# COURS ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION INFORMATIQUE DUT INFORMATIQUE \$1 Marie-Agnès peraldi-frati Mâitre de conférences en informatique UNS/IUT de Nice côte d'azur MAP@UNICE.FR

# **RÉFÉRENCES**

- Algorithmes D.E Knuth CSLI Publications 2011
- Introductipon a la science informatique G. Dowek Ed RPA 2010
- Eléments pour une histoire de l'informatique, D.E Knuth CSLI Publications 2011
- Cours et exercices corrigés d'algorithmique- J. Julliand Ed Vuibert Fev 2010
- Algorthmique méthodes et modèles , P Lignelet Ed Masson 1988
- Cours algorithme Cécile Balkanski, Nelly Bensimon, Gérard Ligozat IUT Orsay

MAP - UNS

# **OBJECTIF DU COURS API**

- Notions de base en algorithmique
- Types de données et lien avec la machine
- Notion de sous-programmes et lien avec la compilation
- Qualité
  - nommage des variables, assertions, documentation ...,
  - pré et post conditions
- Structures algorithmiques fondamentales: .
- Implantation des algorithmes dans un langage de programmation.
- Introduction au test unitaire, boîte noire,
- Algorithmes fondamentaux de recherche recherche d'un élément, parcours, tri, ...
- Avoir une première notion des performances des algorithmes utilisés

  MAP - UNS



# CONCEPTS IMPORTANTS EN INFORMATIQUE

- Algorithme: mot dérivé du nom du mathématicien al\_Khwarizmi qui a vécu au 9ème siécle, était membre d'un académie des sciences à Bagdad.
- Un algorithme prend des données en entrée, exprime un traitement particulier et fournit des données en sortie.
- Programme: série d'instructions pouvant s'exécuter en séquence, ou en parallèle (parallélisme matériel) qui réalise (implémente) un algorithme

MAP - UNS

# POURQUOI UN COURS D' "ALGO"?

- Pour obtenir de la «machine» qu'elle effectue un travail à notre place
- Problème: expliquer à la «machine» comment elle doit s'y prendre
- Besoins :
  - savoir expliciter son raisonnement
  - savoir formaliser son raisonnement
  - concevoir (et écrire) des algorithmes:
    - séquence d'instructions qui décrit comment résoudre un problème particulier

MAP - UNS

# **ALGORITHME**

- Savoir expliquer comment faire un travail sans la moindre ambiguïté
- langage simple : des instructions (pas élémentaires)
- suite finie d'actions à entreprendre en respectant une chronologie imposée
- •L'écriture algorithmique : un travail de programmation à visée universelle
  - un algorithme ne dépend pas du *langage* dans lequel il est implanté,
  - ni de la *machine* qui exécutera le programme correspondant.

MAP - UNS 7

# EXEMPLE D'ALGORITHMES • Recette de cuisine • Notice de montage de meuble en kit • Mathématiques : problème 3n+1: élémentaire mais redoutable • si n est pair, on le divise par 2; • si n est impair, on le multiplie par 3 et on ajoute 1. • Est-il vrai que l'on finira tôt ou tard par tomber sur 1 ?

# LES PROBLÈMES FONDAMENTAUX EN ALGORITHMIQUE

## Complexité

- En combien de temps un algorithme va -t-il atteindre le résultat escompté?
- De quel espace a-t-il besoin?

## · Calculabilité:

- Existe-t-il des tâches pour lesquelles il n'existe aucun algorithme ?
- Etant donnée une tâche, peut-on dire s'il existe un algorithme qui la résolve ?

### Correction

 Peut-on être sûr qu'un algorithme réponde au problème pour lequel il a été conçu ?

