

Лабораторная работа №3

Модель боевых действий - Модель Ланчкстера

Абу Сувейлим Мухаммед Мунифович

Содержание

Цель работы	4
Задание	5
Теоретическое введение	6
Выполнение лабораторной работы	7
Модель боевых действий между регулярными войсками	7
Модлеирование на языке программирования Julia	7
Модлеирование на языке программирования OpenModelica . . .	10
Модель ведение боевых действий с участием регулярных войск и пар-	
тизанских отрядов	11
Модлеирование на языке программирования Julia	11
Модлеирование на языке программирования OpenModelica . . .	13
Исходный код	14
Julia	14
OpenModelica	17
Вывод	19
Библиография	20

Список иллюстраций

1	Plots и DifferentialEquations Packages	7
2	Initial Values	8
3	Time interval for simulation	8
4	Model One	8
5	ODE	9
6	Model One Graph	9
7	OpenModelica Model One	10
8	OpenModelica Model One Graph	10
9	Model Two Julia code part one	11
10	Model Two Julia code part two	12
11	Model Two Graph Julia	13
12	Model Two OpenModelica	14
13	Model Two Graph OpenModelica	14

Цель работы

- Целью работы является познакомиться с простейшими моделями боевых действий – модели Ланчестера.
- Сделать начальный анализ этих моделей.

Задание

1. Постройте графики изменения численности войск армии X и армии У для следующих случаев:
 - Модель боевых действий между регулярными войсками;
 - Модель боевых действий между регулярными войсками.
2. Графики должны быть созданы/построены используя Julia и OpenModelica.

Теоретическое введение

Законы Ланчестера (законы Осипова — Ланчестера) — математическая формула для расчета относительных сил пары сражающихся сторон — подразделений вооруженных сил. В статье «Влияние численности сражающихся сторон на их потери», опубликованной журналом «Военный сборник» в 1915 году, генерал-майор Корпуса военных топографов М. П. Осипов описал математическую модель глобального вооружённого противостояния, практически применяемую в военном деле при описании убыли сражающихся сторон с течением времени и, входящую в математическую теорию исследования операций, на год опередив английского математика Ф. У. Ланчестера. Мировая война, две революции в России не позволили новой власти заявить в установленном в научной среде порядке об открытии царского офицера.

Уравнения Ланчестера — это дифференциальные уравнения, описывающие зависимость между силами сражающихся сторон A и D как функцию от времени, причем функция зависит только от A и D .

Выполнение лабораторной работы

Модель боевых действий между регулярными войсками

Моделирование на языке программирования Julia

1. Во-первых, я использовал пакеты Plots и DifferentialEquations.

```
In [1]: using Plots
        using DifferentialEquations
```

Рис. 1: Plots и DifferentialEquations Packages

2. Инициализировал нужны нам константы и функции в модели. x_0 - численность первой армии x ; y_0 - численность второй армии y ; a - константа, характеризующая степень влияния различных факторов на потери; b - эффективность боевых действий армии y ; c - эффективность боевых действий армии x ; h - константа, характеризующая степень влияния различных факторов на потери. $P(t)$ - возможность подхода подкрепления к армии x ; $Q(t)$ - возможность подхода подкрепления к армии y .

```

x0 = 22022 #численность первой армии x
y0 = 33033 #численность второй армии y

a = 0.401 #константа, характеризующая степень влияния различных факторов на потери
b = 0.707 #эффективность боевых действий армии y
c = 0.606 #эффективность боевых действий армии x
h = 0.502 # константа, характеризующая степень влияния различных факторов на потери

P(t) = sin(8*t) #возможность подхода подкрепления к армии x
Q(t) = cos(6*t) #возможность подхода подкрепления к армии y

```

Рис. 2: Initial Values

3. Я еще добавил интервал времени от 0 до 1.

```

manpower = [x0, y0]
p = (a, b, c, h)
T = [0, 1]

```

Рис. 3: Time interval for simulation

4. Теперь можно построить модель боевых действий между регулярными войсками №1

```

function modelOne(du, u, p, t)
    a, b, c, h = p
    du[1] = -a * u[1] - b * u[2] + P(t)
    du[2] = -c * u[1] - b * u[2] + Q(t)
end

prob = ODEProblem(modelOne, manpower, T, p)

