

Métodos de Ordenação

Ordenação

Ordenação de vetores:

- entrada: vetor com os elementos a serem ordenados
- Saída: mesmo vetor com elementos na ordem especificada
- Ordenação:
 - Pode ser aplicada a qualquer dado com ordem bem definida
 - Vetor com dados complexos

Bubble Sort

Ordenação bolha:

- processo básico:
 - quando **dois elementos** estão fora de ordem, **troque-os de posição** até que o **i-ésimo elemento de maior valor** do vetor seja levado para as posições finais do vetor
- continue o processo até que todo o vetor esteja ordenado

Maior elemento

v0	4	2	5	1
v1	2	4	5	1
v2	2	4	5	1
v3	2	4	1	5
	0	1	2	3

2º maior elemento

v4	2	4	1	5
v5	2	4	1	5
	2	1	4	5
	0	1	2	3

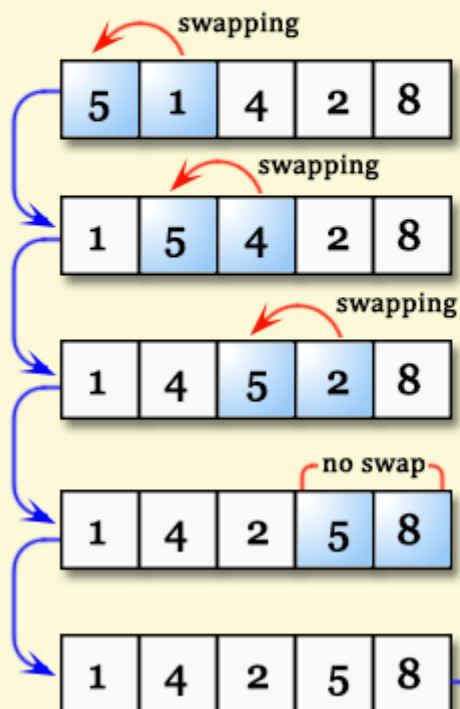
3º maior elemento

v6	2	1	4	5
	1	2	4	5
	0	1	2	3

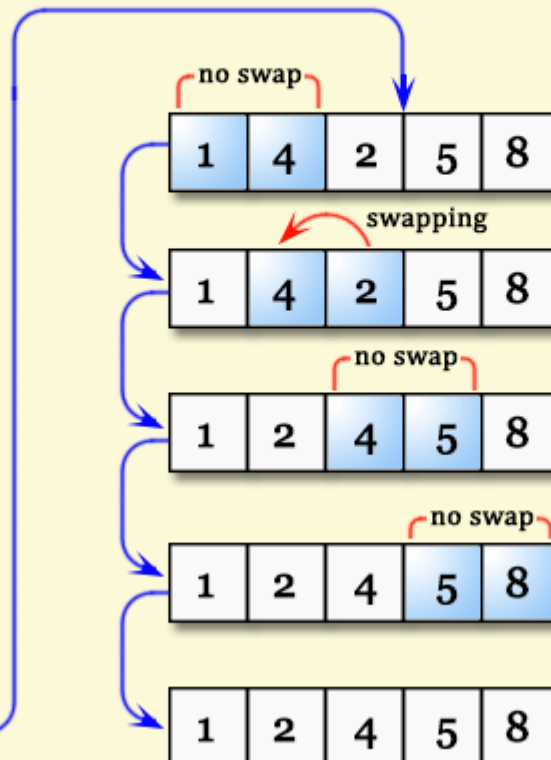
Ordenação - bolha

Bubble Sorting

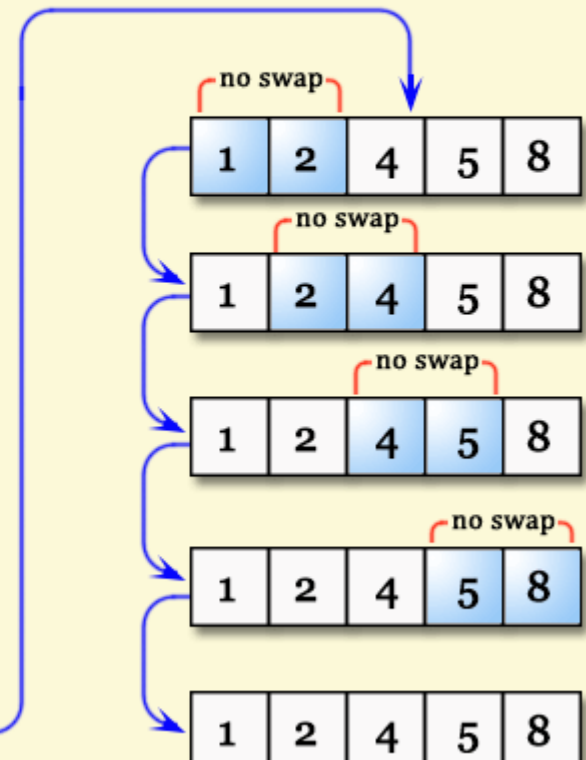
First Pass



Second Pass



Third Pass



Ordenação - Bolha

25	48	37	12	57	86	33	92	25x48
25	48	37	12	57	86	33	92	48x37 troca
25	37	48	12	57	86	33	92	48x12 troca
25	37	12	48	57	86	33	92	48x57
25	37	12	48	57	86	33	92	57x86
25	37	12	48	57	86	33	92	86x33 troca
25	37	12	48	57	33	86	92	86x92
25	37	12	48	57	33	86	<u>92</u>	final da primeira passada

o maior elemento, 92, já está na sua posição final

Ordenação - Bolha

25	37	12	48	57	33	86	<u>92</u>	25x37
25	37	12	48	57	33	86	<u>92</u>	37x12 troca
25	12	37	48	57	33	86	<u>92</u>	37x48
25	12	37	48	57	33	86	<u>92</u>	48x57
25	12	37	48	57	33	86	<u>92</u>	57x33 troca
25	12	37	48	33	57	86	<u>92</u>	57x86