MAP - UNS

# EXEMPLE DE LANGAGE ALGORITHMIQUE

### Algorithme ElèveAuCarré

{Cet algorithme calcule le carré du nombre que lui fournit l'utilisateur}

variables unNombre, sonCarré: entiers

{déclarations: réservation d'espace-mémoire}

début

{préparation du traitement}

afficher("Quel nombre voulez-vous élever au carré?") saisir(unNombre)

sonCarré ← unNombre × unNombre

{traitement : calcul du carré}

afficher("Le carré de ", unNombre)
afficher("c'est ", sonCarré)

{présentation du résultat}

fin

MAP - UNS

# ETAPES D'UN ALGORITHME

- Préparation du traitement
  - données nécessaires à la résolution du problème
- Traitement
  - · résolution pas à pas,
  - après décomposition en sous-problèmes si nécessaire
- Edition des résultats
  - · impression à l'écran,
  - · dans un fichier, etc.

MAP - UNS

# LANGAGE ALGORITHMIQUE

# Algorithme NomAlgorithme

{ ceci est un commentaire} **Début** 

... Actions

Fin

Algorithme Bonjour

{il dit juste bonjour mais ... en anglais!

Début

afficher('Hello world !!!')

ALaLigne

Fin

- Il faut avoir une écriture rigoureuse
- Il faut avoir une écriture soignée : respecter l'indentation
- Il est nécessaire de **commenter** les algorithmes
- Il existe plusieurs solutions algorithmiques à un problème posé
- 🛘 Il faut rechercher **l'efficacité** de ce que l'on écrit

MAP - UNS

# **DÉCLARATION DES DONNÉES**

- · Variable <nom de donnée>: type
- Instruction permettant de réserver de l'espace mémoire pour stocker des données
- Dépendant du type des données : entiers, réels, caractères, etc.)
- Exemples:
  - Variables val, unNombre: entiers nom, prénom : chaînes de caractères

MAP - UNS

# **DÉCLARATION DES DONNÉES**

- Constante <nom de donnée>: type ← valeur ou expression
- Instruction permettant de réserver de l'espace mémoire pour stocker une constante dont la valeur ne varie pas.
- Exemples:
  - Constante MAX : entier ← 10

DEUXFOISMAX : entier ← MAX x 2

MAP - UNS

14

# LECTURE ÉCRITURE DE DONNÉES

- Saisir<nom de donnée, ...>
- Afficher<nom de donnée, ...>
- Fonction: Instructions permettant
  - de placer en mémoire les informations fournies par l'utilisateur.
  - De visualiser des données placées en mémoire
- Exemples:

Saisir(unNombre)

**Afficher** (« le nom est « , nom, »et le prénom est » , prénom )

Saisir(val)

MAP - UNS

15

# PHASE D'ANALYSE

- Consiste à extraire de l'énoncé du problème des éléments de modélisation
- Technique : Distinguer en soulignant de différentes couleurs quelles sont
  - Quel est le but du programme (traitement à réaliser)
  - Données en entrée du problème :
  - Où vont se situer les résultats en sortie

MAP - UNS

# EXEMPLE D'ÉNONCÉ D'UN PROBLÈME

- On souhaite calculer et afficher, à partir d'un prix hors taxe saisi, la TVA ainsi que le prix TTC
- Le montant TTC dépend de :
  - Du prix HT
  - Du taux de TVA de 20,6

MAP - UNS

17

# EXEMPLE D'ÉNONCÉ D'UN PROBLÈME

- On souhaite calculer et afficher, à partir d'un prix hors taxe saisi, la TVA ainsi que le prix TTC
- Le montant TTC dépend de :
  - Du prix HT
  - Du taux de TVA de 20,6

Traitement à réaliser

MAP - UNS

# EXEMPLE D'ÉNONCÉ D'UN PROBLÈME

- On souhaite calculer et afficher, à partir d'un prix hors taxe saisi, la TVA ainsi que le prix TTC
- Le montant TTC dépend de :
  - Du prix HT
  - Du taux de TVA de 20,6

# Données en entrée

MAP - UNS

10

# EXEMPLE D'ÉNONCÉ D'UN PROBLÈME

- On souhaite calculer et afficher, à partir d'un prix hors taxe saisi, la TVA ainsi que le prix TTC
- Le montant TTC dépend de :
  - Du prix HT
  - Du taux de TVA de 20,6