```

Рис. 4: Model One

5. Осталось только решить ОДУ.


```
In [2]: solOne = solve(prob)

Out[2]: retcode: Success
Interpolation: specialized 4th order "free" interpolation, specialized 2nd order "free" stiffness-aware interpolation
t: 6-element Vector{Float64}:
 0.0
 0.0912317087351149
 0.29374139136324146
 0.5487791707593012
 0.8558401350298304
 1.0
u: 6-element Vector{Vector{Float64}}:
 [22022.0, 33033.0]
 [19241.539558581208, 29867.20556092709]
 [14059.625394370096, 23998.30532335177]
 [9090.096248812577, 18430.046584664873]
 [4795.610903896066, 13706.681303525214]
 [3254.4482918580984, 12047.185266213253]
```

Рис. 5: ODE

6. График указывает численности армии X и Y. Армия Y побеждает.

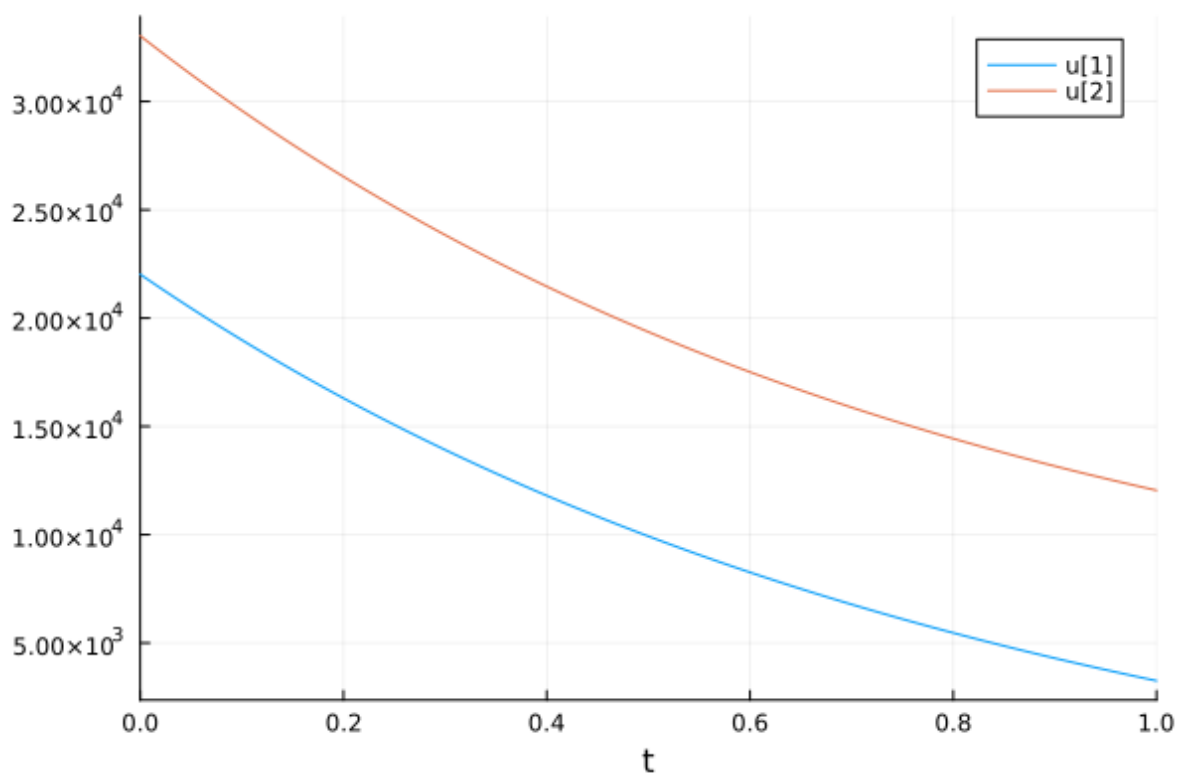


Рис. 6: Model One Graph

Моделирование на языке программирования OpenModelica

1. В OpenModelica все проще. Я просто переписал код из Julia. В этой прошивке все величины имеют тот же смысл, что и в Julia.

```
model lab3_1

Real x;
Real y;

Real a = 0.401;
Real b = 0.707;
Real c = 0.606;
Real h = 0.502;
Real t = time;

initial equation
x = 22022;
y = 33033;

equation
der(x) = -a*x - b*y + sin(8*t);
der(y) = -c*x - b*y + cos(6*t);

end lab3_1;
```

Рис. 7: OpenModelica Model One

2. График в OpenModelica указывает численности армии X и Y. Армия Y побеждает.