25	12	37	48	33	57	<u>86</u>	<u>92</u>	final da segunda passada

o segundo maior elemento, 86, já está na sua posição final

25	12	37	48	33	57	86	92
12	25	37	48	33	57	86	92
12	25	37	48	33	57	86	92
12	25	37	48	33	57	86	92
12	25	37	33	48	57	86	92
12	25	37	33	48	57	86	92

25x12 troca

25x37

37x48

48x33 troca

48x57

final da terceira passada

Idem para 57.

12	25	37	33	48	57	86	92
12	25	37	33	48	57	86	92
12	25	37	33	48	57	86	92
12	25	33	37	48	57	86	92
12	25	33	37	48	57	86	92

12x25

25x37

37x33 troca

37x48

final da quarta passada

Idem para 48.

12	25	33	37	<u>48</u>	57	86	92
12	25	33	37	<u>48</u>	57	86	92
12	25	33	37	<u>48</u>	57	86	92
12	25	33	<u>37</u>	<u>48</u>	57	86	92

12x25

25x33

33x37

final da quinta passada

Idem para 37.

12	25	33	<u>37</u>	48	57	86	92
12	25	33	<u>37</u>	48	57	86	92
12	25	<u>33</u>	<u>37</u>	48	57	86	92

12x25

25x33

final da sexta passada

Idem para 33.

12	25	<u>33</u>	37	48	57	86	92
12	<u>25</u>	<u>33</u>	<u>37</u>	48	57	86	92

12x25

final da sétima passada

Idem para 25 e, conseqüentemente, 12.

12 25 33 37 48 57 86 92

final da ordenação

Insertion Sort

A cada iteração, o algoritmo remove um elemento dos dados de entrada, encontra o local ao qual pertence na lista e o insere ali. Ele se repete até que nenhum elemento de entrada permaneça.

É de implementação simples.

Eficiente para conjunto de dados pequenos

Mais eficiente na prática do que a maioria dos outros algoritmos de complexidades quadráticas ($O(N^2)$), como Selection Sort e o Bubble Sort.

Adaptável, pois varia de acordo com os dados de entrada.