# Données en sortie

MAP - UNS

```
ALGORITHME TVA
Algorithme CalculTVA
{Saisit un prix HT et affiche le prix TTC correspondant}
Constantes (TVA : réel) ←20.6
              (Titre: chaîne) ←"Résultat"
Variables
              prixHT: réel
Variable prixTTC, montantTVA: réels {déclarations}
Début {préparation du traitement}
  afficher ("Donnez-moi le prix hors taxe :")
  saisir(prixHT)
  prixTTC ←prixHT* (1+TVA/100) {calcul du prix TTC} → Code peu efficace
  montantTVA ← prixTTC- prixHT
  afficher(Titre) {présentation du résultat}
  afficher(prixHT, «euros H.T. + TVA ",TVA, « devient » ,prixTTC,
«eurosT.T.C.")
                                                                   21
Fin
```

```
INSTRUCTIONS SÉQUENTIELLES
RÉSULTAT D'UN ALGORITHME

Constante (SEUIL : réel) ←13.25
Variables valA, valB: réels
compteur : entier
mot , tom : chaînes

valA←0.56
valB←valA
valA←valA×(10.5 + SEUIL)
compteur ←1
compteur ←compteur + 10
mot ←" Bonjour"
tom ←"Au revoir!"

Quelles sont les différentes valeurs des variables?

MAP-UNS

22
```

# SIMULATION D'UN ALGORITHME

Algorithme CaDoitEchanger?

{Cet algorithme .....}

Variables valA, valB: réels {déclarations}

**Début** {préparation du traitement}

Afficher ("Donnez-moi deux valeurs:")

Saisir (valA, valB)

Afficher ("Vous m'avez donné", valA, " et ", valB)

{traitement mystère}

valA←valB

valB←valA {présentation du résultat}

Afficher("Maintenant, mes données sont:", valA, " et ", valB)

Fin

Que fait cet algorithme?

Pas ce qui est prévu!

MAP - UNS

23

# CE QU'IL MANQUE

- Déclarer une variable supplémentaire
   Variables valA, valB, valTemp: entiers
- Utiliser cette variable pour stocker provisoirement une des valeurs

Saisir(valA, valB)

valTemp←valA

valA←valB

valB←valTemp

MAP - UNS

# STRUCTURE ALTERNATIVE « SI ... ALORS ... SINON ... FSI » (1)

# • Exemple:

### Algorithme SimpleOuDouble

{Cet algorithme saisit une valeur entière et affiche son double si cette donnée est inférieure à un seuil donné.}

**constante** (SEUIL : entier)  $\leftarrow$ 10

Variable val: entier

début

**Afficher**("Donnez-moi un entier : ") { saisie de la valeur entière}

si val < SEUIL { comparaison avec le seuil}

alors Afficher ("Voici son double :", val ×2)

sinon Afficher ("Voici la valeur inchangée :", val)

fin

MAP - UNS

25

# STRUCTURE ALTERNATIVE « SI ... ALORS ... SINON ... FSI » (2)

- Ou instruction conditionnelle
  - si <expression logique>

alors instructions

[sinon instructions]

fsi

- Si l'expression logique (la condition) prend la valeur vrai, le premier bloc d'instructions est exécuté;
- si elle prend la valeur **faux**, le second bloc est exécuté (s'il est présent, sinon, rien).

MAP - UNS

# STRUCTURE ALTERNATIVE « SI ... ALORS ... SINON ... FSI » (3)

# • Autre écriture de l'exemple :

### Algorithme SimpleOuDouble

{Cet algorithme saisit une valeur entière et affiche son double si cette donnée est inférieure à un seuil donné.}

constante (SEUIL : entier) ←10

Variable val: entier

début

**Afficher**("Donnez-moi un entier : ") { saisie de la valeur entière} **Saisir**(val)

si val < SEUIL { comparaison avec le seuil}

alors val ← val ×2

Fsi

Afficher ("Voici la valeur val:", val)