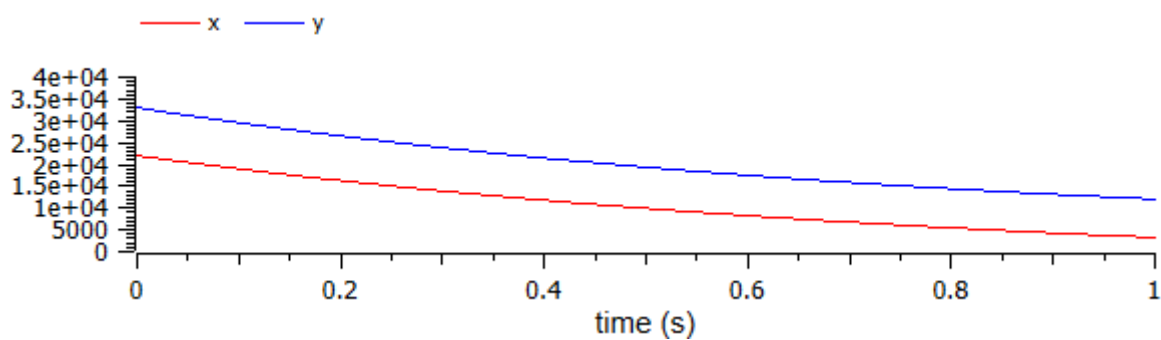


Рис. 8: OpenModelica Model One Graph

Модель ведение боевых действий с участием регулярных войск и партизанских отрядов

Модлеирование на языке программирования Julia

1. Все то же самое как для первой модели только величены разные и модель то же разная.

```
In [4]: using Plots
using DifferentialEquations

x0 = 22022
y0 = 33033

a = 0.343
b = 0.895
c = 0.699
h = 0.433

P(t) = 2 * sin(2*t)
Q(t) = 2 * cos(t)

manpower = [x0, y0]
p = (a, b, c, h)
T = [0, 1]

function F(du, u, p, t)
    a, b, c, h = p
    du[1] = -a * u[1] - b * u[2] + P(t)
    du[2] = -c * u[1]*u[2] - b * u[2] + Q(t)
end

prob = ODEProblem(F, manpower, T, p)

Out[4]: ODEProblem with uType Vector{Int64} and tType Int64. In-place: true
timespan: (0, 1)
u0: 2-element Vector{Int64}:
 22022
 33033
```

Рис. 9: Model Two Julia code part one

```
In [5]: sol = solve(prob)

Out[5]: retcode: Success
Interpolation: specialized 4th order "free" interpolation, specialized 2nd order "free" stiffness-aware interpolation
t: 86-element Vector{Float64}:
 0.0
 7.172847746826926e-5
 0.00010404765155495742
 0.0001573663865909362
 0.0002009957083640141
 0.00025199234322974945
 0.00030084947343353495
 0.00035242750562201094
 0.00040381304453938064
 0.00045633273866333595
 0.0005090711732929949
 0.000562355652377288
 0.0006158783701186638
  ⋮
 0.8171228592665443
 0.8370111972103351
 0.8561989520275517
 0.8747409264570462
 0.8926870763656339
 0.9100828710303033
 0.9269696556877294
 0.9433850076136675
 0.9593630753404611
 0.9749349001552963
 0.99012870690279
 1.0
```

Рис. 10: Model Two Julia code part two

2. График в Julia указывает численности армии X и Y. Армия X побеждает.