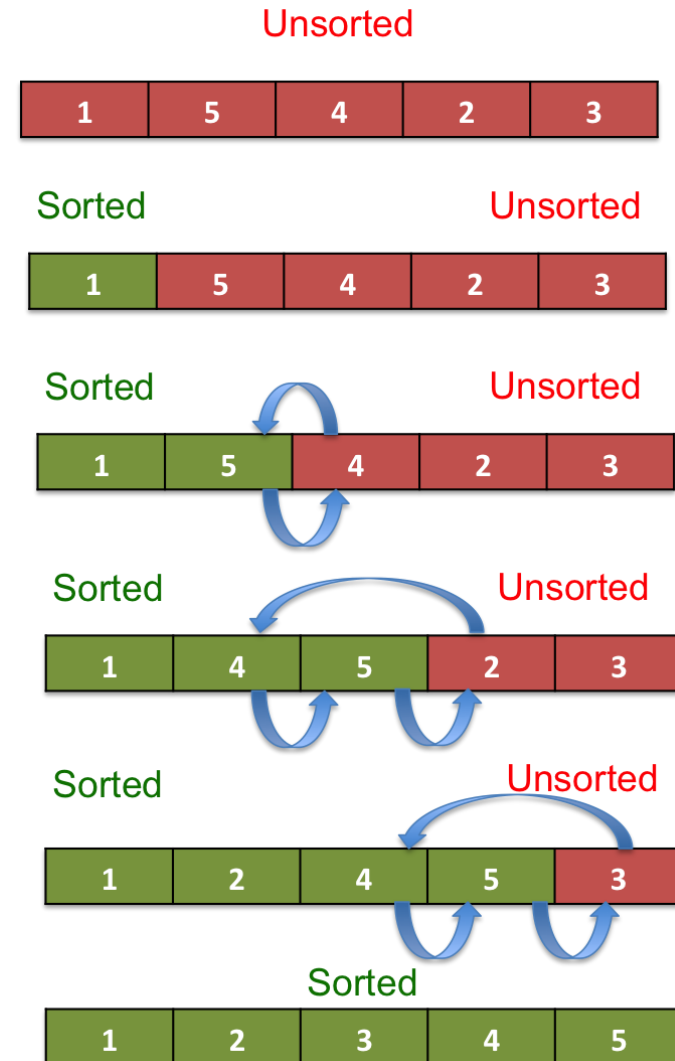
Insertion Sort

Mas e se eu já tenho um vetor e quero usar o Insertion Sort?

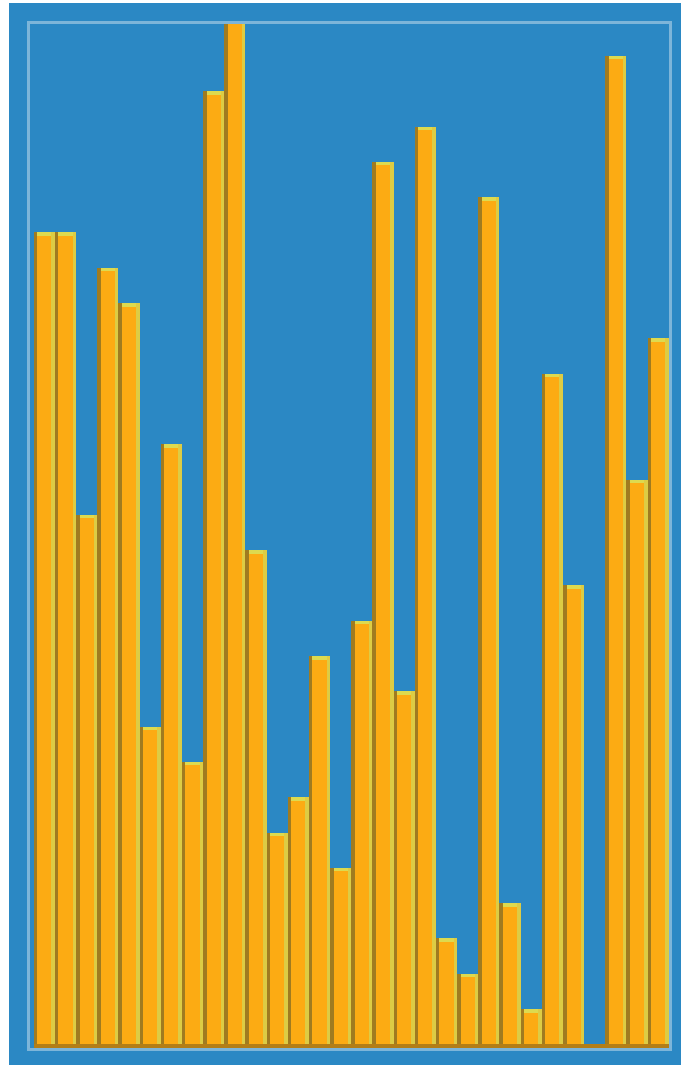
Então:

- Meu primeiro elemento será a parte ordenada
- O resto do vetor será a minha parte não-ordenada.
- Então vou comparando 1/1 dos elementos.