MAP -

27

# STRUCTURES ALTERNATIVES IMBRIQUÉES

### Problème: afficher:

- "Reçu avec mention Assez Bien" si une note est supérieure ou égale à 12,
- "Reçu mention Passable" si elle est supérieure à 10 et inférieure à 12, et
- "Insuffisant" dans tous les autres cas.

si note ≥12

alors afficher ("Reçu avec mention AB")

sinon si note ≥10

alors afficher( « Reçu mention Passable" )
sinon afficher("Insuffisant" )

fsi

fsi

MAP - UNS

# **SELECTION CHOIX MULTIPLES** « *SELON* » (1)

## selon <identificateur>

(liste de) valeur(s): instructions (liste de) valeur(s): instructions

selon abréviation

fsi

[autres: instructions]

 S'il y a plus de deux choix possibles, l'instruction selon permet une facilité d'écriture

MAP - UNS

29

# SÉLECTION CHOIX MULTIPLES « SELON » (2)

"M": afficher(" Monsieur")

"Mme" :afficher( " Madame " )
"Mlle" : afficher( " Mademoiselle " )
autres :afficher( " Monsieur, Madame " )

# Équivalent avec instruction Conditionnelle

```
si abréviation = "M"
  alors afficher ("Monsieur")
  sinon si abréviation = « Mlle »
            alors afficher ("Mademoiselle")
            sinon si abréviation = "Mme"
                      alors afficher ("Madame")
                      sinon afficher ("Monsieur, Madame")
          fsi
                       MAP - UNS
```

```
SÉLECTION CHOIX MULTIPLES
     EXEMPLE (3) AVEC INVERSION DES TESTS
selon abréviation
      "M": afficher(" Monsieur")
       "Mme":afficher("Madame")
       "Mlle": afficher("Mademoiselle")
      autres: afficher (" Monsieur, Madame")
Équivalent avec instruction Conditionnelle
      si abréviation = "Mme"
        alors afficher( « Madame")
        sinon si abréviation = « Mlle »
                  alors afficher("Mademoiselle")
                  sinon si abréviation = "M"
                       alors afficher ("Monsieur")
                       sinon afficher ("Monsieur, Madame")
              fsi
                            MAP - UNS
                                                              31
```

```
SÉLECTION CHOIX MULTIPLES
EXEMPLE (4) AVEC SI ... ALORS ... FSI SÉQUENTIELS
selon abréviation
        "M": afficher(" Monsieur")
         "Mme" :afficher( " Madame " )
      "Mlle": afficher(" Mademoiselle")
      autres : afficher ( " Monsieur, Madame " )
Équivalent avec instruction Conditionnelle
        si abréviation = "Mme '
        alors afficher( « Madame")
        si abréviation = « Mlle »
        alors afficher("Mademoiselle")
        si abréviation = "M"
        alors afficher ("Monsieur")
        sinon afficher ("Monsieur, Madame")
                                   MAP - UNS
```

# TO DO

Calculez le nombre d'instructions nécessaires pour évaluer l'exécution dans le cas de 24 étudiants et 2 étudiantes célibataires.

Traiter les 3 cas de exemple 2, 3 et 4.

MAP - UNS

33

# RÉPÉTITION D'UN TRAITEMENT BOUCLE « POUR »

# Exemple

Algorithme FaitLeTotal

{Cet algorithme fait la somme des nbVal données qu'il saisit}

variables nbVal, cpt: entiers

valeur, totalValeurs: réels

début

{initialisation du traitement}

afficher("Combien de valeurs voulez-vous saisir ?")

saisir(nbVal)

{initialisation du total à 0 avant cumul} totalValeurs←0

{traitement qui se répète nbVal fois}

pour cpt ←1à nbVal faire

afficher("Donnez une valeur :")

saisir(valeur)

