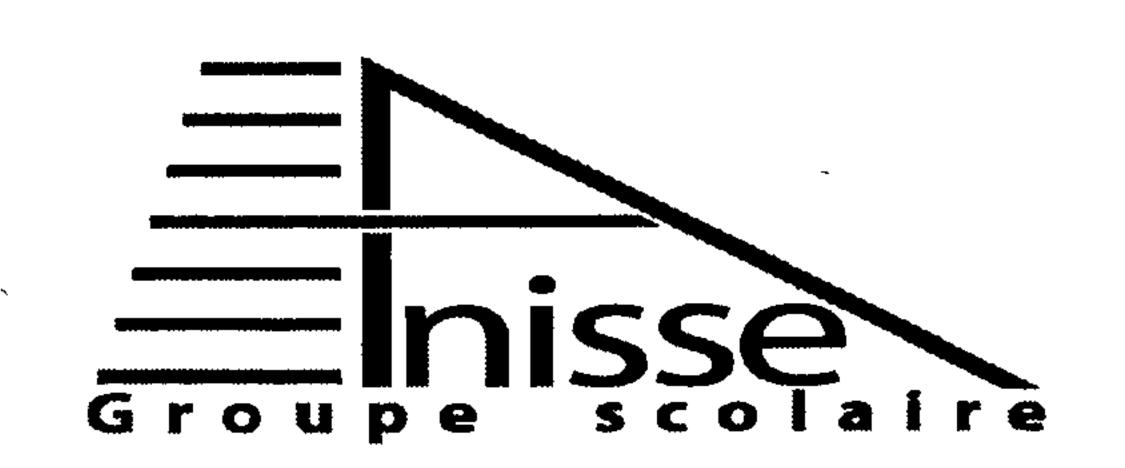
مدة الإنجاز: 4h



2014-2013

التمرين الاول (7نقط)

ليكن n من N^* نعتبر الدالة العددية للمتغير الحقيقي والمعرفة بما يلي:

$$f_{n}(x) = \frac{e^{x}}{(x+1)^{n}}$$

 $(o; \overline{i}, \overline{j})$ منحنی f_n فی معلم متعامد ممنظم (C_n) و

n=1) نضع في هذا الجزء T

ا احسب نهایات f_1 عند محداة مجموعة تعریفها 1

ادرس تغیرات f_1 وضع جدو لا آنها (2

 $g(x) = e^{x} - x^{2} - x$: بما يلي به الدالة العددية g المعرفة على R^{+} بما يلي به الدالة العددية g المعرفة على g بما يلي الدالة العددية g المعرفة على g المعر

ب- بین ان المعادلة: g'(x) = 0 تقبل حلین احدهما α ینتمی الی المجال g'(x) = 0

 \mathbf{R}^+ على على $\mathbf{g}(x) \ge 0$ على جـ استنتج إن

 R^+ على (C_1) هـحدد الفروع اللانهانية ل

 \mathbf{R}^+ على \mathbf{h} على (4

آ-بین ان h تقابل من \mathbf{R}^+ الی مجال J یتم تحدیده

 $(h^{-1})(\frac{e}{2})$ بین ان h^{-1} قابلة للاشتقاق فی $\frac{e}{2}$ واحسب h^{-1} نا نبذ بنین ان

 $(h^{-1}$ منحنی $(C_{h^{-1}})$ و $(C_{h^{-1}})$ (منحنی (5)

 $n \ge 2$ ناخد في هذا الجزء (ZZ)

ا حسب نهایات f_n عند محداة مجموعة تعریفها (1

 β_n الدنویة f_n وحدد قیمتها الدنویة السب f_n السب f_n السب f_n السب f_n السب السب f_n

 (C_{n+1}) و (C_n) ادرس الوضع النسبي بين (C_n)

 (C_1) في نفس الشكل مع (C_2)

التمرين الثاني (3نقط)

 $V_n = \sum_{k=0}^{k=n} \frac{En(1+k)}{1+k}$: المعرفة بما يلي المعرفة بما يلي المعرفة بما يلي المعرفة بما يلي

0 الاصلية للدالة : $f:x \to \frac{Ln(x+1)}{x+1}$ واللتي تنعدم في (1) حدد الدالة والمائية للدالة الدالة الدالة الدالة والمائية للدالة الدالة الدا