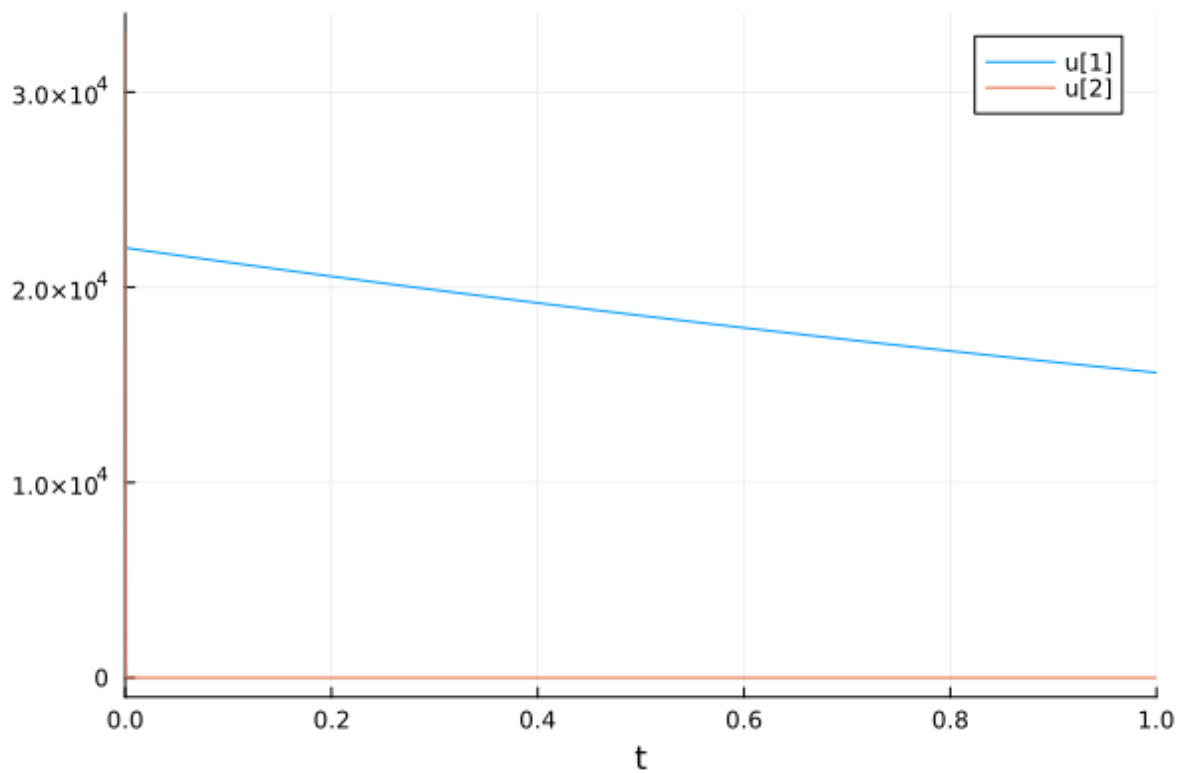


Рис. 11: Model Two Graph Julia

Моделирование на языке программирования OpenModelica

1. Все то же самое как для первой модели только величены разные и модель то же разная.

```

model lab3_2

Real x;
Real y;

Real a = 0.343;
Real b = 0.895;
Real c = 0.699;
Real h = 0.433;
Real t = time;

initial equation
x = 22022;
y = 33033;

equation
der(x) = -a*x - b*y + 2*sin(2*t);
der(y) = -c*x*y -b*y + 2*cos(t);

end lab3_2;

```

Рис. 12: Model Two OpenModelica

2. График в OpenModelica указывает численности армии X и Y. Армия X побеждает.

