Random and Stochastic Processes (Örgün) Midterm Make-Up Exam

İstanbul University Computer Engineering - Spring 2014

LÜTFEN OKUYUN: Bu sınavın süresi 30 dakikadır. Lütfen soruları İNGİLİZCE kısa ve anlaşılır olarak cevaplayınız. Anlaşılmayan, muğlak ifadeler kullanmak, kötü yazı yazmak notunuza negatif olarak etki edecektir. Sınavda 1 adet hesap makinası, HER İKİ YÜZÜNE notlarınızı el yazınızla yazdığınız fotokopi/printout olmayan 1 adet A4 sayfası kullanabilirsiniz. Bunların dışında her türlü defter, kitap, notlar, sözlük ve elektronik sözlük yasaktır. Materyalin paylaşılması yasaktır. Hesap makinası ve silgi paylaşmak kopya sayılacaktır! Bilgisayar, PDA, cep telefonu türünden elektronik cihazlar kullanmak yasaktır. Soruları çözmeye başlamadan lütfen okuyun. Soru kağıtlarını çıkarken LÜTFEN KAĞIDINIZLA BİRLİKTE İADE EDİNİZ. Bu sınavda toplam 100 puanlık soru vardır. SINAVDA KOPYA ÇEKENLER, KOPYA VERENLER VE BUNLARA TEŞEBBÜS EDENLER SINAV-DAN "0" ALACAKTIR VE DEKANLIĞA ŞİKAYET EDİLECEKLERDİR!

For a **DISCRETE** random variable, X, the probability mass function, f(x), is given below. Answer the following questions.

$$f(x) = \begin{cases} \alpha \ln(x) & \text{for } 4 \ge x \ge 2\\ 0 & \text{for } otherwise \end{cases}$$

Q1: (20 p) Find the value of α .

Q2: (25 p) Find and sketch the cumulative distribution function of X.

Q3: (30 p) Find the expected value and variance of X.

Q4: (25 p) A function of X is given as: $h(X) = X^2 + 2X - 1$. Calculate expected value of h(X).