- <https://www.youtube.com/watch?v=OGzPmgsl-pQ>
- <https://www.youtube.com/watch?v=8oJS1BMKE64>



Insertion Sort



Insertion Sort

Varredura	X[0]	X[1]	X[2]	X[3]	X[4]
Vetor original	9	8	7	6	5
1	{8	9}	{7	6	5}
2	{7	8	9}	{6	5}
3	{6	7	8	9}	{5}
4	{5	6	7	8	9}

O que entrar no vetor, vai ser colocado no seu respectivo lugar

Selection Sort

A ordenação por seleção consiste em, cada etapa selecionar o maior (ou o menor) elemento e colocá-lo em sua posição correta dentro da futura lista ordenada.

Durante a aplicação do método de seleção a lista com n registros fica decomposta em duas sub listas, uma contendo os itens já ordenados e a outra com os restantes ainda não ordenados. No início a sub lista ordenada é vazia e a outra contém todos os demais. No final do processo a sub lista ordenada apresentará $(n-1)$ itens e a outra apenas 1.

Selection Sort

As etapas(ou varreduras) consistem em **buscar** o maior elemento (ou o menor) da lista não ordenada e colocá-lo na lista ordenada. Veja no exemplo abaixo o resultado das etapas da ordenação de um vetor de inteiros:

Etapa	X[0]	X[1]	X[2]	X[3]	X[4]
Vetor original	5	9	1	4	3
1	{5	3	1	4}	{9}
2	{4	3	1}	{5	9}
3	{1	3}	{4	5	9}
4	{1}	{3	4	5	9}

<https://www.youtube.com/watch?v=xWBP4lzkoyM>

<https://www.youtube.com/watch?v=92BfuxHn2XE>

SHELL SORT

Tem complexidade $O(N^2)$.

É um aprimoramento do Insertion Sort.

O Insertion Sort compara registros adjacentes. Qual o problema?

Se o menor elemento estiver no final? Ele tem que percorrer todo o vetor,

comparando 1 por 1. Já o ShellSort contorna este problema **permitindo**

trocas de registros distantes, ou seja, ele compara o primeiro elemento com o quarto, o segundo com o quinto, o terceiro com o sexto. E assim por diante.

SHELL SORT

O elemento na posição x é comparado (e trocado) com o elemento na posição $x+h$ (h é quantas casas saltou).

Quando $h = 1$, o algoritmo é equivalente ao algoritmo de inserção.

Vantagens:

- Shellsort é uma ótima opção para arquivos de tamanho moderado
- Sua implementação é simples e requer uma quantidade de código pequena

Desvantagens:

- O tempo de execução do algoritmo é sensível à ordem inicial do arquivo

SHELL SORT

Shell Sort:

1º passo: todos os elementos que estiverem em intervalos de 4 posições entre si na sequência corrente são agrupados e ordenados separadamente. Este processo é chamado de ordenação de distância quatro ($h=4$).

2º passo: os elementos são agrupados em grupos cujo intervalo é de duas posições, sendo então ordenados novamente. Este processo é chamado ordenação de distância 2 ($h=2$).

3º passo: todos os elementos são ordenados através de uma ordenação simples de distância 1 ($h=1$).

