

ALGORITMOS PROBABILISTICOS

A GERAÇÃO DE NÚMEROS ALEATÓRIOS

ALGORITMOS PROBABILÍSTICOS

O PAPEL DA ALEATORIEDADE NO MUNDO MODERNO

- **O que são Números Aleatórios?**

- Sequências de números sem um padrão previsível.
- São a base para simular a imprevisibilidade de eventos e a complexidade do mundo real.

- **Por que são importantes?**

- Permitem modelar sistemas complexos.
- Garantem segurança em transações digitais.
- Criam experiências dinâmicas em software e jogos.

- **Tipos de Geradores:**

- **Geradores de Números Aleatórios Verdadeiros (TRNGs):**

- Baseados em fenômenos físicos (ex: ruído eletrônico).

- **Geradores de Números Pseudo-Aleatórios (PRNGs):**

- Baseados em algoritmos matemáticos que produzem sequências longas e não-repetitivas.
- São a base da computação moderna.

ALGORITMOS PROBABILÍSTICOS

APLICAÇÕES EM SIMULAÇÃO E MODELAGEM

- **Análise de Risco Financeiro (Simulação de Monte Carlo)**

- **Exemplo:** Simular milhares de cenários possíveis para o preço de uma ação.
- A aleatoriedade é usada para modelar o "comportamento" imprevisível do mercado, permitindo que analistas avaliem o risco de um portfólio de investimentos.

- **Engenharia Civil e Sismologia**

- **Exemplo:** Simular como um prédio se comportaria durante um terremoto.
- A intensidade e a frequência de um tremor de terra são eventos aleatórios. Geradores de números aleatórios permitem testar a resiliência de estruturas em diversas condições de estresse.



ALGORITMOS PROBABILÍSTICOS ENTRETENIMENTO E INDÚSTRIA CRIATIVA

- **Videogames (Geração Procedural)**

- **Exemplo:** A criação de mundos, masmorras e itens em jogos como *Minecraft* ou *Diablo*.
- Números aleatórios são utilizados para gerar conteúdo infinito e único, garantindo que cada partida seja uma nova experiência.

- **Música e Artes Visuais**

- **Exemplo:** Composição musical algorítmica ou arte generativa.
- Artistas e compositores usam a aleatoriedade como uma ferramenta para explorar novas formas, padrões e melodias, criando obras que não poderiam ser concebidas manualmente.



ALGORITMOS PROBABILÍSTICOS SEGURANÇA E CRIPTOGRAFIA

•Geração de Chaves Criptográficas

- Exemplo:** Criar a chave privada de uma carteira de Bitcoin ou as chaves usadas para criptografar uma comunicação via WhatsApp.

- A segurança desses sistemas depende inteiramente de chaves que são verdadeiramente imprevisíveis. Um gerador fraco pode levar à quebra da criptografia.

•"Salting" de Senhas (Salting)

- Exemplo:** Armazenar senhas de usuários de forma segura em um banco de dados.

- Um valor aleatório (salt) é adicionado à senha antes de ser "hashada". Isso impede ataques de dicionário e rainbow tables, mesmo que o banco de dados seja comprometido.

ALGORITMOS PROBABILÍSTICOS

CIÊNCIA DE DADOS E MACHINE LEARNING

•Divisão de Dados para Treinamento (Train-Test Split)

- Exemplo:** Em um modelo de IA que prevê a probabilidade de uma doença, é crucial que os dados de treinamento e teste sejam divididos aleatoriamente para garantir a imparcialidade e a robustez do modelo.
- A aleatoriedade assegura que o modelo não seja treinado em uma amostra enviesada.

•Algoritmos de Floresta Aleatória (Random Forest)

- Exemplo:** Um algoritmo de aprendizado de máquina usado para classificação e regressão.
- Ele constrói múltiplas "árvores de decisão" de forma aleatória e combina seus resultados para uma previsão mais precisa. O elemento aleatório previne o *overfitting* (ajuste excessivo do modelo aos dados).



ALGORITMOS PROBABILÍSTICOS

TESTE DE FREQUÊNCIA (TESTE QUI-QUADRADO)

- Como aplicar:
- Conte quantas vezes cada número, de 1 a 25, apareceu em todos os sorteios da sua planilha.
- Calcule a frequência esperada: $(\text{Total de dezenas sorteadas}) / (25)$. Por exemplo, se você tem 100 sorteios, o total de dezenas é $100 \times 15 = 1500$. A frequência esperada para cada número seria $1500/25 = 60$.
- Compare a frequência observada (a contagem que você fez) com a frequência esperada usando o teste Qui-Quadrado. Se a diferença for grande, é um indício de que a distribuição não é uniforme e pode não ser aleatória.

