Yapay Zeka

Ders 8

Doç. Dr. Mehmet Dinçer Erbaş Bolu Abant İzzet Baysal Üniversitesi Mühendislik Fakültesi Bilgisayar Mühendisliği Bölümü

- Şu ana kadar gördüğümüz standart arama problemlerinde
 - Durumlar bir kapalı kutu gibidir.
 - Ardıl fonksiyonu, buluşsal fonksiyonu ve hedef testini destekleyen herhangi bir veri yapısı durumu tanımlayabilir.
- KTP (Koşul tatmin problemleri) farklı özelliklere sahiptir.
 - Durum, X_i değişkenleriyle tanımlanır ve her değişken D_i tanım kümesinden değer alır.
 - Hedef testi, bir koşul kümesinden oluşur ve her koşul değişkenlerin altkümelerinin alabileceği değer kombinasyonlarını tanımlar.
 - Bu tip tanımlar basit bir resmi tanımlama dili örneğidir.
 - Bu tip problemler üzerinde genel kullanıma uygun ve standart arama algoritmalarından daha verimli çalışan yöntemler geliştirilebilir.

- Örnek: Harita renklendirme
 - Değişkenler: WA, NT, Q, NSW, V, SA, T
 - Tanım kümesi Di = {kırmızı, yeşil, mavi}
 - Koşullar: Komşu bölgeler farklı renge boyanmalı
 - Örnek: WA ≠ NT veya (WA, NT) içinde {(kırmızı, yeşil), (kırmızı, mavi), (yeşil, kırmızı), (yeşil, mavi), (mavi, kırmızı), (mavi,yeşil)}

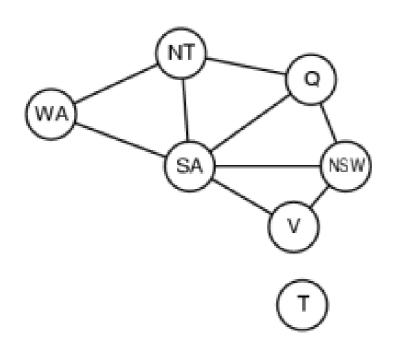


Örnek: harita renklendirme



- Çözümler: Bütün ve tutarlı eşleştirmeler.
 - Örneğin: WA = kırmızı, NT = yeşil, Q = kırmızı, NSW = yeşil, V = kırmızı, SA = mavi, T = yeşil

- Örnek: Harita renklendirme
 - Koşul grafı

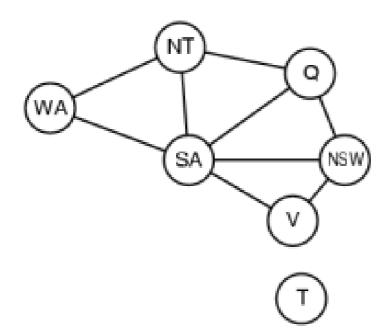


X={WA, NT, Q, SA, NSW, V, T}

C={SA≠WA, SA≠NT, SA≠Q, SA≠NSW, SA≠V, WA≠NT, NT≠Q, Q≠NSW, NSW≠V }

D = {kırmızı, mavi, yeşil}

- Örnek: Harita renklendirme
 - İkili KTP: Her koşul iki değişkeni ilgilendiriyor.
 - Koşul grafı: düğümler değişkenleri, yaylar koşulları temsil eder.



- Farklı KTP türleri
 - Kesikli değişkenler
 - Sınırlı tanım kümesi
 - N değişkenimiz var ve tanım kümesi d büyüklüğünde ise O(dⁿ) tam eşleşme bulunur.
 - Sınırsız tanım kümesi
 - Bu tür problemlerde mümkün olan tüm değer kombinasyonlarını sıralandırarak koşulları tanımlamak mümkün değildir.
 - Örnek: İş planlama, değişkenler her işin başlangıç ve bitiş günü
 - Bu tür problemler için koşul dili tanımlanmalıdır
 - Örneğin Başlangıçİş₁ + 5 ≤ Başlangıçİş₂
 - Devamlı değişkenler
 - Örnek: Hubble uzay teleskobunun gözlem başlangıç/bitiş zamanları
 - Deneyler için kesin tanımlı başlangıç/bitiş zamanı tanımlanmalı
 - Başlangıç/bitiş zamanları devamlı değişkenlerdir ve birçok astronomik, öncelik ve güç kullanımı koşuluna uymalıdır.