SHELL SORT

Exemplo: Shellsort

E	X	E	M	P	L	O
E	X	E	M	P	L	O
E	L	E	M	P	X	O
E	L	E	M	P	X	O

$h = 4$

E	L	E	M	P	X	O
E	L	E	M	P	X	O
E	L	E	M	P	X	O
E	L	E	M	P	X	O
E	L	E	M	P	X	O
E	L	E	M	O	X	P

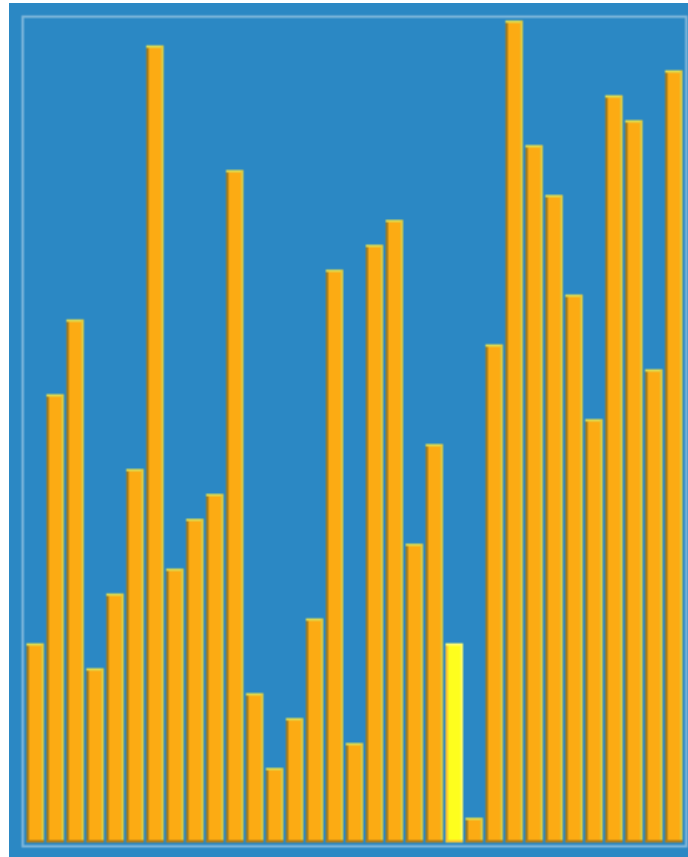
$h = 2$

$h = 1$ (inserção)

E	L	E	M	O	X	P
E	L	E	M	O	X	P
E	L	E	M	O	X	P
E	E	L	M	O	X	P
E	L	E	M	O	X	P
E	L	E	M	O	X	P
E	L	E	M	O	P	X

Basicamente o algoritmo passa várias vezes pela lista dividindo o grupo maior em grupos menores. Nos grupos menores é aplicado o Insertion Sort.