ALGORITMOS PROBABILÍSTICOS

TESTE DE SEQUÊNCIAS (RUNS TEST)

Este teste verifica a existência de padrões ou tendências na ordem em que os números aparecem. Ele é útil para ver se há "correntes" de números que se repetem ou se alternam de forma previsível.

•**Como aplicar:**

1. Escolha uma propriedade para os números, como "ímpar" ou "par", "alto" ou "baixo" (por exemplo, abaixo ou acima da mediana, que é 13).
2. Para cada sorteio, crie uma sequência com base nessa propriedade.
Por exemplo, para o sorteio (1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15), a sequência de par/ímpar seria: Í-P-Í-P-Í-P-Í-P-Í-P-Í-P-Í-P-Í.
3. Conte o número de "sequências" (runs). No exemplo acima, a sequência Í-P-Í-P... tem 15 "runs" (uma sequência de ímpar, uma de par, etc.).
4. Compare o número de runs observado com o número esperado de runs para uma sequência aleatória. Se o número de runs for consistentemente muito baixo (indicando padrões longos) ou muito alto (indicando alternância extrema), a aleatoriedade pode ser questionada.

ALGORITMOS PROBABILÍSTICOS

TESTE DE POKER

- O teste de poker é usado para verificar se certas combinações de dezenas ocorrem com a frequência esperada. A ideia é tratar cada sorteio como uma "mão" de poker e ver a distribuição dessas mãos.
- **Como aplicar:**
 - Defina algumas "mãos" de interesse. Por exemplo:
 - "Sequência": um sorteio com 5 ou mais números consecutivos (ex: 7, 8, 9, 10, 11).
 - "Trinca de pares": um sorteio com 3 pares de números consecutivos (ex: 2 e 3, 8 e 9, 12 e 13).
 - "Muitos ímpares": um sorteio com 12 ou mais números ímpares.
 - Calcule a probabilidade teórica de cada uma dessas "mãos" ocorrerem em um sorteio aleatório.
 - Conte a frequência com que essas "mãos" realmente aparecem na sua planilha.
 - Compare a frequência observada com a teórica. Se uma "mão" aparece com muito mais ou muito menos frequência do que o esperado, isso pode ser um indício de não-aleatoriedade.



ALGORITMOS PROBABILÍSTICOS

TESTE DE GAP (TESTE DE LACUNAS)

- Este teste analisa a distância entre as ocorrências de um número específico. A distribuição dessas lacunas deve seguir um padrão específico (distribuição geométrica) se os sorteios forem aleatórios.
- **Como aplicar:**
 - Escolha um número, por exemplo, o "10".
 - Percorra a planilha e anote a distância (em número de sorteios) entre cada vez que o número "10" foi sorteado.
 - Analise a distribuição dessas distâncias. Em uma sequência aleatória, é esperado que a maioria das lacunas seja pequena e que poucas sejam muito grandes. Se você encontrar muitas lacunas muito longas ou muito curtas, pode ser um sinal de que o número não está sendo sorteado aleatoriamente.

ALGORITMOS PROBABILÍSTICOS

Neste contexto, o estudo de diferentes algoritmos geradores é essencial para entender como essa aleatoriedade é construída e quais são suas características.

O algoritmo **SPUTINIK**, em particular, representa uma abordagem interessante para a geração de variáveis aleatórias com base em uma distribuição uniforme. Sua implementação, originalmente em C, utiliza um método que transforma um número aleatório de distribuição uniforme, gerado pela macro `myrand`, em uma nova variável que se aproxima de uma distribuição normal.

O objetivo deste trabalho é, portanto, não apenas traduzir o algoritmo SPUTINIK da linguagem C para Python, mas também realizar uma análise aprofundada de sua aplicação. Por meio de uma série de execuções e da visualização de dados, buscamos responder à seguinte questão:

que tipo de variável aleatória este algoritmo gera?

Para isso, utilizaremos gráficos e distribuições de frequência para demonstrar visualmente as características do algoritmo e validar a nossa análise.