- Farklı KTP türleri
 - Global koşul
 - Birçok farklı sayıda değişkeni etkileyen koşullara global koşul denir.
 - En çok karşılaşılan global koşula örnek HepsiFarkli koşuludur.
 - Bu koşul mevcut ise her bir değişken farklı değer almalıdır.
 - Örnek: Sudoku probleminde her satır ve her sütun için HepsiFarkli kuralı geçerlidir.
- Farklı koşul tipleri
 - Tekli koşullar sadece bir değişkeni etkiler
 - Örnek: SA ≠ yeşil
 - İkili koşul değişken çiftlerini etkiler
 - Örnek: SA ≠ WA
 - Yüksek düzey koşullar 3 veya daha fazla sayıda değişkeni etkiler.
 - Örnek: Y değişkeninin değeri X ile Z değişkenlerinin değerleri arasında olmalıdır.

- Gerçek hayattan KTP örnekleri
 - Şu ana kadar gördüğümüz koşul örnekleri kesin koşullardır.
 - Bu koşulların tatmin edilmediği potansiyel bir çözüm devre dışı kalır.
 - Bir çok gerçek dünyadan KTP ise tercih koşulu içerir.
 - Bu koşullar tercih edilen çözümleri belirtir.
 - Örnek: Üniversite sınıf-planlaması problemi, "aynı hoca aynı anda iki derse giremez" kesin koşulunu içerebilir.
 - Ancak ayrıca, "Prof. T sabahları derse girmeyi tercih eder", "Prof E öğleden sonraları derse girmeyi tercih eder" gibi tercih koşulu içerebilir.
 - Prof T'nin öğleden sonra ders vereceği bir ders planlaması kabul edilebilir ancak tercih edilmeyecektir.
 - Tercih koşulları genellikle tekil değişken atamaları için maliyet oluşturur şekilde tanımlanabilir.
 - Örnek: Prof T'nin öğleden sonra ders verdiği bir planlama, hedef fonksiyonu için ekstradan 2 maliyet puanına neden olurken, Prof T'nin sabah ders verdiği bir planlama 1 maliyete neden olabilir.
 - Bu tür problemlere ayrıca koşul optimizasyon problemi adı verilir.

- Gerçek hayattan KTP örnekleri
 - Eşleme problemleri
 - Örnek: Hangi hoca hangi dersi verir.
 - Zaman planlama problemleri
 - Örnek: Hangi ders nerede ve ne zaman verilir?
 - Nakliye planlama
 - Fabrika üretim planlama
- Görüleceği üzere birçok gerçek hayattan problemde gerçek-zamanlı değere sahip değişkenler bulunmaktadır.

- KTP nasıl çözülür?
 - Standart arama formulasyonu
 - Öncelikle direk çözüm arayan metotları inceleyeceğiz.
 - Daha sonra bu metotları geliştirmek için neler yapılabilir sorusunu cevaplayacağız.
 - Durumlar, şu ana kadar eşlenmiş değerler ile tanımlanır.
 - Başlangıç durumu: Eşleştirmelere boş küme { }
 - Ardıl fonksiyonu: henüz değer eşleştirilmemiş bir değişkene şu ana kadar yapılan eşleştirmelerle çakışmayan bir değer eşleştir.
 - Olası eşleştirme kalmamışsa çözümsüz demektir.
 - Hedef testi: Yapılan eşleştirme tamam mı?

- KTP çözüm bulma
 - Normal durum uzayı aramalarında tek yapabilileceğimiz aramaktır.
 - KTP'de ise iki farklı işlem yapabiliriz.
 - Arama yapabiliriz: Yeni bir değişkene değer eşleme
 - Koşul yayılması (İng: Constraint propagation): koşulları kullanarak diğer değişkenlere eşlenebilecek değer sayısını azaltabiliriz.
 - Koşul yayılması, arama ile birlikte yapılabilir veya arama öncesi bir işlem olarak uygulanabilir.
 - Bu bölümde koşul yayılması yaparken kullanılan farklı metotları göreceğiz.

