

#### Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

# «Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана

# (национальный исследовательский университет)» (МГТУ им. Н.Э. Баумана)

ФАКУЛЬТЕТ	«Информатика и системы управления»
КАФЕДРА	«Программное обеспечение ЭВМ и информационные технологии»

# ОТЧЕТ ПО ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ №2 по курсу «Анализ алгоритмов»

«Трудоемкость алгоритмов умножения матриц»

Студент	Маслова Марина Дмитриевна	
Группа	ИУ7-53Б	
Оценка (баллы)		
Преподаватель	Волкова Лилия Леонидовна	

# Содержание

BI	Введение		
1	Ана	литическая часть	
	1.1	Стандартный алгоритм умножения матриц	
	1.2	Алгоритм умножения матриц Винограда	
	1.3	Вывод	
2	Кон	структорская часть	
	2.1	Разработка алгоритмов	
	2.2	Структура разрабатываемого ПО	
	2.3	Классы эквивалентности при тестировании	
	2.4	Вывод	
3	Tex	нологическая часть	
	3.1	Требования к программному обеспечению	
	3.2	Средства реализации	
	3.3	Листинги кода	
	3.4	Описание тестирования	
	3.5	Вывод	
4	Исс	ледовательская часть	
	4.1	Технические характеристики	
	4.2	Примеры работы программы	
	4.3	Результаты тестирования	
	4.4	Постановка эксперимента по замеру времени	1
	4.5	Результаты эксперимента	1
	4.6	Вывод	1
За	ключ	нение	1
Cı	писон	с литературы	1

### Введение

Умножение матриц является основным инструментом линейной алгебры и имеет многочисленные применения в математике, физике, программировании [1]. При этом сложность стандартного алгоритма умножения матриц  $N \times N$  составляет  $O(N^3)$  [2], что послужило причиной разработки новых алгоритмов меньшей сложности. Одним из них является алгоритм Винограда с асимптотической сложностью  $O(N^{2.3755})$  [1].

**Целью данной работы** является изучение алгоритмов умножения матриц: стандартного и Винограда, — а также получение навыков расчета сложности алгоритмов и их оптимизации.

Для достижения поставленной цели необходимо выполнить следующие задачи:

- изучить алгоритмы умножения матриц: стандартный и алгоритм Винограда;
- разработать каждый из алгоритмов;
- дать теоретическую оценку трудоемкости стандартного алгоритма и алгоритма Винограда;
- оптимизировать алгоритм Винограда и дать теоретическую оценку его трудоемкости;
- реализовать каждый из трех алгоритмов;
- провести тестирование реализованных алгоритмов;
- провести сравнительный анализ алгоритмов по процессорному времени работы реализации.

### 1 Аналитическая часть

В данном разделе представлено теоретическое описание стандартного алгоритма умножения матриц и алгоритма Винограда.

### 1.1 Стандартный алгоритм умножения матриц

Стандартный алгоритм умножения матриц является реализацией математического определения произведения матриц, которое формулируется следующим образом:

пусть даны матрица  $A=(a_{ij})_{m\times n}$ , имеющая m строк и n столбцов, и матрица  $B=(b_{ij})_{n\times k}$ , имеющая n строк и k столбцов, тогда матрица  $C=(c_{ij})_{m\times p}$ , имеющая m строк и p столбцов, где:

$$c_{ij} = a_{i1}b_{1j} + a_{i2}b_{2j} + \dots + a_{in}b_{nj} = \sum_{k=1}^{n} a_{ik}b_{kj};$$
  
 $i = 1, 2, \dots m; \ j = 1, 2, \dots, p;$ 

— называется **произведением** матриц A и B [3].

#### 1.2 Алгоритм умножения матриц Винограда

#### 1.3 Вывод

# 2 Конструкторская часть

### 2.1 Разработка алгоритмов

# 2.2 Структура разрабатываемого ПО

Для реализации разрабатываемого программного обеспечения будет использоваться метод структурного программирования. Каждый из алгоритмов будет представлен отдельной функцией, при наличии части инициализации матрицы, она также будет вынесена в отдельную функцию. Также будут реализованы функции для ввода-вывода и функция, вызывающая все подпрограммы для связности и полноценности программы.

# 2.3 Классы эквивалентности при тестировании

Для тестирования программного обеспечения во множестве тестов буду
выделены следующие классы эквивалентности:
_
_
_

-

#### 2.4 Вывод

# 3 Технологическая часть

В данном разделе описаны требования к программному обеспечению, средства реализации, приведены листинги кода и данные, на которых будет проводиться тестирование.

