

## Champ électrique

Seule la direction importe, le sens sera apporté par la charge sur laquelle on “appliquera” le champ.

Quand on a une surface avec une forme facile (symétrique) on peut faire :

$$\Phi_E = \int \vec{E}(r) \cdot d\vec{S} = \frac{Q_{\text{int}}}{\epsilon_0}$$

En fait on va entourer nos charges avec une forme (par exemple une sphère), donc on aura  $Q_{\text{int}}$  et on va calculer  $d\vec{S}$  est toujours orthogonal à la surface par laquelle les charges passent (donc si le champ est dans le même sens alors le produit scalaire fera 1).

## Potentiel électrique

Ce n'est pas un vecteur. C'est comparable à la hauteur en méca.

Comment calculer  $V$  **en un point** ? Charge(s) ponctuelle(s) :

$$V(r) = \sum_i^n k \frac{Q_i}{r_i}$$

Pour une surface avec une distribution de charges continue :

$$V(r) = \int_S k \frac{dq}{r}$$

Attention  $V$  est un scalaire, pas un vecteur !

$$E = -\nabla V$$

## Conservation de l'énergie

$$E = K + U$$

L'énergie cinétique et l'énergie potentielle d'une charge  $q$  dans un potentiel électrique  $V$  créé par d'autres charges :

$$K = \frac{1}{2}mv^2$$

$$U = V \cdot q$$

$U$  s'exprime toujours comme une énergie potentielle entre une charge et une ou plusieurs autres charges.

En méca, l'énergie potentielle dépend du champ dans lequel la charge est introduite (en méca  $U = mgh$ ). En électromag pareil, elle dépend des autres charges présentes autour.

L'énergie potentielle est définie à une constante près. En méca on dit que  $U(\text{surface de la Terre}) = 0$  pour simplifier les calculs. En électromag on dit  $U(\infty) = 0$  (quand les deux charges sont éloignées à l'infini alors l'énergie potentielle est nulle).

$$W_{A \rightarrow B} = \Delta U$$

(par exemple en méca  $W_{A \rightarrow B} = mgh_a - mgh_b$ )

Si  $\nabla V = 0$ , le potentiel est constant, ça signifie que le champ est nul dans la direction dans laquelle on effectue le travail, mais on peut avoir un champ perpendiculaire à la direction.

## Propriété des conducteurs dans un cas électrostatique

- $\vec{E} = 0$  à l'intérieur
- à l'intérieur ce n'est pas chargé (il y a un équilibre)
- $\vec{E}$  est  $\perp$ , car c'est à la surface que toutes les charges se trouvent (et toute composante du champ parallèle ferait bouger les charges, ce qui n'est pas autorisé).

## Formule de Poisson

On part de la formule de Gauss:

$$\int_S \vec{E} \cdot d\vec{S} = \frac{Q_{\text{int}}}{\epsilon_0}$$

Intégrer sur la surface c'est comme intégrer sur le volume en dérivant le vecteur :

$$\Leftrightarrow \int_V \vec{\nabla} \cdot \vec{E} \cdot dV = \frac{Q_{\text{int}}}{\epsilon_0}$$

On retrouve la charge :

$$\Leftrightarrow \vec{\nabla} \cdot \vec{E} \int_V dV = \frac{1}{\epsilon_0} \int_V \rho \cdot dV$$

$$\Leftrightarrow \vec{\nabla} \cdot \vec{E} \int_V dV = \frac{\rho}{\epsilon_0} \int_V dV$$

$$\Leftrightarrow \vec{\nabla} \cdot \vec{E} = \frac{\rho}{\epsilon_0}$$

$$\Leftrightarrow \vec{\nabla}^2 \cdot \vec{V} = \frac{\rho}{\epsilon_0}$$

## Capacité

Dans le cas d'un condensateur,  $Q = C \cdot V$

Ou  $Q = \frac{C}{\Delta V}$  pour un condensateur, avec  $\Delta V$  la différence de potentiel entre les deux plaques.

$$C = \frac{\epsilon A}{d}$$

donc C ne dépend que de la géométrie du condensateur

$d$  distance entre les plaques (en mètres)

$A$  l'aire des plaques (en mètres carrés)

$\epsilon$  perméabilité du milieu entre les plaques (la capacité ne dépend donc pas uniquement de la géométrie mais aussi du facteur  $\chi_i$  du matériau)

$$E = \frac{E_0}{K}$$

$E_0$  le champ électrique si on était dans l'air

$K$  la constante diélectrique du milieu

Calculer une différence de potentiel avec différents milieux:

$$V(A) - V(B) = \int_0^{\text{fin du milieu A}} \vec{E} d\vec{l} + \int_{\text{fin du milieu A}}^{\text{fin du milieu B}} \vec{E} d\vec{l}$$

$$\Leftrightarrow V(A) - V(B) = \frac{E_0}{K_{A(d_A)}} + \frac{E_0}{K_{B(d_B)}}$$

Calculer la capacité des condensateurs en série :

$$\frac{1}{C_{\text{tot}}} = \sum_{\text{capacité du condensateur } i} \frac{1}{C_i}$$

Calculer la capacité des condensateurs en parallèle :

$$C_{\text{tot}} = \sum_{\text{capacité du condensateur } i} C_i$$