Düğüm tutarlılığı

- Bir değişkenin tanım kümesindeki her değer, değişkenin tekli koşullarını tatmin ediyorsa, bu değişkene düğüm-tutarlı diyoruz.
- Örnek: Harita renklendirme örneğimizde, SA bölgesi yeşil renk istemiyor olsun.
- SA değişkeninin tanım kümesi başlangıçta {kırmızı, yeşil, mavi} olur.
- Bu değişkeni düğüm-tutarlı yaparsak tanım kümesi {kırmızı, mavi} olacaktır.
- Bir ağdaki bütün düğümler düğüm-tutarlı ise ağ düğüm-tutarlıdır denir.

Yay tutarlılığı

- Bir değişkenin tanım kümesinde bütün değerler, bu değişkenin ikili koşullarını tatmin ediyorsa, değişken yay-tutarlıdır.
- Daha resmi tanımlarsak; X_i ve X_j değişkenlerini ele aldığımızda, X_i değişkeninin şu anki tanım kümesi D_i içerisindeki her değer için X_j değişkeninin D_j tanım kümesinde (X_i, X_j) yayının tanımladığı koşulu sağlayan değerler var ise X_i değişkeni yay-tutarlıdır.
- Örnek: $Y = X^2$ koşulunu düşünelim. X ve Y'nin tanım kümesi rakamlar kümesi olsun.
- Bu koşulu açık bir şekilde $<(X,Y),\{(0,0),(1,1),(2,4),(3,9)\}>$ şeklinde yazabiliriz.
- X'i, Y'ye göre yay-tutarlı yapabilmek için, X'in tanım kümesini {0,1,2,3} olacak şekilde azalttık.
- Y'yi X'e göre yay-tutarlı yapmak istersek Y'nin tanım kümesini {0,1,4,9} olarak azaltmamız gerekir.
- Böylece KTP'nin tamamı yay-tutarlı olur.

AC-3 algoritması yay tutarlılığı kullanır.

```
fonksiyon AC-3 (ktp) dönüş tutarsızlık bulunursa false aksi takdirde true input: ktp, (X, D, C) komponentleri ile bir ikili KTP yerel değişkenler: sira, yaylar sırası, başlangıçta ktp'nin bütün yayları while sira boş değil ise do (X_p, X_p) <== lLK-SlL(sira) if KONTROLET(ktp, X_p, X_p) then if sizeof D_p = 0 then return false for each X_k in X_p:KOMSULAR - \{X_p\} do EKLE(X_k, X_p) to sira return true
```

```
function KONTROLET(ktp, X<sub>i</sub>, X<sub>j</sub>) dönüş true ancak ve ancak X<sub>i</sub>'in tanım kümesini kontrol ettiysek kontroledildi <== false for each x in D<sub>i</sub> do

if D<sub>i</sub> içerisindeki hiçbir y değeri (x,y) çiftinin X<sub>i</sub> ile X<sub>j</sub> arasındaki koşulu tatmin etmiyorsa then x değerini D<sub>i</sub>'den sil kontroledildi <== true

return kontroledildi
```

- Yol tutarlılığı
 - Yay tutarlılığı tanım kümelerindeki olası elemanları (tekli koşul) yayları kullanarak (ikili koşul) azaltabilmemizi sağlar.
 - Avustralya haritasının renklendirme problemimizin çözümüne bir katkı sağlamaz.
 - Bu tür problemlerde ilerleme kaydedebilmemiz için daha kuvvetli bir koşul yaklaşımına ihtiyacımız var.
 - Yol tutarlılığı üç değişkeni etkileyen koşulları kullanarak ikili koşulları sıkılaştırır.
 - İki değişkenli $\{X_i, X_j\}$ kümesi üçüncü bir değişken olan X_m 'e göre yol tutarlıdır; eğer $\{X_i, X_j\}$ koşuluna uygun her $\{X_i = a, X_j = b\}$ $\{X_i, X_m\}$ ve $\{X_m, X_i\}$ koşullarını tatmin eden bir X_m eşleştirmesi var ise.
 - Bu durum yol tutarlılığı olarak adlandırılır. Çünkü yapılan X_m 'in ortada yer aldığı X_i 'den X_i 'ye bir yol bulunmasına benzer.



