

## 2007~2018 年高考真题汇编 “双曲线”

- 【2008 文·2】双曲线  $\frac{x^2}{10} - \frac{y^2}{2} = 1$  的焦距为 ( )  
A.  $3\sqrt{2}$  B.  $4\sqrt{2}$  C.  $3\sqrt{3}$  D.  $4\sqrt{3}$
- 【2009 理·4】双曲线  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{12} = 1$  的焦点到渐近线的距离为  
(A)  $2\sqrt{3}$  (B) 2 (C)  $\sqrt{3}$  (D) 1
- 【2011 文·4】椭圆  $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{8} = 1$  的离心率为 ( )  
A.  $\frac{1}{3}$  B.  $\frac{1}{2}$  C.  $\frac{\sqrt{3}}{3}$  D.  $\frac{\sqrt{2}}{2}$
- 【2013 理 I·4 文 I·4】已知双曲线  $C: \frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > 0, b > 0)$  的离心率为  $\frac{\sqrt{5}}{2}$ , 则  $C$  的渐近线方程为 ( )  
A.  $y = \pm \frac{1}{4}x$  B.  $y = \pm \frac{1}{3}x$  C.  $y = \pm \frac{1}{2}x$  D.  $y = \pm x$
- 【2014 文 I·4】已知双曲线  $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{3} = 1 (a > 0)$  的离心率为 2, 则  $a =$  ( )  
A. 2 B.  $\frac{\sqrt{6}}{2}$  C.  $\frac{\sqrt{5}}{2}$  D. 1
- 【2014 理 I·4】已知  $F$  是双曲线  $C: x^2 - my^2 = 3m (m > 0)$  的一个焦点, 则点  $F$  到  $C$  的一条渐近线的距离为  
A.  $\sqrt{3}$  B. 3 C.  $\sqrt{3}m$  D.  $3m$
- 【2015 理 I·5】已知  $M(x_0, y_0)$  是双曲线  $C: \frac{x^2}{2} - y^2 = 1$  上的一点,  $F_1, F_2$  是  $C$  的两个焦点, 若  $\overrightarrow{MF_1} \cdot \overrightarrow{MF_2} < 0$ , 则  $y_0$  的取值范围是 ( )  
A.  $(-\frac{\sqrt{3}}{3}, \frac{\sqrt{3}}{3})$  B.  $(-\frac{\sqrt{3}}{6}, \frac{\sqrt{3}}{6})$  C.  $(-\frac{2\sqrt{2}}{3}, \frac{2\sqrt{2}}{3})$  D.  $(-\frac{2\sqrt{3}}{3}, \frac{2\sqrt{3}}{3})$
- 【2016 理 I·5】已知方程  $\frac{x^2}{m^2+n} - \frac{y^2}{3m^2-n} = 1$  表示双曲线, 且该双曲线两焦点间的距离为 4, 则  $n$  的取值范围是 ( )  
A.  $(-1, 3)$  B.  $(-1, \sqrt{3})$  C.  $(0, 3)$  D.  $(0, \sqrt{3})$
- 【2017 文 II·5】若  $a > 1$ , 则双曲线  $\frac{x^2}{a^2} - y^2 = 1$  的离心率的取值范围是  
A.  $(\sqrt{2}, +\infty)$  B.  $(\sqrt{2}, 2)$  C.  $(1, \sqrt{2})$  D.  $(1, 2)$

- 【2017 理 III·5】已知双曲线  $C: \frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > 0, b > 0)$  的一条渐近线方程为  $y = \frac{\sqrt{5}}{2}x$ , 且与椭圆  $\frac{x^2}{12} + \frac{y^2}{3} = 1$  有公共焦点, 则  $C$  的方程为  
A.  $\frac{x^2}{8} - \frac{y^2}{10} = 1$  B.  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{5} = 1$  C.  $\frac{x^2}{5} - \frac{y^2}{4} = 1$  D.  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{3} = 1$
- 【2017 文 I·5】已知  $F$  是双曲线  $C: x^2 - \frac{y^2}{3} = 1$  的右焦点,  $P$  是  $C$  上一点, 且  $PF$  与  $x$  轴垂直, 点

