

نعتبر النقطتين  $A(i)$  و  $B(-i)$  والتطبيقات  $f$  و  $F$  المعرفين بما يلي :

$$f : \mathbb{C} - \{-i\} \rightarrow \mathbb{C} \quad F : P - \{B\} \rightarrow P$$

$$z \rightarrow \frac{iz+1}{z+i} \quad M(z) \rightarrow M'(f(z))$$

(1) حل في  $\mathbb{C}$  المعادلة  $z^3 f(z^3) = i$  ( أعط الحلول على الشكل المثلثي )

(2) نضع  $z = e^{i\theta}$  مع  $\theta \in \left] -\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2} \right[$  حدد معيار وعمدة  $f(z)$

(3) بين أنه إذا كانت  $M$  تنتمي إلى محور الأفاصيل فإن  $M'$  تنتمي إلى دائرة يجب تحديدها.

(4) (a) بين أن :  $f(z) - i = \frac{2}{z+i}$

(b) حدد صورة الدائرة  $(\Gamma)$  التي مركزها  $B$  وشعاعها 1.

(c) حدد صورة النصف المستقيم  $(D)$  الذي أصله  $B$  ويكون زاوية قياسها  $\frac{\pi}{4}$  مع  $\vec{e}_1$

(5) (a) بين أن :  $(\forall z \neq -i) : |f(z) - i| = |f(z) - 1| \Leftrightarrow |z - 1| = \sqrt{2}$

(b) حدد صورة الدائرة  $(\Gamma')$  التي مركزها  $C(1)$  وشعاعها  $\sqrt{2}$ .

(6) (a) بين أن :  $f(z) = \frac{i(z-i)}{z+i}$

(b) استنتج أن :  $OM' = \frac{AM}{BM}$  و  $(\vec{e}_1, \overrightarrow{OM'}) \equiv (\overrightarrow{MB}, \overrightarrow{MA}) + \frac{\pi}{2} [2\pi]$

(c) حدد صورة الدائرة  $(C)$  التي قطرها  $[AB]$ .