

T1 最大子数组和问题

题目

Description

小猫咪玩游戏，现在有 n 张牌依次放在地上，牌上有数字，数字的范围是 $-20 \sim 20$ ，正数表示可以奖励对应数目的猫粮，负数表示减去对应数量猫粮。猫咪可以从其中**连续**选择 k 张牌， $0 \leq k \leq n$ ($k=0$ 表示不选牌，即0包猫粮)，即能获得数量为 k 张牌的数字之和的猫粮。 k 的具体数值由猫咪决定，不作为输入。

实现一个函数，求出猫咪最多能获取几包猫粮， $1 \leq \text{数组长度} \leq 100$ 。已提供main函数解决输入输出，只需要实现函数即可。

Input

输入共 $n+1$ 行，第一行为数组长度 n ，接下来的 n 行输入数组的数字。

Output

输出猫咪所能获得的最多猫粮数量。

参考代码

header.h

```
int maxFood(int a[], int len);
```

header.c

```
#include "header.h"

int maxFood(int arr[], int n) {
    int max_sum = 0;
    int current_sum = 0;

    for (int i = 0; i < n; i++) {
        current_sum += arr[i];

        if (current_sum > max_sum) {
            max_sum = current_sum;
        }

        if (current_sum < 0) {
            current_sum = 0;
        }
    }

    return max_sum;
}
```

main.c

```
#include <stdio.h>
```

```
#include "header.h"
int main()
{
    int a[100];
    int len;
    scanf("%d", &len);
    int i;
    for(i=0; i<len; i++){
        scanf("%d", &a[i]);
    }
    printf("%d", maxFood(a, len));
    return 0;
}
```

代码解释

这其实是一个“最大子数组和”的问题，经典解法为“Kadane’s算法”，它能在线性时间内完成求解。Kadane算法的核心思想是通过迭代数组元素，逐步累计子数组的和，如果累计的和在某一时刻变成负数，就放弃当前子数组，重新开始计算，因为负数只会减少总和。

1. 初始化两个变量：

- `max_sum`：用于存储找到的最大和，初始值为0。
- `current_sum`：用于追踪当前的子数组和，初始值为0。

2. 遍历数组：

- 对于每个元素，将其添加到 `current_sum`。
- 如果 `current_sum` 比 `max_sum` 大，更新 `max_sum`。
- 如果 `current_sum` 变为负数，说明这个子数组的对后续求最大值没有帮助，将 `current_sum` 重置为0。（举个例子，如果数组的第一个数就是负数，那么在遍历到第二个索引时便会重置 `current_sum` 时便会重置）

最终，`max_sum` 就是猫咪能获得的最多猫粮数。

另外，本题中定义的代码架构（先定义头文件 `.h`，再在 `.c` 文件中实现）是 C/C++ 的推荐代码架构，这样组织一个项目，便于维护和拓展。

T2 螺旋遍历二维数组

题目

给定一个 $m \times n$ 大小的整数矩阵（ m 行， n 列），按顺时针螺旋的顺序打印矩阵中的所有元素。

例如一个 3×3 的矩阵：

1 2 3

4 5 6

7 8 9

输出应为：

1 2 3 6 9 8 7 4 5

数据规模

`1 <= n, m <= 10` , 矩阵中任意元素都满足 `|val| <= 100` 。

提示

只需完成函数 `void spiralOrder(int **matrix, int m, int n)` , 该函数参数 `matrix` 是一个二维矩阵, 用二维数组进行存储, 可以使用 `matrix[0][0]` 在该函数中访问矩阵第一行第一列的数据, `m` 表示矩阵的行数, `n` 表示矩阵的列数。该函数需要按照题意顺时针螺旋打印矩阵内容。