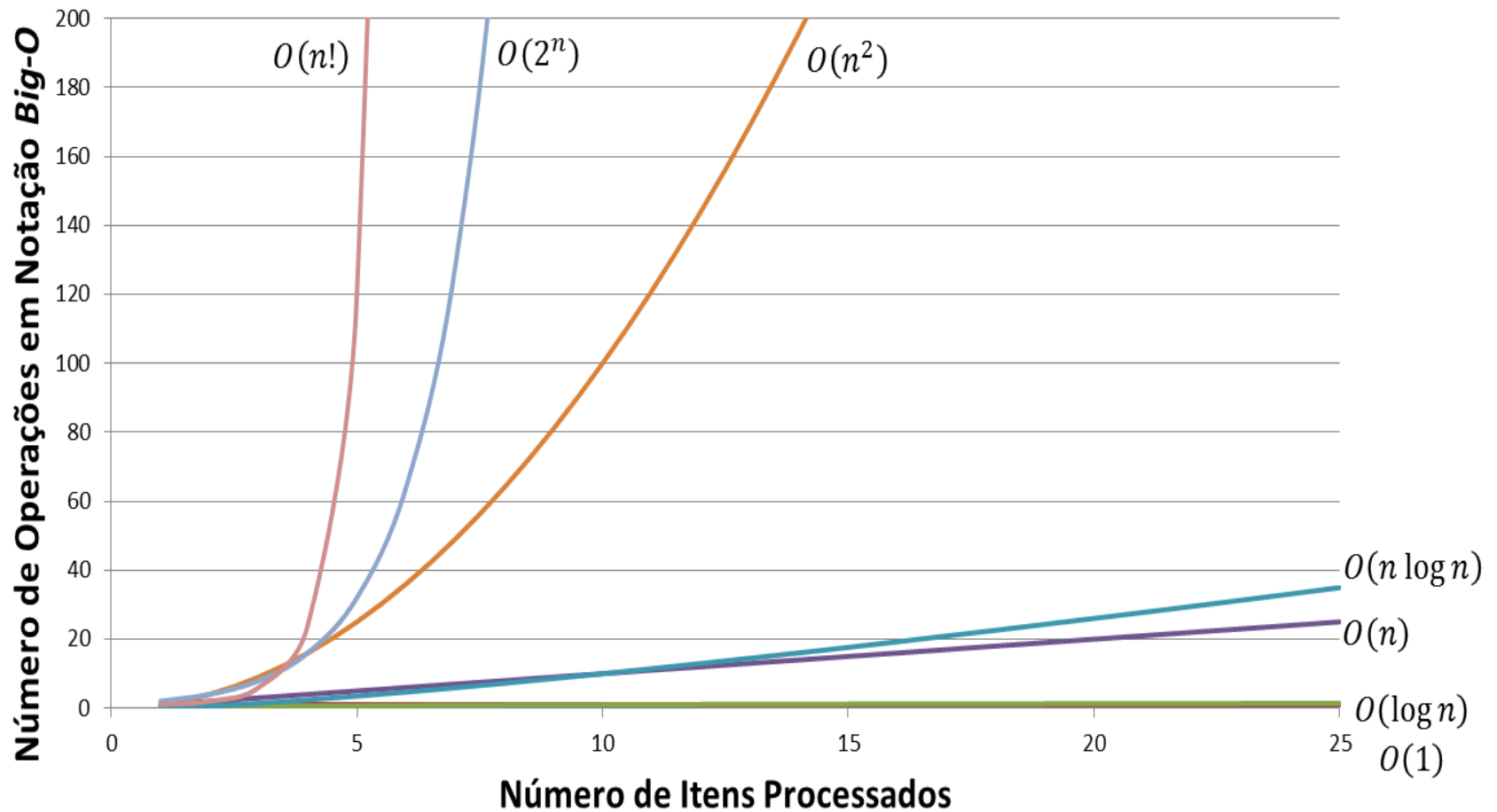
SHELL SORT



<https://www.youtube.com/watch?v=qzXAVXddcPU>

QUICKSORT

Ilustração das Complexidades Mais Comuns - Notação *Big-O*



QUICKSORT

Em algumas raras instâncias, o Quicksort pode ser tão lento quanto os algoritmos elementares; mas em geral é **muito mais rápido** . Mais precisamente, o algoritmo tem complexidade $O(N \log N)$ no caso médio e $O(N^2)$ no pior caso.

O núcleo do algoritmo QuickSort é reorganizar um vetor $v[n]$ de modo que todos os elementos pequenos fiquem na parte esquerda do vetor e todos os elementos grandes fiquem na parte direita.

QUICKSORT

1. Iniciar com uma lista L de n itens
2. Escolher um item pivô v, de L
3. Particionar L em duas listas não ordenadas, L1 e L2

L1: conterá todas as chaves **menores** que v

L2: conterá todas as chaves **maiores** que v

Itens com a mesma chave que v podem fazer parte de L1 ou L2

O pivô v não faz parte de nenhuma das duas listas

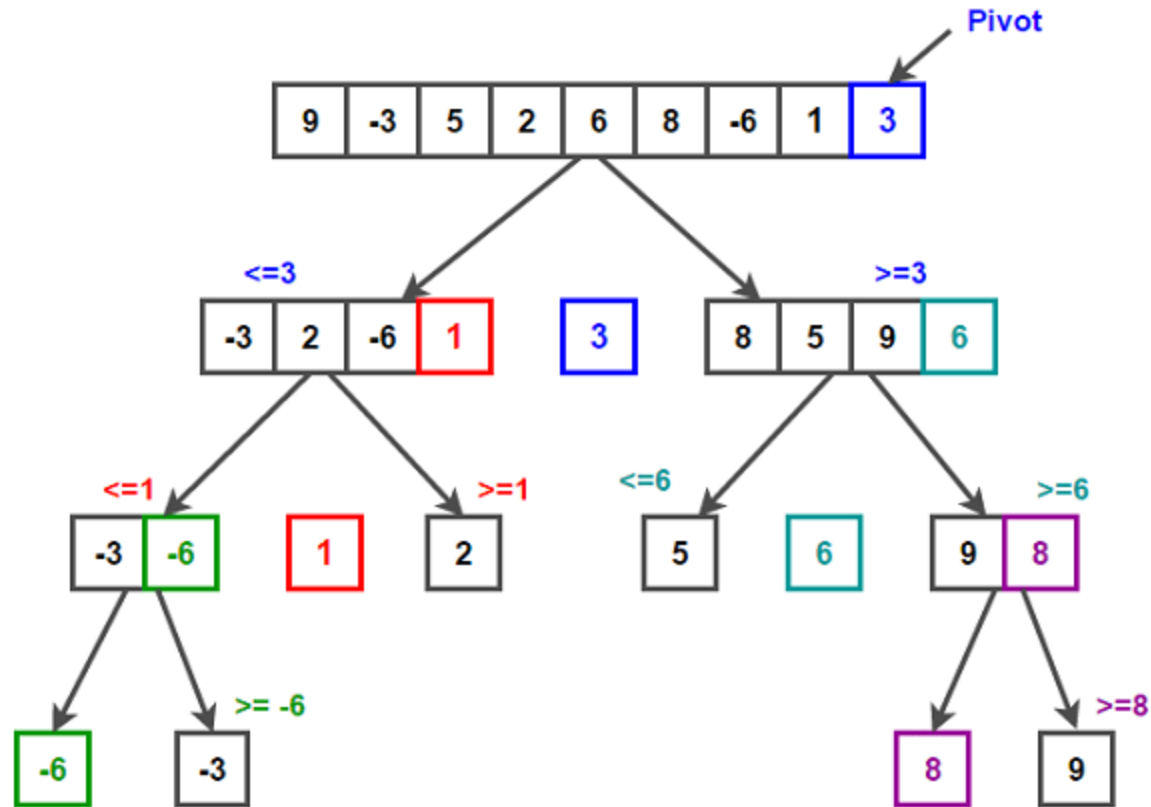
4. Ordenar:

L1 recursivamente, obtendo a lista ordenada S1

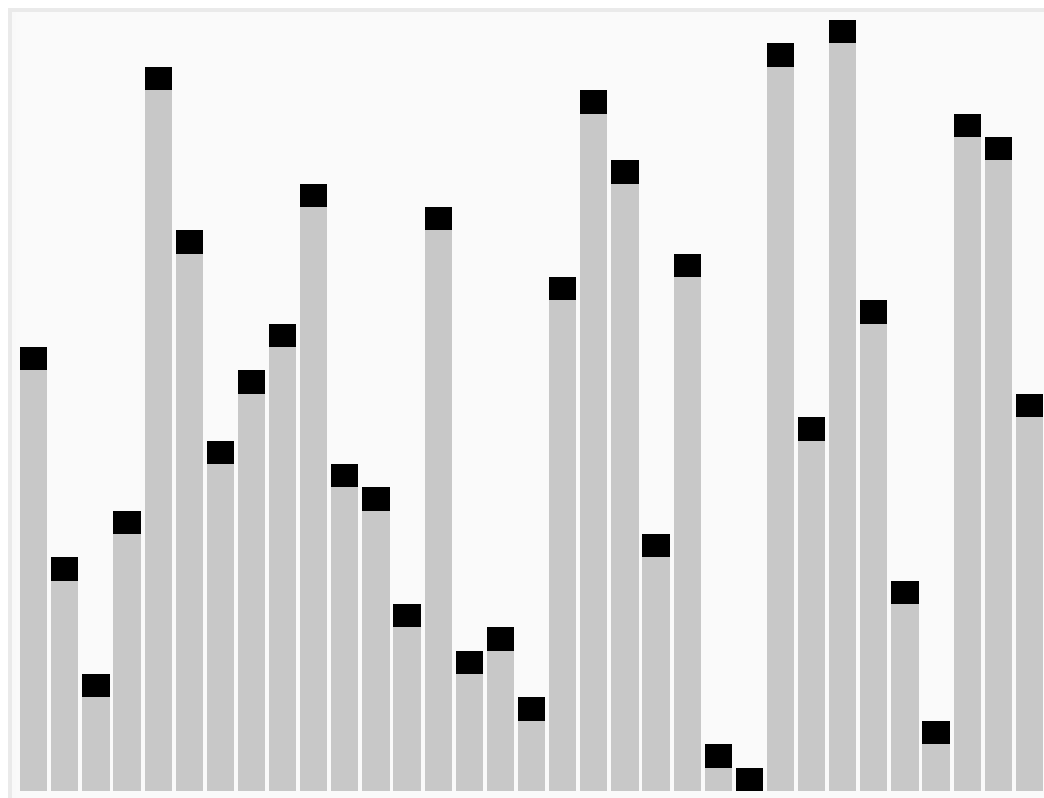
L2 recursivamente, obtendo a lista ordenada S2

