

```
Untitled0.ipynb ☆
File Edit View Insert Runtime Tools Help Last saved at 6:00 PM

+ Code + Text

# Mengimport Library
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
import scipy.integrate as integrate
from sympy import symbols, cos, integrate as sympy_integrate

# Fungsi yang akan diintegrasikan
# Dalam hal ini fungsi  $x^{-3} + \cos(x)$ 
def func(x):
    return (x**(-3)) + np.cos(x)

# Batas integrasi
a = 1.0 # Batas bawah
b = 5.0 # Batas atas
n = 10 # Jumlah grid, harus ganjil untuk metode Simpson

# METODE EKSAK
# Menggunakan Sympy untuk menghitung integral eksak secara simbolik
x_symbol = symbols('x')
f_symbolic = x_symbol**(-3) + cos(x_symbol)

# Integral eksak antara batas a dan b
integral_eksak = sympy_integrate(f_symbolic, (x_symbol, a, b))

# SIMPSON'S RULE
# Jika  $n \% 2 == 0$ , maka jumlah n harus ganjil, sehingga ditambah 1
if n % 2 == 0:
    n += 1 # Jika n genap, tambahkan 1 agar menjadi ganjil

# Membuat grid atau titik-titik x dengan jarak yang sama antara a dan b
```

```
Untitled0.ipynb ☆
File Edit View Insert Runtime Tools Help Last saved at 6:00 PM

+ Code + Text

# Membuat grid atau titik-titik x dengan jarak yang sama antara a dan b
x = np.linspace(a, b, n)
dx = (x[-1] - x[0]) / (n - 1) # Menghitung lebar tiap grid (dx)

# Menghitung integral menggunakan metode Simpson
# Mulai dengan menjumlahkan fungsi di titik pertama dan terakhir (f(a) dan f(b))
hasil_simpson = func(x[0]) + func(x[-1])

# Menghitung bagian untuk indeks ganjil
# Indeks ganjil dimulai dari 1 hingga n-2, dikalikan 4
for i in range(1, n-1, 2):
    hasil_simpson += 4 * func(x[i]) # Penjumlahan 4 * f(x_i)

# Menghitung bagian untuk indeks genap
# Indeks genap dimulai dari 2 hingga n-3, dikalikan 2
for i in range(2, n-2, 2):
    hasil_simpson += 2 * func(x[i]) # Penjumlahan 2 * f(x_i)

# Kalikan hasil akhir dengan dx / 3 sesuai dengan aturan Simpson
hasil_simpson = hasil_simpson * dx / 3

# METODE TRAPEZOID
# Membuat grid yang lebih halus untuk metode trapezoid
x_trapz = np.linspace(a, b, n)
y_trapz = func(x_trapz)

# Menggunakan scipy.integrate.trapz untuk menghitung dengan metode trapezoid
hasil_trapezoid = integrate.trapz(y_trapz, x_trapz)

# Visualisasi grafik Eksak
xp = np.linspace(a, b, 1000)
```

```
Untitled0.ipynb ☆
File Edit View Insert Runtime Tools Help Last saved at 6:00 PM

+ Code + Text

# Visualisasi grafik Eksak
xp = np.linspace(a, b, 1000)
plt.figure(figsize=(12, 6))

# Grafik untuk metode eksak
plt.subplot(1, 3, 1)
plt.plot(xp, func(xp), label="Grafik Eksak", color='blue')
plt.fill_between(xp, func(xp), color='lightblue', alpha=0.5)
plt.title("Grafik Eksak")
plt.xlabel('x')
plt.ylabel('f(x)')
plt.legend()

# Grafik untuk metode Simpson
plt.subplot(1, 3, 2)
plt.plot(xp, func(xp), label="Grafik Simpson", color='green')
for i in range(n):
    plt.bar(x[i], func(x[i]), align='edge', width=dx, color='red', edgecolor='black')
plt.title("Grafik Simpson")
plt.xlabel('x')
plt.ylabel('f(x)')
plt.legend()

# Grafik untuk metode Trapezoid
plt.subplot(1, 3, 3)
plt.plot(xp, func(xp), label="Grafik Trapezoid", color='purple')
plt.fill_between(x_trapz, y_trapz, color='lightgreen', alpha=0.5)
plt.plot(x_trapz, y_trapz, 'ro--', label='Titik Trapezoid')
plt.title("Grafik Trapezoid")
plt.xlabel('x')
plt.ylabel('f(x)')
```

