



Министерство науки и высшего образования Российской Федерации
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Московский государственный технический университет
имени Н.Э. Баумана
(национальный исследовательский университет)»
(МГТУ им. Н.Э. Баумана)

ФАКУЛЬТЕТ _____ «Информатика и системы управления»

КАФЕДРА _____ «Программное обеспечение ЭВМ и информационные технологии»

ОТЧЕТ ПО ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ №2 по курсу «Анализ алгоритмов»

«Трудоёмкость алгоритмов умножения матриц»

Студент _____ Маслова Марина Дмитриевна

Группа _____ ИУ7-53Б

Оценка (баллы) _____

Преподаватель _____ Волкова Лилия Леонидовна

2021 г.

Содержание

Введение	3
1 Аналитическая часть	4
1.1 Вывод	4
2 Конструкторская часть	5
2.1 Разработка алгоритмов	5
2.2 Структура разрабатываемого ПО	5
2.3 Классы эквивалентности при тестировании	5
2.4 Вывод	5
3 Технологическая часть	6
3.1 Требования к программному обеспечению	6
3.2 Средства реализации	6
3.3 Листинги кода	6
3.4 Описание тестирования	7
3.5 Вывод	8
4 Исследовательская часть	9
4.1 Технические характеристики	9
4.2 Примеры работы программы	9
4.3 Результаты тестирования	9
4.4 Постановка эксперимента по замеру времени	10
4.5 Результаты эксперимента	10
4.6 Вывод	10
Заключение	11
Список литературы	12

Введение

Умножение матриц является основным инструментом линейной алгебры и имеет многочисленные применения в математике, физике, программировании [1]. При этом сложность стандартного алгоритма умножения матриц $N \times N$ составляет $O(N^3)$ [2], что послужило причиной разработки новых алгоритмов меньшей сложности. Одним из них является алгоритм Винограда с асимптотической сложностью $O(N^{2.3755})$ [1].

Целью данной работы является изучение алгоритмов умножения матриц: стандартного и Винограда, — а также получение навыков расчета сложности алгоритмов и их оптимизации.

Для достижения поставленной цели необходимо выполнить следующие **задачи**:

- изучить алгоритмы умножения матриц: стандартный и алгоритм Винограда;
- разработать каждый из алгоритмов;
- дать теоретическую оценку трудоемкости стандартного алгоритма и алгоритма Винограда;
- оптимизировать алгоритм Винограда и дать теоретическую оценку его трудоемкости;
- реализовать каждый из трех алгоритмов;
- провести тестирование реализованных алгоритмов;
- провести сравнительный анализ алгоритмов по процессорному времени работы реализации.

1 Аналитическая часть

1.1 Вывод

2 Конструкторская часть

2.1 Разработка алгоритмов

2.2 Структура разрабатываемого ПО

Для реализации разрабатываемого программного обеспечения будет использоваться метод структурного программирования. Каждый из алгоритмов будет представлен отдельной функцией, при наличии части инициализации матрицы, она также будет вынесена в отдельную функцию. Также будут реализованы функции для ввода-вывода и функция, вызывающая все подпрограммы для связности и полноценности программы.

2.3 Классы эквивалентности при тестировании

Для тестирования программного обеспечения во множестве тестов будут выделены следующие классы эквивалентности:

—
—
—
—
—
—
—
—
—

2.4 Вывод

3 Технологическая часть

В данном разделе описаны требования к программному обеспечению, средства реализации, приведены листинги кода и данные, на которых будет проводиться тестирование.

3.1 Требования к программному обеспечению

Программа должна предоставлять следующие возможности:

- выбор режима работы: для единичного эксперимента и для массовых экспериментов;
- в режиме единичного эксперимента ввод двух строк на русском или английском языках и вывод полученных разными реализациями расстояний;
- в режиме массовых экспериментов измерение времени при различных длинах строк и построение графиков по полученным данным.

3.2 Средства реализации

Для реализации данной лабораторной работы выбран интерпретируемый язык программирования высокого уровня Python[3], так как он позволяет реализовывать сложные задачи за кратчайшие сроки за счет простоты синтаксиса и наличия большого количества подключаемых библиотек.

В качестве среды разработки выбран текстовый редактор Vim[4] с установленными плагинами автодополнения и поиска ошибок в процессе написания, так как он реализует быстрое перемещение по тексту программы и простое взаимодействие с командной строкой.

Замеры времени проводились при помощи функции `process_time_ns` из библиотеки `time`[5].

3.3 Листинги кода

В данном подразделе представлены листинги кода ранее описанных алгоритмов:

- (листинг ??);

- (листинг ??-??);
- (листинг ??, ??);
- (листинг ??).

3.4 Описание тестирования

В таблице ?? приведены функциональные тесты для алгоритмов

3.5 Вывод

4 Исследовательская часть

4.1 Технические характеристики

Технические характеристики устройства, на котором выполнялось тестирование:

- Операционная система: Manjaro [6] Linux x86_64.
- Память: 8 GiB.
- Процессор: Intel® Core™ i5-8265U[7].

Тестирование проводилось на ноутбуке, включенном в сеть электропитания. Во время тестирования ноутбук был нагружен только встроенными приложениями окружения, окружением, а также непосредственно системой тестирования.

4.2 Примеры работы программы

В данном подразделе представлены примеры работы программы. На рисунке ?? приведен пример работы программы при вводе строк в русской раскладке и равными расстояниями Левенштейна и Дамерау-Левенштейна. На рисунке ?? приведен пример работы программы при вводе строк в английской раскладке и разными полученными значениями расстояний.

4.3 Результаты тестирования

В таблице ?? приведены результаты работы программы на тестах, описанных в таблице ?. В результате сравнения ожидаемого и полученного результата делаем вывод, что все тесты были пройдены.

4.4 Постановка эксперимента по замеру времени

4.5 Результаты эксперимента

4.6 Вывод

Заключение

В ходе выполнения лабораторной работы:

—
—
—
—
—

Список литературы

- [1] Анисимов Н.С. Строганов Ю.В. Реализация алгоритма умножения матриц по Винограду на языке Haskell // Новые информационные технологии в автоматизированных системах. 2018. № 21. С. 390–395. Режим доступа: <https://cyberleninka.ru/article/n/realizatsiya-algoritma-umnozheniya-matrits-po-vinogradu-na-yazyke-haskell> (дата обращения: 30.10.2021).
- [2] Späth Till. Searching for fast matrix multiplication algorithms. Ph.D. thesis. 2019. 10.
- [3] Welcome to Python [Электронный ресурс]. Режим доступа: <https://www.python.org> (дата обращения: 12.10.2021).
- [4] welcome home : vim online [Электронный ресурс]. Режим доступа: <https://www.vim.org/> (дата обращения: 12.10.2021).
- [5] time — Time access and conversions [Электронный ресурс]. Режим доступа: https://docs.python.org/3/library/time.html#time.process_time_ns (дата обращения: 04.10.2021).
- [6] Manjaro — enjoy the simplicity [Электронный ресурс]. Режим доступа: <https://manjaro.org/> (дата обращения: 17.10.2021).
- [7] Процессор Intel® Core™ i5-8265U [Электронный ресурс]. Режим доступа: <https://ark.intel.com/content/www/ru/ru/ark/products/149088/intel-core-i5-8265u-processor-6m-cache-up-to-3-90-ghz.html> (дата обращения: 17.10.2021).