Отчет по лабораторной работе №5

Модель хищник-жертва - вариант 43

Мулихин Павел Вячеславович НФИбд-01-18

Содержание

Цель работы	1
Выполнение лабораторной работы	
Теоретические сведения	
Задача	
Выволы	

Цель работы

Изучить модель хищник-жертва

Задание

- 1. Построить график зависимости x от y и графики функций x(t), y(t)
- 2. Найти стационарное состояние системы

Выполнение лабораторной работы

Теоретические сведения

В данной лабораторной работе рассматривается математическая модель системы «Хищник-жертва».

Рассмотрим базисные компоненты системы. Пусть система имеет *X* хищников и *Y* жертв. И пусть для этой системы выполняются следующие предположения: (Модель Лотки-Вольтерра) 1. Численность популяции жертв и хищников зависят только от времени (модель не учитывает пространственное распределение популяции на занимаемой территории) 2. В отсутствии взаимодействия численность видов изменяется по модели Мальтуса, при этом число жертв увеличивается, а число хищников падает 3. Естественная смертность жертвы и естественная рождаемость хищника считаются несущественными 4. Эффект насыщения численности обеих популяций не учитывается 5. Скорость роста численности жертв уменьшается пропорционально численности хищников:

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = (-ax(t) + by(t)x(t)) \\ \frac{dy}{dt} = (cy(t) - dy(t)x(t)) \end{cases}$$

Параметр a определяет коэффициент смертности хищников, b – коэффициент естественного прироста хищников, c – коэффициент прироста жертв и d – коэффициент смертности жертв

В зависимости от этих параметрах система и будет изменяться. Однако следует выделить одно важное состояние системы, при котором не происходит никаких изменений как со стороны хищников, так и со стороны жертв. Это, так называемое, стационарное состояние системы. При нем, как уже было отмечено, изменение численности популяции равно нулю. Следовательно, при отсутствии изменений в системе $\frac{dx}{dt} = 0$, $\frac{dy}{dt} = 0$

Пусть по условию есть хотя бы один хищник и хотя бы одна жертва: x > 0, y > 0 Тогда стационарное состояние системы определяется следующим образом:

$$x_0 = \frac{a}{b}, y_0 = \frac{c}{d}$$

Задача

Для модели «хищник-жертва»:

import numpy as np

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = (-0.19x(t) + 0.026y(t)x(t)) \\ \frac{dy}{dt} = (0.18y(t) - 0.032y(t)x(t)) \end{cases}$$

Постройте график зависимости численности хищников от численности жертв, а также графики изменения численности хищников и численности жертв при следующих начальных условиях: $x_0 = 3$, $y_0 = 8$ Найдите стационарное состояние системы

```
from scipy.integrate import odeint
import matplotlib.pyplot as plt
import math

a = 0.19
b = 0.026
c = 0.18
d = 0.032

y0 = [3, 8]

def syst (y, t):
    y1, y2 = y
    return [-a*y1 + b * y1 * y2, c * y2 - d * y1 * y2]

t = np.arange (0, 200, 0.1)
```

```
y = odeint (syst, y0, t)
y11 = y[:,0]
y21 = y[:,1]
fig1 = plt.figure (facecolor='white')
plt.plot (t, y11, linewidth = 2)
plt.ylabel ("x")
plt.xlabel ("t")
plt.grid (True)
plt.show ()
fig1.savefig('image/01.png', dpi = 600)
fig2 = plt.figure (facecolor='white')
plt.plot (t, y21, linewidth = 2)
plt.ylabel ("x")
plt.xlabel ("t")
plt.grid (True)
plt.show ()
fig2.savefig('image/02.png', dpi = 600)
fig3 = plt.figure (facecolor='white')
plt.plot (y11, y21, linewidth = 2)
plt.ylabel ("y")
plt.xlabel ("x")
plt.grid (True)
plt.show ()
fig3.savefig('image/03.png', dpi = 600)
print ("XcT = ", a/b)
print ("Yc\tau = ", c/d)
```

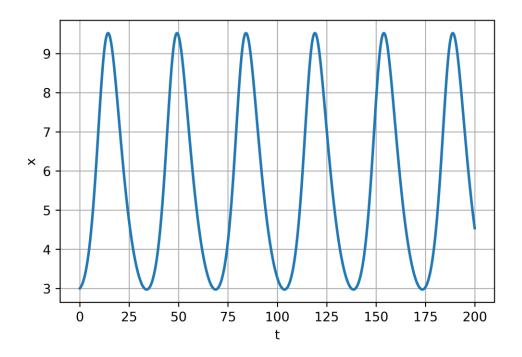


График численности хищников от времени

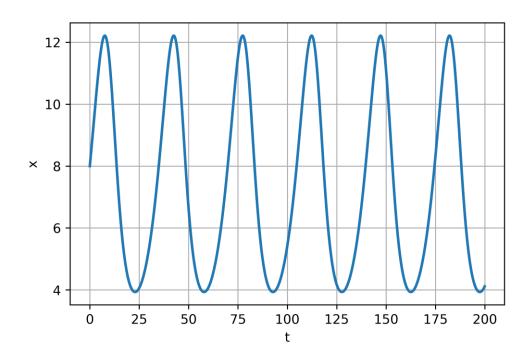


График численности жертв от времени

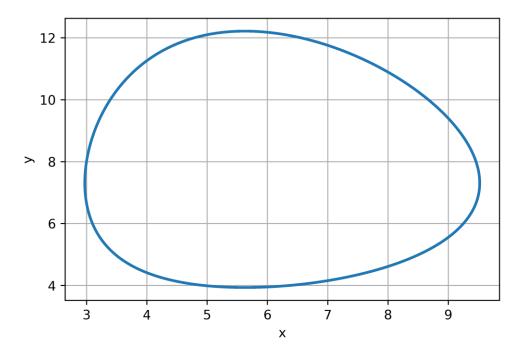


График численности хищников от численности жертв

Стационарное состояние $x_0=7.307692307692308$, $y_0=5.625$

Выводы

В ходе выполнения лабораторной работы была изучена модель хищник-жертва и построены графики.