1. Determine a derivada.

a)
$$y = \operatorname{sen} 4x$$

c) $f(x) = e^{3x}$
e) $y = \operatorname{sen} t^3$
g) $x = e^{\operatorname{sen} t}$

$$e$$
) $y = \sin t^3$

g)
$$x = e^{\sin t}$$

$$i) y = (\sin x + \cos x)^3$$

$$f(x) = \sqrt[3]{\frac{x-1}{x+1}}$$

$$n) x = \ln{(t^2 + 3t + 9)}$$

$$p) y = \operatorname{sen} (\cos x)$$

$$r) f(x) = \cos(x^2 + 3)$$

$$t) y = tg 3x$$

$$b) y = \cos 5x$$

$$d) f(x) = \cos 8x$$

$$f) g(t) = \ln (2t + 1)$$

$$h)f(x) = \cos e^x$$

$$j) y = \sqrt{3x + 1}$$

$$m) y = e^{-5x}$$

$$o)f(x) = e^{\operatorname{tg} x}$$

$$q) g(t) = (t^2 + 3)^4$$

$$s) \ y = \sqrt{x + e^x}$$

$$u$$
) $y = \sec 3x$

2. Derive.

a)
$$y = xe^{3x}$$

c)
$$y = e^{-x} \sin x$$

$$e) f(x) = e^{-x^2} + \ln (2x + 1)$$

$$g) y = \frac{\cos 5x}{\sin 2x}$$

$$i) y = t^3 e^{-3t}$$

$$i) y = t^3 e^{-3t}$$

$$l) y = (\sin 3x + \cos 2x)^3$$

n)
$$y = \ln (x + \sqrt{x^2 + 1})$$

$$p) y = x \ln (2x + 1)$$

$$r) y = \ln\left(\sec x + \operatorname{tg} x\right)$$

$$f(x) = \frac{\cos x}{\sin^2 x}$$

b)
$$y = e^x \cos 2x$$

$$d) y = e^{-2t} \sin 3t$$

$$f) g(t) = \frac{e^t - e^{-t}}{e^t + e^{-t}}$$

$$h) f(x) = (e^{-x} + e^{x^2})^3$$

$$j) g(x) = e^{x^2} \ln(1 + \sqrt{x})$$

$$m) y = \sqrt{e^x + e^{-x}}$$

$$o) \ y = \sqrt{x^2 + e^{\sqrt{x}}}$$

$$q$$
) $y = [ln (x^2 + 1)]^3$

$$s) y = \cos^3 x^3$$

$$u) f(t) = \frac{te^{2t}}{\ln (3t+1)}$$

Respostas:

1. a)
$$4 \cos 4x$$
 b) $-5 \sin 5x$ c) $3e^{3x}$ d) $-8 \sin 8x$

$$b) - 5 \operatorname{sen} 5x$$

c)
$$3e^{3x}$$

$$d$$
) $-8 \sin 8x$

e)
$$3t^2 \cos t^3$$
 f) $\frac{2}{2t+1}$ g) $e^{\sin t} \cos t$ h) $-e^x \sin e^x$

$$f) \frac{2}{2t+1}$$

$$g) e^{\sin t} \cos t$$

$$h) - e^x \operatorname{sen} e^x$$

i)
$$3 (\sin x + \cos x)^2 (\cos x - \sin x)$$
 j) $\frac{3}{2\sqrt{3x+1}}$

$$j) \ \frac{3}{2\sqrt{3x+1}}$$

1)
$$\frac{2}{3(x+1)^2} \sqrt[3]{\left(\frac{x+1}{x-1}\right)^2}$$
 m) $-5e^{-5x}$ n) $\frac{2t+3}{t^2+3t+9}$ o) $e^{tg x} \sec^2 x$

$$m)-5e^{-5x}$$

$$n) \ \frac{2t+3}{t^2+3t+9} \quad o)$$

$$o) e^{\operatorname{tg} x} \sec^2 x$$

$$p$$
) -sen $x \cos(\cos x)$

q)
$$8t(t^2+3)^3$$

$$(p) - \sin x \cos (\cos x)$$
 $(q) 8t (t^2 + 3)^3$ $(r) -2x \sin (x^2 + 3)^3$

s)
$$\frac{1+e^x}{2\sqrt{x+e^x}}$$
 t) $3 \sec^2 3x$ u) $3 \sec 3x \tan 3x$

$$t) \ 3 \sec^2 3x$$

$$u$$
) 3 sec $3x$ tg $3x$

2. a)
$$e^{3x}(1+3x)$$

2. a)
$$e^{3x} (1 + 3x)$$
 b) $e^{x} (\cos 2x - 2 \sin 2x)$ c) $e^{-x} (\cos x - \sin x)$

c)
$$e^{-x} (\cos x - \sin x)$$

d)
$$e^{-2t}$$
 (3 cos 3t - 2 sen 3t)

d)
$$e^{-2t} (3\cos 3t - 2\sin 3t)$$
 e) $-2xe^{-x^2} + \frac{2}{2x+1}$ f) $\frac{4}{(e^t + e^{-t})^2}$

$$f) \frac{4}{(e^t + e^{-t})^2}$$

$$g) = \frac{5 \sin 5x \sin 2x + 2 \cos 5x \cos 2x}{\sin^2 2x} \quad h) \ 3 (e^{-x} + e^{x^2})^2 (-e^{-x} + 2x e^{x^2})$$

$$+ e^{x^2}$$
)2 $(-e^{-x} + 2xe^{x^2})$

$$i) \ 3t^2 e^{-3t} (1-t)$$

$$\int e^{x^2} \left[2x \ln(1+\sqrt{x}) + \frac{1}{2(\sqrt{x}+x)} \right]$$

1) 3 (sen 3x + cos 2x)² (3 cos 3x - 2 sen 2x) m)
$$\frac{e^x - e^{-x}}{2\sqrt{e^x + e^{-x}}}$$

$$m) \frac{e^x - e^{-x}}{2\sqrt{e^x + e^{-x}}}$$

$$n) \ \frac{1}{\sqrt{x^2+1}}$$

$$o) \frac{4x\sqrt{x} + e^{\sqrt{x}}}{4\sqrt{x^3 + x}e^{\sqrt{x}}}$$

n)
$$\frac{1}{\sqrt{x^2+1}}$$
 o) $\frac{4x\sqrt{x}+e^{\sqrt{x}}}{4\sqrt{x^3+x}e^{\sqrt{x}}}$ p) $\ln(2x+1)+\frac{2x}{2x+1}$

q)
$$\frac{6x \left[\ln (x^2 + 1)\right]^2}{x^2 + 1}$$
 r) $\sec x$ s) $-9x^2 \cos^2 x^3 \sin x^3$

$$s) -9x^2 \cos^2 x^3 \sin x^3$$

$$t) - \frac{\sin^2 x + 2\cos^2 x}{\sin^3 x}$$

$$t) - \frac{\sin^2 x + 2\cos^2 x}{\sin^3 x} \qquad u) e^{2t} \frac{(1+2t)\ln(3t+1) - \frac{3t}{3t+1}}{[\ln(3t+1)]^2}$$