$A$  的坐标是  $(1, 3)$ , 则  $\triangle APF$  的面积为

- A.  $\frac{1}{3}$  B.  $\frac{1}{2}$  C.  $\frac{2}{3}$  D.  $\frac{3}{2}$
- 【2018 理 II·5 文 II·6】双曲线  $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > 0, b > 0)$  的离心率为  $\sqrt{3}$ , 则其渐近线方程为  
A.  $y = \pm\sqrt{2}x$  B.  $y = \pm\sqrt{3}x$  C.  $y = \pm\frac{\sqrt{2}}{2}x$  D.  $y = \pm\frac{\sqrt{3}}{2}x$
- 【2011 理·7】设直线  $L$  过双曲线  $C$  的一个焦点, 且与  $C$  的一条对称轴垂直,  $L$  与  $C$  交于  $A, B$  两点,  $|AB|$  为  $C$  的实轴长的 2 倍, 则  $C$  的离心率为 ( )  
A.  $\sqrt{2}$  B.  $\sqrt{3}$  C. 2 D. 3
- 【2017 理 II·9】若双曲线  $C: \frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > 0, b > 0)$  的一条渐近线被圆  $(x-2)^2 + y^2 = 4$  所截得的弦长为 2, 则  $C$  的离心率为  
A. 2 B.  $\sqrt{3}$  C.  $\sqrt{2}$  D.  $\frac{2\sqrt{3}}{3}$
- 【2012 理·8 文·10】等轴双曲线  $C$  的中心在原点, 焦点在  $x$  轴上,  $C$  与抛物线  $y^2 = 16x$  的准线交于  $A, B$  两点,  $|AB| = 4\sqrt{3}$ , 则  $C$  的实轴长为 ( )  
A.  $\sqrt{2}$  B.  $2\sqrt{2}$  C. 4 D. 8
- 【2018 文 III·10】已知双曲线  $C: \frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > 0, b > 0)$  的离心率为  $\sqrt{2}$ , 则点  $(4, 0)$  到  $C$  的渐近线的距离为  
A.  $\sqrt{2}$  B. 2 C.  $\frac{3\sqrt{2}}{2}$  D.  $2\sqrt{2}$
- 【2015 理 II·11】已知  $A, B$  为双曲线  $E$  的左, 右顶点, 点  $M$  在  $E$  上,  $\triangle ABM$  为等腰三角形, 且顶角为  $120^\circ$ , 则  $E$  的离心率为 ( )  
A.  $\sqrt{5}$  B. 2 C.  $\sqrt{3}$  D.  $\sqrt{2}$

18. 【2016 理 II ·11】 已知  $F_1, F_2$  是双曲线  $E: \frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$  的左、右焦点，点  $M$  在  $E$  上， $MF_1$  与  $x$  轴垂直， $\sin \angle MF_2F_1 = \frac{1}{3}$ ，则  $E$  的离心率为 ( )

- A.  $\sqrt{2}$       B.  $\frac{3}{2}$       C.  $\sqrt{3}$       D. 2

19. 【2018 理 III · 11】 设  $F_1, F_2$  是双曲线  $C: \frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$  ( $a > 0, b > 0$ ) 的左、右焦点， $O$  是坐标原点. 过  $F_2$  作  $C$  的一条渐近线的垂线，垂足为  $P$ . 若  $|PF_1| = \sqrt{6}|OP|$ ，则  $C$  的离心率为

- A.  $\sqrt{5}$       B. 2      C.  $\sqrt{3}$       D.  $\sqrt{2}$

20. 【2018 理 I ·11】 已知双曲线  $C: \frac{x^2}{3} - y^2 = 1$ ， $O$  为坐标原点， $F$  为  $C$  的右焦点，过  $F$  的直线与  $C$  的两条渐近线的交点分别为  $M, N$ . 若  $\triangle OMN$  为直角三角形，则  $|MN| =$

- A.  $\frac{3}{2}$       B. 3      C.  $2\sqrt{3}$       D. 4

21. 【2010 理 ·12】 已知双曲线  $E$  的中心为原点， $P(3, 0)$  是  $E$  的焦点，过  $F$  的直线  $l$  与  $E$  相交于  $A, B$  两点，且  $AB$  的中点为  $N(-12, -15)$ ，则  $E$  的方程式为

- (A)  $\frac{x^2}{3} - \frac{y^2}{6} = 1$     (B)  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{5} = 1$     (C)  $\frac{x^2}{6} - \frac{y^2}{3} = 1$     (D)  $\frac{x^2}{5} - \frac{y^2}{4} = 1$

22. 【2007 理 ·13 文 ·13】 已知双曲线的顶点到渐近线的距离为 2，焦点到渐近线的距离为 6，则该双曲线的离心率为\_\_\_\_\_.

23. 【2008 理 ·14】 设双曲线  $\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{16} = 1$  的右顶点为  $A$ ，右焦点为  $F$ . 过点  $F$  平行双曲线的一条渐近线的直线与双曲线交于点  $B$ ，则  $\triangle AFB$  的面积为\_\_\_\_\_.

24. 【2017 文 III · 14】 双曲线  $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{9} = 1$  ( $a > 0$ ) 的一条渐近线方程为  $y = \frac{3}{5}x$ ，则  $a =$ \_\_\_\_\_.

25. 【2015 文 II ·15】 已知双曲线过点  $(4, \sqrt{3})$ ，且渐近线方程为  $y = \pm \frac{1}{2}x$ ，则该双曲线的标准方程为\_\_\_\_\_.

26. 【2017 理 I ·15】 已知双曲线  $C: \frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$  ( $a > 0, b > 0$ ) 的右顶点为  $A$ ，以  $A$  为圆心， $b$  为半径做圆  $A$ ，圆  $A$  与双曲线  $C$  的一条渐近线交于  $M, N$  两点. 若  $\angle MAN = 60^\circ$ ，则  $C$  的离心率为\_\_\_\_\_.

27. 【2015 文 I ·16】 已知  $F$  是双曲线  $C: x^2 - \frac{y^2}{8} = 1$  的右焦点， $P$  是  $C$  左支上一点， $A(0, 6\sqrt{6})$ ，当  $\triangle APF$  周长最小时，该三角形的面积为\_\_\_\_\_.