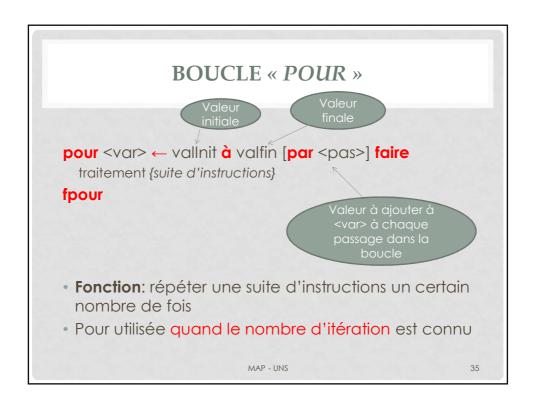
totalValeurs+totalValeurs+valeur {cumul}

fpour

{édition des résultats}

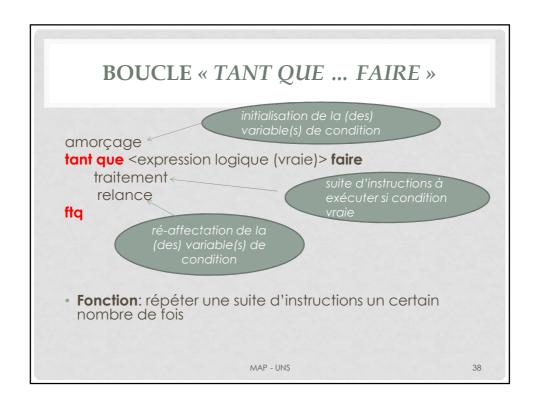
afficher ("Le total des", nbVal, "valeurs est", total Valeurs)

fin





# RÉPÉTITION D'UN TRAITEMENT À NOMBRE ITÉRATIONS INCONNU « TANT QUE ... FAIRE » Exemple Algorithme FaitLeTotal {Cet algorithme fait la somme des nbVal données qu'il saisit, arrêt à la lecture de -1 } constante (STOP: entier) ←-1 variables val, totalValeurs: entiers début totalValeurs←0 afficher("Donnez une valeur,", STOP, " pour finir.") {amorçage} saisir(val) tant que val ≠STOP faire totalValeurs—totalValeurs+ val {traitement} afficher("Donnez une autre valeur,", STOP, "pour finir.") saisir(val) {relance} afficher("La somme des valeurs saisies est", totalValeurs) 37 fin



# **BOUCLE** « TANT QUE ... FAIRE »

- Structure itérative "universelle"
  - n'importe quel contrôle d'itération peut se traduire par le "tant que "
- Structure itérative irremplaçable dès que la condition d'itération devient complexe

MAP - UNS

39

# **BOUCLE** « TANT QUE ... FAIRE »

```
• Exemple:
```

 saisir des valeurs, les traiter, et s'arrêter à la saisie de la valeur d'arrêt -1 ou après avoir saisi 5 données.

Constantes (STOP : entier) ←-1

(MAX : entier) ←5

Variables nbVal, val: entiers

Début

nbVal←0 {compte les saisies traitées}

saisir(val) {saisie de la 1ère donnée}

tant que val ≠STOP et nbVal< MAX faire

nbVal←nbVal+ 1...{traitement de la valeur saisie} saisir(val) {relance}

Ftq

afficher(val, nbVal) {valeurs en sortie de boucle}

 Remarque: La valeur d'arrêt n'est jamais traitée (et donc, jamais comptabilisée)

MAP - UNS

```
BOUCLE « TANT QUE ... FAIRE »

    Interpréter l'arrêt des itérations

  nbVal←0 {compte les saisies traitées}
  saisir(val) {saisie de la 1ère donnée}
  tant que val #STOP et nbVal< MAX faire
      nbVal←nbVal+ 1...{traitement de la valeur saisie}
      saisir(val) {relance}
  Ftq
  si val = STOP
    alors {la dernière valeur testée était la valeur d'arrêt}
      afficher («Sortie de boucle car saisie de la valeur d'arrêt »)
       {toutes les données significatives ont été traitées.}
    sinon (il y avait plus de 5 valeurs à tester)
       afficher («Sortie de boucle car nombre maximum de valeurs à traiter
atteint ») { des données significatives n'ont pas pu été traitées.}
                                  MAP - UNS
  fsi
```