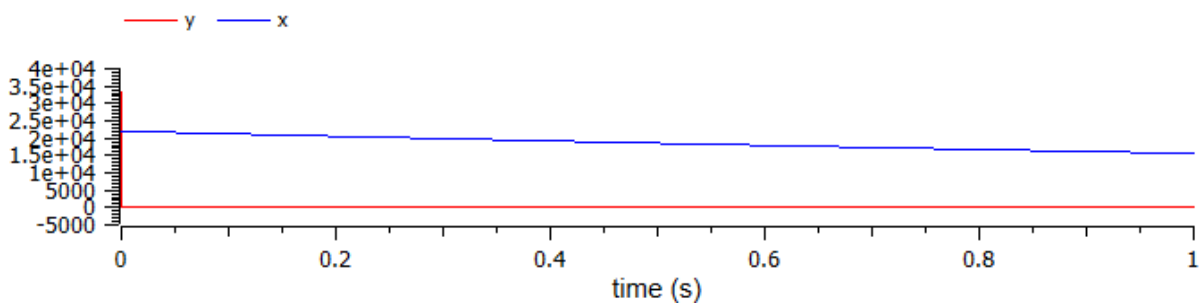


Рис. 13: Model Two Graph OpenModelica

Исходный код

Julia

1. Модель боевых действий между регулярными войсками

```

using Plots
using DifferentialEquations

x0 = 22022 #численность первой армии x
y0 = 33033 #численность второй армии y

a = 0.401 #константа, характеризующая степень влияния различных факторов на потер
b = 0.707 #эффективность боевых действий армии y
c = 0.606 #эффективность боевых действий армии x
h = 0.502 # константа, характеризующая степень влияния различных факторов на поте

P(t) = sin(8*t) #возможность подхода подкрепления к армии x
Q(t) = cos(6*t) #возможность подхода подкрепления к армии y

manpower = [x0, y0]
p = (a, b, c, h)
T = [0, 1] #интервал времени

function modelOne(du, u, p, t)
    a, b, c, h = p
    du[1] = -a * u[1] - b * u[2] + P(t)
    du[2] = -c * u[1] - b * u[2] + Q(t)
end

prob = ODEProblem(modelOne, manpower, T, p)
solOne = solve(prob)
plot(solOne)

```

2. Модель ведение боевых действий с участием регулярных войск и партизанских отрядов

```
using Plots
```

```
using DifferentialEquations
```

```
x0 = 22022
```

```
y0 = 33033
```

```
a = 0.343
```

```
b = 0.895
```

```
c = 0.699
```

```
h = 0.433
```

```
P(t) = 2 * sin(2*t)
```

```
Q(t) = 2 * cos(t)
```

```
manpower = [x0, y0]
```

```
p = (a, b, c, h)
```

```
T = [0, 1]
```

```
function F(du, u, p, t)
```

```
    a, b, c, h = p
```

```
    du[1] = -a * u[1] - b * u[2] + P(t)
```

```
    du[2] = -c * u[1]*u[2] - b * u[2] + Q(t)
```

```
end
```

```
prob = ODEProblem(F, manpower, T, p)
```

```
sol = solve(prob)
```

```
plot(sol)
```


OpenModelica

1. Модель боевых действий между регулярными войсками

```
model lab3_1
```

```
Real x;
```

```
Real y;
```

```
Real a = 0.401;
```

```
Real b = 0.707;
```

```
Real c = 0.606;
```

```
Real h = 0.502;
```

```
Real t = time;
```

```
initial equation
```

```
x = 22022;
```

```
y = 33033;
```

```
equation
```

```
der(x) = -a*x - b*y + sin(8*t);
```

```
der(y) = -c*x -b*y + cos(6*t);
```

```
end lab3_1;
```

2. Модель ведение боевых действий с участием регулярных войск и партизанских отрядов

```
model lab3_2
```

```
Real x;
```

```
Real y;
```

```
Real a = 0.343;  
Real b = 0.895;  
Real c = 0.699;  
Real h = 0.433;  
Real t = time;
```

```
initial equation
```

```
x = 22022;  
y = 33033;
```

```
equation
```

```
der(x) = -a*x - b*y + 2*sin(2*t);  
der(y) = -c*x*y -b*y + 2*cos(t);
```

```
end lab3_2;
```

Вывод

- В первом случае армия Y побеждает благодаря большей численности армии. Во втором случае армия Y проиграла даже с большим количеством солдат из-за боевых действий с партизанами, а не с регулярной армией.
- В общем моделировать математические процессы легче и быстрее в OpenModelica чем на Julia

Библиография

1. Julia 1.10 Documentation // Julia URL: <https://docs.julialang.org/en/v1/> (дата обращения: 24.02.2024).
2. М. П. Осипов: к идентификации личности автора первой модели глобальных процессов. Дата обращения: 22 сентября 2020. Архивировано 29 сентября 2020 года. (из Wikipedia)