

## Solução da lista 9

(1) Esse exercício tem duas maneiras de se resolvido:

Primeira maneira:

```
1 #Ex1
2 import numpy as np
3 n=int(input('n = '))
4 x=[]
5 y=[]
6 for i in range(n):
7     a=float(input('x = '))
8     x.append(a)
9
10 for j in range(n):
11     b=float(input('y = '))
12     y.append(b)
13
14 y.reverse()
15 x=np.array(x)
16 y=np.array(y)
17 z=np.zeros(n)
18 z=x+y**2
19 print(z)
```

Segunda maneira:

```
1 #Ex1
2 import numpy as np
3 n=int(input('n = '))
4 x=np.zeros(n)
5 y=np.zeros(n)
6 for i in range(n):
7     x[i]=float(input('x = '))
8
9 for j in range(n):
10    y[j]=float(input('y = '))
11 y=y[::-1]
12 z=x+y**2
13 print('z = ',z)
```

(2) Duas maneiras de resolver esse exercício:

Primeira maneira:

```
1 #Ex2
2 import numpy as np
3 n=int(input('n = '))
4 A=np.zeros((n,n))
5 cont=0
6 for i in range(n):
7     for j in range(n):
8         A[i,j]=float(input('A = '))
9         if A[i,j]%5==0:
10             cont=cont+1
11 print('A = ',A)
12 print('núm. div por 5 = ',cont)
```

### Segunda maneira:

```
1 #Ex2
2 import numpy as np
3 n=int(input('n = '))
4 A=np.zeros((n,n))
5
6 for i in range(n):
7     for j in range(n):
8         A[i,j]=float(input('A = '))
9
10 cont=len(A[A % 5 == 0])
11
12 print('A = ',A)
13 print('núm. div por 5 = ',cont)
```

(3)

```
1 #Ex3
2 import numpy as np
3 n=int(input('n = '))
4 A=np.zeros((n,n))
5
6 for i in range(n):
7     for j in range(n):
8         A[i,j]=float(input('A = '))
9 ord=0
10 for i in range(n):
11     for j in range(n-1):
12         if A[i,j]>A[i,j+1]:
13             ord=1
14             break
15 print(ord)
16 for j in range(n):
17     for i in range(n-1):
18         if A[i,j]>A[i+1,j]:
19             ord=1
20             break
21 if ord==0:
22     print('ordenada')
23 else:
24     print('não ordenada')
```

(4)

```
1 #Ex4
2 n=int(input('n= '))
3 print('-----')
4 list=[1]
5 for i in range(n):
6     print(list)
7     nova=[]
8     nova.append(list[0])
9     for i in range(len(list)-1):
10         nova.append(list[i]+list[i+1])
11     nova.append(list[-1])
12     list=nova
```

(5) Existem duas possíveis soluções. A primeira com o uso tradicional do “for” e cálculo da média e a segunda com comandos específicos do Python.

Primeira solução:

```
1 #Ex5
2 import numpy as np
3 n=int(input('n = '))
4 A=np.zeros((n,n))
5 s=0
6 c=0
7 for i in range(n):
8     for j in range(n):
9         A[i,j]=float(input('A = '))
10        if i<j:
11            s=s+A[i,j]
12            c=c+1
13 media=s/c
14 print('MATRIZ A:')
15 print(A)
16 print('Média acima da diagonal da Matriz')
17 print('+++++')
18 print(media)
```

MATRIZ A:  
[[ 1. 10. 3.]  
 [ 2. 5. -1.]  
 [ 0. 2. 5.]]  
Média acima da diagonal da Matriz  
+++++  
4.0

Segunda solução:

O Python tem uma função chamada “triu” que significa “triangular superior”, para obter apenas os elementos acima da diagonal principal. A função agregada triu\_indices( ) dá os índices dos elementos acima da diagonal. Colocando-se A[ ], significa que queremos apenas os elementos da matriz cujos índices voltaram da triu\_indices( ).

Então para esses elementos, se colcarmos \*.mean( ) o Python retornará a média dos elementos acima da diagonal principal, como está na linha 9 do código a seguir.

```
1 #Ex5
2 import numpy as np
3 n=int(input('n = '))
4 A=np.zeros((n,n))
5 for i in range(n):
6     for j in range(n):
7         A[i,j]=float(input('A = '))
8
9 media = A[np.triu_indices(3,k=1)].mean()
10
11 print('Média acima da diagonal da Matriz')
12 print('+++++')
13 print(media)
```

Média acima da diagonal da Matriz  
+++++  
4.0

(6) Existem duas possíveis soluções. A primeira com o uso tradicional do “for” e cálculo da média e a segunda com comandos específicos do Python.