参考代码

solution.h

```
void spiralOrder(int **matrix, int m, int n);
```

solution.c

```
#include "solution.h"

void spiralOrder(int **matrix, int m, int n) {
    int top = 0, bottom = m - 1; // 上边界和下边界
    int left = 0, right = n - 1; // 左边界和右边界

    while (top <= bottom && left <= right) {
        // 从左到右遍历上边界
        for (int i = left; i <= right; i++) {
            printf("%d ", matrix[top][i]);
        }
        top++; // 上边界下移

        // 从上到下遍历右边界
        for (int i = top; i <= bottom; i++) {
            printf("%d ", matrix[i][right]);
        }
        right--; // 右边界左移

        // 从右到左遍历下边界 (如果还在边界内)
        if (top <= bottom) {
            for (int i = right; i >= left; i--) {
                printf("%d ", matrix[bottom][i]);
            }
            bottom--; // 下边界上移
        }

        // 从下到上遍历左边界 (如果还在边界内)
        if (left <= right) {
            for (int i = bottom; i >= top; i--) {
                printf("%d ", matrix[i][left]);
            }
            left++; // 左边界右移
        }
    }

    printf("\n"); // 打印新行以便清晰显示
}
```

main.c

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include "solution.h"
int main()
{
    int m,n,i,j;
    scanf("%d%d",&m,&n);
    int **matrix=(int**)malloc(sizeof(int*)*m);
    for(i=0; i<m; i++)
        matrix[i]=(int*)malloc(sizeof(int)*n);
    for(i=0; i<m; i++)
    {
        for(j=0; j<n; j++)
        {
            scanf("%d",&matrix[i][j]);
        }
    }
    spiralOrder(matrix,m,n);
    for(i=0; i<m; i++)
        free(matrix[i]);

    free(matrix);
    return 0;
}
```

代码解释

1. 定义边界：我们定义了四个变量 `top`、`bottom`、`left`、`right` 来表示矩阵的四个边界，分别初始化为0、`m-1`、0和`n-1`。
2. 螺旋打印循环：
 - 使用 `while (top <= bottom && left <= right)` 来控制循环，确保打印操作在边界内。
 - 从左到右遍历 `top` 边界：从 `left` 到 `right` 打印 `matrix[top][i]`，然后 `top++`。
 - 从上到下遍历 `right` 边界：从 `top` 到 `bottom` 打印 `matrix[i][right]`，然后 `right--`。
 - 从右到左遍历 `bottom` 边界（如果 `top <= bottom`）：从 `right` 到 `left` 打印 `matrix[bottom][i]`，然后 `bottom--`。
 - 从下到上遍历 `left` 边界（如果 `left <= right`）：从 `bottom` 到 `top` 打印 `matrix[i][left]`，然后 `left++`。

这道题只需理解二维数组的有关操作即可轻松完成。

T3 压缩字符串

题目

Description

小G在玩一个游戏，利用字符重复出现的次数，编写一种方法，实现基本的字符串压缩功能。比如，字符串aabccccaaa会变为a2b1c5a3，假如压缩后的字符串的长度不小于原字符串的长度，则输出原来的字符串。

字符串中只包含小写英文字母（a至z），每个字母的重复次数为1到9次，字符总长度为1~100。

Hint

strlen()可以用来求一个字符串的长度，需要include头文件<string.h>

Input

一行，字符串

Output

输出压缩的字符串或者原字符串

参考代码

main.c

```
#include <stdio.h>
#include <string.h>

void compressString(char *str) {
    int len = strlen(str);
    char compressed[200];
    int index = 0;

    int count = 1;

    for (int i = 0; i < len; i++) {
        if (i + 1 < len && str[i] == str[i + 1]) {
            // 当前字符与下一个字符相同，增加计数
            count++;
        } else {
            // 当前字符与下一个字符不同，添加字符和计数到compressed
            compressed[index++] = str[i];
            compressed[index++] = count + '0';
            count = 1;
        }
    }

    // 添加字符串结束符
    compressed[index] = '\0';

