

1. Determine a derivada.

$$a) y = \operatorname{sen} 4x$$

$$c) f(x) = e^{3x}$$

$$e) y = \operatorname{sen} t^3$$

$$g) x = e^{\operatorname{sen} t}$$

$$i) y = (\operatorname{sen} x + \cos x)^3$$

$$l) f(x) = 3\sqrt{\frac{x-1}{x+1}}$$

$$n) x = \ln(t^2 + 3t + 9)$$

$$p) y = \operatorname{sen}(\cos x)$$

$$r) f(x) = \cos(x^2 + 3)$$

$$t) y = \operatorname{tg} 3x$$

$$b) y = \cos 5x$$

$$d) f(x) = \cos 8x$$

$$f) g(t) = \ln(2t + 1)$$

$$h) f(x) = \cos e^x$$

$$j) y = \sqrt{3x + 1}$$

$$m) y = e^{-5x}$$

$$o) f(x) = e^{\operatorname{tg} x}$$

$$q) g(t) = (t^2 + 3)^4$$

$$s) y = \sqrt{x + e^x}$$

$$u) y = \sec 3x$$

2. Derive.

$$a) y = xe^{3x}$$

$$c) y = e^{-x} \operatorname{sen} x$$

$$e) f(x) = e^{-x^2} + \ln(2x + 1)$$

$$g) y = \frac{\cos 5x}{\operatorname{sen} 2x}$$

$$i) y = t^3 e^{-3t}$$

$$l) y = (\operatorname{sen} 3x + \cos 2x)^3$$

$$n) y = \ln(x + \sqrt{x^2 + 1})$$

$$p) y = x \ln(2x + 1)$$

$$r) y = \ln(\sec x + \operatorname{tg} x)$$

$$t) f(x) = \frac{\cos x}{\operatorname{sen}^2 x}$$

$$b) y = e^x \cos 2x$$

$$d) y = e^{-2t} \operatorname{sen} 3t$$

$$f) g(t) = \frac{e^t - e^{-t}}{e^t + e^{-t}}$$

$$h) f(x) = (e^{-x} + e^{x^2})^3$$

$$j) g(x) = e^{x^2} \ln(1 + \sqrt{x})$$

$$m) y = \sqrt{e^x + e^{-x}}$$

$$o) y = \sqrt{x^2 + e^{\sqrt{x}}}$$

$$q) y = [\ln(x^2 + 1)]^3$$

$$s) y = \cos^3 x^3$$

$$u) f(t) = \frac{te^{2t}}{\ln(3t + 1)}$$

Respostas:

1. **a)** $4 \cos 4x$ **b)** $-5 \sin 5x$ **c)** $3e^{3x}$ **d)** $-8 \sin 8x$

e) $3t^2 \cos t^3$ **f)** $\frac{2}{2t+1}$ **g)** $e^{\sin t} \cos t$ **h)** $-e^x \sin e^x$

i) $3(\sin x + \cos x)^2(\cos x - \sin x)$ **j)** $\frac{3}{2\sqrt{3x+1}}$

l) $\frac{2}{3(x+1)^2} \sqrt[3]{\left(\frac{x+1}{x-1}\right)^2}$ **m)** $-5e^{-5x}$ **n)** $\frac{2t+3}{t^2+3t+9}$ **o)** $e^{\operatorname{tg} x} \sec^2 x$

p) $-\sin x \cos(\cos x)$ **q)** $8t(t^2+3)^3$ **r)** $-2x \sin(x^2+3)$

s) $\frac{1+e^x}{2\sqrt{x+e^x}}$ **t)** $3 \sec^2 3x$ **u)** $3 \sec 3x \operatorname{tg} 3x$

2. **a)** $e^{3x}(1+3x)$ **b)** $e^x(\cos 2x - 2 \sin 2x)$ **c)** $e^{-x}(\cos x - \sin x)$

d) $e^{-2t}(3 \cos 3t - 2 \sin 3t)$ **e)** $-2xe^{-x^2} + \frac{2}{2x+1}$ **f)** $\frac{4}{(e^t + e^{-t})^2}$

g) $-\frac{5 \sin 5x \sin 2x + 2 \cos 5x \cos 2x}{\sin^2 2x}$ **h)** $3(e^{-x} + e^{x^2})^2(-e^{-x} + 2xe^{x^2})$

i) $3t^2 e^{-3t}(1-t)$ **j)** $e^{x^2} \left[2x \ln(1+\sqrt{x}) + \frac{1}{2(\sqrt{x}+x)} \right]$

l) $3(\sin 3x + \cos 2x)^2(3 \cos 3x - 2 \sin 2x)$ **m)** $\frac{e^x - e^{-x}}{2\sqrt{e^x + e^{-x}}}$

n) $\frac{1}{\sqrt{x^2+1}}$ **o)** $\frac{4x\sqrt{x} + e^{\sqrt{x}}}{4\sqrt{x^3 + xe^{\sqrt{x}}}}$ **p)** $\ln(2x+1) + \frac{2x}{2x+1}$

q) $\frac{6x[\ln(x^2+1)]^2}{x^2+1}$ **r)** $\sec x$ **s)** $-9x^2 \cos^2 x^3 \sin x^3$

t) $-\frac{\sin^2 x + 2 \cos^2 x}{\sin^3 x}$ **u)** $e^{2t} \frac{(1+2t) \ln(3t+1) - \frac{3t}{3t+1}}{[\ln(3t+1)]^2}$