5. Concatenar S1, v, S2 produzindo a lista ordenada S

QUICKSORT



QUICKSORT



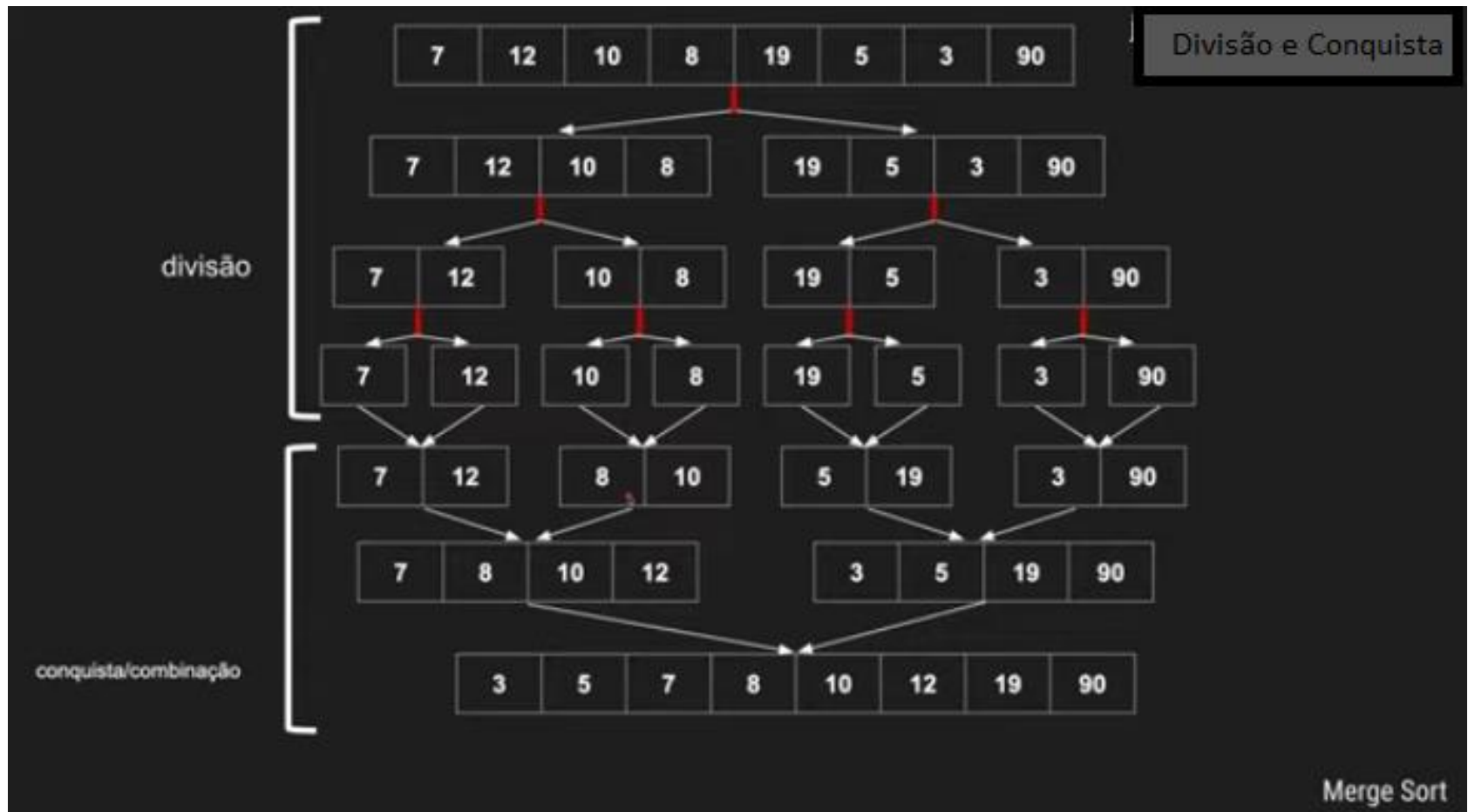
MERGESORT

O Merge Sort é um algoritmo de divisão-e-conquista semelhante ao QuickSort.

No caso do Merge Sort, uma característica importante é que sua eficiência é $N \log N$ para o melhor, pior e para o caso médio.

Tanto o QuickSort quanto o MergeSort aplicam várias vezes o particionamento para ordenar um array, porém o MergeSort **não** usa o pivô, mas sim o **divide o vetor em partes iguais** (mesmo sendo um número ímpar de elementos).

MERGESORT



MERGESORT vs QUICKSORT

Exercício de Fixação 1 – Bubble Sort

Ordene o vetor $v=20,12,28,05,10,18,04,14,02$ usando o método de bolha. Mostre o vetor a cada passo do loop.

Exercício de Fixação 2 – Insertion Sort

Ordene o vetor $v=20,12,28,05,10,18,04,14,02$ usando o método de inserção. Mostre o vetor a cada passo do loop.

Exercício de Fixação 3 – Selection Sort

Ordene o vetor $v = [20, 12, 28, 05, 10, 18, 04, 14, 02]$ usando o método de seleção. Mostre o vetor a cada passo do loop.

Exercício de Fixação 4 – ShellSort

Ordene o vetor $v=20,12,28,05,10,18,04,14,02$ usando o método de ShellSort. Mostre o vetor a cada passo do loop.

Exercício de Fixação 5 – Quicksort

Ordene o vetor $v=20,12,28,05,10,18,04,14,02$ usando o método de Quicksort. Mostre o vetor a cada passo do loop.

Exercício de Fixação 6 – MergeSort

Ordene o vetor $v=20,12,28,05,10,18,04,14,02$ usando o método de MergeSort. Mostre o vetor a cada passo do loop.