# **COMPARAISON BOUCLES** « POUR » ET « TANT QUE » (1) pour cpt ←1à nbVal faire afficher("Donnez une valeur:") saisir(valeur) totalValeurs←totalValeurs+ valeur {cumul} fpour • Est équivalent à cpt ←0 tant que cpt <nbVal faire afficher("Donnez une valeur:") saisir(valeur) totalValeurs+ valeur {cumul} **cpt** ←**cpt** + 1 {compte le nombre de valeurs traitées} ftq MAP - UNS 42

# COMPARAISON BOUCLES « POUR » ET « TANT QUE » (2)

- Implicitement, l'instruction pour:
  - initialise un compteur
  - incrémente le compteur à chaque pas
  - vérifie que le compteur ne dépasse pas la borne supérieure
- Explicitement, l'instruction tant que doit
  - initialiser un compteur {amorçage}
  - incrémenter le compteur à chaque pas {relance}
  - vérifier que le compteur ne dépasse pas la borne supérieure {test de boucle}

MAP - UNS 43

# QUAND CHOISIR « POUR » OU « TANT QUE » ?

- Nombre d'itération connu à l'avance : POUR
  - Parcours de tableaux
  - Test sur un nombre donné de valeurs
- Boucle s'arrête sur événement particulier : TANT QUE
  - Itération avec arrêt décidé par saisie utilisateur

MAP - UNS

# MAIS ON N'A PAS FINI D'ITÉRER!

• Boucle « répéter ... tant que » : exemple

### Algorithme Essai

{Cet algorithme a besoin d'une valeur positive paire}

Variables valeur : entier

Début

# Répéter

afficher("Donnez une valeur positive non nulle : ")
saisir(valeur)

tant que valeur ≤0

afficher("La valeur positive non nulle que vous avez saisie est ")

afficher(valeur)...{traitement de la valeur saisie}

fin

MAP - UNS

# **BOUCLE « RÉPÉTER ... TANT QUE »**

### Répéter

(ré)affectation de la (des) variable(s) de condition traitement

Tant que <expression logique (vraie)>

- Fonction: exécuter une suite d'instructions au moins une fois et la répéter tant qu'une condition est remplie
- **Remarque:** le traitement dans l'exemple précédent se limite à la ré-affectation de la variable de condition (**saisir**(valeur))

MAP - UNS

46

# COMPARAISON «RÉPÉTER» ET «TANT QUE»

## Répéter

ftq

afficher("Donnez une valeur positive paire :")
saisir(valeur)

tant que(valeur < 0 ou(valeur % 2) ≠0)

Équivaut à

afficher("Donnez une valeur positive paire :") saisir(valeur)
tant que(valeur < 0 ou(valeur % 2) ≠0) faire
afficher("Donnez une valeur positive paire:")
saisir(valeur)

MAP - UNS

47

# COMPARAISON «RÉPÉTER» ET «TANT QUE»

- boucle tant que
  - condition vérifiée avant chaque exécution du traitement
  - · le traitement peut donc ne pas être exécuté
  - de plus : la condition porte surtout sur la saisie de nouvelles variables (relance)
- boucle répéter ... tant que
  - condition vérifiée après chaque exécution du traitement
     >le traitement est exécuté au moins une fois
  - de plus: la condition porte surtout sur le résultat du traitement
- Remarque: la boucle répéter est typique pour les saisies avec vérification

MAP - UNS

# DE L'ÉNONCÉ À LA BOUCLE \* saisir des données et s'arrêter dès que leur somme dépasse 500 somme ←0 répéter saisir(val) somme ←somme + val tant que somme ≤500 saisir(val) somme ←val tant que somme ≤500 faire saisir(val) somme ←somme + val ftq MAP-UNS \*\*AP-UNS

# DE L'ÉNONCÉ À LA BOUCLE • saisir des données et s'arrêter dès que leur somme dépasse 500 somme ←0 répéter saisir(val) somme ←somme + val tant que somme ≤500