SISTEMAS DE INFORMAÇÃO

Lista de Exercícios 10 - (Python)

Prof. Dr. Marco Antonio Leonel Caetano

Exercícios para resolver usando array bi-dimensional (matrizes) no Python e sistemas lineares com a biblioteca *linalg*, quando for o caso.

(1) Programar em python para somar as seguintes matrizes usando numpy:

$$S = \begin{pmatrix} 3 & 2 & 1 \\ 4 & 5 & 6 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 2 & 2 & 2 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$$

(2) Programar em python para fazer o seguinte produto matricial:

$$P = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 4 & 5 \\ 3 & 6 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 3 & 4 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$$

(3) Fazer uma programação em python para fazer o seguinte produto matricial:

$$P = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 0 & 2 & 1 \\ 3 & 4 & 2 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 2 & 1 & 4 \\ 1 & 2 & 3 \\ 2 & 1 & 3 \end{pmatrix}$$

(4) Programar em python para encontrar o determinante da matriz:

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 5 & 4 \\ 3 & 1 & 2 \\ 5 & 4 & 6 \end{pmatrix}$$

(5) Programar em python para encontrar o ângulo θ entre dois vetores :

$$x = \begin{pmatrix} 2 \\ -5 \end{pmatrix}$$
 e $y = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix}$ cuja fórmula é:

$$\cos \theta = \frac{(2 -5 4) \times \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix}}{\sqrt{2^2 + (-5)^2 + 4^2} \times \sqrt{1^2 + 2^2 + (-1)^2}}$$

(6) Observe o seguinte sistema linear:

$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 + x_3 = 5 \\ 2x_1 + 2x_2 + x_3 = 6 \\ x_1 + 2x_2 + 3x_3 = 9 \end{cases}$$

- (a) Programar em python para achar a solução do sistema usando $x = A^{-1}.B$
- (b) Programar em python usando a função solve da biblioteca linalg.
- (c) Qual a solução encontrada?
- (7) Sistemas lineares são muito importantes para a resolução de problemas de Economia e Administração de empresas para previsão de custos, gastos, otimização de recursos, etc.

Imagine que o governo contratou um consultor para fazer um equacionamento da previdência privada onde

x1: número de aposentados;

x2: número de trabalhadores na ativa;

x3: número de contribuintes;

x4 : número de jovens ainda não atuantes no mercado.

O consultor equacionou 4 políticas de estado diferente para a atuação do governo e no conjunto chegou no seguinte sistema linear:

$$\begin{cases} 4x_2 - 3x_3 - 0.5x_4 = 2600 + 2x_1 \\ -x_1 - x_3 + 0.7x_4 = 3000 - 3x_2 \\ -4x_1 + 2x_2 + 0.8x_4 = 2000 + 2x_3 \\ -5x_1 + x_2 + 3x_3 + x_4 = 1500 \end{cases}$$

(a)Apresente a programação em python que soluciona o sistema linear usando a função solve da biblioteca *linalg*.

- (b) Dizer quais são os valores de x que o governo terá como solução desse sistema linear, ou seja, quais os valores de x_1 , x_2 , x_3 e x_4 .
- (8) Observe o seguinte sistema linear:

$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 = 2\\ 3x_1 + 2x_2 = 1 \end{cases}$$

- (a) Apresente a programação em python que pergunte ao usuário a ordem "n" por input da matriz A (nxn), pede as matrizes A e B (termos independentes) ao usuário usando comando "for" e input, e soluciona o sistema.
- (b) Qual o valor numérico da solução para x₁ e x₂ ?
- (9) (adaptado do livro "pesquisa operacional na tomada de decisões"- Lachtermacher)

Um artesão de imagens sacras produz duas imagens diferentes: a de Cristo (quantidade x_1) e a de Nossa Senhora (quantidade x_2). A imagem de Cristo é vendida por R\$40,00 e a de Nossa Senhora por R\$50,00. Por problemas de saúde, o artesão só consegue trabalhar exatos 9 dias por mês e se passar um dia inteiro fazendo imagens de Cristo faz uma imagem apenas. Para a imagem de Nossa Senhora o artesão precisa de dois dias inteiros. As imagens são entalhadas em peças de madeira e encaixadas depois. A imagem de Cristo precisa de três peças de madeira e a de Nossa Senhora precisa de quatro peças, e só existem no total 20 peças de madeiras por mês.

- (a) Monte o problema matemático.
- (b) Programe em python usando a função solve da biblioteca linalg.
- (c)Qual a quantidade de peças x_1 e x_2 , e qual o faturamento do artesão?
- (10) A empresa de artigos de couro "PELE DE MIMOSA Itda" fabrica dois tipos de produtos: malas (x_1) e mochilas (x_2) . A empresa tem 2 departamentos para a fabricação. As malas são vendidas com lucro de \$50 por unidade e o lucro por unidade de mochila é de \$40. As

quantidades de horas necessárias para confeccionar cada produto, assim como o número total de horas disponíveis em cada departamento, são apresentados a seguir:

Departamento	Capacidade por Depto (horas/dia)	Horas necessárias (Mala)	Horas necessárias (Mochila)
1	440	2	2
2	300	6/5	3/2

- (a)Montar o modelo matemático do problema.
- (b)Programe em python usando a função solve da biblioteca linalg.
- (c)Qual a quantidade de peças x_1 e x_2 , e qual o lucro?
- (11) A Eletrotech Co produz 2 tipos de aparelhos: geradores e alternadores. Ambos requerem horas de montagem e horas de testes nos seus processos de fabricação.
- x₁: horas para fabricar gerador (montagem/ teste)
- x₂: horas para fabricar alternador (montagem/ teste)

Cada gerador precisa de 2 horas de montagem e 1 hora de testes, e pode ser vendido com R\$150 de lucro. Cada alternador precisa de 3 horas de montagem e 2 horas de testes, e pode ser vendido com R\$250 de lucro. No próximo período de produção a empresa terá a sua disposição 260 horas para montagem e 140 horas para testes.

- (a)Formule o problema matematicamente com a equação de horas de montagem e com horas de testes.
- (b)Programe em python usando a função solve da biblioteca linalg.
- (c)Qual a quantidade de horas para fabricar geradores e alternadores e quanto de lucro?