכם עוד אופציות, בין היתר אופציה של upload לחצו על הכפתור ובחרו את הקבצים שערכתם בפרויקט Assignment1. ודאו כי לא חסרים קבצים וכי הקבצים שהעליתם הם הקבצים המעודכנים ביותר.
 - .5. שמרו את השינויים (יש ללחוץ על כפתור השמירה)
 - . ✓ Evaluate לחצו על .6
- 7. אתם אמורים לקבל פידבק עבור הצלחתכם <u>כבדיקות החלקיות</u> שרצות בזמן הגשה זו (בדיקות נוספות יתבצעו בתום תאריד ההגשה).
 - 8. אנו חוזרים ואומרים, זו אחריותכם לבדוק שהקבצים שהגשתם עוברים תהליך קומפילציה במערכת. עבודות שלא יתקמפלו יקבלו את הציון 0.

סטודנטים המתעניינים בקריאה נוספת מוזמנים לקרוא על המושגים הבאים (בהם תיתקלו במהלך לימודיכם):

- Prime Number מספר ראשוני
- Finding Factors of a Number פירוק מספר לגורמים מספר לגורמים .2
 - Modular Arithmetic (חשבון קונגרואנציות) מודולרי (חשבון מודולרי (חשבון השבון השבון מודולרי (חשבון השבון הש
 - Fermat's Little Theorem אל פרמה של פרמה 4.
 - Deterministic Algorithm אלגוריתם דטרמיניסטי
 - Randomized Algorithm אלגוריתם אקראי
 - 7. צפיפות הראשוניים

בהצלחה!