    // 判断压缩字符串是否比原字符串短
    if (strlen(compressed) < len) {
        printf("%s\n", compressed);
    } else {
        printf("%s\n", str);
    }
}

int main() {
```

```

char str[101];
scanf("%s", str);
compressString(str);
return 0;
}

```

代码解释

1. 输入和初始化:

- 使用 `scanf` 读取输入字符串 `str`。
- 使用 `strlen()` 函数获取原字符串长度 `len`。
- 定义 `compressed` 数组来存储压缩后的字符串，`index` 用于指向 `compressed` 中的位置。
- `count` 用于记录当前字符的连续出现次数。

2. 遍历字符串:

- 循环从 0 到 `len - 1`，检查每个字符。
- 如果当前字符与下一个字符相同，则增加 `count`。
- 如果当前字符与下一个字符不同，则：
 - 将当前字符和计数值追加到 `compressed` 中。使用 `compressed[index++] = str[i]` 将字符加入，使用 `compressed[index++] = count + '0'` 将计数值转为字符加入（`count + '0'` 将整数转换为字符，如 2 变成字符 '2'）。
 - 重置 `count` 为 1，准备统计下一个字符的重复次数。

3. 结束处理:

- 在 `compressed` 字符串末尾添加空字符 `\0`，标志字符串结束。
- 比较 `compressed` 和原字符串的长度，如果 `compressed` 长度更小，则输出压缩结果，否则输出原字符串。

T4 大数运算

题目

输入两个非负整数a和b，输出两个非负整数的和(a+b)。

数据规模

$0 \leq a, b \leq 10^{99} - 1$

参考代码

main.c

```

#include <stdio.h>
#include <string.h>

void bigNumberAddition(char *a, char *b) {
    int len_a = strlen(a);
    int len_b = strlen(b);
    int max_len = len_a > len_b ? len_a : len_b;
}

```

```

char result[max_len + 2]; // +2是为了处理可能的进位以及末尾的\0
int carry = 0; // 进位
int index = 0; // 结果数组的索引

// 从低位到高位逐位相加
for (int i = 0; i < max_len; i++) {
    int digit_a = (i < len_a) ? a[len_a - 1 - i] - '0' : 0; // 取a的当前位
    int digit_b = (i < len_b) ? b[len_b - 1 - i] - '0' : 0; // 取b的当前位
    int sum = digit_a + digit_b + carry; // 当前位的和

    result[index++] = (sum % 10) + '0'; // 保存当前位的结果
    carry = sum / 10; // 更新进位
}

// 如果有剩余进位
if (carry) {
    result[index++] = carry + '0';
}

result[index] = '\0'; // 添加字符串结束符

// 反转结果字符串
for (int i = 0; i < index / 2; i++) {
    char temp = result[i];
    result[i] = result[index - 1 - i];
    result[index - 1 - i] = temp;
}

printf("%s\n", result); // 输出最终结果
}

int main() {
    char a[102], b[102]; // 最大长度为100，加上末尾的\0
    scanf("%s %s", a, b);
    bigNumberAddition(a, b);
    return 0;
}

```

代码解释

1. 输入和初始化：

- 读取两个大数字符串 `a` 和 `b`。
- 计算两个字符串的长度，并找出较长的长度作为 `max_len`。
- `result` 数组用于存储加法结果，长度为 `max_len + 2`，以防进位导致长度增加。
- `carry` 用于保存进位。

2. 逐位相加：

- 从两个字符串的末尾开始逐位相加（如果一个字符串已遍历完，则对应位置的值为0）。
- 计算每一位的和，将个位加入 `result`，更新进位。

3. 处理进位和结束符：

- 若最后仍有进位，则将进位加到 `result`。

- 将 `result[index]` 置为 `\0`，表示字符串结束。

4. 反转结果：

- 因为 `result` 从低位到高位填充，因此需要反转使其符合从高位到低位的顺序。

5. 输出结果：最终输出 `result`。