Primeira solução:

```

1 #Ex6
2 import numpy as np
3 n=int(input('n = '))
4 A=np.zeros((n,n))
5 s=0
6 c=0
7 for i in range(n):
8     for j in range(n):
9         A[i,j]=float(input('A = '))
10        if i>j:
11            s=s+A[i,j]
12            c=c+1
13 media=s/c
14 print('MATRIZ A:')
15 print(A)
16 print('Média abaixo da diagonal da Matriz')
17 print('+++++')
18 print(media)

```

MATRIZ A:

```

[[ 1. 10.  3.]
 [ 2.  5. -1.]
 [ 0.  2.  5.]]

```

Média abaixo da diagonal da Matriz

```

+++++
1.3333333333333333

```

### Segunda solução:

O Python tem uma função chamada “tril” que significa “triangular inferior”, para obter apenas os elementos abaixo da diagonal principal. A função agregada `tril_indices( )` dá os índices dos elementos abaixo da diagonal. Colocando-se `A[ ]`, significa que queremos apenas os elementos da matriz cujos índices voltaram da `tril_indices( )`.

Então para esses elementos, se colcarmos `*.mean( )` o Python retornará a média dos elementos abaixo da diagonal principal, como está na linha 9 do código a seguir.

```

1 #Ex6
2 import numpy as np
3 n=int(input('n = '))
4 A=np.zeros((n,n))
5 for i in range(n):
6     for j in range(n):
7         A[i,j]=float(input('A = '))
8
9 media = A[np.tril_indices(3,k=-1)].mean()
10
11 print('Média acima da diagonal da Matriz')
12 print('+++++')
13 print(media)

```

Média acima da diagonal da Matriz

```

+++++
1.3333333333333333

```

**(7)** Existem duas possíveis soluções. A primeira com o uso tradicional do “for” e cálculo da média e a segunda com comandos específicos do Python.

### Primeira solução:

```

1 #Ex7
2 import numpy as np
3 n=int(input('n = '))
4 A=np.zeros((n,n))
5 for i in range(n):
6     for j in range(n):
7         A[i,j]=float(input('A = '))
8         if i>j:
9             if i==0 and j==1:
10                 maximo=A[i,j]
11             else:
12                 if A[i,j]>maximo:
13                     maximo=A[i,j]
14
15 print('+++++ Matriz +++++')
16 print(A)
17 print('Máximo acima da diagonal da Matriz')
18 print('+++++')
19 print(maximo)

```

```

+++++ Matriz +++++
[[ 1. 10.  3.]
 [ 2.  5. -1.]
 [ 0.  2.  5.]]
Máximo acima da diagonal da Matriz
+++++
10.0

```

### Segunda solução:

O Python tem uma função chamada “tril” que significa “triangular inferior”, para obter apenas os elementos abaixo da diagonal principal. A função agregada `tril_indices( )` dá os índices dos elementos abaixo da diagonal. Colocando-se `A[ ]`, significa que queremos apenas os elementos da matriz cujos índices voltaram da `tril_indices( )`.

Então para esses elementos, se colcarmos `*.max( )` o Python retornará o maior elemento acima principal, como está na linha 9 do código a seguir.

```

1 #Ex7
2 import numpy as np
3 n=int(input('n = '))
4 A=np.zeros((n,n))
5 for i in range(n):
6     for j in range(n):
7         A[i,j]=float(input('A = '))
8
9 maximo = A[np.triu_indices(3,k=1)].max()
10
11 print('Máximo acima da diagonal da Matriz')
12 print('+++++')
13 print(maximo)

```

```

Máximo acima da diagonal da Matriz
+++++
10.0

```

Primeira solução:

```

1 #Ex8
2 import numpy as np
3 n=int(input('n = '))
4 A=np.zeros((n,n))
5 maximo=-1000
6 for i in range(n):
7     for j in range(n):
8         A[i,j]=float(input('A = '))
9         if A[i,j]>maximo:
10             maximo=A[i,j]
11             linha=i
12 minimo=A[linha,1]
13 for j in range(n):
14     if A[linha,j]<minimo:
15         minimo=A[linha,j]
16
17 print(A)
18 print('+++++')
19 print('MinMax =',minimo)
20

```

```

[[[-3. -1.  5.]
  [ 7.  3. 10.]
  [-5.  1.  2.]]
+++++
MinMax = 3.0

```

Segunda solução:

O Python tem uma função chamada “where” da biblioteca numpy, que significa onde buscar. Quando colocada qual a condição que se deseja buscar, o numpy volta a linha e coluna da busca. Como queremos o maior elemento, “where” retorna a linha e coluna do maior elemento. Com a linha do maior elemento, percorremos toda ela com `A[linha,:]` e escolhemos a função agregada `*.min()` que retornará o menor valor da linha com o maior valor.

Observe a linha 10 e a linha 11 do código a seguir.

```

1 #Ex8
2 import numpy as np
3 n=int(input('n = '))
4 A=np.zeros((n,n))
5 maximo=-1000
6 for i in range(n):
7     for j in range(n):
8         A[i,j]=float(input('A = '))
9
10 linha,coluna = np.where(A == A.max())
11 minimo=A[linha,:].min()
12
13 print(A)
14 print('+++++')
15 print('MinMax =',minimo)

```