- Sadece iki renk kullanarak (sadece kırmızı ve mavi) yandaki haritamızı renklendirebilir miyiz?
- Bu soruyu cevaplayabilmek için yol tutarlılığı kontrolü yapalım
- {WA, SA} yolunun NT'ye göre yol tutarlılığını kontrol edeceğiz.
- İki rengmiz olduğuna göre {WA, SA} için yapabileceğimiz eşleştirmeler {WA = kırmızı, SA = mavi} ve {WA = mavi, SA = kırmızı} olur.
- Her iki eşleştirme için de NT'ye eşleştirebileceğimiz bir renk kalmıyor.
- Öyleyse NT için geçerli bir eşleştirmemiz yok.
- Sonuç olarak diyebiliriz ki iki renk ile yandaki haritanın renklendirilmesi mümkün değildir.

- KTP'ler için geri-dönüşlü arama
 - Bazı problemler koşullar üzerinde çıkarım yaparak çözülebilir.
 - Ancak bazı problemler için gördüğümüz metotlar ile çıkarım yapmak yeterli değildir.
 - KTP'leri çözmek için standart derinlik limitli arama kullanılabilir
 - Bir durum tamamlanmamış bir eşleştirmedir.
 - Aksiyonlar, eşleştirme yapılmamış bir değişkene var = değer şeklinde yeni bir eşleştirme yapmadır.
 - n tane değişkeni olan ve d dallanma faktörüne sahip bir KTP için en üst seviyede d*n tane farklı eşleştirme yapılabilir.
 - Bir sonraki seviyede (n-1)*d farklı eşleştirme yapılabilir.
 - Bu şekilde ağacın tamamını oluşturursak toplam yaprak sayısı n!*dⁿ olacaktır.
 - Halbuki aslında toplam dⁿ yapılabilecek eşleştirme vardır.
 - Yukarıdaki formülasyonumuz KTP'lerin ortak bir özelliğini görmezden geliyor:
 - Sıra bağımsız olması (İng: Commutativity)

- KTP'ler için geri-dönüşlü arama
 - Verilen aksiyon kümesindeki aksiyonların sıralaması problemin çözümü açısından bir farklılık göstermiyor ise bu tür problemlere sıra bağımsız problem diyoruz.
 - KTP'ler sıra bağımsızdır, çünkü eşleştirmelerin sıralamasından bağımsız olarak aynı eşleştirmeler ile aynı kısmi eşleştirme elde edilir.
 - Örnek: [WA = kırmızı sonra NT = yeşil] ile [NT = yeşil sonra WA = red] aynı sonucu verir.
 - Sıra bağımsızlık özelliğini kullanırsak, her düğümde sadece tek bir değişken için değer eşleştirmeyi değerlendirmeliyiz.
 - b = d ve toplam b^d yaprak olur.
 - KTP'ler üzerinde sadece tek değişken eşleştirerek ilerleyen derinlik öncelikli arama geri-dönüşlü arama (ing: backtracking search).
 - Geri-dönüşlü arama KTP'ler üzerinde kullanılan bilgisiz arama metodudur.

function GERI-DONUSLU-ARAMA (ktp) dönüş bir çözüm veya başarız

```
return GERI-DONUS({ }, ktp)
function GERI-DONUS (eşleme, ktp) dönüş bir çözüm veya başarısız
  if eşleme tamamlanmış ise then return eşleme
  var <== E$LEME-YAPILMAMI$-DEĞİ$KEN-SEÇ(ktp)</pre>
 for each değer in TANIM-KÜMESİNDEKİ-DEĞERLERİ-SIRALA(var,eşleme,ktp) do
   if değer eşleme ile tutarlı ise then
     ekle {var = değer} to eşleme
     çıkarımlar <== ÇIKARIM(ktp,var,değer)</pre>
     if çıkarımlar ≠ başarısız then
       ekle çıkarımlar to eşleme
       sonuç <==GERI-DONUS(eşleme,ktp)</pre>
       if sonuç ≠ başarısız then
         return sonuç
   sil eşleme'den {var = value} ve çıkarımlar
  return başarısız
```

- Önceki bölümde bilgisiz arama metotlarını geliştirebilmek için problem ile ilgili bilgileri kullanmıştık.
- Ktp'lerde ise problem alakalı bilgiye ihtiyaç duymadan çözüme daha hızlı ulaşabiliriz.
- Bunun için aşağıdaji sorulara cevap verebilmemiz gerekir
 - Bir sonraki aşamada hangi değişkeni seçmeliyiz (EŞLEME-YAPILMAMIŞ-DEĞİŞKEN-SEÇ) ve değerleri hangi sıra ile denemeliyiz (TANIM-KÜMESİNDEKİ-DEĞERLERİ-SIRALA)?
 - Her adımda hangi tür çıkarımlar yapılmalıdır (ÇIKARIM)?
 - Arama sırasında bir koşulu ihlal eden eşleştirme yapıldığında, bu hatanın tekrarlanması arama tarafından engellenebilir mi?