#### 3.1 Требования к программному обеспечению

Программа должна предоставлять следующие возможности:

- выбор режима работы: для единичного эксперимента и для массовых эксперименов;
- в режиме единичного эксперимента ввод двух строк на русском или английском языках и вывод полученных разными реализациями расстояний;
- в режиме массовых экспериментов измерение времени при различных длинах строк и построение графиков по полученным данным.

### 3.2 Средства реализации

Для реализации данной лабораторной работы выбран интерпретируемый язык программирования высокого уровня Python[4], так как он позволяет реализовывать сложные задачи за кратчайшие сроки за счет простоты синтаксиса и наличия большого количества подключаемых библиотек.

В качестве среды разработки выбран текстовый редактор Vim[5] с установленными плагинами автодополнения и поиска ошибок в процессе написания, так как он реализует быстрое перемещение по тексту программы и простое взаимодействие с командной строкой.

Замеры времени проводились при помощи функции process\_time\_ns из библиотеки time[6].

#### 3.3 Листинги кода

В данном подразделе представлены листинги кода ранее описанных алгоритмов:

(листинг ??);

```
 (листинг ??-??); (листинг ??, ??); (листинг ??).
```

# 3.4 Описание тестирования

В таблице ?? приведены функциональные тесты для алгоритмов

# 3.5 Вывод

# 4 Исследовательская часть

#### 4.1 Технические характеристики

Технические характеристики устройства, на котором выполнялось тестирование:

- Операционная система: Manjaro [7] Linux x86 64.
- Память: 8 GiB.
- Процессор: Intel<sup>®</sup> Core<sup>™</sup> i5-8265U[8].

Тестирование проводилось на ноутбуке, включенном в сеть электропитания. Во время тестирования ноутбук был нагружен только встроенными приложениями окружения, окружением, а также непосредственно системой тестирования.

#### 4.2 Примеры работы программы

В данном подразделе представлены примеры работы программы. На рисунке ?? приведен пример работы программы при вводе строк в русской раскладке и равными расстояниями Левенштейна и Дамерау-Левенштейна. На рисунке ?? приведен пример работы программы при вводе строк в английской раскладке и разными полученными значениями расстояний.

### 4.3 Результаты тестирования

В таблице ?? приведены результаты работы программы на тестах, описанных в таблице ??. В результате сравнения ожидаемого и полученного результата делаем вывод, что все тесты были пройдены.

- 4.4 Постановка эксперимента по замеру времени
- 4.5 Результаты эксперимента
- **4.6** Вывод

# Заключение

В	3 ходе выполения лаборатор	ной работы:
_	_	
_	_	
_	_	
_	_	

# Список литературы

- [1] Анисимов Н. С. Строганов Ю. В. Реализация алгоритма умножения матриц по Винограду на языке Haskell // Новые информационные технологии в автоматизированных системах. 2018. № 21. С. 390—395. Режим доступа: https://cyberleninka.ru/article/n/realizatsiya-algoritma-umnozheniya-matrits-po-vinogradu-na-yazyke-haskell (дата обращения: 30.10.2021).
- [2] Späth Till. Searching for fast matrix multiplication algorithms. Ph.D. thesis. 2019. 10.
- [3] Шихобалов Л. С. Матрицы и определители : учеб. пособие. СПб.: СПбГУ, 2015. с. 55.
- [4] Welcome to Python [Электронный ресурс]. Режим доступа: https://www.python.org (дата обращения: 12.10.2021).
- [5] welcome home : vim online [Электронный ресурс]. Режим доступа: https://www.vim.org/ (дата обращения: 12.10.2021).
- [6] time Time access and conversions [Электронный ресурс]. Режим доступа: https://docs.python.org/3/library/time.html#time.process\_time\_ns (дата обращения: 04.10.2021).
- [7] Manjaro enjoy the simplicity [Электронный ресурс]. Режим доступа: https://manjaro.org/ (дата обращения: 17.10.2021).
- [8] Процессор Intel® Core™ i5-8265U [Электронный ресурс]. Режим доступа: https://ark.intel.com/content/www/ru/ru/ark/products/ 149088/intel-core-i5-8265u-processor-6m-cache-up-to-3-90-ghz.html (дата обращения: 17.10.2021).