 $k \geq 1$ عدد صحیح طبیعی و $k \geq 1$ عدد صحیح طبیعی و 1 $k \geq 1$ (2 $k \geq 1$) یا باستعمال مبر هنهٔ التز ایدات المنتهیهٔ بین ان $k \geq 1$: باستعمال مبر هنهٔ التز ایدات المنتهیهٔ بین ان $k \geq 1$:

lim in: zieins (3

0,50

0,50

0,50

0,50

0,25

950

0,50

0,50

0,50

0,50

0,50

0,50

0,25

0,50

0,50

1

1

1

```
(5)
                                                                                P(z) = z^3 - (5-2i)z^2 + (5-4i)z - 9-2i: Line 2 is a z is
                                                                                    عين أن المعادلة P(z) = 0 تقيل حلا تخيليا صرفا يتم تحديده (1
                                                                                                                                                                                                                                                                                                             950
                                                                                                      z^2 - (5-3i)z + 2 - 9i = 0: illustic Coids - u
                                                                                                                                                                                                                                                                                                            0,50
                                                                                                                                 \mathcal{Z} = P(z) = 0 : \text{although } \mathcal{Z} = 0 : \mathcal{Z} = 0 :
                                                                                                                                                                                                                                                                                                           0,50
                                                                                                           2) المستوى العقدي منسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر
                                                       الألحاق i و i-2i و 4-i و 3-2i على التوالي J
                                                                                                                                                                                                                                                                                                             0,50
                                                                                                                   ا ـ بين أن المثلث ABC متساوي السافين وقائم الزاوية في B.
                                                                                                                                                                                                                                                                                                         0,50
                                rب ليكن r الدوران الذي مركزه h وزاويته \frac{\pi}{r} حدد لحق النقطة T صورة H بالدوران r
                ج التكن (T) مجموعة النقط التي الحاقها تكتب على الشكل 2+\sqrt{5}e^{i\sigma} ويتغير في R حدد
                                                                                             المجموعة (T) وين أن ABCD مربع تتنمي رووسه إلى (T)
   M_{n+1} = r(M_n), z_0 = 4 - i equal z_n described M_n being i with N is i with i (3)
                                                                                 Zn=(4=2x)i"+1" = Eliani-1
                                                                                                                                                                                                                                                                                                           0,75
                                                                                                                عدد قيم من الا عبى - ك
                                                                                                                                                                 G = \mathbb{R}^* \times \mathbb{R}
                                             قاتون التركيب الدلظئي ٢ يمايلي:
                                                                                                                                                                                                                              نعرف في المجموعة
                                                             \forall (x,y) \in G ; \forall (x',y') \in G (x,y)T(x',y') = (xx',\sqrt{x}y'+x'y)
                                                                                                                                                       نورة غير تبلالية. (G,T) نورة غير تبلالية.
(G,T) زمرة جزئية للزمرة (F,T) نعتبر المجموعة F=\{(1;y)|y\in\mathbb{Z}\} زمرة جزئية للزمرة (2
                                                                                                                                                                        هل هي تبلالية ? طل جوابك .
                                                                                                                                                                                                                                                  الجزء الثالي:
                                          D = \left\{ M_{(x,y)} = \begin{pmatrix} \sqrt{x} & y \\ 0 & x \end{pmatrix} / (x,y) \in G \right\}
                                                                                                                                                                                                                                             لتكن المجموعة
                                                                                                                                        (M_2(IR); x) in \min_{x \in A} Diving(1
                                                                                                                                                                                                                                                                                                           0,50
                                                                                                                                                                                                                      2) نعتبر التطبيق
                                                                                                        (x;y) \rightarrow M(x;y)
                                                                                                   (D;x) من (G,T) نحو (G,T) نحو ا۔ ا
                                                                                                                                                                                                                                                                                                             950
                                                                                                                                   M(x;y) extended (X;y)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                            075
   E = \{aI + bA / (a;b) \in \mathbb{Z}^2\} identify the sixty I = M(1;0) \cdot A = M(1;1) (3)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                         0,50
                                                               ا ـ تحقق من أن : A^2 = -I + 2A و استنج الله و الله على من أن ي حقة تبلالية و واحدية على هي كاملة ؟ على جرابك ب بين أن (E, +; \times)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                         0,75
```