- Değişken ve değer sıralama
 - Geri-dönüş algoritması aşağıdaki satıra sahiptir
 - var <== EŞLEME-YAPILMAMIŞ-DEĞİŞKEN-SEÇ(ktp)
 - En basit seçim metodu eşleme yapılmamış bir sonraki değişkeni seçmektir.

Northern

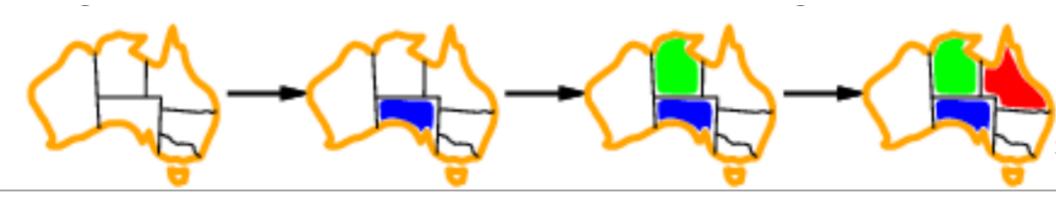
South Australia

Western Australia Oueensland

South

- Ancak bu statik değişken sıralama metodu çok seyrek en verimli arama sağlar.
- Haritamıza geri dönelim
- WA = kırmızı, NT = yeşil
- SA için tek seçenek kaldı.
- SA seçildikten sonra gerisi zaten belli
- En az seçenek şansı kalmış değişkeni seçmeye minimum geri-kalan değerler metodu (ing: minimum remaining values) denir.
 - Bu metot ayrıca en kısıtlı değişken (ing: most constrained variable) olarak bilinir.

- Değişken ve değer sıralama
 - Minimum geri-kalan değerler (mgd) metodu ilk eşleme yapılacak değişkenin seçilmesi sırasında bir katkı sağlamaz.
 - İlk değişken seçilirken derece buluşsalı (ing degree heuristic) işe yarar.
 - Derece buluşsalı kullanılarak diğer değişkenler üzerinde en fazla sayıda koşula sahip olan değişken seçilir.
 - Böylece dallanma faktörü azaltılmaya çalışılır.

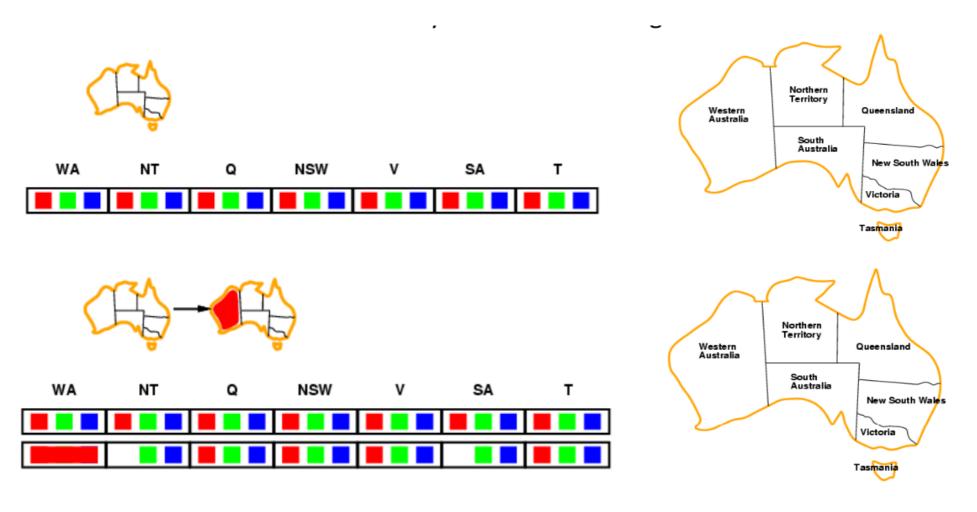


- Değişken ve değer sıralama
 - Değişken seçildikten sonra verilecek değer seçilmelidir.
 - Bu amaçla en-az kısıtlayıcı değer kullanılabilir.
 - Bir değişken için, geri kalan değişkenler için en az sayıda seçeneği eleyen değer seçilir.



- Arama ve çıkarımı birlikte yapma
 - Bu bölümde gördüğümüz algoritmalar aramaya başlamadan önce değişkenlerin sahip olabilecekleri değerleri azaltabiliyor.
 - Çıkarım bunun dışında başka yararlar için kullanılabilir.
 - Her değişken için eşleme yaptığımızda, çıkarım yaparak aramanın geri kalanını verimli hale getirebiliriz.
 - Bu yöntemlerden biri ileri kontroldür (ing: forward checking)
 - Bir X değişkenine değer eşlendiğinde, X değişkenine bir koşul ile bağlı olan Y değişkenin değer kümesinden, X değişkenine eşlenen değer ile çelişen değerleri silebiliriz.
 - Bir başka deyişle
 - Eşleşme yapılmamış değişkenler için kalan eşlenebilir değerleri takip et
 - Herhangi bir zamanda bir değişken için eşlenebilir değer kalmaz ise aramayı sonlandır.

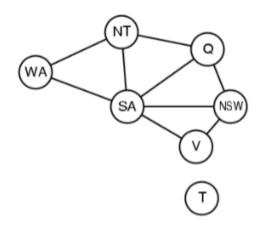
İleri kontrol



İleri kontrol Northern Territory Western Queensland Australia WA NT NSW South Australia New South Wales Victoria Tasmania Northern Territory Western Queensland WA NT SA Т Q NSW Australia South Australia New South Wales Victoria Tasmania

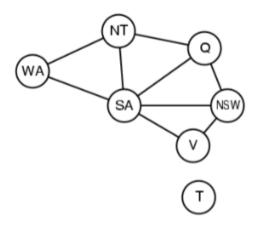
- Akıllı geri-dönüş
 - Geriye bakış
 - Arama başarısız olduğunda geri dönüş yapılmalıdır.
 - Bu noktada sorulması gereken soru nereye dönülmelidir.
 - Geri dönüş yapılan değişkene farklı bir değer verilecektir.
 - En basit yöntem en son değer eşlenen değişkeni seçmektir.
 - Bu yöntem kronolojik geri-dönüş adı verilir.
 - Bu bölümde başka yöntemleri göreceğiz.

Akıllı geri-dönüş



- Belirli bir sıralama ile kronolojik geri dönüş yaptığımız varsayalım.
- Sıralamamız Q, NSW, V, T, SA, WA, NT olsun.
- Farzedelim şu kısmi eşleştirmeyi yapalım: Q = kırmızı, NSW = yeşil, V = mavi, T = kırmızı}
 - Bir sonraki değişken olan SA için eşleme yapacağımız değer yok.
 - Bir öncekine geçsek, T düğümüne başka bir değer eşlememiz bir işe yaramayacaktır.

Akıllı geri-dönüş



- Daha akıllıca yöntem sorunu çözecek olan bir değişkene dönüş yapmaktır.
 - SA değişkenine değer eşlenememesine sebep olan değişkenler seçilmeli.
 - Örneğimiz için ({Q = kırmızı}, {NSW = yeşil}, {V = mavi}) sorun oluşturan eşleştirmelerdir.
 - Bu sebeple T düğümünün üzerinden atlayıp V düğümünün değeri değiştirilerek geri dönüş yapılmalıdır.

İleri kontrol

- İleri kontrol ileriye yeteri kadar bakamadığı için örneğimizdeki tutarsızlık oluşmuştur.
- Bu durumu çözmek için Yay tutarlılığı sağlama (İng: Maintaining arc consistency) algoritması kullanılabilir.
 - Bir X_i değişkenine değer atandığında ÇIKARIM fonksiyonu AC-3 algoritması, tüm yaylar yerine, sadece (X_i, X_j) şeklinde olan yaylar ile başlatılır.
 - AC-3 algoritması daha önce gösterdiğimiz gibi çalışır ve tanım kümesi boş küme olan bir değişken bulunduğunda geri-dönüş başlatılır.
 - YTS algoritması yinemeli olarak tüm yayları kontrol ettiği için ileri kontrol yönteminden daha etkilidir.